



This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

### Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

### About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at <http://books.google.com/>



## Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

## Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + *Beibehaltung von Google-Markenelementen* Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + *Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität* Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

## Über Google Buchsuche

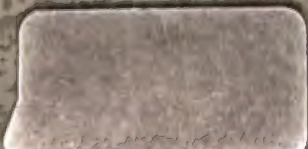
Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter <http://books.google.com> durchsuchen.







LELAND STANFORD JUNIOR UNIVERSITY







56m

•





**Sitzungsberichte**  
der  
mathematisch - physikalischen Classe  
der  
k. b. Akademie der Wissenschaften  
zu München.

THIS ITEM HAS BEEN MICROFILMED BY  
STANFORD UNIVERSITY LIBRARIES  
REFORMATTING SECTION 1994. CONSULT  
SUL CATALOG FOR LOCATION.

München.  
Akademische Buchdruckerei von F. Straub.  
1875.

In Commission bei G. Franz.

157054

**Uebersicht**  
**des Inhalts der Sitzungsberichte Band V**  
**Jahrgang 1875.**

---

*Oeffentliche Sitzung zur Feier des 116. Stiftungstages der  
k. Akademie vom 30. März 1875.*

	Seite
v. Kobell: Nekrologe der verstorbenen Mitglieder der mathematisch-physikalischen Classe . . . . .	123

---

*Sitzung vom 2. Januar.*

Erlenmeyer: Ueber die relative Constitution der Allylverbindungen und Trimethylenverbindungen . . . .	1
Ueber verschiedene phosphorsaure Salze . . .	6
Volhard: Zur Bestimmung der Kohlensäure in kohlensauren Salzen	10
Analyse des Schwefelwassers von Bir Keraui in der Libyschen Wüste . . . . .	19

---

*Sitzung vom 6. Februar.*

v. Siebold: Ueber das Anpassungs-Vermögen der mit Lungen athmenden Süsswasser-Molluscen . . . . .	39
v. Pettenkofer: Ueber ein Reagens zur Unterscheidung der freien Kohlensäure im Trinkwasser von der an Basen gebundenen . . . . .	55



	Seite
Beetz: Ueber die Electricitätsleitung in Electrolyten . . . .	59
Vogel: Ueber den Stickstoffgehalt des Malzextractes . . . .	71
Erlenmeyer: Ueber die Darstellung der ungeformten Fermente (Vorläufige Notiz) . . . . .	82

---

*Sitzung vom 6. März.*

Beetz: Ueber die volta'sche Polarisation des Aluminiums . .	87
v. Kobell: Die Aetzfiguren des Magnesiaglimmers und des Epidots von H. Baumhauer . . . . .	99
Erlenmeyer: 1) Ueber die Amidosäuren und Hydroxysäuren der Fettreihe . . . . .	106
2) Ueber die relative Constitution des Nelkenöls (Eugenols) . . . . .	114

---

*Sitzung vom 5. Juni.*

v. Jolly: Ueber die elektrische Influenz auf Flüssigkeiten von A. Wüllner . . . . .	147
v. Kobell: Ueber die Aetzfiguren des Apatits und des Gypses von H. Baumhauer . . . . .	169
H. v. Schlagintweit-Sakunlinski: a) Einsendung eines Geschenkes von Herrn Dr. Arnim Wittstein . . . . .	178
b) Angaben zur Charakteristik der Kru-Neger . . . . .	183

---

*Sitzung vom 3. Juli.*

v. Kobell: Ueber merkwürdige Quecksilbererze aus Mexiko von F. Sandberger . . . . .	202
Voit: Ueber die Eiweisszersetzung im Thierkörper bei Transfusion von Blut und Eiweisslösungen von J. Forster . . . .	206
Beetz: Ueber das doppelte Maximum in der Häufigkeit der Gewitter während der Sommermonate von W. v. Bezold . . . .	229

	Seite
<b>Bauer:</b> Bemerkungen über Reihen nach Kugelfunktionen und insbesondere auch über Reihen, welche nach Produkten oder Quadraten von Kugelfunktionen fortschreiten, mit Anwendung auf Cylinderfunktionen . . . . .	247

---

*Sitzung vom 5. November.*

<b>Beetz:</b> Ueber den Einfluss der Temperatur auf die Elektrolyse, von Emil Bucherer aus Basel . . . . .	273
<b>Beetz:</b> Ueber das elektrische Leitungsvermögen des Wassers und der Säuren, von F. Kohlrausch . . . . .	284

---

*Sitzung vom 4. December.*

<b>Baeyer:</b> Ueber die Hydrazinverbindungen der Fettreihe, von Emil Fischer . . . . .	306
<b>Gümbel:</b> Ueber die Beschaffenheit des Steinmeteoriten vom Fall am 12. Februar 1875 in der Grafschaft Jowa N.-A. mit 1 Steindrucktafel . . . . .	313

---





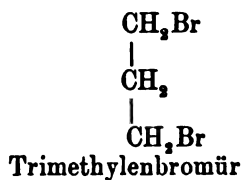
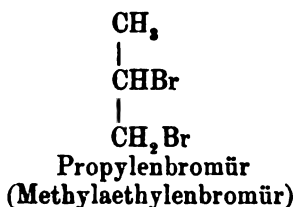
Sitzung vom 2. Januar 1875.

Mathematisch-physikalische Classe.

Herr Erlenmeyer spricht:

„Ueber die relative Constitution der  
Allylverbindungen und Trimethylen-  
verbindungen“.

Im Jahre 1871 hat Herr F. Geromont<sup>1)</sup> in meinem Laboratorium bei Gelegenheit einer experimentellen Arbeit über die relative Constitution der Allylverbindungen durch Addition von Bromwasserstoff zu Allylbromür neben dem schon bekannten Propylenbromür ein neues mit diesem metameres Bromür erhalten, welches er als Trimethylenbromür bezeichnete. Er drückte die relative Constitution der beiden Bromüre durch folgende Formeln aus:



1) Berichte d. deutsch. chem. Ges. 4. 548. verl. in der Sitzung vom 12. Juni 1871.

Das Trimethylenbromür zeigte einen Siedepunkt von  $160^{\circ}$  bis  $163^{\circ}$  uncorr. unter 719 Mm. Druck und ein spec. Gewicht von 2,0177 bei  $0^{\circ}$ .

Es liess sich sehr leicht von dem Propylenbromür durch sein Verhalten zu weingeistigem Kali unterscheiden. Während das letztere Bromür durch das genannte Reagens im Ueberschuss in Allylen verwandelt wird, liefert das neue Bromür Allyläthyläther.

Durch essigsames Silber wurde aus dem Trimethylenbromür ein Diessigester dargestellt, welcher unter 717 Mm. Druck bei  $203$  bis  $205^{\circ}$  siedete. Beim Verseifen mit Baryt wurde er in einen Glycol verwandelt, welcher nach vorläufiger Beobachtung zwischen  $208^{\circ}$  und  $218^{\circ}$  überdestillirte. Die Zusammensetzung der genannten Verbindungen war durch Analysen festgestellt worden.

Herr Geromont schloss aus seinen Versuchen dass der aus dem neuen Bromür dargestellte Glycol der Alkohol der Aethylenmilchsäure resp. Malonsäure sei und behielt sich ausdrücklich die Fortsetzung seiner Untersuchungen vor.

In der Sitzung vom 26. Februar 1872 legte Herr A. Würtz der Pariser Akademie eine Arbeit von Herrn Reboul vor, bei welcher dieser durch Addition von Bromwasserstoff zu Allylbromür dasselbe Bromür, welches Herr Geromont als Trimethylenbromür bezeichnet, erhalten hatte. Herr Reboul nannte dasselbe, nicht nur weil es aus Allylbromür und Bromwasserstoff entstanden war, sondern auch weil es wie er ebenfalls gefunden hatte durch weingeistiges Kali in Allyläthyläther übergeführt wird, Bromhydrat des Allylbromürs. Herr Würtz macht hierzu in den Compt. rendus 74. 616 folgende Anmerkung:

„Dieser Körper (das Bromhydrat des Allylbromürs) wurde vor Kurzem von Hrn. F. Geromont in einer Notiz

(Berichte der deutsch. chem. Gesellsch. 4. 548. 1871. No. 10) beschrieben. Es ist noch kein Auszug dieser Notiz in einem französischen Journal erschienen und Herr Reboul hatte sicherlich keine Kenntniss davon. Alle Chemiker werden anerkennen, dass seine vorliegenden Untersuchungen sich in der natürlichsten Weise an seine früheren Entdeckungen, die überdiess von Herrn Geromont citirt wurden, anschliessen. Dieser letztere Chemiker nimmt an, dass das bei 160 bis 163° siedende Bromür, welches er neben Propylenbromür durch die Wirkung von Bromwasserstoff auf Allylbromür erhalten hat, das Bromür des normalen Propylens ist, welches er Trimethylenbromür nennt. Im Interesse der Wahrheit habe ich es für nöthig gehalten, diese Beobachtung der so genauen Notiz des Herrn Reboul beizufügen.“

Man sieht aus der Mittheilung von Reboul deutlich, dass er über die Constitution seines „Bromhydrats des Allylbromürs“ noch im Unklaren war. Durch die Notiz von Geromont, auf welche er durch die Anmerkung von Würtz aufmerksam gemacht wurde, ist er in den Stand gesetzt worden, die von ihm dargestellten Verbindungen nach ihrer Constitution von einander zu unterscheiden; denn als er im nächsten Jahre über die entsprechenden Chlorüre Mittheilung machte, wusste er dieselben in Constitutionsformeln auszudrücken. (Compt. rend. 76. 1270.)

Wenn sich Herr Würtz darauf beruft, dass sich die Arbeit des Herrn Reboul über die Additionsproducte von Bromwasserstoff zu Allylbromür in der natürlichsten Weise an dessen frühere Entdeckungen anschliesst, so lässt sich das nicht bestreiten und wenn man nachsichtig sein will, so kann man sogar für die Unbekanntschaft des Hrn. Reboul mit der Arbeit von Geromont einen Entschuldigungsgrund in dem Umstand erblicken, dass von der Notiz von



Geromont noch kein Auszug in einem französischen Journal erschienen war, wiewohl Herr Reboul Gelegenheit gehabt hätte, mit dem Original nicht nur in den Berichten der deutsch. chem. Gesellschaft sondern auch in Liebigs Annalen 158. 369 bekannt zu werden. Weniger leicht wird es sich jedoch rechtfertigen lassen, dass Herr Reboul, nachdem er durch Herrn Geromont über die Constitution des Bromhydrats des Allylbromürs aufgeklärt war, ohne Bedenken in die Arbeit dieses Chemikers eingreift, den zweifach Essigsäure-Trimethylenester und daraus den Glycol noch einmal darstellt und seine betreffende Notiz<sup>2)</sup> sehr naiv mit folgenden Worten schliesst: „Ich werde sehr bald auf dieses wahre Homologe des Glycols, welches Herr Geromont flüchtig gesehen hat und dessen Studium, das ich verfolge, Resultate liefern wird, die des Interesses werth sind, zurückkommen.“

Ich will nun zunächst bemerken, dass Herr Geromont durch seinen Uebertritt in die Technik seine Arbeit vor 1½ Jahren unterbrechen musste, dass aber seitdem die Untersuchung der Trimetylenverbindungen und der Abkömmlinge derselben in meinem Laboratorium fortgesetzt wird.

Es könnte nun auffallen, dass wir beim Erscheinen der oben citirten Notiz mit dem angegebenen Schlussatz Herrn Reboul gegenüber nicht sofort reclamirt haben. Dass diess damals unterlassen wurde hat seinen Grund darin, dass ich mich nur im äussersten Nothfall zu einer Reclamation bewegen lasse, in dem vorliegenden Fall aber die gewiss berechnete Vermuthung hegte, Hr. Reboul, welchem die deutsche Sprache fremd zu sein scheint, werde schon von seinen deutsch verstehenden Collegen darauf aufmerk-

---

2) Compt. rend. 78. 1773.

sam gemacht werden, dass die von ihm wieder entdeckten Verbindungen bereits dargestellt waren und Hr. Geromont sich ausdrücklich die Fortsetzung seiner Untersuchung vorbehalten hat. Dass sich meine Vermuthung nicht bestätigt hat, beweist eine weitere Mittheilung des Herrn Reboul<sup>3)</sup> „Ueber die Aether des Normalpropylglycols“. Ich bin deshalb genöthigt zu erklären,

1) dass Herr Geromont bei seinem Austritt aus meinem Laboratorium die weiter unten folgenden Thatsachen festgestellt hatte;

2) dass ich seitdem, zum Theil in Gemeinschaft mit Herrn A. Kaysser, mit dem Studium der Oxydationsprodukte des Trimethylenglycols und seiner Abkömmlinge, welche durch verschiedene Oxydationsmittel entstehen, sowie mit dem Aufbau kohlenstoffreicherer Körper mit Hülfe von Trimethylenverbindungen beschäftigt bin und dass ich mir die Mittheilung der dabei gewonnenen Resultate vorbehalte.

Herr Geromont hatte gefunden, dass der vollkommen reine Trimethylenglycol unter 720,5 Mm. Druck bei 210,5° (Quecksilberfaden ganz im Dampf) siedet und bei 0° das spec. Gew. 1,0652 besitzt. Mit chromsaurem Kali und Schwefelsäure behandelt liefert der Trimethylenglycol sehr viel Acrolein, mit verdünnter Salpetersäure erhitzt Glycolsäure, mit übermangansaurem Kali bei gewöhnlicher Temperatur Oxalsäure und Kohlensäure.

Durch Chlorwasserstoff wird Trimethylenglycol zuerst in das Monochlorhydrin (Siedepunkt 157–159°<sup>4)</sup> unter 716 Mm. Druck. Spec. Gew. bei 0° 1,1464) und dann in das Dichlorhydrin d. i. Trimethylenchlorür verwandelt (Siedepunkt 118°, 5<sup>4)</sup> unter 711 Mm. Druck. Spec. Gew. bei 0° 1,2093).

3) Compt. rend. 79. 169.

4) In beiden Fällen Quecksilberfaden ganz im Dampf.

Das Monochlorhydrin liefert bei der Oxydation mit chromsaurem Kali und Schwefelsäure neben anderen Produkten eine Monochlorpropionsäure, welche sich in eine Hydroxysäure überführen liess, aus der mit Jodwasserstoff eine Jodpropionsäure von der Zusammensetzung und den Eigenschaften der  $\beta$  Jodpropionsäure von Beilstein gebildet wird.

Es ist hiernach wohl kein Zweifel, dass die oben angeführte Hydroxysäure mit der Hydracrylsäure von Wislicenus identisch ist und als Aethylenmilchsäure angesehen werden muss.

---

Herr Erlenmeyer spricht ferner:

„Ueber verschiedene phosphorsaure Salze“.

Vor einem Jahr habe ich die ersten Resultate einer eingehenden Untersuchung der Verbindungen, welche in den sogenannten Superphosphaten vorkommen können, an dieser Stelle mitgetheilt. Seit jener Zeit habe ich diese Arbeit mit meinem Privatassistenten Herrn Otto Heinrich, der ausschliesslich damit beschäftigt ist, ununterbrochen fortgesetzt. Zunächst wurden die phosphorsauren Salze des Manganoxyduls, der Thonerde, des Eisenoxyds und des Eisenoxyduls der Untersuchung unterworfen. Dieselbe ist zwar noch nicht ganz abgeschlossen, aber ich bin genöthigt, die bisher gewonnenen zum Theil noch unvollständigen Resultate zu veröffentlichen, weil Herr Millot<sup>1)</sup> eine ähnliche Untersuchung begonnen und bereits eine Mittheilung über phosphorsaure Salze des Eisenoxyds und der Thonerde gemacht hat.

---

1) Compt. rend. 78. 1134 u. Bull. soc. chim. 22. 242.



Im Hinblick auf die Darstellungsweise der Superphosphate und auf die Eigenschaft derselben, bei längerem Aufbewahren im Gehalt an löslicher Phosphorsäure „zurückzugehen“, war es natürlich unsere erste Aufgabe, die sauren Salze der oben genannten Metalloxyde darzustellen und ihr Verhalten unter dem Einfluss der Luft, des Wassers etc. zu studiren.

### 1. Manganophosphate.

$Mn_2(PO_4H)_4 + 4H_2O$ . \*) *Saures phosphorsaures Manganoxydul (Monomanganophosphat)*.

Durch Auflösen von Schwefelmangan oder kohlensaurem Mangan in überschüssiger Phosphorsäure und Verdampfen der Lösung zur Krystallisation erhalten, stellt es concentrisch gruppirte vierseitige Prismen von rother Farbe dar die bei  $100^\circ$   $4H_2O$  verlieren. An trockner Luft unveränderlich, zerfließt es in feuchter Luft unter Abscheidung von Krystallen des Dimanganophosphats  $Mn_2(PO_4H)_2 + 6H_2O$ . Das letztere scheidet sich auch aus, wenn man das saure Salz mit kaltem Wasser behandelt. Giesst man die über den ausgeschiedenen Krystallen stehende Flüssigkeit ab und erhält sie längere Zeit im Kochen so schlägt sich ein rosa farbenes Krystallpulver von der Zusammensetzung:  $(Mn_2)_3(PO_4)_4(PO_4H)_4 + 8H_2O$  daraus nieder.

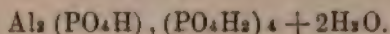
### 2. Aluminiumphosphate.

$Al_3(PO_4H)_6$ . *Saure phosphorsaure Thonerde. (Monoaluminiumphosphat)*.

Dieses bisher nicht bekannte Salz wird durch Abdampfen einer Lösung von Trialuminiumphosphat in überschüssiger Phosphorsäure auf dem Wasserbad als blendendweisses Krystallmehl erhalten. Die deutlich ausgebildeten

2) Vgl. auch Heintz Pogg. Ann. 74. 449.

mikroskopischen Prismen ziehen sehr begierig Wasser aus der Luft an und zerfliessen zu einem klaren Syrup, aus welchem sich nach längerer Zeit perlmutterglänzende sechseckige Blättchen abscheiden, von folgender Zusammensetzung:



Das saure Salz löst sich in Wasser ohne Zersetzung, eine concentrirte Lösung kann sogar gekocht werden ohne sich zu trüben, eine verdünnte Lösung scheidet dagegen beim Kochen ein weisses Pulver aus von der Zusammensetzung  $\text{Al}_2(\text{PO}_4)_3 + 4\text{H}_2\text{O}$ , das sich beim Erkalten um so rascher wieder löst, je verdünnter die ursprüngliche Lösung war. Durch wiederholtes Kochen und Heissfiltriren lässt sich eine verdünnte Lösung des sauren Salzes in das Trialuminiumphosphat und freie Phosphorsäure spalten.

### 3. Eisenphosphate.

<sup>vi</sup>  
 $\text{Fe}_2(\text{PO}_4\text{H})_6$  saures phosphorsaures Eisenoxyd (Monoferriphosphat).

Durch Abdampfen einer Lösung von Eisenoxyd oder Triferriphosphat in überschüssiger Phosphorsäure auf dem Wasserbad erhält man dieses neue Salz als ein aus röthlichen rhombischen Tafeln bestehendes Krystallmehl das aus der Luft rasch Wasser anzieht und unter Abscheidung von rothen Krystallrinden zerfliesst. Auch beim Verdunsten einer Lösung von Triferriphosphat in Phosphorsäure unter der Glocke über Schwefelsäure erhält man solche Krystallrinden von der Zusammensetzung  $\text{Fe}_2(\text{PO}_4\text{H})_2(\text{PO}_4\text{H}_2)_3 + 5\text{H}_2\text{O}^3$ . Dieselbe Verbindung bildet sich auch bei der Oxydation des sauren Ferrophosphats an der Luft. Beim Behandeln des sauren Ferriphosphats mit Wasser scheidet

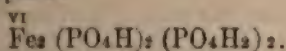
3) Vergl. auch Winkler Repert. Pharm 38, 197 und Millot. Bull. soc. chim. 22. 243.



sich ein amorphser Niederschlag von Triferriphosphat aus, der beim Kochen mit Wasser in ein sandiges <sup>VI</sup>kryptokrySTALLINISCHES Pulver von der Zusammensetzung  $\text{Fe}_2\text{PO}_4 + 4\text{H}_2\text{O}$  übergeht.

<sup>IV</sup> $\text{Fe}_2(\text{PO}_4\text{H}_2)_4 + 4\text{H}_2\text{O}$ . *Saures phosphorsaures Eisenoxydul (Monoferriphosphat)*, (entspricht dem Monomanganophosphat). Dieses Salz kann nur dann in vollkommen reinem Zustande erhalten werden, wenn man eine Lösung von Eisen in Phosphorsäure im Wasserstoffstrom bei  $100^\circ$  abdampft.

Vollständig weisses aus rhombischen Kryställchen bestehendes Pulver, das sich sehr rasch an der Luft oxydirt zu dem Ferriphosphat:



Beim Behandeln des sauren Ferrophosphats mit Wasser bildet sich nur eine geringe Ausscheidung von einem blaugrauen Niederschlag. Lässt man die Lösung im Exsiccator verdunsten, so entsteht auf deren Oberfläche eine fast schwarze Decke, die nach und nach in eine weisse krystallinische Verbindung von der Zusammensetzung <sup>VI</sup> $(\text{Fe}_2)_3(\text{PO}_4)_2(\text{PO}_4\text{H})_6$  übergeht. Auch unter der Decke in der Flüssigkeit bildet sich dieselbe Verbindung.

Ich behalte mir das Recht vor, meine Untersuchung über die Superphosphate zu Ende zu führen und werde ausführlichere Mittheilung darüber in Liebigs Annalen folgen lassen.

Herr Volhard hielt einen Vortrag:

„Zur Bestimmung der Kohlensäure in kohlensauren Salzen.“

Die Kohlensäure in kohlensauren Salzen wurde früher ausschliesslich indirect bestimmt, indem man den Gewichtsverlust ermittelte den ein mit einer gewogenen Menge von kohlensaurem Salz beschickter Apparat durch die Austreibung der Kohlensäure erlitt. Für die directe Bestimmung der Kohlensäure gab zuerst Kolbe<sup>1)</sup> ein Verfahren an. Kolbe zersetzt das kohlensaure Salz durch eine Säure und fängt die entwickelte Kohlensäure, nachdem sie zur Entfernung des Wasserdampfes durch ein mit Chlorcalcium gefülltes Rohr gestrichen, in einem Liebig'schen Kaliapparat auf. Die Schwierigkeiten, welche zu überwinden sind um mit diesem Verfahren genaue und zuverlässige Resultate zu erlangen, liegen in folgenden Umständen: Bei leicht zersetzbaren Carbonaten wird die Gasentwicklung auf Zusatz von Säure leicht zu stürmisch, die Kohlensäure kann alsdann unvollständig getrocknet in den Kaliapparat gelangen oder theilweise unabsorbirt durch diesen entweichen. Ferner bietet die Wahl der zur Zersetzung anzuwendenden Säure einige Schwierigkeit; Schwefelsäure zersetzt leicht und vollständig nur die Carbonate, mit deren Basen sie lösliche Salze bildet, Salpetersäure erzeugt bei Gegenwart oxydabler Körper flüchtige Säuren die von der Kalilauge aufgenommen werden, Salzsäure ist selbst flüchtig, bei stürmischer Gasentwicklung kann wohl etwas davon durch

1) *Annalen der Chemie und Pharmacie* 119, 129.

die Kohlensäure mitgerissen werden. Durch einige Modificationen des ursprünglich von Kolbe vorgeschlagenen Apparats hat Fresenius<sup>2)</sup> diesen Schwierigkeiten Rechnung getragen; indem er zur Absorption der Kohlensäure statt Kalilösung festen Natronkalk anwendete, der dem durchstreichenden Gas eine grössere absorbirende Oberfläche bietet, sicherte er die vollständige Absorption der Kohlensäure auch bei stürmischer Gasentwicklung; dem Trockenapparat fügte er entwässerten Kupfervitriol zu, welcher etwa mitgerissene Spuren von Salzsäure zurückhält. Wenn durch diese Modificationen dem Kolbe'schen Verfahren eine allgemeinere Anwendbarkeit verliehen wurde, so hat es dadurch andererseits an Einfachheit sehr verloren. An dem Fresenius'schen Apparat, der jetzt in den meisten Laboratorien häufig angewendet wird, hat man nicht weniger als 9 Verbindungsröhren, welche in durchbohrte Korke luftdicht einzupassen sind, 6 mit Siegelack überzogene Korke, 6 Gummischlauchverbindungen. Die Zusammensetzung dieses keineswegs einfachen Apparates und die Nothwendigkeit die Füllung der Absorptionsröhren öfters zu erneuern, machen die Methode etwas umständlich und zeitraubend. Sie verlangt ausserdem in der Ausführung sehr grosse Sorgfalt, namentlich bei der Analyse solcher natürlichen Carbonate die, wie Magnesit und Dolomit, durch verdünnte Säuren erst in der Wärme zersetzt werden liefert sie wegen der grossen Menge des verdampfenden Wassers nur bei der grössten Aufmerksamkeit gute Resultate.

Alle die erwähnten Schwierigkeiten fallen aber ganz weg wenn man die Zersetzung der Carbonate mit Ausschluss des Wassers auf trockenem Weg durch eine nicht flüchtige Säure ausführt.

Eine solche Säure welche wasserfrei und selbst bei

---

2) Zeitschrift für analytische Chemie 2, 53.



Rothgluth nicht flüchtig, in der Wärme die Carbonate mit Leichtigkeit zersetzt, haben wir in dem sauren chromsauren Kali. Ich habe gefunden, dass alle kohlen-sauren Salze, auch die durch Säuren schwer zersetzba-ren natürlichen Carbonate, ihre Kohlensäure sehr leicht und vollständig abgeben, wenn man sie fein gepulvert mit saurem chromsaurem Kali mischt und diese Mischung kurze Zeit im Schmelzen erhält.

Durch diese Zersetzung der kohlen-sauren Salze auf trockenem Weg wird die directe Kohlensäurebestimmung ausserordentlich vereinfacht, während sie zugleich einen solchen Grad von Genauigkeit und Zuverlässigkeit erlangt, dass sie in dieser Beziehung den besten analytischen Methoden nicht nachsteht.

Zur Zersetzung der Carbonate mit chromsaurem Kali dient eine schwerschmelzbare Glasröhre, welche am einen Ende in eine zweimal rechtwinklig gebogene und zuge-schmolzene Spitze ausgezogen ist; das andere Ende wird durch einen Kork mit Chlorcalciumrohr und Kaliapparat verbunden; der Apparat ist also ganz der nämliche wie man ihn für die Elementaranalyse herichtet, wenn man mit Kupferoxyd verbrennt und zuletzt Sauerstoff einleitet, nur ist das Rohr kürzer.

In die Röhre bringt man zuerst etwas saures chrom-saures Kali in gröberen Stücken, damit nachher das feinere Pulver nicht in die Spitze fällt. Hierauf gibt man eine etwa 2,5 cm. hohe Schicht von feinpulverigem Dichromat<sup>3)</sup>, sodann wird aus einem langen und engen Wägeröhrchen das möglichst fein gepulverte kohlen-saure Salz eingeschüttet, zuletzt folgt wieder eine etwa 2,5 cm. hohe Schicht von

---

3) Das Kristallmehl wie es durch rasches Abkühlen der heiss ge-sättigten Lösung erhalten wird ist nach dem Trocknen hiefür sehr geeignet.

pulverigem Dichromat. Mittelst des Mischdrahtes wird nun die Substanz aufs innigste mit dem Chromat gemischt und durch Aufklopfen des Rohres ein möglichst weiter Kanal über der Mischung hergestellt. Die Mischung reiche von dem ausgezogenen Ende des Rohres höchstens bis in die Hälfte der Röhrenlänge. Die Röhre wird in einen Ofen wie er zur Elementaranalyse dient, eingelegt, in etwas geneigter Lage nach dem offenen Ende zu aufsteigend. Letzteres verbindet man nunmehr mit Chlorcalciumrohr und Kalliapparat.

Nachdem man sich von dem luftdichten Schluss des Apparates überzeugt hat, beginnt man mit dem Erhitzen und zwar an der Stelle wo von dem offenen Ende aus die Mischung ihren Anfang nimmt. Sobald das Chromat geschmolzen beginnt die Kohlensäureentwicklung. Man erhitzt allmählig weiter von dem offenen Ende nach der Spitze hin fortschreitend bis zuletzt die ganze Masse geschmolzen ist.

Das Ende der Zersetzung erkennt man an dem plötzlichen Aufhören der vorher lebhaften Gasentwicklung. Man gibt nun noch kurze Zeit möglichst starke Hitze, wobei eine geringe Sauerstoffentwicklung stattfindet. Schliesslich bricht man die Spitze des Rohres in dem schon gleich Anfangs über dieselbe gestülpten Gummischlauch ab und leitet einige Minuten lang kohlensäurefreie Luft durch den Apparat.

Die Operation dauert höchstens  $\frac{1}{2}$  Stunde; sie bedarf kaum einer Ueberwachung; man hat weiter nichts zu thun als von Zeit zu Zeit eine weitere Gasflamme, im Ganzen drei bis vier, anzuzünden und zuletzt Luft durchzuleiten. Man übereile sich nicht mit dem Erhitzen. Wird der hintere Theil der Mischung erhitzt bevor der vordere leicht flüssig geworden ist, so kann sich ein Propf von halberstarrem Chromat bilden, der durch das im hinteren Theil



des Rohres entwickelte Gas nach dem Stopfen hin geschoben wird; man löscht dann die hinteren Flammen für kurze Zeit aus, während man da wo der Pfropf sitzt stärkeres Feuer gibt.

Hauptbedingung für die Genauigkeit der Resultate ist, dass das kohlen saure Salz möglichst fein gepulvert und mit dem Dichromat innig gemischt wurde. Auch bleibe nicht unerwähnt, dass das Wägen des Kaliapparates einige Aufmerksamkeit erfordert. Man versäume es nie den Apparat längere Zeit auf der Wage zu belassen und sich zu überzeugen dass das Gewicht constant bleibt. Eine Gewichtszunahme durch Anziehen von Feuchtigkeit oder Kohlensäure aus der Luft ist dabei nicht zu befürchten; wiederholte Versuche haben gezeigt dass man den Kaliapparat ohne Verschluss stundenlang auf der Wage lassen kann, ohne eine Gewichtsänderung wahrzunehmen, wenn vorher völlige Ausgleichung der Temperatur des Apparates und der Luft im Wagenraum eingetreten war. Wird dagegen der Kaliapparat gewogen ehe diese Temperaturausgleichung stattfand, so können leicht Fehler bis zu 3 auch 4 Mgr. unterlaufen<sup>4)</sup>. Dies ist für die Kohlensäurebestimmung natürlich von grösserer Bedeutung als für die Elementaranalyse; ein Fehler im Gewicht des Kaliapparates von 1 Mgrm. bei Anwendung von 0,5 Grm. Carbonat gibt  $\frac{2}{10}$  Prozent Kohlensäure zu viel oder zu wenig, während bei der Kohlenstoffbestimmung der Fehler im Resultat im Verhältniss von  $\frac{2}{6}$  geringer wird. — Da man trockene Luft durch den Apparat leitet, muss selbstverständlich der Kaliapparat mit einem Röhrchen verbunden sein welches Stückchen von Aetzkali enthält.

Die Gegenwart von Chloralkalimetallen ist ohne Einfluss auf diese Kohlensäurebestimmung (vgl. Analyse IIIa); sind

---

4) Was Löwe, Zeitschrift für analytische Chemie 9, 223 hierüber angibt, kann ich auf Grund zahlreicher Beobachtungen bestätigen.

andere flüchtige Säuren oder kohlenstoffhaltige Substanzen zugegen, so ist sie natürlich nicht anwendbar.

Berücksichtigt man die angegebenen Vorsichtsmassregeln so liefert die beschriebene Methode ganz ausserordentlich genaue Resultate, wie durch die folgenden von Herrn J. Hessert unter meiner Leitung ausgeführten Analysen belegt wird. Die Mineralien verdanke ich der Güte des H. Collegen v. Kobell. Ich halte es nicht für überflüssig zu bemerken, dass die aufgeführten Kohlensäurebestimmungen nicht die am besten stimmenden aus einer grösseren Zahl von Analysen sind, dass vielmehr alle Kohlensäurebestimmungen welche nach Ermittlung der Bedingungen für die Zuverlässigkeit des Resultates gemacht wurden aufgeführt sind.

#### I. Kohlensaures Natron (chemisch rein und wasserfrei)

a) 0,2687 Gr. gaben Kohlensäure	0,1114	In 100 Thl.
		41,47
b) 0,4048 Gr. „ „	0,1682	41,55
	Mittel	41,51
Für kohlensaures Natron berechnete Kohlens.		41,51

#### II. Calcit aus Island (Doppelspath)

a) 0,3521 Gr. gaben Kohlensäure	0,1554	
		44,14
b) 0,7900 Gr. „ „	0,3476	44,00
	Mittel	44,07

#### III. Dolomit aus dem Zillerthal

a) 0,3888 Gr. <sup>5)</sup> gaben Kohlensäure	0,1838	
		47,28
b) 0,5428 Gr. „ „	0,2566	47,28
	Mittel	47,28

5) Bei diesem Versuch war der Mischung etwa 0,5 Gr. Kochsalz zugesetzt worden.

## IV. Dolomit aus Freiberg in Sachsen (Perlspath)

			In 100 Thl.
a)	0,4481 Gr. gaben Kohlensäure	0,2017	45,01
b)	0,3979 Gr. „ „	0,1790	44,99
c)	0,6245 Gr. „ „	0,2806	44,93
	Mittel		44,98

## V. Siderit aus Ungarn

a)	0,6475 Gr. gaben Kohlensäure	0,2534	39,14
b)	1,1270 Gr. „ „	0,4416	39,18
	Mittel		39,16

## VI. Magnesit aus Tyrol

a)	0,3885 Gr. gaben Kohlensäure	0,1954	50,30
b)	0,7409 Gr. „ „	0,3730	50,34
	Mittel		50,32

## VII. Staffelit von Staffel

a)	0,5383 Gr. gaben Kohlensäure	0,0089	1,66
b)	0,3083 Gr. „ „	0,0052	1,69
c)	0,4605 Gr. „ „	0,0074	1,61
	Mittel der 3 Bestimmungen		1,65

Zur Controle dieser Kohlensäurebestimmungen wurden die gleichen Mineralien einer genauen quantitativen Analyse unterzogen, deren Ergebnisse nachstehend folgen; zugleich ist die Summe der für die einzelnen Basen berechneten



Kohlensäuremengen mit der gefundenen Kohlensäure verglichen.

ad. II. Calcit aus Island:

	Gefunden	Den Basen entspr. Kohlens.
Kalk . . . . .	55,89	43,91
Magnesia . . . . .	0,13	0,14
Kohlensäure . . . . .	44,07	44,05
Summe . . . . .	100,09	

ad. III. Dolomit aus dem Zillerthal:

Unlöslich . . . . .	0,12	—
Eisenoxydul . . . . .	1,80	1,10
Manganoxydul . . . . .	0,11	0,07
Kalk . . . . .	30,36	23,86
Magnesia . . . . .	20,28	22,32
Kohlensäure . . . . .	47,28	47,35
Summe . . . . .	99,95	

ad. IV. Dolomit aus Freiberg in Sachsen (Perlspath):

Unlöslich . . . . .	0,42	—
Wasser . . . . .	0,80	—
Eisenoxydul . . . . .	3,43	2,10
Manganoxydul . . . . .	1,00	0,62
Kalk . . . . .	33,01	25,94
Magnesia . . . . .	14,93	16,42
Kohlensäure . . . . .	44,98	45,08
Summe . . . . .	98,57	

ad. V. Siderit aus Ungarn:

Unlöslich . . . . .	0,23	—
Eisenoxydul . . . . .	54,55	33,34
Manganoxydul . . . . .	1,82	1,13
Kalk . . . . .	0,34	0,27
Magnesia . . . . .	3,98	4,37
Kohlensäure . . . . .	39,16	39,11
Summe . . . . .	100,08	

## ad. VI. Magnesit aus Tyrol:

	Gefunden	Den Basen entspr. Kohlens.
Kieselsäure . . .	0,57	—
Eisenoxydul . . .	4,04	2,46
Manganoxydul . .	0,51	0,31
Kalk . . . . .	0,42	0,33
Magnesia . . . .	44,15	48,56
Kohlensäure . . .	50,32	51,66
Summe .	100,01	

Die auf die Basen berechnete Kohlensäure musste hier voraussichtlich die gefundene Menge übertreffen, weil das Mineral beim Auflösen in Salzsäure Kieselsäure in Flocken ausscheidet, und folglich ein Theil der Basen an Kieselsäure gebunden.

## ad. VII. Staffelit von Staffel:

Kalk . . . . .	53,79		
Magnesia . . . . .	0,12	Kohlens. Kalk . .	3,75
Kali . . . . .	0,02	Fluorcalcium . . .	8,06
Phosphors. Thonerde .	0,25	Phosphors. Kalk .	84,69
Phosphorsäure . . .	38,91	Phosphors. Magnesia	0,26
Fluor <sup>6)</sup> . . . . .	3,93	Phosphors. Thonerde	0,25
Chlor . . . . .	0,02	Chlor . . . . .	0,02
Kohlensäure. . . . .	1,65	Kali . . . . .	0,02
Wasser . . . . .	3,07	Wasser . . . . .	3,07
	101,76		100,12
Sauerstoffäquivalent des Fluors . . . .	1,65		
	100,11		

6) Das Fluor wurde nach der Methode von H. Rose (Handbuch der analyt. Chemie 6. Aufl. Leipzig 1871 S. 576) bestimmt, nur wurden phosphors. Silber und Fluorcalcium statt mit unterschwefligsaurem Natron mit Cyankalium getrennt.

Herr Volhard hielt ferner einen Vortrag:

„Analyse des Schwefelwassers von Bir Keraui in der Libyschen Wüste“.

Die Quelle Bir Keraui entspringt östlich der Oase Farafreh unmittelbar am Steilrand des Kalksteinplateau's, welches die mit dem Nil parallel laufende Oaseneinsenkung von dem Niltal trennt. Sie kommt aus einem weichen, grünen oder rothen, stark eisenhaltigen Blättermergel, der viel Salz führt und der die Grenze bildet zwischen der Kreide und der ältesten Numulitenformation.

Herr College Zittel hatte die Güte, mir die von der Rohlf'schen Expedition mitgebrachte Probe des Wassers dieser Quelle zur Untersuchung zu übergeben. Es waren drei Rheinweinflaschen voll, zusammen etwa 2 Liter. Bei dieser geringen Menge des Untersuchungsmateriales konnten selbstverständlich nur die in irgend erheblicher Menge in dem Wasser vorhandenen Bestandtheile quantitativ bestimmt werden; selbst für den qualitativen Nachweis der Stoffe, welche in sehr geringer Menge in Mineralwässern vorzukommen pflegen, war von Haus aus wenig Aussicht auf Erfolg.

Die Untersuchung des Wassers wurde von Hrn. Jul. Hessert, Lehramtscand. aus Freisbach i. d. Pfalz unter meiner Leitung ausgeführt.

Der Geschmack des Wassers ist unangenehm hepatisch und schwach salzig. Es riecht auch ohne Umschütteln stark nach Schwefelwasserstoff und gibt mit Bleizuckerlösung sofort einen braunschwarzen Niederschlag von Schwefelblei.

Das Wasser war vollkommen klar; in jeder der Flaschen fand sich jedoch ein ziemlich beträchtlicher schwarzer und

glänzender Bodensatz, der sich auch nach dem Umschütteln rasch und vollständig wieder absetzte.

Nach den Angaben des Hrn. Coll-gen Zittel verbreitet die Bir Keraui-Quelle einen entschiedenen Schwefelwasserstoffgeruch und das Wasser überzieht sich schon im Quellenbecken selbst mit einer schillernden Haut von Schwefeleisen. Ueber die Temperatur der Quelle wurde mir nur die Mittheilung dass die Quelle keine Thermalquelle ist.

Das spec. Gewicht des Wassers wurde bei 25° C. zu 1,0020 gefunden bezogen auf Wasser von gleicher Temperatur.

Freie oder halb gebundene Kohlensäure enthält das Wasser nur in sehr geringer Menge; bei langem Kochen gibt es jedoch einen Niederschlag der sich in Säuren unter Entwicklung von Kohlensäure auflöst.

Die qualitative Analyse ergab die Gegenwart folgender Säuren und Salzbildner:

Schwefelwasserstoff,  
Kohlensäure,  
Chlor,  
Schwefelsäure,  
Kieselsäure,  
Phosphorsäure,  
Salpetersäure.

Von Basen fanden sich:

Natron,  
Kali,  
Lithion,  
Magnesia,  
Kalk,  
Eisenoxydul,  
Thonerde.

Die beiden letzteren wurden erst gelegentlich der quantitativen Analyse aufgefunden. Das Wasser gab, nach

dem Ansäuern von Schwefelwasserstoff befreit, mit Gallustinctur, Ferro- und Ferricyankalium keine Farbenänderung zu erkennen.

Das Spectrum der aus einigen Hundert Gramm Wasser erhaltenen Alkalisalze zeigte deutlich und unverkennbar, obwohl rasch vorübergehend, die Lithiumlinie. Für andere seltenere Bestandtheile wie Cäsium, Rubidium, Strontium, Baryum ergaben die Spectraluntersuchungen keinerlei Anzeichen. Ebenso blieben die Versuche zum Nachweis von Brom, Jod, Fluor, Borsäure, Titansäure erfolglos. Salpetersäure konnte nur durch die Reaction mit Brucin nachgewiesen werden.

Der Bodensatz war von schwarzer Farbe, schwachem Metallglanz und anscheinend krystallinischer Beschaffenheit; dies führte zuerst auf die Vermuthung, der Bodensatz sei Schwefelkies. Die genauere Untersuchung zeigte jedoch, dass das Schwefeleisen nur einen kleinen Bruchtheil von der Gesamtmenge des Bodensatzes ausmacht; alle Partikelchen des Bodensatzes sind mit einer dünnen Haut von Schwefeleisen überzogen. Dies beweist, dass das Schwefeleisen sich erst bei der Aufbewahrung des Wassers allmählig aus diesem abgeschieden hat.

Das gleichzeitige Vorkommen von Eisenoxydulsalzen und Schwefelwasserstoff in Mineralwassern bei Abwesenheit starker Säuren wurde schon mehrfach beobachtet z. B. von Simmler bei der Analyse des Stachelberger Schwefelwassers<sup>7)</sup>. Es erklärt sich aus dem Verhalten des Eisenoxydulbicarbonates gegen Schwefelwasserstoff<sup>8)</sup>. Eine Lösung von kohlensaurem Eisenoxydul in kohlensaurem Wasser wird durch Schwefelwasserstoff erst dann gefällt, wenn die

7) Journ. für pract. Chemie LXXI, 1.

8) Vgl. G. Bischof, Lehrbuch der chemischen und physicalischen Geologie. 2. Aufl. Bonn 1863, 1, 62.



Kohlensäure durch längeres Einleiten von Schwefelwasserstoff theilweise ausgetrieben ist oder wenn sie an der Luft allmählig entweicht.

Der Bodensatz des Bir Keraui-Wassers wird durch Uebergiessen mit kalter verdünnter Salzsäure unter Entwicklung von Schwefelwasserstoff und Abscheidung von Schwefel sofort entfärbt; zugleich entwickelt sich Kohlensäure. Die Lösung enthält ausser Eisenoxydul erhebliche Mengen von Kalk, etwas Thonerde und Kieselsäure. Da sich diese Stoffe in der kalten sehr verdünnten Säure fast momentan auflösen, ist es sehr wahrscheinlich, dass auch sie ursprünglich in dem Wasser gelöst waren und erst beim Stehen des Wassers allmählig ausgeschieden wurden.

Nach dem Abfiltriren der sauren Lösung hinterblieb ein feiner, schwach gelblich gefärbter, mit gröberen Körnern untermischter Sand, der sich beim Glühen vorübergehend schwärzte. Heisse concentrirte Salzsäure nahm aus demselben Kieselsäure, Thonerde und Eisenoxyd, nebst wenig Magnesia und Kali auf. Natron und Kalk fanden sich in dieser Lösung nicht.

Die gröberen Körner von dem feineren Sand durch Abschlämmen getrennt, erwiesen sich als reiner Quarz; fein zerrieben liessen sie sich mit Flusssäure vollständig verflüchtigen.

Der Bodensatz des Bir Keraui-Wasser besteht sonach

1) aus festen Bestandtheilen, welche ursprünglich in dem Wasser nur suspendirt waren, gröberen Quarzkörnern und feineren Körnchen eines durch Säuren theilweise zersetzbaren Thonerdesilicates;

2) aus Stoffen, die früher in dem Wasser gelöst, bei der Aufbewahrung sich allmählig ausschieden, kohlen saurem Kalk und Schwefeleisen, etwas Kieselsäure und Thonerde.

Wasser und Bodensatz enthalten endlich kleine Mengen von organischen Bestandtheilen.

Nach der quantitativen Analyse enthalten 1000 Theile  
des Wassers von Bir Keraui:

Schwefelwasserstoff . . . . .	0,007004
Kohlensäure (gebundene) . . . . .	0,1545
Chlor . . . . .	0,7464
Schwefelsäure . . . . .	0,7871
Kieselsäure . . . . .	0,0228
Phosphorsäure . . . . .	0,0038
Natron . . . . .	0,5947
Kali . . . . .	0,0848
Kalk . . . . .	0,5941
Magnesia . . . . .	0,1093
Eisenoxydul . . . . .	0,0023
Thonerde . . . . .	0,0024
Organische Substanzen . . . . .	0,0703
Salpetersäure . . . . .	Spur
Lithion . . . . .	Spur
Summa . . . . .	3,1725
ab das Sauerstoffäquivalent von 0,7871 Chlor	0,1682
Summa d. festen Bestandtheile . . . . .	3,0043
„ „ „ „ direct bestimmt	3,0285

Hieraus berechnet sich folgende Zusammensetzung des  
Wassers.

1000 Theile Wasser von Bir Keraui enthalten:

Freien Schwefelwasserstoff . . . . .	0,007004
Chlorkalium . . . . .	0,1344
Chlornatrium . . . . .	1,1223
Doppelt kohlensauen Kalk . . . . .	0,3924
Schwefelsauren Kalk . . . . .	1,0722
Doppelt kohlensaure Magnesia . . . . .	0,0966
Schwefelsaure Magnesia . . . . .	0,2373
Doppelt kohlensaures Eisenoxydul . . . . .	0,0051

Phosphorsäure	. . . . .	0.0038
Thonerde	. . . . .	0.0024
Kieselsäure	. . . . .	0.0228
Organische Substanz	. . . . .	0.0703
Salpetersäure	. . . . .	Spur
Lithion	. . . . .	Spur

Der Bodensatz von je 1000 Theilen des Wassers von Bir Keraui enthält:

1) In kalter verdünnter Salzsäure lösliche, ursprünglich im Wasser gelöst gewesene Bestandtheile:

Schwefel	. . . . .	0.0106
Eisen	. . . . .	0.0176
Thonerde	. . . . .	0.0212
Kalk	. . . . .	0.1353
Kieselsäure	. . . . .	0.0099
Organische Substanz	. . . . .	0.0053

2) Im Wasser suspendirt gewesene Bestandtheile:

Quarz und Thonerdesilicat	} . . . . .	0,2344
------------------------------	-------------	--------

Letzteres bestehend aus:

Kieselsäure,  
Thonerde und Eisenoxyd,  
Magnesia,  
Kali.

Rechnet man die in verdünnter Salzsäure löslichen Bestandtheile des Bodensatzes in die Zusammensetzung des Wassers mit ein, so erhält man als Ausdruck für die ursprüngliche Zusammensetzung des Wassers.

1000 Theile Bir Keraui-Wasser enthalten:

(Freien Schwefelwasserstoff	. . . . .	0,016234?)
Chlorkalium	. . . . .	0,1344



Chlornatrium . . . . .	1,1223
Doppelt kohlensauen Kalk . . . . .	0,7480
Schwefelsauren Kalk . . . . .	1,0722
Doppelt kohlensaure Magnesia . . . . .	0,0962
Schwefelsaure Magnesia . . . . .	0,2373
Doppelt kohlensaures Eisenoxydul . . . . .	0,0555
Thonerde . . . . .	0,0236
Phosphorsäure . . . . .	0,0051
Kieselsäure . . . . .	0,0327
Organische Materien . . . . .	0,0756
Salpetersäure . . . . .	Spur
Lithion . . . . .	Spur

Für den Schwefelwasserstoff ist die aus den Analysen des Wassers und Bodensatzes abgeleitete Zahl auch hier eingesetzt. Selbstverständlich hat die Bestimmung des Schwefelwasserstoffgehaltes eines Wassers nur dann Bedeutung, wenn sie an der Quelle selbst unmittelbar mit dem frischen Wasser vorgenommen wird. Während einerseits der Schwefelwasserstoffgehalt durch Abdunsten und Oxydation sich rasch vermindert, kann andererseits durch Wechselwirkung zwischen den schwefelsauren Salzen und organischen Substanzen, die ja fast in keinem natürlichen Wasser fehlen, Schwefelwasserstoff neu gebildet werden. Nach Versuchen von Fresenius<sup>9)</sup> verlor z. B. Weilbacher Schwefelwasser in gutverkorkten Krügen innerhalb 10 Tagen  $\frac{4}{10}$  seines Schwefelwasserstoffgehaltes; bei längerer Aufbewahrung stieg dagegen der Schwefelwasserstoffgehalt wieder bis auf etwa  $\frac{2}{10}$  der ursprünglichen Menge. Auch Wasser, welches in frischem Zustand keinen Schwefelwasserstoff enthält, kann in dieser Weise beim Aufbewahren hepatisch werden. Meerwasser z. B. in Krügen aufbewahrt fand

9) Journal für practische Chemie 70, 28.

Clemm <sup>10)</sup> schon nach einigen Wochen stark schwefelwasserstoffhaltig. Bischoff <sup>11)</sup> versetzte das Wasser eines Säuerlings, das in der hölzernen Brunnenröhre Krystalle von Eisenkies abgesetzt hatte, aber in frischem Zustand keinen Schwefelwasserstoffgehalt erkennen liess, mit etwas Zucker und bewahrte es in verkorkten und verpichtten Krügen auf. Nach 13 Monaten hatte dieses Wasser schwarze Flocken von Schwefeleisen abgesetzt; nach mehrjähriger Aufbewahrung zeigte das Wasser in allen Krügen Schwefelwasserstoffgeruch und die Schwefelsäure, es enthielt in frischem Zustand  $\frac{1}{10000}$  Schwefelsaures Natron, war fast völlig verschwunden. Aus der Analyse des Bir Keraui-Wassers, welche nach sechsmonatlicher Aufbewahrung des Wassers vorgenommen wurde, könnte sonach mit Sicherheit nicht einmal erschlossen werden, dass das Wasser überhaupt ein Schwefelwasser ist. Ueber die hepatische Natur des Bir Keraui-Wassers kann nach den Mittheilungen Zittel's kein Zweifel sein; ob aber der Schwefelwassergehalt des frischen Wassers grösser oder kleiner als der oben angegebene, lässt sich durch die Analyse des versendeten Wassers nicht entscheiden. Ebenso wenig gestattet die Analyse einen Schluss auf den Kohlensäuregehalt des frischen Wassers.

### Analytische Belege.

#### A. Bestimmung der im Wasser gelösten Bestandtheile.

##### 1. Bestimmung des Schwefelwasserstoffs.

Die Bestimmung des Schwefelwasserstoffs wurde mit einer Jodlösung vorgenommen, von welcher 6,12 CC. = 1 CC. Zehntelnormallösung von arseniger Säure; (1 CC. enthielt sonach 0,002075 Gr. Jod oder 1 CC. Jodlösung äquivalent 0,0002778 Gr. Schwefelwasserstoff). Um beim Aus-

---

10) *Annalen der Chemie und Pharmacie* 37, 112.

11) *G. Bischoff a. a. O.* 1, 558.

Ausgiessen des Wassers jeden Verlust an Schwefelwasserstoff zu vermeiden und gleich die ersten Bestimmungen verlässlich zu machen, wurde auf die hiezu bestimmte Flasche Schwefelwasser ein vorher mit zwei Röhren versehener Kork aufgesetzt, ganz wie bei unsern Spritzflaschen, und so das Wasser direct aus der Originalflasche in die abgemessene Jodlösung eingeblasen, während die Mündung des Ausflussrohres in die Jodlösung eintauchte. Nach eingetretener Entfärbung wurde sofort Jodlösung bis zum Wiedereintritt der Blaufärbung zugesetzt. Die verbrauchte Wassermenge ergab sich aus der Gewichts-differenz der Flasche vor und nach der Operation.

a) 87,2 Gr. Wasser verbrauchten Jodlösung	2,5 CC.
Eine gleiche Menge ausgekochten reinen Wassers bedurfte zur gleichen Färbung	0,3 CC.
Von Schwefelwasserstoff verbr. Jodlösung	2,2 CC.
Entsprechend Schwefelwasserstoff .	0,00061116 Gr.
1000 Thl. Wasser enthalten Schwefelwasserstoff . . . . .	0,007009

b) 381,2 Gr. Wasser verbrauchten Jodlösung	10,5 CC.
Zur Färbung verbraucht . . . . .	0,9 CC.
Von Schwefelwasserstoff verbr. Jodlösung	9,6 CC.
Entsprechend Schwefelwasserstoff .	0,00266688 Gr.
1000 Thl. Wasser enthalten Schwefelwasserstoff . . . . .	0,006999

Mittel beider Bestimmungen :

1000 Th. Wasser enthalten Schwefelwasserstoff . . . . .	0,007004
---	----------

Eine später mit einer andern Flasche Wasser ausgeführte Bestimmung ergab :



c) 121 Gr. Wasser verbrauchten Jodlösung . . .	3,9 CC.
Zur Färbung verbraucht . . . . .	0,8 CC.
Von Schwefelwasserstoff verbraucht . . . . .	3,1 CC.
Entsprechend Schwefelwasserstoff . . . . .	0,0008612 Gr.
1000 Thl. Wasser enthalten Schwefel-	
wasserstoff . . . . .	0,007117

Alkalische Schwefelmetalle enthält das Bir Keraui-Wasser nicht. Die Anwesenheit gebundenen Schwefelwasserstoffs war schon darum unwahrscheinlich, weil das Wasser auch nach dem Einengen bis fast zur Trockne nicht alkalisch reagirt, also keine Alkalicarbonate enthält. Um jedoch diesen Punkt ausser Zweifel zu stellen wurde der freie Schwefelwasserstoff durch Erhitzen des Wassers unter vermindertem Druck und Durchleiten von reinem Wasserstoffgas ausgetrieben. Nachdem so der Schwefelwasserstoff möglichst entfernt war, liess man durch ein vorher verschlossenes Trichterrohr etwas verdünnte Schwefelsäure zu dem Wasser fliessen, ohne dass Luft eindringen konnte und setzte sodann das Erhitzen im Wasserstoffstrom fort. Das aus dem Siedegefäss austretende Gas wurde durch eine ammoniakalische Silberlösung geleitet; in derselben zeigte sich nach längerem Durchströmen des Gases nicht die geringste Spur einer Ausscheidung.

Die Abwesenheit alkalischer Schwefelmetalle ist somit bewiesen.

Vor Ausführung dieses Versuchs wurden einige Versuche über die Austreibbarkeit des Schwefelwasserstoffs aus seiner wässerigen Lösung mit reinem Schwefelwasserstoffwasser angestellt. Die Versuche ergaben zwar, dass der Schwefelwasserstoff aus seiner wässerigen Lösung durch Kochen nicht vollständig ausgetrieben werden kann; doch ist die Menge von Schwefelwasserstoff, welche nach längerem Kochen in dem Wasser zurückbleibt, so gering, dass man

sie getrost vernachlässigen kann; für die Prüfung auf gebundenen Schwefelwasserstoff kommt sie um so weniger in Betracht, als der nach längerem Kochen bleibende Rückstand, wenn er unter gleichen Verhältnissen weiter gekocht wird, keinen Schwefelwasserstoff mehr entweichen lässt.

Abgemessene Mengen Schwefelwasserstoffwasser von bekanntem Gehalt wurden in einem Kolben mit kleinem Rückflusskühler unter Durchleiten von reinem Wasserstoffgas und Verminderung des Druckes durch Anwendung einer Handluftpumpe einige Stunden im Sieden erhalten; das entweichende Gas musste durch ammoniakalische Silberlösung<sup>12)</sup> streichen. Das gefällte Schwefelsilber wurde entweder als Silber gewogen, oder bei Anwendung bestimmter Volumina titrirter Silberlösung das noch in Lösung gebliebene Silber durch Titrirung mit Rhodan ammonium bestimmt. Im Mittel vieler Bestimmungen wurden so aus 500 CC. Schwefelwasserstoffwasser von 0,15 bis 0,2 pro mille Schwefelwasserstoffgehalt 95,7 bis 96,6 pC. des Schwefelwasserstoffs in der Vorlage wieder gefunden. Das rückständige Wasser entfärbt Jodlösung; mit Silberlösung färbt es sich braun, was man namentlich deutlich erkennt, wenn man in eine Probirröhre einen Tropfen Silberlösung gibt, die Röhre mit dem gekochten Wasser anfüllt und dann von oben hineinsieht. Die gleichen Reactionen zeigt der Rückstand von Schwefelwasserstoffwasser, welches 4—5 Stunden lang am Rückflusskühler oder im offenen Kolben unter Ersatz des verdampfenden Wassers im Sieden erhalten wird. Die zurückbleibende Schwefelwasserstoffmenge betrug unabhängig von dem Gehalt des angewendeten Schwefelwasserstoffwassers durchschnittlich

12) Jodlösung von der Verdünnung wie sie zu diesen Bestimmungen angewendet worden muss lässt einen grossen Theil des durchstreichenden Schwefelwasserstoffs unzersetzt.



0,003 pro mille des Rückstandes. Sogar wenn das Wasser im offenen Kolben bei wallendem Sieden auf  $\frac{1}{8}$  bis  $\frac{1}{10}$  eingekocht wird, enthält der Rückstand noch eine minimale Menge von Schwefelwasserstoff, welche lediglich von der Menge des zurückbleibenden Wassers abhängt, von der sie 0,0015 bis 0,0016 pro mille ausmacht.

## 2. Bestimmung der Schwefelsäure.

Das Wasser wurde möglichst rasch zum Kochen erhitzt, mit Salzsäure angesäuert, bis zum Aufhören aller Schwefelwasserstoffreaction gekocht und mit Chlorbaryum gefällt.

89,077 Gr. Wasser lieferten	
schwefelsauren Baryt . . . .	0,2042
Entsprechend Schwefelsäure . . . .	0,0701
In 1000 Thl. Schwefelsäure . . . .	0,7871

Zur Controle wurden die beiden Wassermengen, in denen vorher der Schwefelwasserstoff mit Jodlösung titirt worden war, aus denen also der dem Schwefelwasserstoff entsprechende Schwefel ausgeschieden war, vereinigt, kurze Zeit gekocht und der ausgeschiedene Schwefel abfiltrirt; das Filtrat wurde alsdann mit etwas Salzsäure und chloresurem Kali erhitzt. Der abfiltrirte Schwefel wurde mit Soda und Salpeter verpufft, die Schmelze mit Wasser aufgenommen und nach dem Eindampfen mit Salzsäure mit jenem Filtrat vereinigt. So behandelt lieferten 468,5 Gr. Wasser

schwefelsauren Baryt . . . . .	1,0963
Entsprechend Schwefelsäure . . . .	0,3764
Für 1000 Thl. Wasser Schwefelsäure	0,8034
Der in 1000 Thl. Wasser gefundene	
Schwefelwasserstoff beträgt auf	
Schwefelsäure berechnet . . . .	0,0164
Bleibt für ursprüngliche Schwefelsäure	
in 1000 Thl. Wasser . . . . .	0,7870

welches Resultat sowohl die Richtigkeit der ersten Schwefelsäurebestimmung als auch die Abwesenheit anderer Oxydationstufen des Schwefels darthut.

### 3. Bestimmung des Chlors.

89,169 Gr. Wasser nach Austreibung des	
Schwefelwasserstoffs lieferten Chlorsilber	0,2690
Entsprechend Chlor . . . . .	0,0665
In 1000 Thl. Wasser Chlor . . . . .	0,7464

### 4. Bestimmung der Alkalien.

Die Magnesia wurde durch Erhitzen mit aschenfreier Oxalsäure von den Alkalien getrennt und die Reinigung so oft wiederholt, bis sich der Glührückstand vollkommen klar in Wasser löste.

207,86 Gr. Wasser gaben	
Chloralkalimetall . . . . .	0,2612
Hieraus wurden erhalten	
Kaliumplatinchlorid <sup>13)</sup> . . . . .	0,0915
Entsprechend Chlorkalium . . . . .	0,0279
Bleibt für Chlornatrium . . . . .	0,2332
In 1000 Thl. Chlorkalium . . . . .	0,1344
Chlornatrium . . . . .	1,1223

### 5. Bestimmung des Kalks und der Magnesia.

89,16 Gr. Wasser lieferten	
Kalk (als Aetzkalk gewogen) . . . . .	0,0543
In 1000 Thl. Kalk . . . . .	0,6092
Pyrophosphors. Magnesia . . . . .	0,0276
Entsprechend Magnesia . . . . .	0,0099
In 1000 Thl. Magnesia . . . . .	0,1115

13) In dem Kaliumplatinchlorid wurde vergeblich mittelst des Spectroscops nach Cäsium und Rubidium gesucht.

Um die Menge der kohlensauren Salze von Kalk und Magnesia zu ermitteln, wurde das Wasser unter öfterem Ersatz des verdampfenden längere Zeit gekocht.

185,5 Gr. Wasser gaben

Aetzkalk . . . . .	0,0283
In 1000 Thl. Kalk . . . . .	0,1526
Entsprechend kohlens. Kalk . . . . .	0,2725
Pyrophosphors. Magnesia . . . . .	0,0155
Entsprechend Magnesia . . . . .	0,0056
In 1000 Thl. Magnesia . . . . .	0,0302
Entsprechend kohlens. Magnesia . . . . .	0,0633

Das Filtrat von dem durch Kochen entstandenen Niederschlag lieferte ferner:

Aetzkalk . . . . .	0,0819
In 1000 Thl. Kalk . . . . .	0,4415
und	
Pyrophosphors. Magnesia . . . . .	0,0407
Entsprechend Magnesia . . . . .	0,0147
In 1000 Thl. Magnesia . . . . .	0,0791
Summe des beim Kochen gefällten und gelöst bleibenden Kalks in 1000 Thl.	0,5941
Direct bestimmt . . . . .	0,6092
Gesamtmenge der Magnesia . . . . .	0,1093
Direct bestimmt . . . . .	0,1115

#### 6. Bestimmung der Kieselsäure.

Hiezu wurde die zur Prüfung auf gebundenen Schwefelwasserstoff benützte Wassermenge verwendet. Nachdem die Kieselsäure mit Tiegel gewogen, wurde dieselbe mit frisch bereiteter Fluorwasserstoffsäure unter Zusatz einiger Tropfen concentrirter Schwefelsäure verflüchtigt und der Tiegel zurückgewogen. Der Gewichtsverlust wurde als Kieselsäure berechnet.



490 Gr. Wasser gaben

Kieselsäure . . . . . 0,0102

In 1000 Thl. Kieselsäure . . . . . 0,0208

Der sehr geringe Rückstand, welcher nach dem Behandeln mit Flusssäure geblieben, gab sich als etwas Eisenoxyd zu erkennen (die frisch destillirte Schwefelsäure hinterliess keine Spur eines festen Rückstandes), welches bei dem Aufweichen des die Kieselsäure enthaltenden Rückstandes mit Salzsäure ungelöst zurückgeblieben sein musste. Nach schwefelsaurem Baryt und Titansäure wurde darin vergeblich gesucht. Hiedurch auf die Anwesenheit von Eisen im Wasser aufmerksam gemacht, prüfte man das Filtrat der Kieselsäure sofort auf Eisenoxyd und es entstand in der That mit Ammoniak ein Niederschlag von Eisenoxhydrat, dessen hellere Färbung auf Beimengung von Thonerde schliessen liess.

121 Gr. Wasser gaben bei gleicher Behandlung

Kieselsäure . . . . . 0,0030

In 1000 Thl. . . . . 0,0248

Mittel beider Bestimmungen . . . . . 0,0228

#### 7. Bestimmung des Eisens und der Thonerde.

490 Gr. Wasser nach Abscheidung der Kieselsäure lieferten

Eisenoxyd und Thonerde . . . . . 0,0021

In 1000 Thl. . . . . 0,0043

Diese Bestimmung musste wegen der Verunreinigung der Kieselsäure mit Eisen (Best. 6) zu niedrig sein; sie wurde nochmals mit 468,5 Gr. Wasser, die schon zur Bestimmung des Schwefelwasserstoffs und der gesammten Menge des Schwefels gedient hatten (Best. 2) vorgenommen und hieraus erhalten

Eisenoxyd und Thonerde . . . . .	0,0024
In 1000 Thl. . . . .	0,0051

Eine Scheidung dieser beiden Oxyde liess sich bei der geringen Menge derselben nicht wohl ausführen. Nimmt man das Mengenverhältniss von Eisenoxyd und Thonerde, wie es später für beide im Bodensatz gefunden wurde auch hier an und berechnet das Eisen als Oxydul, da es offenbar auch als solches im Wasser vorhanden war, so erhält man mit Zugrundelegung des letzteren Resultates für 1000 Theile Wasser

Eisenoxydul . . . . .	0,0023
Thonerde . . . . .	0,0024

#### 8. Bestimmung der Phosphorsäure.

Zur Bestimmung der Phosphorsäure wurden die bei Best. 5 erhaltenen Kalkmengen, in denen die Phosphorsäure enthalten sein musste, nach dem Glühen und Wägen vereinigt, in Salpetersäure gelöst und mit molybdänsaurem Ammoniak versetzt. Die ammoniakalische Lösung des entstandenen Niederschlages wurde mit Chlormagnesiumlösung gefällt.

185,7 Gr. Wasser gaben

Pyrophosphorsaure Magnesia . . . . .	0,0011
Entsprechend Phosphorsäure . . . . .	0,0007
In 1000 Thl. . . . .	0,0038

#### 9. Bestimmung der Gesamtmenge der fixen Bestandtheile.

Bis zu constant bleibendem Gewicht getrocknet, liessen 45 Gr. Wasser einen

Rückstand von . . . . .	0,1378
In 1000 Thl. . . . .	3,0285

Dieser Rückstand erlitt bei stärkerem Erhitzen, wobei er sich vorübergehend schwärzte einen

Gewichtsverlust von . . . . . 0,0032  
entsprechend organischen Materien.

In 1000 Thl. W. Organ. Substanz 0,0703

Der jetzt noch gebliebene Rückstand mit concentrirter Schwefelsäure befeuchtet und wieder zur Trockne gebracht, lieferte

Sulfate . . . . . 0,1519

1000 Thl. Wasser hinterlassen Sulfate 3,3384

#### 10. Bestimmung des specifischen Gewichts.

Dieselbe wurde mittelst des Pyknometers ausgeführt und ergab sich das Gewichtsverhältniss des Bir Keraui-Wassers zu destillirtem bei 25° C.

$$= \frac{22,9456}{22,8995} = 1,002$$

#### Berechnung der Analyse.

In 1000 Gewichtstheilen Wasser sind enthalten:

Chlorkalium . . . . .	0,1344	
darin Chlor . . . . .		0,0640
Chlornatrium . . . . .	1,1223	
darin Chlor . . . . .		0,6811
Chlor an Kalium u. Natrium geb.		0,7451
Chlor gefunden . . . . .		<u>0,7464</u>
Kalk durch Kochen fällbar . .		0,1526
entsprechend kohlen. Kalk .	0,2725	
Kalk nicht fällbar durch Kochen		0,4415
entsprechend schwefels. Kalk .	1,0722	
darin Schwefelsäure . . . .		0,6037
Gesammtmenge d. Kalks . . .		0,5941
" " " direct best.		<u>0,6092</u>

Magnesia durch Kochen fällbar .	0,0302
entsprechend kohlen. Magnesia	0,0633
Magnesia nicht fällbar d. Kochen	0,0791
entspr. schwefels. Magnesia .	0,2373
darin Schwefelsäure . . . .	0,1582
Gesammtmenge d. Magnesia . .	0,1093
„ „ „ direct best.	<u>0,1115</u>
Schwefelsäure gebunden an Kalk und Magnesia . . . . .	0,7889
Schwefelsäure gefunden . . .	<u>0,7871</u>
Eisenoxydul . . . . .	0,0023
entspr. kohlen. Eisenoxydul .	0,0037

Die gefundenen Salze als Sulfate berechnet ergeben:

	Sulfate
Für Chlorkalium . . . . .	0,1568
„ Chlornatrium. . . . .	1,3237
„ Kalk . . . . .	1,4795
„ Magnesia . . . . .	0,3345
Hiezu ferner:	
Eisenoxyd und Thonerde .	0,0051
Phosphorsäure . . . . .	0,0038
Kieselsäure . . . . .	0,0208
Summe der Sulfate	<u>3,3242</u>
Sulfate direct bestimmt	3,3384

#### B. Analyse des Bodensatzes.

Zur Bestimmung des im Bodensatz enthaltenen Schwefels wurde das Schwefeleisen durch verdünnte Schwefelsäure zersetzt und der freigewordene Schwefelwasserstoff in ammoniakalischer Silberlösung aufgefangen. Bei der Zersetzung schied sich jedoch gleichzeitig Schwefel aus und somit wurde nur ein Theil als Schwefelwasserstoff erhalten. Es wurde desshalb der Bodensatz der andern Flasche längere



Zeit mit Chlorwasser <sup>13)</sup> digerirt und dann mit verdünnter Salzsäure aufgenommen. Erhalten wurde:

Schwefelsaurer Baryt . . .	0,0513 Gr.
Entsprechend Schwefel . . .	0,0070 „

Ferner waren in Lösung gegangen

Eisenoxyd . . . . .	0,0168 „
Entsprechend Eisenoxydul .	0,0151 „
Thonerde . . . . .	0,0141 „
Kalk . . . . .	0,0921 „
Kieselsäure . . . . .	0,0066 „

Nach dem Ausziehen mit Salzsäure blieb ein Rückstand von 0,1595 Gr. ein feiner schwach gelblich gefärbter Sand mit gröberen Körnchen vermischt. Beim Glühen verlor er unter vorübergehender Schwärzung:

Organische Materien . . .	0,0035 Gr.
Rückstand . . . . .	0,1560 „

Letztere 0,1560 Gr. wurden nun längere Zeit mit concentrirter Salzsäure erhitzt, wobei abermals 0,0595 Gr. in Lösung gingen. Das Filtrat von dem Unlöslichen enthielt Kieselsäure, Eisenoxyd, Thonerde, Magnesia und Kali; es war demnach ein durch Säuren zersetzbares Thonerdesilicat <sup>14)</sup> vorhanden.

13) Selbstverständlich wurde das Chlorwasser ohne Anwendung irgend welcher Kautschukverbindung dargestellt, da man bei Benützung von grauen sowohl, wie auch von schwarzen Gummischläuchen stets Schwefelsäure-haltiges Chlorwasser erhält.

14) Bei einem Versuche, die Einzelbestandtheile dieses Silicates quantitativ zu bestimmen ergaben sich aus 0,0408 Gr. gelöstem Silicat:

	Procente
Eisenoxyd und Thonerde = 0,0186 Gr.	45,6
Magnesia. . . . . = 0,0024 „	5,9
Kali . . . . . = 0,0014 „	3,4
Kieselerde . . . . . = 0,0187 „	45,8
Summa der Einzelbestandtheile 0,0411 Gr.	100,7.



Der jetzt noch gebliebene unlösliche Rückstand wurde zur Entfernung des noch in geringer Menge vorhandenen feineren Pulvers mit Wasser geschlemmt und es blieben nun theils farblose, theils schwach röthlich gefärbte, in Phosphorsalz unlösliche, rundlich abgeschliffene Körnchen von  $\frac{1}{8}$ —1 mm. Durchmesser. 0,0528 Gr. derselben fein zerrieben und mit Flusssäure und concentrirter Schwefelsäure behandelt, wurden vollständig verflüchtigt. Die Körner waren mithin reiner Quarz.

Der vorstehend analysirte Bodensatz war aus einer Flasche, die ursprünglich 666 Gr. Wasser enthielt und ist hiernach die Eingangs mitgetheilte Zusammensetzung des Bodensatzes für 1000 Theile Wasser berechnet.

---

### Nachschrift

betr. die Bestimmung der Kohlensäure in kohlen-sauren Salzen.

Erst nach dem Druck vorstehender Abhandlungen wurde ich bei nochmaliger sorgfältigster Durchsicht der einschlägigen Literatur darauf aufmerksam, dass bereits Per-soz\*) im Jahr 1861 die Zersetzung der kohlen-sauren Salze durch saures Chromsaures Kali zur directen Bestimmung der Kohlensäure anwendete.

---

\*) Comptes rendus 53, 239.

---

Sitzung vom 6. Februar 1875.

Mathematisch-physikalische Classe.

Herr v. Siebold hält einen Vortrag:

„Ueber das Anpassungs-Vermögen der mit  
Lungen athmenden Süsswasser-Molluscen.“

1. In neuester Zeit ist man durch die auf dem hohen Meere angestellten Tiefsee-Untersuchungen, welche so ausserordentlich interessante Bereicherungen der Tiefsee-Fauna zu Tage gefördert haben, auch auf die Tiefsee-Fauna der Binnenseen aufmerksam geworden. Namentlich hat es sich seit einigen Jahren Herr F. A. Forel zur Aufgabe gemacht, die Tiefsee-Fauna der Schweizer-Seen zu erforschen. Den Bemühungen desselben verdankt man bereits die Erkenntniss von höchst überraschenden Thatsachen in Bezug auf Verbreitung der Thierwelt in den Tiefen des Genfer-Sees. Mich hat unter den Mittheilungen, welche Herr Forel über die Tiefsee-Fauna des genannten Sees bekannt gemacht hat <sup>1)</sup>, die Beobachtung ganz besonders angezogen, dass sich unter den aus sehr beträchtlicher Tiefe zu Tage geförderten Gasteropoden auch zwei Lungenschnecken-Arten vorgefunden haben, (nämlich *Limnaea stagnalis* Müll. u. *abyssicola* Br. <sup>2)</sup>), von welchen Forel aussagte: dass ihre Lungenhöhlen keine Luft sondern Wasser ent-

1) Vergl. F. A. Forel: Introduction à l'étude de la faune profonde du lac Léman, in dem: Bulletin de la Société Vaudoise des sciences naturelles. Lausanne 1869. Tom. X, nr. 62; pag. 217, und desselben Matériaux pour servir à l'étude de la faune profonde du lac Léman, ebenda. Lausanne 1874. Tom. XIII, nr. 72.

2) Vergl. Forel: Matériaux etc. pag. 112, wo man von Dr. A. Brot diese neue Art beschrieben findet.

hielten und sich dieselben mithin durch Adaptirung in Kiemenhöhlen umgewandelt hätten.<sup>3)</sup>

2. Mich überraschte übrigens diese Beobachtung ganz und gar nicht, da mir schon seit dem Jahre 1857 das Vorkommen von Limnaeen in sehr grosser Tiefe des Bodensees bekannt war. Als ich nämlich im October des genannten Jahres bei Langenargen im Bodensee mit Grundnetzen nach dem merkwürdigen Kilch (*Coregonus hiemalis* oder *acronius*) fischen liess, musste das Netz, um dieser in sehr grosser Tiefe auf dem Grunde sich aufhaltenden Salomoneer habhaft zu werden, bis auf den Boden des Sees, 40 Klafter, also etwa 70 Meter hinabgelassen werden<sup>4)</sup>. Als sicherer Beweis, dass das Netz wirklich auf dem Grunde des Sees in solcher Tiefe entlang gezogen war, galt den Fischern der mit den gefangenen Fischen heraufgezogene Schlamm,

3) Vergl. Forel: *Materiaux etc.* pag. 53. „L'existence de ces Gastéropodes pulmonés dans des profondeurs où ils ne peuvent plus avoir de relations avec l'atmosphère est intéressante à plus d'un titre. Les poumons sont vides d'air et remplis d'eau, ce qui se démontre facilement en ouvrant cette cavité sous l'eau. Les poumons se sont donc transformés en une chambre branchiale. Mais l'on peut se demander si cette modifications n'est pas seulement accidentelle, si ce ne sont pas quelques individus égarés loin de la surface qui, privés de la respiration aérienne, se sont accommodés à la respiration aquatique. Nous croyons pouvoir affirmer que cette espèce (nous ne parlons ici que du Limnée abyssicole, la seule qui se trouve fréquemment dans ces régions) est bien acclimatée aux grandes profondeurs et y vit normalement. Nous nous fondons pour cela sur la fréquence relative de ses animaux, qui nous prouve que leur existence n'y est point accidentelle, sur la trouvaille que nous avons faite à plusieurs reprises de paquets d'oeuf vivants que nous avons pu une fois faire développer dans notre aquarium, enfin sur la trouvaille, dans un dragage de un litre de limon, de 15 jeunes limnées de trois à quatre jours de développement, provenant évidemment d'un même paquet d'oeufs et développés dans ces grands fonds.“

4) Vergl. meine Mittheilungen: über den Kilch des Bodensees (*Coregonus acronius*), in der Zeitschrift für wissenschaftliche Zoologie, Bd. IX. 1858. pag. 295.



in welchen viele Limnaeen zu bemerken gewesen waren. Ich hatte einige Gehäuse dieser aus tiefer See heraufgebrachten Limnaeen bis heute in meiner Sammlung aufbewahrt, so dass sie mir Herr Clessin, der beste Kenner unserer einheimischen Conchylien, als *Limnaea auricularia* L. bestimmen konnte.

Obgleich mir schon damals das Vorkommen von Lungenschnecken in so grosser Wassertiefe aufgefallen war, während ich an derselben Stelle auf der Wasseroberfläche nirgends eine solche *Limnaea* Athem holen sah, war ich doch zu sehr mit dem Kilchfang beschäftigt, als dass ich noch weiter auf die übrigen aus der Bodensee-Tiefe mit heraufgebrachten Thiere geachtet hätte.

3. Erst zwei Jahre später, bei einem längeren Gebirgs-Aufenthalt in Reit im Winkel während des August-Monats 1859 wurde ich wieder an das Vorkommen jener Lungenschnecken in der Tiefe des Bodensees erinnert. Ich besuchte nämlich, von Reit aus, den benachbarten bei Seehaus gelegenen seichten und nicht sehr umfangreichen Ferchensee, welcher sich durch sein klares meergrünes Wasser auszeichnet, und dessen Grund überall mit grossen Geröllsteinen belegt ist. Auf diesen Steinen krochen unzählige Limnaeen umher (welche sich späterhin bei der von Herrn Clessin vorgenommenen Revision ebenfalls als *Limnaea auricularia* herausstellten), von denen aber kein einziges Individuum an die nahe Oberfläche des klaren Wassers durch Auftauchen zu gelangen suchte, um frische Luft in ihre Lungenhöhle aufzunehmen. Ich verweilte absichtlich längere Zeit an diesem See, war aber trotz der grössten Beharrlichkeit und Aufmerksamkeit von meiner Seite und trotz der ungemeinen Klarheit des Wassers durchaus nicht im Stande, auch nur eine einzige dieser zahlreichen Lungenschnecken sich an die Wasseroberfläche begeben zu sehen, um hier Athem zu holen. Mir war dieses fortwährende

Verweilen von Lungenschnecken unter Wasser um so mehr aufgefallen, da ich bei meinen früheren Besuchen stehender Gewässer der Ebenen von Berlin, Königsberg und Danzig das Auf- und Absteigen der mit Lungen athmenden Limnaeen und Planorben in denselben, um Luft zu schöpfen, oft genug und auf das Deutlichste habe beobachten können. Bei diesem gänzlichen Unterlassen des Luftathmens, wie ich es an den Limnaeen im Ferchensee so bestimmt und unausgesetzt wahrnehmen konnte, kamen mir wieder jene Limnaeen des Bodensees ins Gedächtniss, welche gleichfalls das Athemholen an der Wasseroberfläche ganz aufgegeben hatten.

4. Ich benutzte übrigens damals noch eine andere Localität in der Nähe von Reit im Winkel zu meinen Beobachtungen, nämlich einen sehr rasch fliessenden Gebirgsbach, der eine Sägemühle in Bewegung zu setzen hatte. Oberhalb der Mühle war dieser Bach in einem langen hölzernen Aquäduct eingeengt, dessen Wände mit vielen Individuen einer kleinen *Limnaea* (wahrscheinlich *L. mucronata* Held) besetzt waren. Dieser Aquäduct war in einer ziemlich langen Ausdehnung so angebracht, dass ich das sehr rasch darin hinfließende Wasser, sowie die an den Wänden des Aquäducts feststehenden oder umherkriechenden Limnaeen auf das genaueste beobachten und verfolgen konnte; aber auch diese Limnaeen sah ich niemals an den Wänden des Wasserkanals hinaufkriechen, um Luft zu schöpfen.

5. Um mich noch einmal von jener merkwürdigen Erscheinung des Unterlassens der Luftathmung bei im Wasser lebenden Lungenschnecken zu überzeugen, besuchte ich während meines letzten Aufenthalts in Berchtesgaden im September 1874 den Königssee mehrere Male und beobachtete dort vom Ufer aus die am unteren Ende des Sees, in der Nähe seines Ausflusses auf dem Grunde des durchsichtigen Sees an den Steinen umherkriechenden Lungenschnecken längere Zeit. Indem ich sie unausgesetzt im Auge



behielt, bemerkte ich auch nicht ein einziges Mal an einer solchen Schnecke das Bedürfniss, ihre Lungenhöhle an der Wasser-Oberfläche mit frischer Luft zu füllen, obgleich sie ein solches Athemholen mit Leichtigkeit hätte ausführen können, da die Steine, auf welchen ich sie umherkriechen sah, an ganz seichten Stellen des Sees festlagen. Ich will hier nur noch hinzufügen, dass diese Lungenschnecken, welche sich mir am Königssee als Beobachtungsobject dargeboten haben, den Arten *Limnaea mucronata* Held, *Planorbis carinatus* Müll. und *laevis* Held angehörten.

Es hatten demnach in allen diesen verschiedenen Localitäten, im tiefen Bolensee, im seichten Ferchensee, an flachen Stellen des Königssees und in dem schnell fließenden Wasser eines Aquäducs bei Reit im Winkel, die der Gattung *Limnaea* und *Planorbis* angehörenden Lungenschnecken, wie es scheint, gänzlich verlernt, ihre Lungen als solche zu gebrauchen, und aufgegeben, dieselben mit frischer Luft zu füllen.

6. Eine andere Beobachtung, welche ich im verflossenen Herbst zu machen Gelegenheit hatte, kann ich nicht unerwähnt lassen, da sie sich gleichfalls auf das Unterbrechen der Luftathmung bei Lungenschnecken bezieht, ohne dass die dabei betheiligten Thiere in ihrer sonstigen Existenz gestört worden wären. Als ich nämlich während des vergangenen Octobers die vorjährige im hiesigen Glaspallaste veranstaltete landwirthschaftliche Ausstellung mehrmals besuchte, wurde meine Aufmerksamkeit unter anderen auf die in sehr zweckmässig eingerichteten Aquarien ausgestellten einheimischen Fische und auf einige andere amphibisch lebende Wasserthiere gelenkt. Unter diesen Thieren zogen in einem Aquarium mehrere sehr gross ausgewachsene Lungenschnecken, welche ich als zur Species *Limnaea stagnalis* gehörend erkannte, stets mein Augenmerk ganz besonders auf sich; dieselben hielten sich näm-

lich fortwährend am Grunde des Aquariums auf, ohne auch nur ein einziges Mal an die Wasseroberfläche zum Luftathmen hinaufzukriechen; ich mochte noch so lange vor diesem Aquarium verweilen und noch so oft innerhalb einiger Tage mein Augenmerk auf diese stets tief unter Wasser ausdauernden Limnaeen richten, nie sah ich dieselben Luft schöpfen. Es konnte mir zugleich bei der Aufmerksamkeit, welche ich diesem Aquarium mit seinem Inhalt widmete, nicht entgehen, dass dieses Aquarium, wie die übrigen, eine sehr zweckmässige Einrichtung besass, welche es den Lungenschnecken möglich machte, die Unterbrechung der Luftathmung ungefährdet zu ertragen. Es ergoss sich nämlich in das Aquarium von oben herab ein sehr starker Strahl des zu- und ablaufenden Wassers, welcher stets eine grosse Menge atmosphärischer Luft bei dem Einströmen mit in das Wasser hinabriss, so dass also auf diese Weise fortwährend dem Wasser des Aquariums eine grosse Menge frischer atmosphärischer Luft beigemischt wurde.

7. Ich durfte die unter den erwähnten verschiedenen Verhältnissen von mir wahrgenommene Unterlassung des Luftathmens dieser Limnaeen wohl auf folgende Art erklären. Die in dem Aquari umstets unter Wasser verweilenden Limnaeen waren von einem mit atmosphärischer Luft so reichlich imprägnirten Wasser umgeben, dass sie an Stelle der Luftathmung Wasserathmung eintreten lassen konnten, um so ihr Blut mit frischem Sauerstoff zu versorgen, wobei ihre Lungenhöhle Wasser statt Luft aufnehmen musste und mithin die Function einer Kiemenhöhle übernehmen konnte.<sup>5)</sup> In ganz ähnlicher Weise lässt

---

5) Ich will hier noch bemerken, dass diese Limnaeen von dem Stadtfischer Kuffer kurz nach dem Herrichten der Ausstellungs-Aquarien aus einem in der Nähe von München befindlichen und mit stehendem Wasser gefüllten Graben zu dem Ausstellungs-Zwecke herbeigeht worden sind.



sich das Aufgeben des Luftschöpfens, wie bei diesen Limnaeen, auch bei jenen Lungenschnecken erklären, welche ich in dem seichten Ferchensee und an den flachen Stellen des Königssees beobachtet habe<sup>6)</sup>; auch hier konnte ich mich überzeugen, dass fortwährend diese Seen Zuschuss von atmosphärischer Luft erhalten, sowohl durch rasch und kräftig hineinstürzende Gewässer als auch durch das aus dem Grunde der Seen eintretende Wasser. Gerade dieser zuletzt erwähnte Wasserzufluss wird viel atmosphärische Luft mitbringen, indem jene unterseeischen Zuflüsse sich aus den atmosphärischen Niederschlägen bilden, welche als Regen in der Umgebung der Seen, in die Erde und Felsritzen eindringend, atmosphärische Luft mit fort-reissen und zugleich in sich aufnehmen und zwar in so grosser Menge, dass solches Wasser, wenn dasselbe in Form unterirdischer kleiner Quellen auf dem Grunde der Seen in diese eintritt, sehr oft die überschüssige Luft wieder fahren lässt, die alsdann als kleinere und grössere Luft-perlen durch das Wasser nach oben dringt, und zum Theil wieder in die Atmosphäre zurücktritt, während ein anderer Theil derselben unterwegs von dem Wasser absorbirt wird. An den flachen Stellen solcher Seen verrathen ja oft genug dort, wo der Grund mit Schlamm oder Sand bedeckt ist, die kleinen ausströmenden unterirdischen Gewässer ihren Eintritt in den See dadurch, dass sie, Schlamm und Sand vor sich her etwas in die Höhe treibend, jene Luftperlen austreten lassen. Die atmosphärische Luft, welche auf die angedeutete Weise dem Wasser der Seen beigemischt wird, ruft gewiss in den jene Gewässer bewohnenden Lungenschnecken die Neigung hervor, statt der beschwerlichen, mit Zeit- und Kraftaufwand verknüpften an der Wasseroberfläche vorzunehmenden Luftathmung, die bequemere Wasserathmung an die Stelle treten zu lassen. In jenen

6) Vergl. oben pag. 41 no. 3 u. pag. 42 no. 5.

Fällen, wo durch irgend ein Ereigniss Lungenschnecken in die Tiefe der Seen gelangt sind, werden solche Schnecken alsbald das Luftathmen haben aufgeben müssen, um dasselbe mit dem Wasserathmen zu vertauschen, da ihnen das Zurücklegen eines so langen Weges aus dem Tiefsee-Grunde bis hinauf zur Wasseroberfläche gewiss ein unüberwindliches Hinderniss gewesen, das Respirations-Bedürfniss regelmässig und genügend zu bestreiten, während gleichzeitig das von atmosphärischer Luft in hinreichender Menge erfüllte Tiefsee-Medium, welches sie zunächst umgab, zur Wasserathmung gleichsam aufforderte.

Diese Beobachtungen beschränken zugleich in verschiedenen Beziehungen die bisherigen Anschauungen, mit welchen man die Sätze festhalten zu müssen geglaubt hat, nämlich: 1., dass Lungenschnecken nur in geringer Tiefe in der Nähe des Wasserspiegels sich aufzuhalten pflegen, um sich ohne Mühe und Zeitaufwand mit der freien Atmosphärischen Luft in Verbindung setzen zu können, und 2., dass Lungenschnecken nur vorübergehend in grösseren Tiefen, die nicht über 20 Fuss betragen dürfen, ausdauern können.<sup>7)</sup>

8. Ueberblicken wir nun noch eiumal das Vermögen der erwähnten Lungenschnecken, sich je nach den verschiedenen äusseren Verhältnissen auch wie Kiemenschnecken zu benehmen und dadurch die Integrität ihres Organismus zu ermöglichen, so werden wir dieses Vermögen zu jenen Erscheinungen in der Thierwelt rechnen müssen, welche man als Anpassungs-Vermögen aufzufassen hat. Ja, man kann in den vorliegenden Fällen sogar jene beiden Reihen von Anpassungsgesetzen repräsentirt finden, welche von Haeckel<sup>8)</sup>

7) Man vergleiche die hierauf Bezug nehmenden Bemerkungen Weissmann's in seiner Schrift: Ueber den Einfluss der Isolirung auf die Artbildung. Leipzig 1872. pag. 11.

8) Vergl. Haeckel: Natürliche Schöpfungsgeschichte. 4. Auflage. 1873 pag. 200.



aufgestellt worden sind, nämlich die Reihe von directen oder unmittelbaren Anpassungen und die Reihe von indirecten oder mittelbaren Anpassungen. Als eine directe (unmittelbare) Anpassung wird man den oben bei no. 6 erwähnten Fall<sup>9)</sup> zu nehmen haben, wo die vollständig ausgewachsenen Limnaeen, sobald sie aus ihrem gewohnten, stehendes Wasser enthaltenden Aufenthaltsorte in jenes Aquarium versetzt waren, welches durch ununterbrochene Zufuhr mit luftreichem Wasser versehen wurde, sich veranlasst sahen, in kürzester Zeit die Wasserathmung mit der bisherigen Luftathmung zu vertauschen. Anders verhalten sich die unter no. 3, 4 und 5 von mir mitgetheilten Fälle<sup>10)</sup>; hier ist die Adaptirung als eine indirecte (mittelbare) aufzufassen, indem die an Stelle der Luftathmung getretene Wasserathmung gewiss schon von vielen aufeinanderfolgenden Generationen vorgenommen und durch Vererbung bereits vollständig zu einer bleibenden Gewohnheit ausgebildet worden war.<sup>11)</sup>

Wie stark übrigens das Anpassungs-Vermögen in diesen Lungenschnecken entwickelt ist, geht noch daraus hervor, dass solche wasserathmende Lungenschnecken sich ebenso

9) Vergl. oben pag. 43.

10) Vergl. oben pag. 41 und 42.

11) Welchen Antheil übrigens bei der Anpassung der oben erwähnten Lungenschnecken das sogenannte Wassergefässsystem übernimmt, darüber werden noch Experimente und Untersuchungen anzustellen sein, wie wohl solchen Versuchen grosse Schwierigkeiten in den Weg treten werden, da das Wesen und die Bedeutung des Wassergefässsystems der Molluscen, ich kann es nicht verschweigen, überhaupt noch sehr unvollkommen gekannt ist. Das Wassergefässsystem ist im Fusse vieler See-Gasteropoden von delle Chiaje zuerst beobachtet und beschrieben worden (vergl. *Brunn's Classen etc.* a. a. O. pag. 977), dasselbe ist aber auch bei den Süsswasser-Schnecken vorhanden; ich habe den hervorgestreckten Fuss an rasch aus dem Wasser genommenen Lymnaeen öfters oedematös aufgetrieben und bei dem Zurückziehen eines solchen gedunsenen Fusses das Wasser in Strahlen aus demselben hervorspritzen gesehen.



rasch, selbst nach sehr langer Zeit, wieder an Luftathmung gewöhnen können, wie das die Versuche beweisen, welche von Forel<sup>12)</sup> und von A. Brot<sup>13)</sup> in Genf mit den Lymnaeen angestellt worden sind. Forel konnte bei dieser Gelegenheit seine Verwunderung nicht unterdrücken, dass Lymnaeen, welche aus sehr grosser Tiefe (von 25 bis 250 Meter und darüber) heraufgezogen waren, in ein Aquarium versetzt, alsbald wieder Luftathmung vorgenommen haben.<sup>14)</sup>

9. Man könnte die Frage aufwerfen, ob die einfache Lungenhöhle einer Süsswasserschnecke auch wirklich im Stande sein möchte, die Thätigkeit einer Kiemenhöhle zu übernehmen. Hierauf lässt sich erwiedern: da die Kiemenhöhle der Prosobranchiaten, z. B. der im süßen Wasser lebenden Paludinen sich ganz an derselben Stelle befindet, wo die Lungenhöhle der Land- und Wasserschnecken angebracht ist, da ferner bei den mit einer Lungen- oder Kiemenhöhle athmenden Gasteropoden das Athemloch an gleicher Stelle sich nach aussen öffnet, so steht diesem Athemholen kein Hinderniss im Wege, Wasser oder Luft aufnehmen zu können. Bei den Lungenschnecken breiten sich die Blutkanäle in den Wandungen der Lungenhöhle aus, bei den mit Kiemenhöhlen versehenen Schnecken ragen verschiedene mit Blutkanälen durchzogene Kiemen-Fortsätze

12) Am angeführten Ort pag. 54.

13) Ebenda pag. 113.

14) Forel's Worte lauten hierüber (a. a. O.): „Mais ce qu'il y a peut-être de plus frappant dans ce limnée amphibie, c'est la facilité avec laquelle il reprend le mode de respiration normal aux autres espèces de son genre, aussitôt qu'on le met en contact de l'air. Dès le premier jour où nous le plaçons dans un aquarium, nous le voyons venir ouvrir à la surface l'orifice de sa cavité respiratoire et la remplir d'air, comme le fait tout limnée normal. Et, chose curieuse au point de vue physiologique, l'animal ne semble point souffrir de cette révolution violente, et nous avons pu en conserver vivants pendant des mois après ce changement de régime respiratoire.“

frei in die Kiemenhöhle hinein. In beiden Formen der Respirationsorgane vollzieht sich der Athmungsprocess auf gleiche Weise, indem die Luft oder das mit Luft imprägnirte Wasser die flimmernden Wandungen der Athemböhlen rundumher berührt. Bei solcher Aehnlichkeit in der Anordnung der beiden Respirationsorgane, der Lungen und Kiemen, kann es wohl nicht auffallen, wenn hier ein Lungenapparat als Kiemenapparat vicarirt, wie das bei den oben erwähnten, mit Lungen athmenden Wasserschnecken wirklich der Fall ist.<sup>15)</sup>

Es kömmt übrigens umgekehrt das Vicariren des Kiemenapparats als Lungenapparat in einer anderen Thiergruppe, nämlich unter den Crustaceen noch viel verbreiteter vor. Ich erinnere nur an die grosse Anzahl von sogenannten Landkrabben, welche sich mehrere Monate lang ununterbrochen vom Wasser auf den Inseln Westindiens entfernt halten und nur zur Fortpflanzungszeit das Meer aufsuchen; noch merkwürdiger benimmt sich auf den Sunda-Inseln der *Birgus latro*, welcher Krebs, wie berichtet wird, niemals ins Wasser geht, sich in Erdlöchern verborgen hält, auf Palmenbäumen nach Nahrung umherklettert und sogar, in salziges oder süßes Wasser gebracht, umkommen soll.<sup>16)</sup>

15) Es wird durch diese Erfahrung zugleich ein Ausspruch Keferstein's berichtet, welcher dahin lautet: Die Land- und Süßwasser-Pulmonaten „athmen die freie Luft durch sackartige lungenartige Organe und wenn diese auch in ihrem Bau sich wesentlich von Kiemen kaum unterscheiden, so scheinen sie jedoch nicht das Vermögen, die im Wasser aufgelöste Luft abzuscheiden, zu besitzen, so dass diese Thiere entweder nur in der freien Luft oder in Wassern, wo sie häufig an die Oberfläche steigen und dann nach Art mancher Insecten eine Luftblase mit hinabnehmen können, zu leben vermögen.“ Vergl. Keferstein in Bronn's Classen u. Ordnungen der Weichthiere. Bd. III. Abth. 2. (1862 - 66). pag. 1261.

16) Vergl. D'Amboinsche Raritäten-Kammer door Rumphius. 1705. pag 9, u. Naturgeschichte der Krabben und Krebse von Herbst. Bd. II. 1796. pag. 36.

[1875. I. Math.-phys. Cl.]



Hier hätte also bei diesen Krebsen das Anpassungs-Vermögen unter dem Einfluss äusserer Bedingungen eine so grosse Veränderung in ihrer Lebensweise zugelassen, dass sich aus Wasser athmenden Thieren vollkommene Luft athmende Thiere vermittelst Vererbung hervorgebildet haben. Solche Landcrustaceen haben zugleich sehr geräumige Kiemenhöhlen, die einen grösseren Wasservorrath beherbergen können, welcher Vorrath aber wohl nur dazu nützen wird, die zarten Kiemenfäden oder Kiemenblätter feucht zu erhalten. Durch Vertrocknen dieses Respirations-Apparats würde jedenfalls der Blutlauf in demselben unterbrochen, während bei Fortdauer des Blutlaufs durch Aus- und Eintritt von atmosphärischer Luft der Athmungsprocess in diesen als Lungenhöhlen wirkenden Kiemenhöhlen wird unterhalten werden können.

Ein ebenso auffallendes Beispiel von Anpassungs-Vermögen bieten unter den Fischen die verschiedenen Cobitis-Arten dar, welche bekanntlich zu jeder Zeit und augenblicklich, je nach den sie umgebenden verschiedenen Lebens-Bedingungen, die nothwendigen Athmungs-Functionen bald mit ihren Kiemen bald mit ihrem Verdauungskanal ausführen, indem sie den letzteren nach Art einer Lunge in Thätigkeit treten lassen. Hier findet in der That ein Anpassungs-vermögen statt, welches im höchsten Grade überraschen muss. Dass der Darmkanal bei den Cobitiden wirklich als Lunge die Stelle der Kiemen vertreten kann, ergiebt nicht bloss die anatomische Untersuchung des Darms solcher Fische, wenn dieselben eine Zeit lang Luft geathmet haben, sondern wird noch besonders klar erwiesen durch die sehr genauen eudiometrischen Untersuchungen, welche vor mehreren Jahren auf meine Veranlassung von Dr. Baumert über die Respiration der *Cobitis fossilis* vorgenommen worden sind.<sup>17)</sup>

17) Diese eudiometrischen Untersuchungen wurden nach Bunsen's Methode von dem leider jetzt schon verstorbenen Dr. M. Baumert im

Nachdem durch diese Untersuchungen das Anpassungs-Vermögen der *Cobitis fossilis* ins klarste Licht gesetzt worden ist, begreifen wir es jetzt, warum in solchen stehenden Gewässern, welche während der wärmeren Jahreszeit austrocknen, die darin befindlichen Cobitiden nicht zu Grunde gehen, sondern ihr Leben dadurch zu fristen fähig sind, dass sie sich tiefer in den schlammigen Grund ihres bisherigen Wohnortes eingraben und sich nachher ihres Darms, welcher während dieser Zeit aus Futtermangel gänzlich leer geworden ist, und so vom Maule aus mit atmosphärischer Luft gefüllt werden konnte, als lungenartiges Respirationsorgan bedienen können.

10. Fasse ich nun die verschiedenen oben erwähnten Fälle des Anpassungs-Vermögens zusammen, und halte ich mir dabei die Frage vor, warum wurde es jenen Lungenschnecken so leicht, bei veränderten Bedingungen der sie umgebenden Aussenwelt sich diesen Veränderungen anzupassen, so werde ich mich, um diese Frage beantworten zu können, zur Descendenztheorie und Transmutations-theorie wenden müssen, um mittelst dieser seit Jahren todt geschwiegenen und erst seit neuerer Zeit wieder ins Leben gerufenen Abstammungs- und Umbildungs-Lehre die oben aufgeworfene Frage beantworten zu können. Offenbar sind die ältesten Molluscen der Vorzeit mittelst Kiemen athmende Weichthiere gewesen, und erst später, nachdem allmählich aus dem Weltmeer trockenes Land auftauchte, haben sich bei dem Zurückziehen der Gewässer verschiedene Formen von Kiemen-Molluscen, welche auf dem Trockenen zurückgeblieben sind, diesen neuen Verhältnissen

Jahre 1851—52 in dem damals unter meiner Leitung stehenden physiologischen Institute zu Breslau ausgeführt und mit den dabei gewonnenen Resultaten von demselben in einer besonderen Schrift unter dem Titel: „Chemische Untersuchungen über die Respiration des Schlammpeizgers (*Cobitis fossilis*), Heidelberg 1852“, niedergelegt.



der sie umgebenden Aussenwelt angepasst, und die ihnen sich darbietende atmosphärische Luft als Ersatz des zurückgewichenen Wassers zu dem für ihre Existenz nothwendigen Athmungsgeschäft verwendet.

Diese Hypothese stützt sich auf jene Anschauungen, womit schon vor mehreren Jahren zwei ausgezeichnete Zoologen und Paläontologen, Bronn und Rütimeyer, die Verbreitung der Organismen auf der Erdoberfläche nach ganz natürlichen Gesetzen erklärt haben. Von Bronn<sup>18)</sup> wurde die Entwicklung der Landthiere, welche sich aus den Wasserthieren hervorgebildet haben, als *terripetaler* und *progressiver Entwicklungs-Gang* bezeichnet und auch Rütimeyer<sup>19)</sup> hat die Aufeinanderfolge der Wasser- und Landthiere von dieser *terripetalen Tendenz* abgeleitet. Letzterer fügt aber noch folgende Bemerkung hinzu<sup>20)</sup>: „Fälle umgekehrter Art, Beispiele *halipetaler Tendenz* wüsste ich kein einziges aufzuführen; sind auch Luftathmer häufig angewiesen, ihre Nahrung im Wasser zu suchen, so sehen wir Luftathmung, einmal erworben, nie mehr aufgegeben, und selbst der Uebertritt aus dem salzigen in's süsse Wasser scheint durchweg leichter möglich zu sein, als der umgekehrte Weg.“ Die erste Hälfte dieser Bemerkung wird jetzt eine Einschränkung erleiden müssen, da die von Forel und mir an den mit Lungen athmenden Wasserschnecken gemachten Beobachtungen beweisen, dass diese unter gewissen äusseren Lebensbedingungen doch auch ihre Luftathmung wieder aufgeben können, wodurch sie an ihre frühesten Vor-

18) Vergl. Bronn: Untersuchungen über die Entwicklungs-Gesetze der organischen Welt während der Bildungszeit unserer Erd-Oberfläche. 1858. pag. 112 und 351, und dessen Vortrag: Die Entwicklung der organischen Schöpfung. 1858. pag. 14.

19) Vergl. Rütimeyer: Ueber die Herkunft unserer Thierwelt. 1867. pag. 17.

20) Ebenda. pag. 18.



fahren erinnern. Solche jetzt noch unter unseren Augen vorgehende Umwandlungen werden nach der neueren Anschauungsweise als sogenannte Rückschläge oder Rück-erinnerungen aufgefasst und bekanntlich mit dem gemeinsamen Namen Atavismus bezeichnet.

In Bezug auf die zweite Hälfte der oben angeführten Bemerkung Rüttimeyer's lassen sich bei einer Musterung des verschiedenen Thierlebens der Jetztwelt Beispiele auf- finden, welche beweisen, dass es doch auch Beispiele von halipetaler Tendenz giebt und dass manche Wasserthiere unter dem Einfluss der Rückerinnerung den Rückweg aus dem süßen Wasser ins Meerwasser zu finden wissen. Ganz abgesehen von den jungen Stören, den jungen Lachsen und anderen jungen Seefischen, welche stets, nachdem sie im süßen Wasser aus dem Laich sich entwickelt und ihre erste Jugendzeit überstanden haben, das Meerwasser aufsuchen, berufe ich mich hier noch auf die merkwürdige Lebensweise der Aale, welche in süßen Gewässern, oft ausserordentlich weit vom Meere entfernt, sehr gross auswachsen, und welche, wenn sich in ihnen zum ersten Male der Fort- pflanzungstrieb regt, durch diesen zum Meere hinabgedrängt werden, um dort, wie ihre Voreltern, zu laichen. Kaum haben die ganz jungen Aale sich etwas gekräftigt, so treibt sie die ererbte Gewohnheit aus dem Meere in das süße Wasser, um hier ihre übrige Lebenszeit zuzubringen, bis der Geschlechtstrieb auch sie wieder zum Uebertritt aus dem süßen ins salzige Wasser veranlasst, von wo sie dann niemals wieder ins süße Wasser zurückkehren<sup>21)</sup>.

---

21) Bronn hat ebenfalls diese Wanderlust des Aals besprochen, jedoch das Aufsteigen desselben aus dem Meere in das süße Wasser mehr betont, als dessen Rückkehr zum Meere. Vergl. Bronn's Rede: Ueber den Stufengang des organischen Lebens von den Inselfelsen des Oceans an bis auf die Festländer. Heidelberg 1859, pag. 11.

11. Zum Schlusse dieser Mittheilungen will ich nur noch darauf hinweisen, dass sich durch die auf die Binnen-Seen jetzt angewendete Tiefsee-Fischerei eine neue und gewiss sehr ergiebige Fundgrube zu Untersuchungen und Forschungen eröffnet hat. So sehr ich mich über diesen Fortschritt freuen muss, kann ich es aber nicht unterlassen, folgenden Wunsch auszusprechen: möchten doch die Freunde des einheimischen Thierlebens sich veranlasst sehen, diese neue Fundgrube auszunützen, denn gewiss würden dieselben durch eine solche Thätigkeit unsere Kenntnisse über die Verbreitung des Thierlebens mehr fördern als durch das blosse Einsammeln und Beschreiben sogenannter neuer Species, welche bei näherer Besichtigung und Vergleichung am Ende doch keine besonderen specifische Arthcharaktere an sich tragen und nichts anderes repräsentiren als mannichfaltige untergeordnete Artabweichungen einer lange bekannten Species, die, durch neue äussere Verhältnisse angeregt, vermittelst ihres Anpassungs-Vermögens und unter dem Einfluss der Vererbung eine mehr oder weniger auffallende Umwandlung erlitten hat.

Wohl fühlend, dass ich in diesen fragmentarischen Mittheilungen gar manche Lücke offen gelassen habe, hoffe ich wenigstens, dass es mir damit gelungen sein dürfte, die Aufmerksamkeit auf ein noch wenig beachtetes Forschungs-Gebiet gelenkt zu haben.

München, den 1. Februar 1875.

---

Herr v. Pettenkofer spricht:

„Ueber ein Reagens zur Unterscheidung der freien Kohlensäure im Trinkwasser von der an Basen gebundenen.“

Bei Gelegenheit früherer Mittheilungen über die Bestimmung der Kohlensäure im Trinkwasser habe ich schon darauf aufmerksam gemacht, dass die Kohlensäure im Trinkwasser, auf welche die öffentliche Meinung beim Genuße und bei der Wahl eines Wassers gewöhnlich so hohen Werth legt, nur selten frei im Wasser absorbirt ist, sondern in der Regel an Basen, namentlich an Kalk und Bittererde gebunden ist, welche als doppelt kohlensaure Salze im Wasser gelöst sind, und dass namentlich in den Quellen und Brunnen aus der Kalkformation in der Regel keine Spur mehr Kohlensäure enthalten ist, als zur Bildung der im Wasser enthaltenen doppelt kohlensauren Salze erforderlich ist. In München und Umgebung darf man nach meiner Erfahrung mit aller Bestimmtheit annehmen, dass in einem Wasser um so mehr Kalk enthalten ist, als es mehr Kohlensäure enthält, dass man daher das Verlangen nach einem kohlensäurereicheren Wasser nicht ohne die äquivalente Beigabe von Kalk und Bittererde stillen kann. Ich habe ferner nachgewiesen, dass die Kohlensäure in den Quellen und Brunnen Münchens nicht erst im Grundwasser sich bildet, oder diesem durch kohlensäurehaltende Gasquellen aus tieferen Schichten zugeführt wird, sondern dass sie aus der über dem Wasser stehenden Grundluft

---

1) Sitzungsbericht 1860 S. 289 und 1871 S. 170.



stammt<sup>2)</sup>, in welcher sie sich nur durch Verwesung organischer Substanzen erzeugen kann. In hygienischer Beziehung ist daher in München, wie überhaupt in allen Kalkformationen das kohlensäurereichere Wasser selten das bessere und reinere, weil man mit der Kohlensäure auch manche andere Stoffe mit in den Kauf nehmen muss, die man sonst gerne vermeiden möchte.

Daraus, dass organische Substanzen im lufthaltigen Boden die Quelle der vermehrten Kohlensäure in der Grundluft, und diese die Kohlensäurequelle für das Grundwasser ist, erklärt sich auch sehr einfach, dass stellenweise aus dem Boden ein und derselben Kalkformation Wasser von so verschiedenen Härtegraden kommen kann, je nachdem eben das atmosphärische Wasser, bis es sich in grösseren Massen sammelt, durch Schichten dringt, welche mehr oder weniger organische, in Verwesung begriffene Substanzen enthalten. Wenn das Drainage Gebiet einer Quelle aus einem Kalkgebirge ohne Vegetation ist, oder sehr geringe Vegetation nur hat, so können mitten im Kalk solche Quellen entspringen, wie z. B. der Fürstenbrunnen am Untersberge ist, mit dessen äusserst weichem Wasser gegenwärtig die Stadt Salzburg versorgt wird.

In dem Maasse, als im feuchten Kalkboden Kohlensäure entsteht, wird diese Kohlensäure auch sofort vom kohlensauren Kalke des feuchten Bodens gebunden, und geht in die Quellen nicht als Kohlensäure, sondern als doppeltkohlensaures Salz über. Freie Kohlensäure im Wasser wird man daher mehr in Granitformationen, als in anderen kohlensauren Kalk enthaltenden Formationen erwarten dürfen, wenn nicht unterirdische Gasquellen beträchtliche Mengen Kohlensäure dem Wasser direkt zuführen, und es sättigen, ehe sich die Kohlensäure mit kohlensauren Erden oder Alkalien sättigen kann.

2) Sitzungsbericht 1871 S. 294.



Es wäre gewiss nicht ohne Interesse, wenn man jedes Wasser sofort und leicht darauf prüfen könnte, ob es wirklich freie, ungebundene Kohlensäure besitzt oder nicht. Ich habe schon früher im Kalkwasser ein solches Mittel angegeben. Lösungen von doppeltkohlensanrem Kalk und und doppeltkohlensaurer Bittererde reagiren nicht auf Curcumapapier. Tropft man einem Wasser, durch welches man reine Kohlensäure geleitet hat, Kalkwasser zu, so reagirt es erst dann auf den Curcumafarbstoff, wenn mehr Kalkhydrat beigemischt worden ist, als dass auf 1 Aequivalent 2 Aequivalente Kohlensäure kommen. Bringt man hingegen zu einer Lösung von doppeltkohlensaurem Kalk, wie unsere gewöhnlichen Quell- und Brunnen-Wasser sind, nur einige Tropfen Kalkwasser, so reagirt die Flüssigkeit sofort alkalisch, aus Gründen, welche ich schon früher mitgetheilt habe.

Dieses Verfahren ist allerdings leicht auszuführen, aber doch nicht so einfach, und gibt das Resultat nicht so unmittelbar, wie eines, dessen ich mich bediene, und welches darauf beruht, dass Rosolsäure, welche nach Kolbe durch Einwirkung von Schwefelsäure auf Carboisäure und Oxalsäure gewonnen und gegenwärtig vielfach bei Titrirung alkalischer Flüssigkeiten und Säuren als Index benützt wird, durch kohlensaure und doppeltkohlensaure Alkalien und alkalische Erden roth gefärbt, hingegen durch freie Kohlensäure entfärbt wird. Man löst hiezu 1 Theil reine Rosolsäure in 500 Theilen 80prozentigem Weingeist, neutralisirt diese Lösung mit etwas Aetzbaryt bis zur beginnenden röthlichen Färbung, und setzt von dieser Lösung etwa  $\frac{1}{2}$  Cubikcentimeter auf ein Volum von etwa 50 Cubikcentimeter Wasser zu. Enthält das Wasser freie Kohlensäure, so ist die Flüssigkeit farblos oder gelblich, enthält es aber keine freie Kohlensäure, sondern nur doppeltkohlensaure Salze, so wird die Flüssigkeit roth. Giesst man zu einem durch Rosolsäure roth gewordenen

Wasser etwas kohlensaures Wasser, so entfärbt sich die Flüssigkeit. Dasselbe geschieht schon, wenn man mittels eines Glasrohres durch ein so geröthetes Wasser ausathmet, in welchem Falle die in der Athemluft enthaltene Kohlensäure entfärbend wirkt.

Jedes Brunnen- oder Quellwasser in München und Umgebung, welches ich noch untersucht habe, auch das Isarwasser, das Wasser der Stadtbäche wird durch Rosolsäure geröthet. Ich hatte kürzlich Trinkwasser aus Würzburg zu untersuchen, auch dieses wird ebenso, wie das Münchener Wasser geröthet.

Nicht geröthet wird destillirtes Wasser, ebenso bleibt Regen- und Schneewasser farblos.

Ich habe eine Anzahl natürlicher Mineralwasser auf freie Kohlensäure geprüft. Alle sogenannten Säuerlinge bleiben selbstverständlich farblos, Selters-, Apollinaris-, Wildungen-Wasser, ebenso Kissinger Ragoczy, Weilbacher Schwefelwasser, Pyrmonter Eisenwasser und Marienbader Kreuzbrunnen. Karlsbader Sprudel und Mühlbrunnen, Emser Kräuchen, bleiben zwar nicht so farblos wie die erstgenannten Wasser, aber werden doch nicht eigentlich roth, sondern nur röthlich gelb, enthalten demnach noch freie Kohlensäure, wenn auch nur wenig. Deutlich roth, wie gewöhnliches Brunnenwasser, werden Kissinger Bitterwasser und das Heilbronner Jod- und Bromhaltige Adelheidswasser.

Wasser, welches freie Kohlensäure absorbirt enthält, bleibt, wie schon erwähnt, auf Zusatz der Rosolsäure farblos, und erträgt, bis es geröthet wird, einen um so grösseren Zusatz einer verdünnten Lösung eines Alkalis, z. B. von kohlensaurem Natron, je mehr es freie Kohlensäure enthält. Wie weit sich darauf ein Verfahren zur quantitativen Bestimmung der freien Kohlensäure im Wasser gründen lässt, müssen weitere Versuche lehren.

---



Herr W. Beetz sprach:

„Ueber die Electricitätsleitung in Electrolyten.“

In den *Transactions der Royal Society of Edinburgh*<sup>1)</sup> hat Herr Tait eine in seinem Laboratorium von den Herren Ewing und Mac Gregor ausgeführte Arbeit über das electrische Leitungsvermögen gewisser Salzlösungen mitgetheilt, in welcher früher von anderen Physikern über den gleichen Gegenstand bekannt gemachte Untersuchungen in einer so eigenthümlich naiven Weise behandelt werden, dass ich nicht umhin kann, jene früheren und die jetzt vorliegende Arbeit in Bezug auf den Werth der angewandten Methoden und der erhaltenen Resultate gegen einander abzuwägen.

Nachdem die Herren Ewing und Mac Gregor die älteren Versuche von Haukel, E. Becquerel, Horsford, Wiedemann und Becker erwähnt haben, sagen sie weiter:

„Die ausgedehntesten Versuche über die Leitungsfähigkeit von Zinksulphat waren die von Beetz<sup>2)</sup>. Seine einzige Vorsichtsmassregel gegen Polarisation war die Anwendung von Zinkelectroden, welche er, sonderbar genug, amalgamirte. Seine Untersuchungen über den Zusammenhang zwischen Leitungsfähigkeit und Temperatur sind sehr werthvoll. Unglücklicherweise war er in dem anderen Theile der Arbeit — dem Zusammenhang zwischen Leitungs-

1) *Transact. of the R. S. of Edinburgh*. Vol. XXVII. part. 1. Session 1872—73. p. 51—70.

2) *Pogg. Ann.* CXVII, pag. 1. 1862.

fähigkeit und Dichtigkeit — nicht sorgfältig genug, genau dieselbe Temperatur durch die ganze Reihe von Lösungen beizubehalten, so dass seine Resultate keine genaue graphische Darstellung zulassen. Er giebt die Leitungsfähigkeit in der Gestalt eines Ausdruckes von der ersten, zweiten und dritten Potenz vom Salzgehalte der Lösung und scheint zu keiner einfacheren Beziehung zwischen denselben gekommen zu sein.“

Diese wenigen Sätze enthalten eine ganze Reihe von Wissens- und Verständnissfehlern. Meine einzige Vorsichtsmassregel gegen Polarisation bestand also in Anwendung amalgamirter Zinkelectroden! Wer meine Abhandlung gelesen und verstanden hat, wird wissen, dass der Plan meiner Arbeit über die Versuche mit Zinkvitriollösung hinausging, dass er vielmehr darin bestand, die Leitungsfähigkeit jedes beliebigen Electrolyten durch Dämpfungsversuche auf die eines einzigen zu beziehen. Dieser einzige musste dann ein solcher sein, an welchem man Widerstandsmessungen wie an einem metallischen Leiter vornehmen konnte, d. h. ein solcher, in welchem die Electroden weder eine Polarisation noch einen Uebergangswiderstand zeigten. Da bot sich mir sehr natürlich die Zinksulphatlösung dar, von welcher wir durch Matteucci<sup>3)</sup> und noch bestimmter durch du Bois-Reymond<sup>4)</sup> wissen, dass sie an amalgamirten Zinkelectroden keine Polarisation gibt, und von der ich in meiner eben besprochenen Arbeit zeigte, dass in ihr an eben solchen Electroden bei Anwendung der richtigen Vorsicht auch kein Uebergangswiderstand auftritt.<sup>5)</sup> Zum Ueberfluss habe ich auch selbst noch Versuche hinzugefügt, welche auch über die Abwesenheit der Polarisation beruhigten. Den Herren

---

3) C. R. XLIII. p. 234. 1856.

4) Monatsber. der Berliner Akademie. 30. Juni 1859. p. 443.

5) a. a. O. pag. 8.



scheint das Alles ganz unbekannt zu sein, das beweist ihr „*curiously enough*.“ Man sollte fast glauben, sie hätten die Arbeit des Herrn du Bois-Reymond über nicht polarisirbare Electroden wirklich gelesen, und stimmten in dessen Verwunderung darüber ein, dass „jede zwei beliebige Stücke Zink auf beliebige Art reichlich verquickt, sich in Zinklösung gleichartig verhielten“, dass „diese jede Vorstellung übersteigende Gleichartigkeit in ganz gleicher Weise stattfand, ob die beiden Zinkplatten erst eben verquickt waren und die Tropfen flüssigen Amalgams noch daran herunterflossen; ob sie seit Wochen in den krystalinischen Zustand übergegangen waren, ob sich endlich die eine derselben in dem einen, die andere in dem anderen dieser Zustände befand“, und dass „die mit Hilfe der Siemens'schen Wippe bestimmte Ladungsfähigkeit dieser Combination in der That verschwindend klein, jedenfalls unvergleichlich kleiner war, als die irgend einer anderen bisher bekannten Combination.“ Ja selbst Herr Patry<sup>6)</sup>, der doch eine kleine, aber messbare, Polarisation der amalgamirten Zinkelectroden gefunden hatte, bemerkte, dass dieselbe verschwand, als die Zinksulphatlösung völlig neutral war, und da ich bei meinen Versuchen völlig neutrale Lösungen anwendete, so hatte ich wohl alle möglichen Massregeln gegen die Polarisation angewandt. Von alle Dem aber wissen die Herren Ewing und Mac Gregor nichts; sie stehen noch immer auf dem Standpunkte J. Regnaud's, welcher Electroden von reinem Zink in Zinkvitriollösung für unpolarisierbar hielt<sup>7)</sup> und darum wundern sie sich auch gar nicht, dass Herr Paalzow<sup>8)</sup>, bei seinen Versuchen Electroden von reinem Zink angewandt habe. Natürlich

6) Archives des sc. phys. et nat. XXXIII. p. 199. 1868.

7) C. R. XXXVIII. p. 891. 1854.

8) Monatsber. der Berliner Akad. 30. Juli 1868. p. 486.

ist das auch wieder ein Irrthum, wie ein Jeder, der Paalzow's Arbeit gelesen hat, wissen müsste. Auch er wandte selbstverständlich amalgamirtes Zink an. Die Herren nennen die, von diesem Physiker angewandte Methode „sehr sinnreich.“ *Curiously enough!* denn sie haben sie gar nicht verstanden. Wie sinnreich würde sie ihnen dann erst vorgekommen sein! „Er wandte als Electroden zwei Stücke von reinem Zink an, welche im Boden zweier mit gesättigter Zinksulphatlösung gefüllter Gläser angebracht waren. Diese beiden Gläser waren durch einen mit der Flüssigkeit, deren Widerstand untersucht werden sollte, gefüllten Heber mit einander verbunden.“ Das wäre eine sonderbare Anordnung gewesen! das fühlen die Herren denn auch und fügen desshalb hinzu: „die Diffusion der beiden Flüssigkeiten muss eine Fehlerquelle gewesen sein, besonders da der Widerstand von Mischungen ganz verschieden ist von dem ihrer Bestandtheile.“ Sie haben nicht begriffen, dass Herr Paalzow den Heber nicht in die mit Zinkvitriollösung gefüllten Gläser, sondern in poröse Thongefäße münden liess, welche dieselbe Flüssigkeit enthielten wie der Heber; sie haben nicht begriffen, dass Heber von verschiedener Länge angewandt wurden, um (und hierin liegt besonders das Sinnreiche des Verfahrens) lediglich den Widerstand eines bestimmten Flüssigkeitscyinders in Betracht ziehen zu können, während alle Vorgänge in den Thoncyindern und um dieselben unverändert blieben. Die Vorgänge an den Grenzen der beiden sich berührenden Electrolyten machen aber auch den Herren Verfassern Sorge: „Diese Methode (mit den Electroden von reinem Zink) vermied also die Polarisation, vorausgesetzt, dass an der Berührungsstelle der beiden Flüssigkeiten keine stattfand. Es ist uns nicht bekannt, ob irgend welche Versuche gemacht worden sind, um zu bestimmen, ob das möglich ist.“ Den Herren wäre ein Blick in die Arbeit



du Bois-Reymond's<sup>9)</sup> über Polarisation an der Grenze ungleichartiger Electrolyte anzurathen, zu welcher sie dann, wenn sie bemerkt haben werden, dass bei Paalzow's Versuchen poröse Thongefässe angewandt wurden, noch die über die innere Polarisation poröser, mit Electrolyten getränkter Halbleiter<sup>10)</sup> hinzufügen könnten.

Ueber die Arbeiten der Herren F. Kohlrausch und Nippoldt<sup>11)</sup> sagen die Herren Verfasser nicht viel, aber das Wenige genügt, um die Sorgfalt, mit welcher sie Literatur lesen, hinreichend zu kennzeichnen. Kohlrausch und Nippoldt hatten sich die Aufgabe gestellt, zu untersuchen, ob das Ohm'sche Gesetz sich auch bei der Leitung durch Electrolyten vollständig bewähre, und hatten zu dem Ende Zinkvitriollösung unter Anwendung immer kleiner werdender electromotorischer Kräfte zersetzt. Die kleinste Kraft, welche sie durch alternirende Ströme darzustellen vermochten, war die von  $\frac{1}{32}$  Grove. Um zu noch kleineren Kräften überzugehen, wandten sie ein Thermoelement von Kupfer und Eisen an, dessen Kraft sie mit dem des Groveschen Elementes verglichen. Wenn die Löthstellen eine Temperaturdifferenz von  $0,29^{\circ}$  zeigten, so war die electromotorische Kraft des Thermoelementes =  $\frac{1}{429000}$  Grove, und auch bei dieser kleinen electromotorischen Kraft wurde die Gültigkeit des Ohm'schen Gesetzes noch bestätigt. Diese Kraft =  $\frac{1}{429000}$  hat also mit den alternirenden Strömen gar nichts zu schaffen. Die Herren Ewing und Mac Gregor referiren aber in folgender Weise: „Kohlrausch und Nippoldt wandten inducirte Ströme von einer magneto-electrischen Maschine an, welche einander in schneller Folge in entgegengesetzten Richtungen folgten. Die electro-

9) Monatsber. der Berliner Akad. 17. Juli 1856. p. 1.

10) Ebenda 4. Aug. 1856. p. 15 und 31 Jan. 1859. p. 1.

11) Nachrichten der Göttinger Ges. d. W. 18. Nov. 1868. p. 415 und Pogg. Ann. CXXXVIII p. 230 u. 370. 1869.

motorische Kraft dieser Ströme wurde mittels eines thermoelectrischen Paares auf den sehr kleinen Bruch von  $\frac{1}{429000}$  eines Grove'schen Elementes reducirt.“

Die Herren erwähnen die von Herrn Wiedemann in seinem Lehrbuch des Galvanismus mitgetheilte Zusammenstellung der von den verschiedenen Experimentatoren erhaltenen Resultate. Hätten sie doch in diesem Buche die so klare und vollständige Beschreibung unserer Versuche nachgelesen!

Und nun zu den Versuchen der Herren Ewing und Mac Gregor selbst. Nachdem sie die Mittel, die Paalzow, F. Kohlrausch und Nippoldt und ich angewandt haben, um den Einfluss der Polarisation zu entfernen, kennen gelernt haben oder doch hätten kennen lernen können, wenden sie, um es besser zu machen, Platinelectroden in allen beliebigen Lösungen an, und glauben nun die Flüssigkeitswiderstände mittelst der Brückenmethode messen zu können, wie die Widerstände fester Leiter. Alles geht nun ganz einfach, denn sie haben gefunden, „dass die Brückenmethode anwendbar sei, wenn man die augenblickliche Wirkung des Stromes auf die Lösung beobachten könne“, denn „im Augenblick, in welchem der Strom geschlossen wird ist gar keine Polarisation vorhanden.“ Ganz richtig, aber die Schliessung dauert nicht einen Augenblick, und wenn die Herren Edlunds<sup>12)</sup> Versuche kennten, so würden sie wissen, dass Platinelectroden, zwischen denen der Strom von 3 Daniell'schen Elementen in verdünnter Schwefelsäure nur während der kurzen Zeit von  $\frac{1}{50}$  Secunde geschlossen gewesen war, schon eine Polarisation angenommen haben, deren electromotorische Kraft gleich der von 0,57 Daniell'schen Elementen ist. Dauerte der Schluss, den die Herren mit ihrer Wippe hervorbrachten, wirklich

12) Pogg. Ann. LXXXV. p. 209. 1852.



noch viel kürzere Zeit? Schwerlich. Wie wenig man durch den einfachen momentanen Stromschluss bei polarisirbaren Electroden zum Ziele kommt, haben die Herren F. Kohlrausch und Nippoldt<sup>13)</sup> nachgewiesen, und eben deshalb sahen sie sich veranlasst, die alternirenden Ströme an die Stelle des continuirlichen zu setzen.

Die Herren Verfasser glauben offenbar, dass sie zuerst die Brückenmethode mit kurzem Stromschluss für die vorliegenden Zwecke angewandt haben. In meiner Abhandlung<sup>14)</sup> steht deutlich, dass ich es ebenso gemacht habe, aber die Anwendung polarisirbarer Electroden habe ich mir dabei nicht gestattet.

Die Herren Ewing und Mac Gregor scheinen überhaupt die Schwierigkeiten, welche die Messung der Stromesconstanten darbieten, stark zu unterschätzen; sie meinen auch, man könne die inneren Widerstände (sogenanter) constanter Ketten ebenso leicht messen, wie die fester Leiter und zwar „durch ein Electrometer (?), indem man den Strom durch einen bekannten metallischen Widerstand leitet.“ Wozu haben jetzt v. Waltenhofen<sup>15)</sup>, Paalzow<sup>16)</sup>, ich<sup>17)</sup> und Siemens<sup>18)</sup> uns die Mühe gegeben, bessere Methoden zur Bestimmung des inneren Widerstandes aufzufinden?

Ich komme endlich zu den numerischen Ergebnissen unserer Versuche. Da werden mir zwei schwere Vorwürfe gemacht: der erste ist, dass ich nicht sorgfältig genug

13) Pogg. Ann. CXXXVIII. p. 282.

14) a. a. O. p. 8.

15) Pogg. Ann. CXXXIV. p. 218. 1868.

16) Ebend. CXXXV. p. 326. 1868.

17) Sitzungsbericht der Münchener Akad. 7. Jan. 1871. p. 1.

18) Pogg. Ann. Jubelband, p. 445. 1874.

genau dieselbe Temperatur durch die ganze Reihe der Lösungen beibehalten habe. Die Herren Verfasser machen es besser; sie stellen alle ihre Versuche stets bei  $10^{\circ}\text{C.}$  an. Wer das könnte! Selbst in einem Laboratorium mit sogenannter constanter Temperatur, in welchem der Experimentator stets am Apparat zu thun hat, ist das ein Ding der Unmöglichkeit. Meine Zahlen sind stets durch Interpolation aus naheliegenden Beobachtungen gefunden, so macht es meines Wissens jeder Physiker, der seine Beobachtungen zur Aufstellung eines Formelausdruckes verwerthen will; ich durfte es um so mehr thun, als ich ausdrücklich erwähnt habe<sup>19)</sup>, dass die Zunahme der Leitungsfähigkeit in der That zwischen ziemlich weiten Grenzen der Temperaturerhöhung proportional bleibt und ich erlaube mir in meine durch Interpolationen gefundenen Zahlen ein grösseres Vertrauen zu setzen, als in die durch directe Beobachtungen bei  $10^{\circ}$  erhaltenen der Herren Ewing und Mac Gregor.

Der zweite Vorwurf trifft den von mir gegebenen empirischen Formelausdruck<sup>20)</sup>. „Es ist mir nicht gelungen, eine einfachere Beziehung zwischen Leitungsfähigkeit und Salzgehalt zu finden, als die, welche die erste, zweite und dritte Potenz des Salzgehaltes einführt.“ Ich habe gar keine andere Relation gesucht, sondern bin einfach dem gefolgt, was Viele vor mir gethan hatten. Bei der Herstellung einer empirischen Formel ist es sehr gleichgiltig, welche Gestalt sie hat, wenn sie nur die vorhandenen Thatsachen ausdrückt, und ich glaube kaum, dass die Herren darin glücklicher gewesen sind, wenn sie fanden, dass die

---

19) a. a. O. p. 21.

20) In der Angabe der Constanten a. a. O. p. 20 ist ein Fehler vorhanden. Es soll heissen;  $b = 0,0000003113$ . Der darunter stehende log. b. ist dagegen richtig, und da alle Rechnungen mit diesem ausgeführt sind, so ist jener Fehler ohne Folgen geblieben.



Beziehung zwischen Dichtigkeit und Widerstand einer Lösung durch das Gesetz einer Hyperbel dargestellt werde, wenn man die Ueberschüsse der Dichtigkeit über die Einheit als Abscissen, die specifischen Widerstände als Ordinaten auftrage. Es wäre schöner, wenn Beobachtung und Rechnung bei ihren Zahlen besser stimmten, auch wenn das Gesetz nicht das einer Hyperbel wäre.

Wie weit die Uebereinstimmung zwischen den Resultaten geht, welche von mir, von Paalzow und von F. Kohlrausch und Nippoldt auf drei ganz verschiedenen Wegen erhalten worden sind, haben die Letzteren gezeigt<sup>21)</sup>. Die Uebereinstimmung ist eine vollkommen befriedigende zwischen ihren Messungen an Zinkvitriollösung und den meinigen, und zwischen ihren Messungen an verdünnter Schwefelsäure und denen, welche Paalzow an derselben Flüssigkeit angestellt hat. Die kleinen Abweichungen zwischen den verschiedenen Angaben können durch die unvermeidlichen Fehler in der Temperaturbestimmung erklärt werden; ihre Kleinheit spricht aber für die Brauchbarkeit aller drei angewandten Methoden<sup>22)</sup>. Dass Paalzow's Angabe über den Minimalwiderstand der Zinkvitriollösung nicht ganz so gut mit der meinigen stimmt, liegt vielleicht daran, dass sein Zinksulphat nicht vollständig frei von überschüssiger Säure war. Da seine Versuche vorzüglich dazu dienten, den Widerstand der Salzgemische zu prüfen, so war dieser Umstand für ihn nicht von Wichtigkeit, indem er jedenfalls immer mit demselben Salz weiter arbeitete. Ich berechne aus seiner Angabe, dass er bei 23° das Minimum des Widerstandes = 191000 bei einer Lösung von  $\text{Zn SO}_4$  in 24  $\text{H}_2\text{O}$  (in Atomen ausgedrückt) beobachtete,

21) a. a. O. p. 376 und 386.

22) Vergl. auch die so eben erschienene Arbeit von Kohlrausch und Grotrian, Pogg. Ann. CLIV. p. 12.

dass das Maximum der Leitungsfähigkeit bei dieser Temperatur in eine Lösung von 37,38 Theilen wasserfreien Salzes in 100 Theilen Wasser stattfand und  $= 0,000005235$  ist, während ich aus meinen Formeln den Salzgehalt 30,93 und den Werth 0,000004920 erhalten. Wir haben also offenbar mit etwas verschiedenen Lösungen gearbeitet, da nicht nur der absolute Werth, sondern auch die Lage des Maximums der Leitungsfähigkeit sich etwas ungleich herausstellt. Dass nicht die Methode die Schuld der Abweichung trägt, zeigt die oben erwähnte Controle der Messungen an verdünnter Schwefelsäure.

Wie stellen sich nun die von den Herren Ewing und Mac Gregor erhaltenen Zahlen zu den unseren? Die Herren finden das Minimum des Widerstandes bei  $10^{\circ}$ , wenn die Lösung 0,735 krystallwasserhaltiges Salz ( $\text{ZnSO}_4 + 7\text{H}_2\text{O}$ ) auf 1 Theil Wasser enthält, d. h. 31,22 Theile wasserfreies Salz auf 100 Theile Wasser. Nach meinen Angaben<sup>23)</sup> tritt das Maximum der Leitungsfähigkeit bei  $20^{\circ}$  ein für das Verhältniss 30,93 Salz zu 100 Theilen Wasser. Man sieht, dass unsere Angaben fast genau übereinstimmen, wenigstens in Bezug auf die Stelle, an welcher das Maximum zu suchen ist; es fragt sich nur, ob unsere Lösung auch bei  $10^{\circ}$  ein Maximum zeigen werde. Um das zu finden suchte ich aus meinen Beobachtungsreihen 13, 14 und 15 durch Interpolation zwischen den zunächst liegenden Beobachtungen die Leitungsfähigkeit bei  $10^{\circ}$ . Ich fand:

Reihe	Salzgehalt	Leitungsfähigkeit
13	30,12	0,000003554
14	30,99	0,000003615
15	32,06	0,000003570.

23) Fortschritte der Physik. 1862. p. 441.



Auch hier liegt also, wie bei 20° das Maximum zwischen den Salzgehalten 30,12 und 32,06; wir arbeiteten folglich mit denselben Substanzen. Denn auch wenn die Methode der Herren Ewing und Mac Gregor durch den Einfluss der Polarisation unbrauchbar geworden war, so mussten sie doch das Maximum für denselben Salzgehalt finden, wie ich. Aber ihr absoluter Werth dieses Maximums musste zu klein werden, weil sich die Polarisation wie ein neuer Widerstand in die Rechnung eindrängt. Aus ihren Zahlen erfahren wir, dass der specifische Widerstand dieser Lösung, d. h. der Widerstand einer Flüssigkeitssäule von 1 cm. Länge und 1 □ cm. Querschnitt = 28 B. A. sein soll. Mit Zugrundelegung der von Herrn Dehms<sup>24)</sup> gemachten Vergleiche, nach welchen 1 B. A. = 1,0493 Q. E. ist, beträgt jener Widerstand 29,7 Q. E. also der einer Flüssigkeitssäule von 1 m. Länge und 1 □ mm. Querschnitt 297000, und die Leitungsfähigkeit einer solchen Säule 0,000003367. Ich berechne dagegen für dieselbe Lösung mit dem Salzgehalt 31,22 und der Temperatur 10° die Leitungsfähigkeit 0,000003607. In der That ist also diese Beobachtung in dem erwarteten Sinne unrichtig.

Wenn übrigens die Herren glauben, dass es „einen interessanten Gegenstand einer Untersuchung bilden würde, den Einfluss der Temperatur auf die Lage des Minimums aufzusuchen“, so brauchen sie nur meine Beobachtungstabellen in die Hand zu nehmen, und durch Interpolation die Leitungsfähigkeit für 10, 30, 40 u. s. w. Grade aufzusuchen, so wie ich es für 20° gethan habe. Das Maximum ergibt sich ja dann leicht.

Ich würde die Schwächen der vorliegenden Arbeit nicht in so eingehender Weise besprochen haben, wenn

24) Pogg. Ann. CXXXVI. p. 404. 1869. Vergl. auch F. Kohlrausch Pogg. Ann. Ergänz. VI. p. 34. 1874.

sie nicht unter der Aegide des Herrn Tait erschienen wäre, dem die Herren Verfasser für die „Anleitung und den Rath während des ganzen Verlaufs der Arbeit“ ihren Dank aussprechen. Wer einer gelehrten Gesellschaft eine Arbeit seiner Schüler vorlegen will, sollte doch dafür sorgen, dass dieselben nicht in die allergrößten Wissens- und Verständnissirrhümer verfallen und sollte sich bewusst sein, dass er bis zu einem gewissen Grade die Verantwortung übernimmt für den Inhalt der Arbeit, die er vorlegt.

---

Herr Vogel trägt vor:

„Ueber den Stickstoffgehalt des Malzextraktes“.

Vor längerer Zeit habe ich die Ehre gehabt, der mathematisch-physikalischen Classe eine ausführliche Arbeit über den Stickstoffgehalt des Bierextraktes vorzulegen<sup>1)</sup>, wodurch die bis dahin allgemein herrschende Ansicht über diesen Gegenstand eine wesentliche Aenderung erfahren musste. In den früher angestellten Versuchen war nämlich der Stickstoffgehalt des Bieres ganz ausserordentlich niedrig, ja verschwindend gering gefunden worden<sup>2)</sup>. Nach jenen Versuchen hatte man im weingeistigen Auszuge des Extraktes von 100 Liter bayerischem, untergährigem Lagerbier 1,65 grm. Stickstoff gefunden. Sieht man davon ab, dass ein gewisser Theil des gefundenen Stickstoffes von den Ammoniaksalzen des Bieres herrührt und vielleicht nicht sämtliche stickstoffhaltigen Theile im Weingeiste gelöst waren, so entsprechen 1,65 grm. Stickstoff, 10,94 grm. Kleber oder 0,117 grm. Kleber in der bayerischen Maass und es enthalten 1467 Gewichtstheile Bier so viel Kleberbestandtheile, wie ein Gewichtstheil trockenen Schwarzbrottes, ist daher so gross als der von 7380 Pfund = 3809 bayerische Maass Bier, oder von ungefähr halb so viel, wenn das Brot frisch ist.

Die Resultate meiner Versuche zeigten eine sehr weite Abweichung von jenen Angaben. Während nach den

1) Chem. techn. Mittheilungen. 1860. S. 142.

2) Knapp's Technologie. Bd II. S. 355.



früheren Versuchen der Stickstoffgehalt eines Pfundes Brotes, — allerdings nach dem mit Alcohol ausgezogenen Klebergehalte berechnet, — in runden Zahlen dem Stickstoffgehalte von 750 Liter Bier gleichsteht, entspricht nach meinen Versuchen der Stickstoffgehalt eines Pfundes Brotes ungefähr dem Stickstoffgehalte von 5 Liter Bier. Hiebei ist selbstverständlich ganz unberücksichtigt geblieben, in wiefern dieser von mir gefundene Stickstoffgehalt von Ammoniaksalzen des Bieres herrühre oder überhaupt zum Nahrungswerth des Bieres im Verhältniss stehe. Die Zahlen drücken ausschliesslich die im Bierextrakte gefundenen Procente Stickstoff aus, ohne die physiologische Bedeutung der Form, in welcher sich der gefundene Stickstoff befindet, in Betracht zu nehmen. Was indess den Einfluss der im Biere enthaltenen Ammoniaksalze auf die Stickstoffmenge des Bierextraktes betrifft, so mag ein Versuch nicht unerwähnt bleiben, welcher über dieses Verhältniss, wie ich glaube, einige Aufklärung zu bieten im Stande sein dürfte. Eine grössere Menge getrockneten Bierextraktes wurde in einem bedeckten hessischen Tiegel so weit erhitzt, bis dass eine vollständige Verkohlung eingetreten. Nach dem Abkühlen der Masse war dieselbe mit grösseren Mengen heissen Wassers wiederholt ausgezogen worden. Bei näherer Untersuchung ergab sich die rückständige, abgewaschene Kohle als eine entschieden stickstoffhaltige. Man durfte doch wohl annehmen, dass während des Verkohlungsvorganges in einem nicht hermetisch verschlossenen Tiegel die im Biere allenfalls vorhandenen Ammoniaksalze grossentheils sich verflüchtigt hatten oder dass der Rest derselben in der porösen Kohle durch deren längeres Auswaschen mit kochendem Wasser nahezu vollständig entfernt waren. Jedenfalls scheint hiernach der Antheil der Ammoniaksalze an der Gesamtmenge des von mir im Bierextrakte gefundenen Stickstoffs nur von geringer Bedeutung zu sein.

Ueberhaupt aber ist der Gehalt des Bieres an Ammoniaksalzen ein überaus geringer, wie diess ein von mir früher angestellter Versuch auf das Deutlichste beweist<sup>3)</sup>. Die Prüfung auf Ammoniaksalze geschah nach der bei dem Harnе üblichen Methode. 300 CC. Bier wurden in ein flaches auf einer matt geschliffenen Glasplatte stehendes Gefäss gebracht, über welchem auf einem Glastriangel eine kleine Schaalе mit 20 CC. titrirter Schwefelsäure stand. Nachdem ein geröthetes Lakmuspapier angebracht und das Bier zum Zwecke der Zersetzung der Ammoniaksalze mit Kali oder Kalkmilch versetzt worden war, wurde über das Ganze eine Glasglocke gebracht, mit Klebwachs hermetisch verschlossen und an einem warmen Orte 48 Stunden stehen gelassen. Das Resultat war dasselbe, gleichviel, ob man frisches oder abgerauchtes und mit Wasser wieder verdünntes Bier, ob man kaustisches Kali oder Kalkmilch anwandte: die Schwefelsäure bedurfte zur Sättigung genau ebensoviel Probenatron, als vorher. Nur bei der Behandlung mit Kalilauge zeigte das rothe Lakmuspapier eine schwache Bläuung, welche beim Erwärmen wieder verschwand. Mulder<sup>4)</sup> hat daher vollkommen recht, wenn er sagt: „Es ist allerdings wahr, dass Spuren von Ammoniaksalzen im Biere vorhanden sind, aber auch nur Spuren“. Ich kann nicht umhin, zu bemerken, dass auch diese schwache hier beobachtete Reaktion — Blaufärbung des gerötheten Lakmuspapieres durch Behandeln des Bieres mit Kalilauge — eigentlich keinen entscheidenden Beweis für den ursprünglichen Gehalt des Bieres an Ammoniaksalzen zu liefern im Stande ist, wie ich diess bei einer andern Gelegenheit gezeigt habe<sup>5)</sup>. 2 grm. Guano wurden in den eben be-

3) Neues Repertorium für Pharmacie. Bd. XI. S. 56.

4) Die Chemie des Bieres. S. 409.

5) Sitzungsberichte der kgl. Akadem. d. W. 20. März 1866.



schriebenen Apparate mit Magnesiamilch behandelt und gleichzeitig dieselbe Quantität in einem Nebenversuche mit Kalkmilch. Nach 4 Tagen war beim Oeffnen beider Apparate kein Ammoniakgeruch mehr wahrzunehmen, es konnte somit in beiden Fällen die Zersetzung der Ammoniaksalze als gänzlich vollendet angesehen werden. Der Vergleich der durch Kalkmilch mit der durch Magnesiamilch erhaltenen Zahlen ergab, dass durch Anwendung von Kalk mehr Ammoniak gefunden wurde, als durch Magnesia. Wenn nun schon durch Anwendung von kaustischem Kalk in dem erwähnten Versuche eine Steigerung in der Menge des gefundenen Ammoniakgesammtes veranlasst wird, — offenbar herrührend von einer gewissen Wirkung des kaustischen Kalkes auf die Proteinsubstanzen des Bieres, so muss solches doch noch in erhöhtem Maasse von der Anwendung des kaustischen Kali's gelten, weiss man ja doch, dass schon beim Waschen der Hände mit kalter Kalilauge Ammoniakgeruch wahrnehmbar wird. Ich glaube daher, dass die Kalilauge, wie ich sie in meinen Versuchen auf das Bier verwendet habe nicht ohne alle Einwirkung auf die Proteinverbindungen des Bieres geblieben sein dürfte und dass demnach der ursprüngliche Gehalt des Bieres an Ammoniaksalzen überhaupt ein etwas zweifelhafter, wenigstens noch nicht vollkommen bewiesener zu sein scheint.

Bei dem allgemeinen Interesse des Gegenstandes und wenn man berücksichtigt, dass durch die neue Versuchsreihe die bisherige Ansicht von der untergeordneten Rolle des Bieres als Nahrungsmittel wenigstens nicht mehr unantastbar erscheinen musste, konnte es nicht auffallen, dass meine Versuche mannichfachen Wiederholungen von verschiedenen Seiten unterzogen worden sind. Diess ist denn auch geschehen. Nach den Arbeiten Feichtingers<sup>6)</sup> (1864 u. 1870) schwankt der Stickstoffgehalt in den ver-

6) Wagner's Technologie. Bd. II. S. 115.



schiedenen Münchener Bieren pro 1 bayerische Maass zwischen 0,467 und 1,248 grm. Stickstoff. Wie man erkennt, haben durch diese Angaben meine Resultate im Allgemeinen erfreuliche Bestätigung gefunden. Derselbe lieferte ferner experimentell den Beweis, dass der Stickstoff des Bieres bis auf ein Minimum (aus Hefebestandtheilen und aus dem Hopfen) nur von den gelösten Eiweisskörpern aus dem Malze herrühre.

Im Anschlusse an meine frühere Arbeit über den Stickstoffgehalt des Bierextraktes beehre ich mich, der Classe einige Versuche über den Stickstoffgehalt des Malzextraktes vorzulegen.

Seit Jahren kommen Malzpräparate der verschiedensten Art als Heilmittel im Handel vor. Unter diesen ist besonders zu erwähnen das Münchener Malzextrakt nach J. v. Liebig. Es unterscheidet sich von anderen Präparaten dieser Art dadurch, dass es durch Abrauchen im luftleeren Raume dargestellt wird; diese Methode der Darstellung — meines Wissens von Liebig angegeben — ist offenbar eine vorzugsweise rationelle, denn da hiebei eine verhältnissmässig niedere Temperatur, bei welcher die Albuminate noch gelöst bleiben, zur Anwendung kömmt, so enthält dieses Liebig'sche Malzextrakt ausser dem Malzucker die löslichen Eiweiss- und Kleberstoffe des Malzes in unverkürzter Menge.

Das Malzextrakt löst sich in kaltem Wasser zu einer klaren hellbraun gefärbten Flüssigkeit vollständig ohne Rückstand auf. Diese klare Lösung trübt sich beim Aufkochen und es setzt sich nach längerem Stehen ein Niederschlag auf dem Boden des Kochgefässes ab. Eine quantitative Bestimmung dieses Absatzes durch Abfiltriren und Trocknen desselben auf dem Filtrum gibt kein geeignetes Resultat, zunächst deshalb, da auch bei längerem Stehen die Flüssigkeit nicht immer vollkommen klar durch das Filtrum geht

und dann wegen der Schwierigkeit und Unsicherheit des Trocknens dieses Niederschlages; ausserdem müssten ziemlich bedeutende Mengen Malzextraktes zur Anwendung kommen, um ein einigermaßen sicheres Resultat zu erlangen.

Um jedoch auf einfachere Weise einen in Zahlen ausgedrückten Anhaltspunkt für die Differenz der stickstoffhaltigen Bestandtheile — beziehungsweise der löslichen Albuminate — des in kaltem und kochendem Wasser gelösten Malzextraktes zu gewinnen, habe ich mich der vergleichenden Fällung mit Gerbsäure bedient, und zwar einer Gerbsäurelösung von bestimmten Gehalte. Am geeignetsten hat sich die wässrige Lösung, 1 grm. Gerbsäure in 200 CC. destillirten Wassers ergeben. Eine solche Verdünnung ist deshalb empfehlenswerth, einmal um grössere Differenzen in dem Verbrache der zugesetzten CC. zu erhalten und dann um eine durch Gerbsäure mögliche Fällung der vorhandenen Mineralsalze zu vermeiden.

100 CC. der kalt bereiteten Malzextraktlösung bedurften nach zahlreichen nahe übereinstimmenden Versuchen im Mittel 16 CC. der Gerbsäurelösung.

In einem zweiten Versuche wurde die kaltbereitete Malzextraktlösung stark aufgeköcht und filtrirt. 100 CC. der gekochten und hierauf filtrirten Malzextraktflüssigkeit bedurften zur Fällung durchschnittlich 11 CC. der oben erwähnten Gerbsäurelösung (1:200) somit 5 CC. weniger, als die ursprüngliche kalt bereitete Lösung des Malzextraktes.

Es ergibt sich hieraus zunächst, dass die Darstellung des Malzextraktes durch Abrauchen im luftleeren Raume insofern vortheilhaft erscheint, als hiedurch dem Präparate in der That nach bestimmtem Verhältnisse Proteinkörper in löslicher Form erhalten bleiben, welche beim Abrauchen unter Anwendung höherer Temperatur im geronnenen Zu-



stande abgeschieden werden. Dass in solcher Weise das im luftleeren Raume gewonnene Malzextrakt einen etwas höheren Nahrungswerth, als das gekochte Malzextrakt besitzen dürfte, ist naheliegend.

Als weitere Folgerung aus diesen Versuchen ergibt sich ferner, dass im Malzextrakte neben den Albuminaten noch andere Proteinsubstanzen, vielleicht dem Leime ähnliche Gruppen, vorhanden sind, welche nicht durch Kochen, wohl aber durch Gerbsäure fällbar sind; würde durch Kochen eine vollständige Ausscheidung der stickstoffhaltigen Substanzen stattfinden, so könnte natürlich in der gekochten und filtrirten Lösung des Malzextraktes kein Niederschlag durch Gerbsäurelösung mehr entstehen.

Es ist behauptet worden, dass die Gerbsäure mit Dextrin, mit Amylon u. s. w. unlösliche Verbindungen eingehe, d. h. Niederschläge bilde. Ich habe aber in Lösungen von Dextrin, Gummi, Amylonkleister niemals einen Niederschlag mit Gerbsäurelösung beobachten können; ebensowenig spricht die Löslichkeit der Fällung des Malzextraktes durch Gerbsäure in kochendem Wasser für eine Verbindung der Gerbsäure mit Stärke und Stärkegummi. Diese Löslichkeit beim Erwärmen bis zum Kochen ist insofern nicht charakteristisch für die Annahme einer Combination der Gerbsäure mit der Amylongruppe, als auch die Verbindung der Gerbsäure mit Pflanzenleim, ja sogar mit animalischem Leim bei der Temperatur des kochenden Wassers sich vollkommen löst und beim Erkalten wieder als Niederschlag auftritt. Dies ist auch der Grund, wesshalb bei der Vorschrift zur technischen Werthbestimmung gerbstoffhaltiger Materialien mittelst Titriren durch Leimlösung als Bedingung des Gelingens stets angegeben wird, dass die Lösungen kalt anzuwenden sind. Wenn die Gerbsäure im Stande wäre neben den Proteinsubstanzen auch Amylon und Stärkegummi aus dem Malze abzuscheiden, so müsste offenbar



das Kühlgeläger — von untergährigem Bier stellt sich dasselbe in weichen nicht klebenden Flocken dar — durch Jod blau oder violett gefärbt werden, diess ist aber wie man weiss nicht der Fall. Allerdings kommen im Handel Malzpräparate vor, welche mit Jodtinktur eine tiefdunkelblane Farbe annehmen; indess muss unentschieden bleiben, ob in diesen Fällen nicht zum Zwecke der Verdickung ein absichtlicher Zusatz von Stärkmehleleister, der übrigens keineswegs nachtheilig wäre, angenommen werden kann. Ausserdem ist aber die im Hopfen zugesetzte Gerbsäuremenge notorisch nicht einmal hinreichend zur Fällung des ganzen Proteingehaltes, auf welchen dieselbe doch wohl zunächst ihre Wirksamkeit ausüben dürfte, so dass also auch von dieser Seite eine Verbindung der Gerbsäure mit Amylon u. s. w. kaum annehmbar erscheint.

Das Malzextrakt zeigte einen Wassergehalt von 21 bis 22 proc. Die früher vorgenommene Untersuchung<sup>7)</sup> einer anderen Sorte von Malzextrakt hatte 17 bis 18 proc. Wassergehalt ergeben.

Die Stickstoffbestimmung, durch Verbrennen des in ursprünglicher Honigconsistenzform befindlichen Extractes mit Natronkalk und Auffangen der ammoniakalischen Verbrennungsprodukte in titrirter Schwefelsäure ausgeführt, lieferte 0,848 proc. Stickstoff.

Zur Vervollständigung meiner Angaben über das Verhalten der Gerbsäurelösung (1 : 200) zum Malzextrakte will ich noch erwähnen, dass eine jede Biersorte, die ich bis jetzt zu untersuchen Gelegenheit hatte, durch Gerbsäurelösung oder, was dasselbe ist, durch Hopfendekokt gefällt wird. Die Fällung ist je nach der zur Untersuchung angewendeten Biersorte eine stärkere oder schwächere. Ein Theil der Proteinstoffe des Malzes — vorzugsweise die

---

7) N. Repertor. f. Pharm. Pd. XVI. 1867.

Pflanzenalbuminate — wird schon während des Brauprozesses durch Kochen unter Zusatz von Hopfen gefällt — und diess ist ja die eine Seite der Bedeutung des Hopfens in der Bierfabrikation —, aber ein anderer Theil dieser Stoffe, der Pflanzenleimgruppe angehörend, bleibt ungefällt und im Biere gelöst.

Das Hopfendekokt, welches ich zu meinen Versuchen verwendet habe, war dargestellt durch wiederholtes Auskochen von Hopfen mit destillirtem Wasser und zwar im Verhältniss von 1 grm. Hopfen zu 50 CC. Dekoktes. Nach einer Vorprüfung der Hopfensorte auf Gerbsäuregehalt mittelst Leimlösung zeigte dieselbe einen Procentgehalt von 1,8 bis 2 Gerbsäure. Wurden nun z. B. zur vollständigen Fällung von 100 CC. einer Biersorte A von diesem Hopfendekokte 10 CC., zur vollständigen Fällung von 100 CC. einer Biersorte B dagegen nur 7 CC. des Hopfendekoktes verbraucht, so darf man wohl, da die gefundenen Differenzen von einer Verschiedenheit des Proteingehaltes herühren, mit einigem Rechte annehmen, dass die eine Biersorte von vorneherein stärker gehopft sein müsse, als die andere. Nach Vergleichung einiger mir von Praktikern zugekommenen Angaben über den Hopfenzusatz beim Brauprozesse möchte ich glauben, dass im Allgemeinen durch Vermehrung des Hopfenzusatzes um ungefähr ein Drittheil im Verhältniss zu der bisher üblichen Menge alle Proteinsubstanzen aus dem Malze gefällt sein müssten, — eine Angabe, die ich aber ausdrücklich zur Zeit nur als Vermuthung hinstelle; ein gültiger Entscheid könnte nur durch wiederholte Untersuchungen von verschiedenen Biersorten gewonnen werden, immer unter der Voraussetzung, dass der Hopfenzusatz während des Brauverfahrens ganz genau bekannt ist. Ich behalte mir vor, in der Folge den Gegenstand weiter zu bearbeiten. Ob indess eine Biersorte, bei welcher ein so bedeutender Zuschlag von Hopfen-



zusatz stattgefunden, noch trinkbar oder überhaupt nur verkäufliche Waare bleibe, vermag ich vorläufig nicht zu entscheiden.

Auf das Verhalten einer Gerbsäurelösung von bestimmtem Gehalte zum Biere liesse sich vielleicht eine einfache Titirmethode gründen, um die Menge des in einer Biersorte enthaltenen Hopfens wenigstens einigermassen annähernd kennen zu lernen, — ein Verhältniss, über welches wir meines Wissens noch keine sicheren Anhaltspunkte besitzen. Immerhin dürfte bei einer vollständigen Bieruntersuchung die Angabe nicht ganz ohne Interesse sein, wie viel CC. einer Gerbsäurelösung bestimmten Gehaltes 100 CC. der betreffenden Biersorte zur vollständigen Fällung verbrauchen. Ebenso könnte die Methode möglicherweise dazu dienen, um Hopfensurrogate von Hopfen zu unterscheiden.

Pikrinsäure gibt mit Malzextraktlösung, sowie auch mit Bier, einen gelben körnigen Niederschlag, welcher sich absetzt und filtrirt werden kann. Weitere Versuche werden zeigen, ob nicht aus diesem Grunde eine Pikrinsäurelösung, ungefähr in dem Verhältniss von 1 grm. Pikrinsäure zu 120 CC. Lösung zu den angegebenen Bestimmungen der Gerbsäure vorzuziehen wäre. Pikrinsäurelösung unterliegt dem Verderben nicht, während Gerbsäurelösung nach Kurzem Flocken absetzt. Das Hopfendekokt in der bezeichneten Verdünnung hält sich nur kurze Zeit unverändert, nach wenigen Tagen schon, auch bei Aufbewahrung in verschlossenen Gefässen, beginnt Flockenbildung. Hierher gehört auch die Beobachtung, welche mir auffallend war, dass eine Auflösung von Malzextrakt, wobei also kein Hopfen im Spiele ist, sich längere Zeit unzersetzt erhält, während eine Lösung von Bierextrakt, welche selbstverständlich die betreffende Menge der Hopfenbestandtheile enthält, schon früher Schimmelbildung zeigte.



Eine noch nicht überwundene Schwierigkeit des Titirverfahrens mit Gerbsäure liegt in der Bestimmung des Punktes, bis zu welchem der Zusatz zur vollständigen Fällung der Proteinsubstanzen stattzufinden hat. Am besten scheint es, zunächst durch einen Vorversuch die Menge des Gerbsäurezusatzes annähernd festzustellen und dann in einem zweiten Versuche die gefundene Menge, um einige CC. vermehrt, auf einmal zuzufügen. Wenn nun nach starkem Umschütteln eine filtrirte Probe einen Tropfen Leimlösung auf einer Glasplatte deutlich fällt, so ist man sicher, in einem dritten Versuche dem richtigen Verhältnisse ziemlich nahezu kommen.

---

Herr Erlenmeyer spricht:

„Ueber die Darstellung der ungeformten Fermente“ (vorläufige Notiz).

Vor einiger Zeit habe ich der verehrlichen Classe die ersten Resultate einer in Gemeinschaft mit Herrn Dr. A. v. Planta unternommenen Arbeit über die Fermente in den Bienen, im Bienenbrot und im Pollen mitgetheilt<sup>1)</sup>. In der Absicht diese Fermente zum Zwecke näherer Untersuchung und Vergleichung zu isoliren, wurde die von v. Wittich empfohlene Methode, nach welcher das Ferment durch Glycerin ausgezogen und durch Alkohol niedergeschlagen wird, anzuwenden versucht. Da diese Methode bei den in Rede stehenden Materialien nicht gleich die erwarteten Resultate lieferte, suchte ich dieselbe zunächst an einem leichter zugänglichen Material zu studiren resp. zu prüfen. Ich wählte dazu den Kälberlabmagen, weil man die Gegenwart des Labfermentes in irgend einer Flüssigkeit in der kürzesten Zeit nachzuweisen im Stande ist. Es wurden folgende Beobachtungen gemacht.

Wird käuflicher trockener Kälbermagen in kleine Stücke geschnitten, mit Glycerin unter öfterem Schütteln 36 Stunden in Berührung gelassen, so erhält man ein Filtrat, das Milch sehr rasch zum Coaguliren bringt. Wenn man nun die rückständigen Hautstückchen so lange mit Glycerin behandelt hat, bis der Auszug keine coagulirende Wirkung mehr ausübt, so bekommt man mit reinem Wasser

---

1) Wir haben mittlerweile auch im Honig die Gegenwart eines den Rohrzucker invertirenden Ferments nachgewiesen.

noch lange Zeit wirksame Extracte und wenn schliesslich nach sehr langem Auswaschen mit viel Wasser keine wirksamen Auszüge mehr erhalten werden, so bringen die vollkommen weiss gewordenen Hautstückchen selbst die Milch noch zum Coaguliren.

Es scheint mir zunächst daraus hervorzugehen, dass man weder mit Glycerin noch mit Wasser das Labferment vollständig der Magenhaut entziehen kann, dass es aber durch Wasser leichter und in grösserer Menge ausgezogen wird, als durch Glycerin. Behandelt man Labmagen zuerst mit absoluten Alkohol<sup>2)</sup> während 36 Stunden, und hierauf mit Glycerin wie früher, so zeigt die Glycerinflüssigkeit nicht die allergeringste Wirkung auf Milch. Wird aber die mit Alkohol in Berührung gewesene Haut mit Wasser behandelt, so erhält man ebenso wirksame Auszüge, als wenn man das Wasser direct auf den käuflichen Labmagen wirken lässt. Das Wasser ist hiernach ohne Frage ein vollkommeneres Extractionsmittel für das Labferment, als das Glycerin. Nun haben aber die wässerigen Auszüge den Nachtheil, dass sie sehr leicht in Fäulniss übergehen, während sich die Glycerinauszüge ohne zu faulen lange Zeit aufbewahren lassen. Gerade diese Eigenschaft des Glycerins, die Fäulniss organischer Substanzen zu verhindern oder doch erheblich zu verzögern hat v. Wittich bestimmt, dasselbe als Lösungsmittel für die Fermente anzuwenden. Wäre es nun möglich den wässerigen Auszug ohne Beeinträchtigung seiner Fermentwirkung zu conserviren, so würde jedenfalls die Behandlung mit Wasser der mit Glycerin vorzuziehen sein.

Ich kam auf den Gedanken statt des reinen Wassers

2) Lässt man den Alkohol über Schwefelsäure verdunsten und nimmt den Rückstand in Wasser auf, so erhält man eine Flüssigkeit, welche nicht im Geringsten coagulirend wirkt.



eine gesättigte wässerige Lösung von Salicylsäure anzuwenden, welche bekanntlich von Kolbe als ein vorzügliches gährungs- und fäulniswidriges Mittel erkannt worden ist.

Es sprach jedoch gegen die Anwendbarkeit der Salicylsäure für den vorliegenden Zweck die Beobachtung von Kolbe, dass die Wirkung des Emulins, und des Myrosins, die doch auch zu den ungeformten Fermenten gerechnet werden müssen durch Salicylsäure zum mindesten sehr beeinträchtigt wird. Trotzdem machte ich den Versuch. Zwei gleiche Portionen zerschnittener Labmagen wurden, die eine mit Wasser, die andre mit einer gleich grossen Menge gesättigter Salicylsäurelösung übergossen und über Nacht stehen gelassen. Von beiden Lösungen wurden dann gleiche Quantitäten abfiltrirt und mit entsprechend gleichen Mengen von Milch unter den bekannten Bedingungen zusammengebracht. Es zeigte sich wiederholt, dass die beiden Auszüge in gleicher Zeit (6 Minuten) die Milch zum Gestehen brachten.

Als nun die beiden Ansätze im offenen Kolben nebeneinander längere Zeit stehen gelassen wurde, war der wässerige Ansatz schon nach 24 Stunden ganz trübe geworden und roch im höchsten Grade unangenehm, während der Salicylsäureansatz nach 8 Tagen noch vollkommen klar geblieben war und keinerlei Fäulnisgeruch zu erkennen gab.

Ich versuchte nun das Ferment aus dem letzteren Ansatz durch Alkohol zu fällen. Das klare Filtrat erzeugte beim Eintröpfeln in Alkohol einen weissen flockigen Niederschlag, der sich sehr bald absetzte. Die alkoholische Flüssigkeit wurde durch ein Filter getrennt und der Filterinhalt mit Wasser behandelt. Er löste sich fast vollständig zu einer sehr zähen Flüssigkeit, welche Milch in der kürzesten Zeit (2 Minuten) zum Gestehen brachte. Der grösste

Theil dieser Lösung wurde wieder in Alkohol gegossen, der erhaltene Niederschlag wie vorher behandelt und diese Procedur noch einmal wiederholt. Die Wirkung der wässrigen Lösung war immer dieselbe, während die erste alkoholische Flüssigkeit in welche die Salicylsäure übergegangen war beim freiwilligen Verdunsten einen vollkommen wirkungslosen Rückstand hinterliess.

Durch diese Erfahrungen ermuntert habe ich auch Bauchspeicheldrüse vom Ochsen in gleicher Art behandelt und ich beabsichtige die anderen Materialien thierischen wie pflanzlichen Ursprungs welche Fermente enthalten in derselben Weise in Untersuchung zu ziehen in der Hoffnung, jene räthselhaften Körper im reinen Zustand darstellen und näher studiren zu können.

Ich behalte mir vor, über die Resultate, welche ich bei dieser Untersuchung erhalten werde, ob dieselben positiv oder negativ ausfallen, weitere Mittheilungen zu machen.

Zum Schluss will ich nicht unerwähnt lassen, dass ich mit verdünnter Ameisensäure (1 Theil Säure von 1,205 spec. Gew. zu 1000 Theilen Wasser) ganz ähnliche Resultate erzielte, wie mit Salicylsäure. Ueberhaupt scheint die gährungs- und fäulnisswidrige Wirkung merkwürdigerweise noch mehreren anderen Körpern anzugehören, welche in Eisenoxysalzlösungen eine dunklere Färbung hervorbringen. Bringt man in eine gährende Flüssigkeit in dem Verhältniss 1:1000 Ameisensäure, Mekonsäure oder Rhodanwasserstoff, so hört die Gährung auf. Ich bin damit beschäftigt die genannten Agentien in ihrer antiseptischen Wirkung mit einander zu vergleichen und bemerke nur noch, dass eine Gährmischung, welche in 1000 1 Theil Borsaure enthält mit der grössten Lebhaftigkeit gährt.

### Nachschrift.

Ich war auf die Anwendung der Ameisensäure geführt worden, einmal weil sie zu der Blausäure in naher Beziehung steht und dann weil sie sich, wie ich früher nachgewiesen habe der schwefligen Säure in vieler Beziehung ähnlich verhält. Blausäure und schweflige Säure sind aber bekanntlich sehr wirksame Antiseptica.

Als die obige Notiz sich bereits unter der Presse befand, wurde ich auf eine Beobachtung von Jodin Compt. rend. 61. 1179 aufmerksam, nach welcher die Ameisensäure in einer Zuckerlösung die Pilzbildung verhindert. Von der gährungswidrigen Eigenschaft der Ameisensäure erwähnt Jodin übrigens nichts.

---



Sitzung vom 6. März 1875.

---

Mathematisch-physikalische Classe.

---

Herr W. Beetz sprach:

„Ueber die voltasche Polarisirung des  
Aluminiums“.

Herr Tait hat das Thomsonsche Quadrantelectrometer benützt, um einige Bestimmungen der voltaschen Polarisirung an Platin-, Palladium-, Eisen- und Aluminiumplatten in verdünnter Schwefelsäure auszuführen<sup>1)</sup>. Seine Angabe, dass die früheren Messungen der Polarisationsgrößen stets unter der, vielleicht noch nicht hinreichend bewiesenen Voraussetzung gemacht seien, dass die ganze electromotorische Kraft eines Stromkreises gleich der Summe der Kraft der zersetzenden Batterie und der der Electroden sei, ist zwar nicht ganz richtig, da die von mir<sup>2)</sup> nach der Compensationsmethode, sowie die von Gaugain<sup>3)</sup> nach der Oppositionsmethode ausgeführten Messungen von jeder solchen Annahme frei waren; jedenfalls aber ist es interessant, zu sehen, dass die mit dem Quadrantelectrometer erhaltenen

---

1) Philos. Mag. 4. Ser. XXXVIII. p. 243. 1869.

2) Pogg. Ann. LXXI. p. 108. 1850; XCV. p. 198. 1850; vergl. auch CXXXII. p. 432. 1867.

3) Compt. rend. XLI. p. 1166. 1855; LXIV. p. 364. 1867.

Resultate, welche Herr Tait übrigens nur als vorläufig erhaltene Annäherungen bezeichnet, recht gut übereinstimmen mit denen, welche die früher angewandten Methoden geliefert haben.

Unter den mitgetheilten Zahlen sind diejenigen, welche die Polarisation des Aluminiums betreffen, höchst überraschend. Dieselbe betrug, wenn die electrolysirende Batterie aus 6 Groveschen Elementen bestand, 5,20 D, wenn mit D die electromotorische Kraft eines Daniellschen Elementes bezeichnet wird. Da das Polarisationsmaximum von Platinelectroden in verdünnter Schwefelsäure nur ungefähr 2,3 D beträgt<sup>4)</sup>, so schienen mir Aluminiumelectroden weit günstiger, als diese zur Herstellung von Polarisationsbatterien, wie sie von Poggendorff<sup>5)</sup> und von Jacobi<sup>6)</sup> vorgeschlagen worden sind. Ich hielt es desshalb wohl der Mühe werth, das Verhalten des Aluminiums bei der voltaschen Polarisation näher zu untersuchen.

Wenn man die electromotorische Kraft einer Polarisation mit der eines gegebenen Elementes, z. B. des Daniellschen, vergleichen will, sei es mittelst des Galvanometers oder des Electrometers, so hat man vor allen Dingen dafür Sorge zu tragen, dass die Ablösung der Electroden von der electrolysirenden Batterie und die Verbindung derselben mit der messenden Kette und dem Messapparate möglichst gleichmässig und in möglichst kurzer Zeit geschieht. Herr Tait hat schon in seinen vorläufigen Versuchen sich bemüht, durch Anwendung einer Wippe diese Bedingung zu erfüllen und gibt an, dass in den sorgfältiger ausgeführten Apparaten, mit denen die Versuche durch Herrn Dewar fortgesetzt werden würden, den Bedingungen noch mehr

4) Wiedemann, Lehrb. d. Galvanismus. 2. Aufl. I. 691.

5) Pogg. Ann. LX. p. 568. 1843.

6) Pogg. Ann. CL. p. 590. 1873.

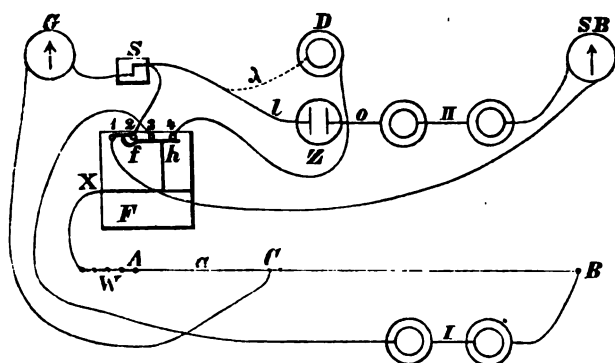
genügt werden solle. Für meine, nach der Compensationsmethode ausgeführten Messungen habe ich den angedeuteten Zweck sehr vollständig durch einen, von Herrn Edelmann construirten Fallschlüssel erreicht, dessen ich mich jetzt statt des früher beschriebenen Federschlüssels<sup>7)</sup> bediene, weil er zuverlässiger und billiger herzustellen ist. Die Aufgabe dieses Schlüssels ist<sup>8)</sup>: 1) die Verbindung der Electroden mit der electrolysirenden Batterie auf kurze Zeit zu lösen, und 2) die Electroden als compensirtes Element einer compensirenden Batterie in der bei der Compensationsmethode nach du Bois-Reymonds Anordnung üblichen Weise entgegenzustellen. Der Fallschlüssel besteht aus einem schweren Messinghebel, welcher auf eine gewisse Höhe gehoben und durch einen Daumen festgestellt wird. Der electrolysirende Strom ist geschlossen. Sobald man den Hebel auslöst, fällt derselbe so gegen eine Feder, dass er sie zurückdrückt und dadurch den electrolysirenden Strom unterbricht. Im weiteren Fallen legt er sich an eine zweite Feder, schliesst durch diesen Contact die Leitung, welche den Compensatordraht und die compensirende Batterie enthält und streift endlich eine dritte Feder, wodurch er momentan, während die vorige Leitung noch geschlossen ist, auch diejenige Leitung schliesst, welche die zu compensirende Kette und das Galvanometer enthält. Der Fall des Hebels wird durch Federkraft beschleunigt, nimmt also nur einen sehr kleinen Bruchtheil einer Secunde in Anspruch. Sobald der Fallhebel wieder aufgehoben wird, schliessen die Federn den electrolysirenden Strom wieder, während compensirende und compensirte Batterie geöffnet bleiben.

7) Carls Repert. VIII. p. 317. 1872; Wiedemann, Lehrb. d. Galvan. 2. Aufl. III. p. 667.

8) Vergl. meine ursprüngliche Angabe darüber in Poggend. Ann. CXLII. p. 575. 1871.



Die electromotorische Kraft der Polarisation wurde immer mit der eines Daniellschen Elementes verglichen, welches selbst in einem zweiten Versuche als compensirtes Element angewandt wurde, weil, wie ich schon bei einer anderen Gelegenheit erwähnt habe<sup>9)</sup>, die compensirende, stets länger geschlossene Batterie, durch Polarisation geschwächt ist. Die ganze Anordnung der Versuche, welche ich für die Messung von Polarisationen ebenso bequem, wie zuverlässig gefunden habe, geht aus der beigegebenen Zeichnung hervor.



Die mit I bezeichnete Batterie ist die compensirende, die mit II bezeichnete die electrolysirende. Die Electroden, zwischen denen die Zersetzung stattfindet, befinden sich in der Zelle Z. Der electrolysirende Strom wird an der Sinusbussole SB gemessen, G ist das Spiegelgalvanometer, welches die Compensation beobachten lässt. AB ist der Compensatordraht, welcher durch den Stöpselwiderstand W

9) Sitzungsber. d. Münch. Akad. 1873. p. 96.

verlängert werden kann <sup>10)</sup> und C die Stelle, an welcher der Schlitten den Compensatordraht berührt. S ist ein du Bois'scher Schlüssel und F der Fallschlüssel, dessen Axe X mit W verbunden ist. Die beiden Federn 1 und 2 des Fallschlüssels sind für gewöhnlich mit einander verbunden und schliessen daher den electrolysirenden Strom solange, bis der Fortsatz f des Fallhebels h diese Verbindung unterbricht. Der weitere Fall des Hebels stellt dann zuerst die Verbindung der Axe X mit der Feder 3 und dann momentan die mit 4 her. Ist durch Verschieben des Schlittens C die Compensation erreicht, so wird dieselbe Batterie I benützt, um das Daniellsche Maasselement (das, wie früher angegeben <sup>11)</sup>, aus zwei gesonderten, durch einen Heber mit einander verbundenen Zellen besteht) ebenfalls zu compensiren. Zu dem Ende wird nun die Leitung l von der Zersetzungszelle abgelöst und in der Lage 2 mit dem Elemente D verbunden und die Leitung O fortgenommen, während das andere Metall des Elementes D von vorn herein mit dem gleichnamigen der Zelle Z in Verbindung steht. Nachdem die Compensationslage wieder gefunden ist, gibt das Verhältniss der unter sonst gleichen Bedingungen gefundenen Längen von a unmittelbar die electromotorische Kraft der Zelle Z, gemessen durch die von D, an.

Die Polarisation der Aluminiumelectroden wurde sowohl für beide gemeinschaftlich, als für eine jede gesondert gemessen. Um das Letztere zu ermöglichen, war das Zersetzungsgefäss Z durch ein poröses Thongefäss in zwei Zellen getheilt; das Thongefäss enthielt die Aluminiumplatte in verdünnter Schwefelsäure (1 : 15) das umgebende Glasgefäss einen amalgamirten Zinkcylinder in concentrirter Zinksulphatlösung. Die Batterie II wurde bald in der

10) Poggend. Ann. CXLII. p. 575.

11) Poggend. Ann. CXLII. p. 583.

einen, bald in der anderen Richtung eingeschaltet, während die Zersetzungszone immer so gestellt wurde, dass ihre negative Platte mit S verbunden wurde. Demnach war, wenn die Polarisierung einer einzelnen Electrode gemessen werden sollte, von der durch das Compensationsverfahren ermittelten electromotorischen Kraft noch die Kraft  $\text{Zn} | \text{ZnSO}_4 + \text{H}_2\text{SO}_4 | \text{Al}$  (mit positivem oder negativem Vorzeichen) zu subtrahiren. Diese Kraft wurde im Mittel aus 6, an verschiedenen Tagen, mit verschiedenen, stets sorgfältig gereinigten Aluminiumplatten angestellten und fast genau gleiche Resultate gebenden Versuchen =

0,42 D

gefunden.

Die Sinusbussole konnte nur bei schwächeren Strömen in der Hauptleitung angewandt werden; bei stärkeren musste sie in eine Zweigleitung eingeschaltet werden. Für beide Anstellungen wurden die Constanten der Bussole bestimmt, so dass im Folgenden die Stärke des electrolysirenden Stromes immer nach absolutem magnetischem Maasse angegeben ist. Der Uebersichtlichkeit wegen erinnere ich daran, dass ein nach diesem Maasse gemessener Strom von der Stärke 1 in einer Minute 1,044 Knallgas entwickelt.

Die folgenden Tabellen enthalten die Anzahl der Groveschen Elemente, welche zur Electrolyse angewendet wurden, die Stromstärke und die gefundenen Polarisationsgrößen. Dabei ist noch zu bemerken, dass, wenn die Polarisierung des Aluminiums durch Wasserstoff allein bewirkt werden soll, sich zur electromotorischen Kraft des Groveschen Elementes die der Zinkaluminiumkette addirt, wenn Polarisierung durch Sauerstoff allein bewirkt wird, diese Kraft von der des Groveschen Elementes zu subtrahiren ist.



## I. Polarisation durch Wasserstoff.

No.	Zahl der Elemente	Stromstärke	Polarisation
1	0	0,12	0,18
2	1	0,90	0,28
3	2	2,65	0,42
4	3	7,06	0,43
5	5	14,81	0,47
6	6	16,98	0,47.

Im Versuche 1 war die Zinkaluminiumkette allein wirksam.

Die Polarisation des Aluminiums durch Wasserstoff zeigt nichts Auffallendes. Sie steigt mit wachsender Stromstärke schnell an und erreicht sehr bald ihren Maximalwerth, der ungefähr gleich der electromotorischen Kraft der Zinkaluminiumkette ist. Bei Anwendung dreier Grove'scher Elemente neutralisirten sich in der That beide Kräfte.

## II. Polarisation durch Sauerstoff.

No.	Zahl der Elemente	Stromstärke	Polarisation
7	1	0,016	1,06
8	2	0,075	2,25
9	3	0,135	3,53
10	4	0,286	3,90
11	5	0,444	4,96
12	6	0,565	5,04

## III. Polarisation durch Wasserstoff und Sauerstoff.

No.	Zahl der Elemente	Stromstärke	Polarisation
13	1	0,031	1,29
14	2	0,076	2,23
15	3	0,252	3,37
16	4	0,304	4,28
17	5	0,378	5,07
18	6	0,457	5,30

Die Grössen der Gesamtpolarisation der Aluminiumplatten stimmen hiernach sehr gut mit denjenigen überein, welche Herr Tait gefunden hat, wenigstens in dem Maasse, als man es bei den zu Gebote stehenden Vergleichsmitteln erwarten darf. Die blosser Angabe der Zahl der electrolysirenden Elemente lässt nur eine sehr oberflächliche Vorstellung von der Stromstärke gewinnen; immerhin ist es wahrscheinlich, dass die Umstände, unter denen jene Elemente arbeiteten, in unseren beiderseitigen Versuchen nicht gar zu verschieden waren. Ausserdem aber ist es ganz unmöglich, zuverlässige Zahlen für die Polarisation des Aluminiums zu geben, denn dieselbe ändert sich wie auch Herr Tait angegeben hat, sehr schnell während der Electrolyse. Daher kommt es denn auch, dass eine bestimmte Gesetzmässigkeit des Anwachsens der Polarisation mit der Stromstärke aus den von mir gefundenen Zahlen nicht hervortritt. Die Stärke des electrolysirenden Stromes wurde jedesmal gemessen unmittelbar nachdem die Polarisationsgrösse bestimmt worden war; aber während der Messung selbst war sie stets im Abnehmen begriffen. Wollte man daher durch Interpolation die Polarisation des Aluminiums durch Wasserstoff, die durch Sauerstoff und endlich die durch beide Gase jedesmal für dieselbe Stromstärke aufsuchen, so würde sich die Relation  $Al_0 \mid Al + Al \mid Al_n = Al_0 \mid Al_n$  sehr schlecht bestätigt finden. Mitunter würde die Polarisation durch Sauerstoff allein grösser erscheinen, als die durch beide Gase zusammen.

Herr Buff<sup>12)</sup> hat schon darauf aufmerksam gemacht, dass die hohe electromotorische Kraft, welche das Aluminium zeigt, wenn es als Anode in verdünnter Schwefelsäure gedient hat, nicht allein der Sauerstoffablagerung, sondern auch der Bildung einer festen, in hohem Grade electro-negativen Schicht zuzuschreiben sei, welche zugleich die

12) Liebig Annalen d. Chem. u. Pharm. CII. p. 269. 1857.

Eigenschaft eines sehr schlechten Leiters besitzt. Diese letztere Eigenschaft äusserte sich auch in den oben mitgetheilten Versuchen. Während nach Tabelle I. der Strom von 6 Groveschen Elementen (zu deren electromotorischer Kraft sich noch die der Zinkaluminiumkette addirt, von der sich aber wieder die fast gleich grosse Polarisation durch Wasserstoff subtrahirt) ungefähr die Stärke 17 hatte, ist er nach Tabelle II und III bis auf 0,5 hinabgesunken, wenn eine Anode von Aluminium eingeschaltet ist. Das kann natürlich nicht allein die Folge der entgegenstehenden electromotorischen Kraft sein, denn wenn man die Kraft eines Groveschen Elementes =  $\frac{3}{5}$  D setzt, so sind 6 Gr = 10 D. Zieht man hiervon in runder Zahl die Polarisation = 5 D ab, so bleibt immer noch die electromotorische Kraft 5 D übrig. In der That ist die in Rede stehende Schichte ein eminent schlechter Leiter. Selbst als ich als electrolysirende Säule 36 Bunsensche Elemente anwandte, und in den Strom hintereinander ein Voltameter mit Platinelektroden und ein ganz gleich construirtes mit Platin-kathode und Aluminiumanode, beide mit gleichen Mengen derselben verdünnter Schwefelsäure gefüllt, einschaltete, erhielt ich nur eine Stromstärke 12,4, welche ich schon mit ungefähr 5 Gr. erreicht haben würde, wenn auch im zweiten Voltameter die Anode aus Platin statt aus Aluminium bestanden hätte. Der ungeheure Leitungswiderstand dieser Oberflächenschicht machte sich auch sofort dadurch geltend, dass das Voltameter mit der Aluminiumanode sich sehr viel stärker erhitze, als das mit der Platinanode. Als der Strom 25 Secunden lang beide durchflossen hatte, war die Temperatur der Flüssigkeit um die Platinanode von 20 bis 30° gestiegen, die Flüssigkeit an der Aluminiumanode war in heftiges Sieden gerathen.

Man darf demnach wohl sagen, dass die Stromstärken, welche die in den Tabellen II und III angegebenen Polari-



sationen hervorgebracht haben, von vorn herein viel grösser waren, als sie die Messung ergeben hat. Fast augenblicklich aber bildet sich der schlechtleitende und sehr negative Ueberzug, dessen Anwesenheit die Stromstärke so schnell hinabdrückt. Unter diesen Umständen kann von einer Anwendung der polarisirten Aluminiumelectroden zur Herstellung von Polarisationsbatterien natürlich gar keine Rede sein.

Herr Buff hält den schlechtleitenden Ueberzug für Silicium. Ich habe schon früher die Vermuthung ausgesprochen, dass er vielmehr eine Oxydschicht sei<sup>13)</sup>; dazu wurde ich theils durch Analogie mit dem Verhalten des Magnesiums, theils durch Vergleich der electromotorischen Stellung dieser Schicht zu der des Siliciums veranlasst. Jetzt glaube ich meine Vermuthung noch durch bestimmtere Angaben unterstützen zu können: Die von Herrn Buff vermuthete Siliciumdecke muss nämlich dadurch entstehen, dass sich durch den electrolytischen Vorgang Aluminium auflöst und das als Verunreinigung im Aluminium enthaltene Silicium zurückbleibt. Die Aluminiumplatte muss also an Gewicht verlieren. Bei mehrfach unter verschiedenen Umständen wiederholten Versuchen fand ich bald Gewichtszunahme, bald Abnahme, aber niemals eine solche Abnahme, dass man nicht gleichzeitig eine Ablagerung irgend einer Substanz auf der Aluminiumfläche hätte annehmen müssen. Ich will das an ein paar extremen Beispielen nachweisen: 1) Eine 5,5182 gr. schwere Aluminiumplatte wurde, nachdem sie als Anode einer sechspaarigen Groveschen Säule zwei Stunden lang gedient hatte, mit Wasser sorgfältig abgespült, über Schwefelsäure im Vacuum getrocknet und wieder gewägt. Sie hatte 0,0016 gr. verloren; die in der Flüssigkeit aufgelöst gefundene Thonerde, durch Ammoniak

13) Pogg. Ann. CXXVII. p. 55. 1865.

niedergeschlagen, wog 0,0058 gr., das in ihr enthaltene Aluminium also 0,0031 gr. Soviel hätte die Platte verlieren müssen. Da sie nur 0,0016 gr. verloren hatte, so hatte sie in der That um 0,0015 gr. zugenommen. 2) Eine 1,9338 gr. schwere Platte, während 44 Minuten als Anode eines Stromes gleicher Quelle, aber geringerer Dichtigkeit, angewandt, gewann 0,0015 gr. Die in der Lösung enthaltene Thonerde wog 0,112 gr., das in derselben enthaltene Aluminium also 0,0071 gr. Die Aluminiumplatte hatte also in der That um 0,0086 gr. zugenommen.

Leider verhindert der grosse Leitungswiderstand der fraglichen Schichte alles Experimentiren mit grossen Stromstärken, aber soviel sieht man auch an den kleinen Zahlen, dass nicht einfach eine oberflächliche Auflösung von Aluminium an der Veränderung der Oberflächenbeschaffenheit Schuld sein kann. Wenn nun wirklich irgend eine feste Substanz sich auf dem Aluminium niederschlägt, so kann es wohl nur ein Oxyd sein; das ist um so wahrscheinlicher, als der an der Aluminiumanode entwickelte gasförmige Sauerstoff plus dem in der aufgelösten Thonerde enthaltenen weitaus nicht hinreicht, um das nach der Gasentwicklung in einem anderen, in denselben Strom geschalteten Voltameter zu erwartende Sauerstoffquantum zu liefern. Ob man es mit einem Oxyd des Aluminiums oder des Siliciums zu thun hat, war bisher nicht zu unterscheiden. Die gewöhnlich mit Interferenzfarben auftretende Schicht löst sich leicht in Aetzkali; aus der erhaltenen Auflösung die gelöste Substanz wieder zu gewinnen, gelang bei der Geringfügigkeit der gegebenen Massen nicht. Wie durch das Auftreten eine Oxydecke auf dem Aluminium das Verhalten desselben in der Electrolyse einerseits ein ganz analoges zu dem des Eisens sein würde, habe ich in meiner oben angezogenen Arbeit über Wasserstoffentwicklung an der Anode gezeigt.

Rechnet man den ganzen Gewichtsgewinn des Aluminiums wirklich als Sauerstoff und rechnet man zu diesem den gasförmig entwickelten und den in der Thonerde enthaltenen hinzu, so kommt immer noch eine viel zu kleine Sauerstoffsumme heraus. Ich bin mit weiteren Untersuchungen dieses scheinbaren Widerspruches gegen das electrolytische Gesetz beschäftigt und enthalte mich daher zunächst quantitativer Angaben.

---



Der Classensecretär bespricht eine Abhandlung:

„Die Aetzfiguren des Magnesiaglimmers und des Epidots“ von H. Baumhauer.

1) Vor einiger Zeit habe ich der königl. Akademie der Wissenschaften <sup>1)</sup> über die am Kaliglimmer durch Behandlung mit einem heissen Gemische von feingepulvertem Flussspath und Schwefelsäure erzeugten Aetzeindrücke Mittheilung gemacht. Ich wies nach, dass diese Eindrücke in nächster Beziehung zu den Symmetrieverhältnissen der Krystalle stehen, indem ich zeigte, dass die Aetzfiguren des Kaliglimmers nur durch den monoklinen Habitus desselben erklärt werden können. Dieselben sind nur nach rechts und links, nicht aber nach vorn und hinten symmetrisch gestaltet, was auf der Basis eines rein rhombischen Krystalles unmöglich wäre

Es lag nahe, auch den Magnesiaglimmer, welcher als dem rhomboëdrischen Krystallsystem angehörig betrachtet wird, hinsichtlich seiner Aetzeindrücke zu untersuchen, was denn auch keine Schwierigkeiten bietet. Man hat zu dem Zwecke nur nöthig, die Glimmerblättchen mit heisser concentrirter Schwefelsäure ganz kurze Zeit zu behandeln und hierauf durch wiederholtes Auslaugen mit Wasser vollständig von hartnäckig anhaftender Säure zu befreien. Darauf können die Blättchen direct unter dem Mikroskop betrachtet werden. Ich fand dieselben bei einem Magnesiaglimmer von Sibirien mit zahlreichen kleinen, scharf ausgebildeten drei- und gleichseitigen Vertiefungen bedeckt.

1) S. Sitzungsberichte 1874. S. 245.

Dieselben entsprechen einem Rhomboëderscheiteleck, sind zuweilen durch eine kleine Fläche parallel der Basis abgestumpft und erscheinen auf den beiden Seiten des Objectes ihrer krystallographischen Natur entsprechend um  $60^\circ$  gegen einander verdreht. Wendet man als Aetzmittel ein heisses Gemisch von feingepulvertem Flussspath und Schwefelsäure an, so zeigen die demselben kurze Zeit ausgesetzten Glimmerblättchen ausser den erwähnten dreiseitigen auch sechsseitige Vertiefungen, welche in ihrer vollkommensten Ausbildung ein reguläres Sechseck darstellen. Dass sie aus den dreiseitigen Vertiefungen durch weitere Aetzung hervorgehen, erkennt man daran, dass zwischen den dreiseitigen und den regulär-sechseitigen Eindrücken alle Uebergänge zu beobachten sind. Dabei entstehen aus je einer Seite der dreiseitigen zwei Seiten der sechsseitigen Vertiefungen, welche letzteren auch stets parallel der Basis abgestumpft erscheinen.

Stellt man auf den Blättchen die Schlagfigur dar, so findet man, dass die Radien derselben parallel gehen den Kanten des ursprünglichen vertieften dreiseitigen Ecks. In gleicher Richtung war die Platte begrenzt, von welcher ich die Blättchen abgespalten hatte (Fig. I). Da die Radien der Schlagfigur beim Magnesiaglimmer nach den Untersuchungen von Bauer den krystallographischen Nebenaxen parallel laufen, so sind die Flächen der dreiseitigen Vertiefungen auf ein ungewöhnliches Rhomboëder  $\frac{1}{2}$  ( $a : \frac{1}{2} a : a : mc$ ) zurückzuführen. Wollte man die Flächen der Aetzeindrücke einem Rhomboëder der gewöhnlichen Stellung  $\frac{1}{2}$  ( $a : a : \infty a : mc$ ) zuschreiben, so müsste man annehmen, die Strahlen der Schlagfigur fielen nicht zusammen mit den krystallograph-



Fig. I.



ischen Nebenaxen, sondern halbirt den Winkel. Zuweilen scheinen die einzelnen Vertiefungen etwas in ihrer Lage von einander abzuweichen, doch ist diese Ausnahme von der Regel durch eine (leicht eintretende) Verschiebung kleinerer Theile der geätzten Lamelle gegen das ganze Blättchen zu erklären.

Die Aetzeindrücke des Magnesiaglimmers liefern eine deutliche Bestätigung der rhomboëdrischen Natur dieses Minerals.

Es schien mir nun von Interesse zu sein, möglichst viele Glimmer (sowohl Muskowite als auch Blotite) von verschiedenen Fundorten auf ihre Aetzfiguren zu prüfen. Auf meine Bitte hatte Herr Prof. Zirkel in Leipzig die grosse Freundlichkeit, mir zu diesem Zwecke eine Sammlung von Probestücken beider Glimmerarten zu übersenden, und zwar Kaliglimmer mit folgenden Fundorten bezeichnet: Sibirien (2 Stücke), Ilmengebirge, Ammerbach (Odenwald), Miask, Delaware, sowie zwei von unbekannten Fundorten; Magnesiaglimmer von Arendal und von Brevig (Norwegen). Alle diese Glimmer unterzog ich einer vergleichenden Untersuchung hinsichtlich ihrer Aetzeindrücke und fand, dass sich einerseits die Kaliglimmer sämtlich im wesentlichen dem schon früher von mir untersuchten Muskowit von Canada gleich verhielten. Dasselbe gilt anderseits hinsichtlich des Magnesiaglimmers von Arendal und desjenigen von Sibirien, dessen Aetzfiguren ich oben beschrieb. Am Magnesiaglimmer von Brevig hingegen gelang es mir nicht, bestimmte Aetzeindrücke zu erhalten. Ich unterlasse nicht, hier noch auf einen Punkt aufmerksam zu machen, welcher in naher Beziehung zu den am Biotit gemachten Beobachtungen steht.

Bekanntlich wollte P. v. Jeremejew in dem Xanthophyllit aus den Schichimski'schen Bergen mikroskopische



Diamanten entdeckt haben<sup>2)</sup>. Dieselben seien in den Blättchen des Xanthophyllits ungleichmässig vertheilt. Die Form derselben ist die eines Hexakistetraëders (wahrscheinlich  $30\frac{3}{2}$ ). Die stumpfen ditrigonalen Winkel einiger Krystalle werden durch die Flächen eines regelmässigen Tetraëders abgestumpft. Obgleich in den Xanthophyllitblättchen die vermeintlichen Einschlüsse in horizontaler Richtung ungleichmässig gruppirte sind, so gehen doch immer ihre trigonalen Axen untereinander parallel und liegen senkrecht zur Richtung des Hauptblätterdurchganges des Xanthophyllits. P. v. Jeremejew hat indess die Diamanten nicht isolirt. Ebenso wenig gelang dies A. Knop, welcher die angeblichen Diamanten als Hohlräume erklärt, welche sich durch Einreiben mit staubfeinem Kupferoxyd ausfüllen lassen. Die Formen der Gebilde lassen sich auch deuten als Projektionen von Parallelschnitten von Rhomboëdern und Skalenoëdern oder von Combinationen beider auf die Basis der Krystalle. Bemerkenswerth ist die Beobachtung von Knop, dass in Xanthophyllitblättchen, in denen er selbst bei stärkster Vergrösserung keine Hohlräume gewahren konnte, dieselben durch Einwirkung von Schwefelsäure bald in grosser Zahl und schwarmweise hervorgebracht werden und dabei dieselbe Schärfe und Eleganz gewinnen. A. Knop glaubt daher, dass die diamantähnlichen Hohlräume ihre Entstehung der corrodirenden Wirkung von Säuren, sei es in der Natur selbst, oder künstlich im Laboratorium zu danken haben. F. Zirkel bemerkt hierzu, eine fernere Bestätigung der Hohlraumsnatur dieser Gebilde liege darin, dass nur die völlig von der Xanthophyllitmasse umschlossenen dunkel umrandet sind, die die Oberfläche der

2) S. F. Zirkel, *Microscopische Beschaffenheit der Mineralien und Gesteine*, 1873, S. 190.

Präparate berührenden (und desshalb mit Canadabalsam) ausgegossenen) ganz zart und fein contourirt erscheinen. „Wäre es nicht möglich“, sagt Zirkel, „dass die Hohlräume ursprünglich und zwar sogenannte negative Krystalle von Xanthophyllit seien? Die künstlich erzeugten wären dann Aetzfiguren“. — Diese Aetzfiguren deuten nun entschieden auf eine rhomboëdrische Krystallform und lassen insofern eine nähere Beziehung zwischen dem Xanthophyllit und dem Magnesiaglimmer erkennen.

2) Ausser den Glimmern habe ich in jüngster Zeit auch den Epidot auf seine Aetzfiguren geprüft. Derselbe schien mir wegen der gewendet zwei- und eingliedrigen Natur seiner Krystalle von besonderem Interesse zu sein und ich habe denn auch gefunden, dass die Beschaffenheit seiner Aetzeindrücke, welche, wie beim Kaliglimmer, durch kurze Behandlung mit einem heissen Gemische von Flussspathpulver und Schwefelsäure hervorgerufen wurden, in innigstem Zusammenhange mit jener krystallographischen Eigenthümlichkeit steht. Ich benutzte zu meinen Versuchen schöne mit glänzenden Flächen versehene Krystalle des Pistazits von Solzbach (Knappenwand) und zwar richtete ich mein Hauptaugenmerk auf die Flächen  $n = a : b : \infty c$  ( $n/n = 109^\circ 20'$ ),  $M = \frac{1}{2} a' : \infty b : c$ ,  $r = a : \infty b : \infty c$  ( $M/r = 116^\circ 12'$ ) und  $T = \frac{1}{2} a : \infty b : c$  ( $r/T = 129^\circ 22'$ )<sup>3)</sup>. Die Säulenflächen  $n$  sind nach dem Aetzen mit kleinen dreiseitigen Vertiefungen bedeckt. Dieselben stellen in ihrer äusseren Begrenzung ein gleichschenkliges Dreieck dar, dessen Winkel an der Spitze etwa  $115^\circ$  messen mag. Die Basis scheint genau senkrecht zu stehen gegen die Kante  $n/n$  oder  $n/r$ . Die Spitze der Dreiecke ist auf der vordern Seite der Krystalle nach oben, auf der hinteren nach unten gerichtet. Daraus

3) S. Quenstedt, Mineralogie, 1863, S. 281.

folgt, dass eine der Flächen der Vertiefungen, nämlich diejenige, deren Durchschnitt mit  $n$  senkrecht auf der Kante  $n/n$  steht, den Ausdruck  $a:b:xc$  erhalten muss, worin  $x$  unbekannt ist. Die oben angeführten Flächenausdrücke führen nämlich auf Axen, bei denen der Winkel  $a/c$  kaum um eine halbe Minute vom Rechten abweicht. Für diese Axen ist aber meines Wissens eine Fläche von dem Ausdrucke  $a:b:x.c$ , worin dann  $x$  einen bestimmten Werth hat, als Krystallfläche am Epidot noch nicht beobachtet worden. Dies kann indess nicht befremden, da ja auch die beim Verbrennen des Diamants an demselben auftretenden Aetzeindrücke durch Flächen gebildet werden, welche als Krystallflächen an demselben noch nicht beobachtet wurden.

Die beiden anderen Flächen der Vertiefungen auf  $n$  des Epidots sind ebenfalls auf Hemipyramiden, jedoch auf hintere, zurückzuführen. (S. Fig. II, wo  $n$ ,  $M$ ,  $r$  und  $T$

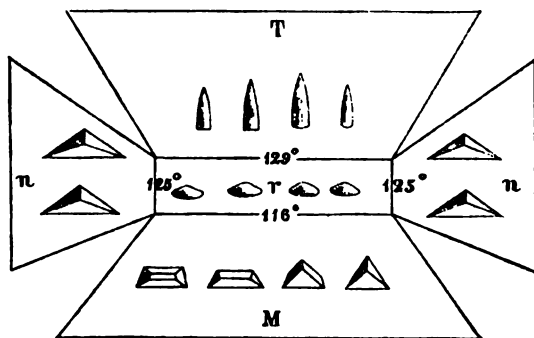


Fig. II.

in einer Ebene gezeichnet sind.) Die Vertiefungen auf  $M = \frac{1}{3} a' : \infty b : c$  sind drei- bis vierseitig, im letzteren Falle hat ihr Durchschnitt mit  $M$  die Form eines geraden Trapezes. Sie wenden ihre Spitze resp. ihre kleinere Grund-



linie dem stumpfen Winkel von  $116^\circ$  zu, welchen M mit der benachbarten  $r = a : \infty b : \infty c$  bildet. Da diese Vertiefungen, welche in Fig. II in ihrer ziemlich mannigfaltigen Ausbildung wiedergegeben sind, bei horizontale Axe b nur rechts und links, nicht aber von voru und hinten symmetrisch erscheinen, so entsprechen sie genau dem gewendet zwei- und eingliedrigen Krystallsysteme des Epidots. Dasselbe gilt auch für die Aetzfiguren auf den Flächen r und T. Diejenigen auf r stellen sehr stumpfe an den Ecken stark abgerundete gleichschenklige Dreiecke dar. Dieselben kehren ihre Spitze der stumpfen Kante  $r/T = 129^\circ$  zu, haben also eine analoge Lage wie die Vertiefungen auf M. Ebenso d. h. mit der Basis gegen die stumpfe Kante r/T gerichtet liegen die langgedehnten in eine scharfe Spitze auslaufenden Eindrücke der Fläche T. Die die Spitze bildenden Seiten sind auch hier stark abgerundet. Ueberhaupt bleiben die Aetzfiguren auf den Flächen r und T hinsichtlich der scharfen Ausprägung ihrer Form weit hinter denjenigen zurück, welche man auf den Flächen M und namentlich auf n beobachtet. —

Augenblicklich bin ich mit den Aetzeindrücken des Apatits beschäftigt. Dieselben stimmen in interessantester Weise mit dem pyramidalhemiëdrischen Character des genannten Minerals überein. Sobald die betreffende Untersuchung abgeschlossen sein wird, werde ich mir erlauben, der königl. Akademie die Resultate derselben mitzutheilen.

Herr Erlenmeyer trägt vor:

„1) Ueber die Amidosäuren und Hydroxysäuren der Fettreihe“.

Es ist schon seit lange bekannt, dass das Leucin in verschiedenen Organen des Menschen- und Thierkörpers fertig gebildet vorkommt und dass es als constantes Zersetzungsproduct der Eiweisskörper und Leimsubstanzen unter dem Einfluss von Säuren, oder Alkalien oder gewissen Fermenten gebildet wird. Allein man weiss bis jetzt nicht, ob alle diese als Leucin bezeichneten Producte verschiedenen Ursprungs, welchen ohne Zweifel dieselbe procentische Zusammensetzung zukommt, untereinander chemisch identisch oder nur isomer sind. Diese Frage zu entscheiden ist aber für die Physiologie wie für die Chemie gleich wichtig um nicht zu sagen nothwendig. Ich habe desshalb die Versuche, welche ich im Jahre 1859 in Gemeinschaft mit A. Schöffner begonnen hatte wieder aufgenommen und hoffe an der Hand der seit jener Zeit wesentlich vervollkommeneten experimentellen wie theoretischen Untersuchungsmethoden einen weiteren Beitrag zur Chemie der Amidosäuren (Glycine) im Allgemeinen und der Leucine im Besonderen liefern zu können.

Es schien mir rathsam, die Methoden der künstlichen Darstellung der Glycine zu Hülfe zu nehmen, um Vergleichsobjecte von bekannter Constitution zu gewinnen. Bis jetzt sind hauptsächlich zwei Wege zur Erzeugung von Glycinen eingeschlagen worden.

Der eine von Cahours angegebene besteht darin, dass man die Monohalogensubstitutionsproducte der fetten

Säuren mit Ammoniak behandelt, der andere darin, dass man die Aldehydammoniake (Amidoalkohole) mit Bläusäure und Salzsäure erhitzt. Den letzteren Weg hat zuerst A. Strecker betreten, als er aus Aethylaldehydammoniak mit Bläusäure und Salzsäure das Alanin darstellte. Später hat Limpricht, dann Kohler und zuletzt Hüfner<sup>1)</sup> aus Amylaldehydammoniak Leucin dargestellt.

Strecker und die verschiedenen Chemiker, welche nach seinem Vorgang gearbeitet haben sind nicht gleicher Ansicht über die chemischen Processe, welche der Bildung der Glycine vorausgehen, deshalb wird auch die Methode selbst in verschiedener Weise ausgeführt und die Ausbente, welche sie liefert, ist sehr wechselnd und meistens wenig befriedigend.

Als ich im Jahre 1859 in Gemeinschaft mit A. Schöffner die Amidocaprylsäure durch Wechselwirkung von Oenantholammoniak Bläusäure und Salzsäure darstellte, war uns eine genauere Untersuchung des neuen Glycins wegen der geringen Ausbente, welche wir nach Strecker's Verfahren erhielten, nicht möglich. Es schien mir deshalb vor Allem nothwendig die Methode selbst und die ihr zu Grunde liegenden chemischen Processe einem genaueren Studium zu unterwerfen. Das Oenanthol, der Aldehyd des normalen Heptylalkohols schien mir gerade zu diesem Zwecke sehr geeignet, weil es sich verhältnissmässig leicht (durch trockene Destillation des Ricinusöls) in grösserer Menge gewinnen lässt. Ich erlaube mir nun, die bis jetzt gewonnenen Resultate der in Gemeinschaft mit Dr. Otto Sigel ausge-

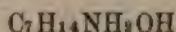
2) Hüfner hat auch nach der Methode von Cahours aus Bromcapronsäure und Ammoniak Leucin erzeugt und die beiden künstlichen Producte mit natürlichem für identisch erachtet. Nach dem Verhalten der entsprechenden Leucinsäuren, das ich in einer späteren Mittheilung genauer angeben werde, können die Leucine, welche Hüfner unter den Händen hatte nicht wohl identisch sein.



führten Versuche über die Bildungsweise der Amidocaprylsäure aus Oenantholammoniak im Folgenden kurz mitzutheilen.

*Darstellung des Oenantholammoniaks.*

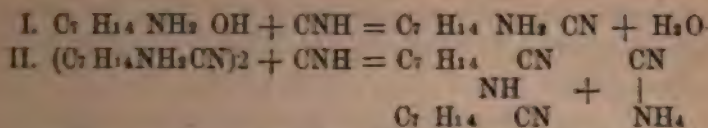
Bussy hat gezeigt, dass Oenanthol gasförmiges Ammoniak aufnimmt und eine anfangs dickliche, später wieder dünnflüssig werdende Masse bildet. Thilley hat diese Beobachtung bestätigt, aber keiner der genannten Chemiker hat das Oenantholammoniak näher untersucht. Wir erhielten das Oenantholammoniak durch Zusammenbringen von starkem wässerigem Ammoniak mit reinem aus der schwefligsauren Natronverbindung abgeschiedenen Oenanthol. Auch mit dem wässerigen Ammoniak bildet sich unter starker Wärmeentwicklung eine anfangs trübe dickliche, später wieder klare dünnere Flüssigkeit, welcher nach der Analyse die durch die Formel



ausdrückbare Zusammensetzung zukommt.

*Wirkung der Blausäure auf Oenantholammoniak.*

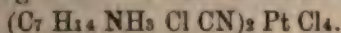
Wir liessen die beiden genannten Körper unter verschiedenen Bedingungen auf einander einwirken und fanden schliesslich, dass man am zweckmässigsten 20%ige wässrige Blausäure in dem Verhältniss von 1 Mol. Gew.  $\text{C}_7\text{H}_{14}\text{NH}_2\text{OH}$  und  $1\frac{1}{2}$  Mol. Gew.  $\text{CyH}$  zusammenschüttelt — wobei sich die Flüssigkeit erheblich erwärmt — und dann nach dem Abkühlen, die wässrige von der öligen Schicht in einer Scheideburette trennt. Die wässrige Schicht enthält Blausäure und Cyanammonium. Die ölige besteht im Wesentlichen aus zwei Verbindungen: aus Amidocaprylonitril und Imidocaprylonitril, so dass die Processe der Einwirkung von Blausäure auf Oenantholammoniak durch folgende Gleichungen ausgedrückt werden können:



Wenn man die ölige Schicht, das Gemenge der beiden Nitrile mit 5 procentiger Salzsäure schüttelt, so lässt sich das Amidocaprylonitril vollständig ausziehen, während das Imidonitril zurückbleibt. Aus der salzsauren Lösung lässt sich das Amidonitril mit Ammoniak als ölige Flüssigkeit abscheiden, die sich beim Aufbewahren in Ammoniak und Imidonitril zersetzt.

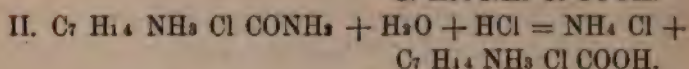
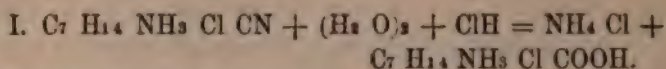
*Verhalten des Amidocaprylonitrils zu Salzsäure.*

Leitet man in die ätherische Lösung des Amidonitrils Chlorwasserstoffgas, so findet alsbald eine starke Ausscheidung von atlasglänzenden sechsseitigen Blättchen statt, deren Analyse die Zusammensetzung  $\text{C}_7 \text{H}_{14} \text{NH}_3 \text{Cl CN}$ , des salzsauren Amidocaprylonitrils ergab. Die wässrige Lösung des Salzes gibt mit Platinchlorid eine in gelben Blättchen krystallisirende, in Wasser sehr schwer, in Alkohol und Aetheralkohol leicht, in absolutem Aether unlösliche Doppelverbindung von der Zusammensetzung



Wenn in die wässrige Lösung des salzsauren Amidonitrils Salzsäuregas unter Abkühlung eingeleitet wird, so scheidet sich das unveränderte Salz krystallinisch wieder aus, weil es in Salzsäure weit weniger löslich ist, als in Wasser. Wird aber während des Einleitens des Salzsäuregases nicht abgekühlt, so erhitzt sich die Flüssigkeit auf 70 bis 80°. Ist diese Temperatur erreicht, so findet die Ausscheidung einer neuen Verbindung statt, deren Analyse die Zusammensetzung  $\text{C}_7 \text{H}_{14} \text{NH}_3 \text{Cl CONH}_2$  von salzsaurem Amidocaprylamid ergab. Sowohl das salzsaure Amidonitril, als auch dieses letztere Salz gehen beim Erhitzen mit

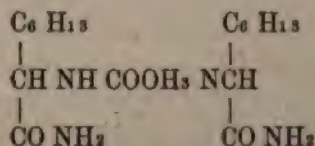
Salzsäure im zugeschmolzenen Rohr glatt in salzsaure Amidocaprylsäure über, wie es folgende Gleichungen verrinnlichen:



### *Amidocaprylamid.*

Das salzsaure Amidocaprylamid in Wasser gelöst liefert mit Platinchlorid ein in Wasser schwer in Alkohol leichter lösliches Platinsalz. Wenn man jedoch der Lösung Salzsäure hinzufügt, so wird das reine salzsaure Amidoamid wieder abgeschieden.

Versetzt man die kalt gesättigte Lösung der chlorwasserstoffsauren Amidoamids mit Ammoniak und schüttelt mit Aether aus, so bleibt nach dem Verdunsten des Aethers eine stark alkalische Flüssigkeit, die nach und nach fest wird. An der Luft zieht dieselbe Kohlensäure an. Leitet man in die wässrige Lösung dieser Base Kohlensäure ein, so scheidet sich eine krystallinische Masse aus, welcher nach mehrfach ausgeführten Analysen und Kohlensäurebestimmungen die Zusammensetzung  $(\text{C}_8 \text{H}_{13} \text{N}_2 \text{O})_2 \text{CO}_2$  zukommt, welche dem kohlensauren Salz minus 1 Mol. Wasser entspricht. Wahrscheinlich liegt hier ein amidoameisensaures Salz vor.

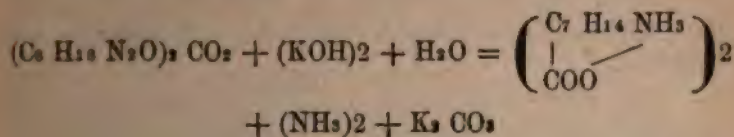


Dasselbe Salz scheidet sich nach längerem Stehen aus einem Gemisch kaltgesättigter Lösungen von je 1 Mol. Gew. kohlen-



saurem Natron und salzsaurem Amidocaprylamid in Krystall-Blättchen aus. Durch Salzsäure wird es unter Entwicklung von 1 Mol. Gew. Kohlensäure schon in der Kälte zersetzt und liefert wieder das oben beschriebene salzsaure Salz.

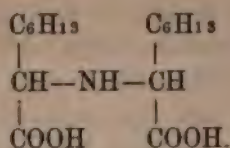
Mit Kalilauge auf dem Wasserbad erhitzt zersetzt es sich glatt nach folgender Gleichung:



*Verhalten des Imidocaprylonitrils zu Salzsäure.*

Wenn man das, nach dem Ausziehen des Reactions-products von Blausäure und Oenantholammoniak mit verdünnter Chlorwasserstoffsäure, zurückbleibende Oel in Alkohol auflöst und die Lösung mit rauchender Salzsäure versetzt, so scheidet sich ein dicker Krystallbrei ab. Nach dem Umkrystallisiren der neuen Verbindung aus Alkohol, dem etwas concentrirte Salzsäure zugesetzt ist, lieferte sie bei der Analyse Zahlen, die der Formel  $C_{16} H_{26} N_2 Cl$  entsprechen. Die Verbindung ist hiernach das salzsaure Salz des Imidocaprylonitrils. Durch Wasser wird dieses Salz sofort zersetzt in freie Salzsäure und Imidocaprylonitril, das sich ölig abscheidet und bei der Abkühlung unter  $6^\circ$  zu einer weichen Krystallmasse erstarrt.

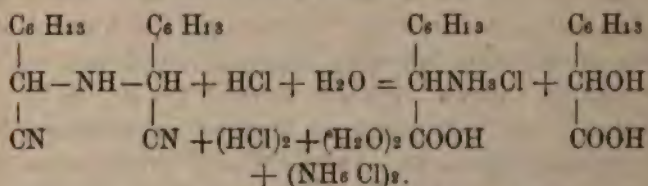
Beim Erhitzen mit überschüssiger Salzsäure, zersetzt sich ein grosser Theil des Imidonitrils in Amidocaprylsäure, Blausäure resp. Ameisensäure und polymerisirtes Oenanthol. Ein kleinerer Theil wird in die Imidocaprylsäure übergeführt, welcher der Analyse zufolge die nachstehende Formel zukommt:



Sie entspricht der Diglycolamidsäure von Heintz.

Es ist uns auch gelungen das Anhydramid des Imidocaprylamids, das jedenfalls der Imidosäure vorausgeht, darzustellen.

Aus dem Vorstehenden ergibt sich, dass beim Zusammentreffen von Heptylaldehydammoniak und Blausäure nicht allein das Amidocaprylonitril sondern auch das Imidocaprylonitril entsteht, dass aber aus beiden Verbindungen beim Erhitzen mit Salzsäure Amidocaprylsäure gebildet wird. Das Imidonitril liefert neben dieser aber noch Oenanthol und Blausäure, die sich wie oben angegeben, weiter verändern. Wir hatten erwartet, die Zersetzung würde nach folgender Gleichung verlaufen:



Aber es ist uns bis jetzt nicht möglich gewesen, Hydroxycaprylsäure unter den Zersetzungsprodukten aufzufinden.

Es werden eben in meinem Laboratorium mit anderen Aldehyden, auch mit dem Aethylaldehyd Versuche angestellt, um zu sehen, ob sich dieselben, sowohl als solche, wie als Ammoniakverbindungen, ähnlich verhalten, wie wir es für das Oenanthol und Oenantholammoniak nachgewiesen haben. Es soll auch versucht werden, ob sich nicht das Hexamethylenamin in Glycocoll, sowie Hydrobenzamid und

seine Analogen in die entsprechenden Amidosäuren verwandeln lassen.

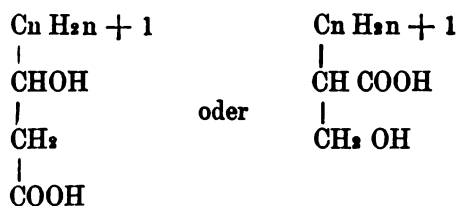
Da wir bemerkt haben, dass beim allmäligen Zusatze von Blausäure zu Oenantholammoniak gleich von vornherein Cyanammonium auftritt, so wäre es denkbar, dass schon die Amidoalkohole unter Verlust von Ammoniak in Imidoalkohole übergehen und es liesse sich daraus vielleicht die merkwürdige Erscheinung erklären, dass Aldehydammoniak mit verdünnter Schwefelsäure keine Spur von Aldehyd liefert, wenn man nicht die Temperatur sehr niedrig (unter 45°) erhält.

#### *Hydroxyaethencarbonsäure.*

Wie ich früher in Gemeinschaft mit Darmstädter nachgewiesen habe, lässt sich saures schwefligsaures Natron direct mit Aethenoxyd zu isäthionsaurem Natron verbinden und nach den Versuchen von Geromont, über welche ich kürzlich berichtete, ist die aus Trimethylenglycol zu gewinnende Hydroxysäure identisch mit der zuerst von Moldenhauer aus  $\beta$  Jodpropionsäure dargestellten Milchsäure. Ich hielt es demnach für unzweifelhaft, dass sich durch Vereinigung von Aethenoxyd mit Blausäure ein Nitril darstellen lassen müsse, das beim Behandeln mit Salzsäure in Hydroxyaethencarbonsäure, d. h. Aethylenmilchsäure verwandelt werden könne, und dass diese mit der Milchsäure von Moldenhauer resp. der Hydracrylsäure von Wislicenus identisch wäre. Der Versuch hat ergeben, dass dem wirklich so ist, und es soll demnächst weiter darüber berichtet werden. Es ergibt sich hieraus auch unzweideutig, dass meine früher ausgesprochene Vermuthung, die  $\beta$  Jodpropionsäure Beilsteins enthalte das Jod am mittleren Kohlenstoffatom, irrig gewesen ist.



Ob sich auch Propenoxyd und seine Homologen mit Blausäure verbinden und ob aus dem entstehenden Nitril die Hydroxysäure



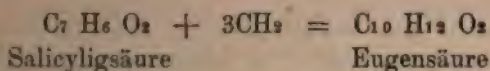
hervorgeht, wird der Versuch lehren.

---

„2) Ueber die relative Constitution des Nelkenöls (Eugenols)“.

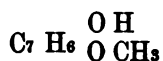
Seitdem Liebig die Elementarzusammensetzung des sauerstoffhaltigen Bestandtheils des Nelkenöls, der sog. Nelkensäure oder Eugensäure auf Grund der von Ettling ausgeführten Analysen festgestellt hat, ist diese Verbindung von verschiedenen Chemikern in Untersuchung gezogen worden, um ihre Natur zu erforschen und ihr eine Stelle im System anzuweisen. Die von Liebig für die Eugensäure angenommene empirische Formel  $\text{C}_{10} \text{H}_{12} \text{O}_2$ , welche von allen späteren Untersuchern als richtig erkannt wurde, weist 2 Atome Sauerstoff in der Eugensäure nach und man konnte desshalb vermuthen, dass sie das Radical  $\text{COOH}$  der Carbonsäuren enthalte. Aus den Untersuchungen von Cahours geht jedoch hervor, dass die Eugensäure nur in dem Sinn den Namen einer Säure verdient, wie z. B. die Carbolsäure oder Phenylsäure. Auch die Versuche von Scheuch, nach welchen sich die Eugensäure gegen Kohlensäureanhydrid und Natrium dem Phenol ganz analog verhält, indem sie eine wirkliche Carbonsäure von der Zusammensetzung  $\text{C}_{11} \text{H}_{12} \text{O}_4$  die Eugetinsäure liefert, sprechen

dafür, dass ein Sauerstoffatom in der Form von Hydroxyl in der Eugensäure enthalten ist und dass sie zu den Phenolen gezählt werden muss. Es war nur noch zu ermitteln, in welcher Weise das zweite Sauerstoffatom gebunden ist. Bei Vergleichung der empirischen Formel der Eugensäure mit derjenigen der Salicylgsäure kann man auf den Gedanken kommen, dass beide Körper einer homologen Reihe angehören

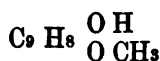


und dass demnach das Radical der Aldehyde COH den Träger des zweiten Sauerstoffatoms in der Eugensäure ausmache. Indem Cahours die Eugensäure mit der Salicylgsäure, welche er Salicylol genannt hatte vergleicht, ertheilt er ihr den Namen Eugenol. Wenn eine solche Beziehung wirklich existirte, so müsste das Eugenol wie das Salicylol durch Oxydation in eine wahre Säure übergeführt werden können, welcher die Zusammensetzung  $\text{C}_{10} \text{H}_{12} \text{O}_3$  zukäme. Dies ist aber nicht der Fall.

Da nun auch nach den Untersuchungen von Cahours einerseits und von Brüning andererseits nicht daran zu denken war, dass das Eugenol zu den Diphenolen gehöre, so stellte ich mir im Jahre 1865 die Frage, ob es nicht zu der Classe von Verbindungen gezählt werden könne, in welche Hugo Müller kurz vorher das Reichenbach'sche Kreosot auf Grund des Verhaltens von Jodwasserstoff zu demselben eingereiht hatte. Wenn das der Fall, wenn das Eugenol gleichzeitig Phenol und Anisol war, so musste es beim Behandeln mit Jodwasserstoff Methyljodür liefern. Wie ich früher gezeigt habe, hat das Experiment diese Voraussetzung bestätigt. Es war nun kein Zweifel mehr, dass Eugenol und Reichenbach'sches Kreosot analoge Verbindungen seien:

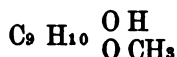


R.'s Kreosot.

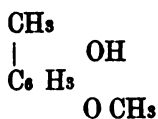


Eugenol.

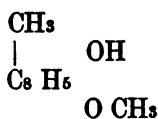
Aus diesen Formeln sieht man aber sofort, dass das Eugenol nicht homolog mit dem Kreosot ist, sondern 2 Atome Wasserstoff weniger enthält als das Homloge



Man hätte nun denken können, dass das Eugenol zu einem Tetraacetylen  $\text{C}_8 \text{ H}_8$  in derselben Beziehung stehe, wie das Kreosot zu dem Triacetylen oder Benzol:



Kreosot.



Eugenol.

Wiewohl ich nach meinen in Liebigs Annalen 137. 342 gegebenen Auseinandersetzungen über die aromatischen Verbindungen, die Existenz eines Tetraacetylen als möglich annehmen musste, so hielt ich es doch für wahrscheinlicher, dass der Kohlenwasserstoff  $\text{C}_8 \text{ H}_8$ , zu welchem das Eugenol in analoger Beziehung stehe, wie das Kreosot zu dem Benzol, das schon bekannte Styrol sei, von dem ich nachgewiesen hatte, dass es nicht Tetraacetylen ist, sondern Vinylbenzol.

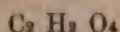
Bei weiterer Untersuchung des Eugenols in meinem Laboratorium zu Heidelberg stellte sich nun auch heraus, dass es in der That ein Abkömmling des Styrols resp. Benzols sei. Die Bildung von Protocatechusäure beim Schmelzen des Eugenolkaliums mit Kalihydrat, welche auch von Hlasiwetz und Grabowsky beobachtet worden ist, wies unzweideutig auf die Abstammung des Eugenols von dem Benzol hin.



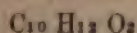
Nachdem Hlasiwetz und Grabowsky die Ansicht ausgesprochen hatten, die Eugensäure stehe zu der von Hlasiwetz und Barth entdeckten Ferulasäure in derselben Beziehung wie die Essigsäure zur Oxalsäure:



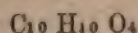
Essigsäure



Oxalsäure

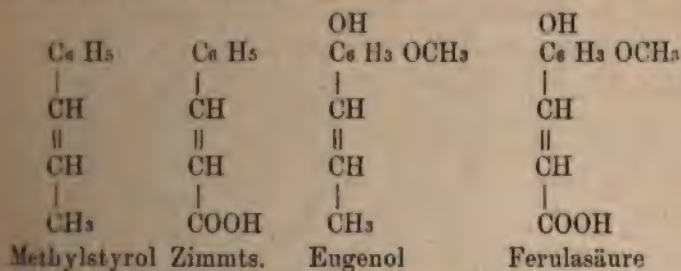


Eugensäure

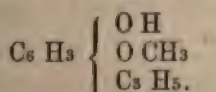


Ferulasäure

land ich mich veranlasst meine Anschauungen über die Constitution des Eugenols und der Ferulasäure in der Zeitschrift für Chemie 1866. S. 476 ausführlich darzulegen, indem ich die Beziehungen der genannten Körper zu einander durch folgende Formeln ausdrückte:



Später haben Gräbe und Borgmann eine weitere Stütze für meine Anschauung bezüglich der Constitution des Eugenols in dem Verhalten des von ihnen dargestellten Methyleugenols gegen Chromsaures Kali und Eisessig gefunden. Sie erhielten Dimethoxybenzoësäure und drücken hiernach das Eugenol durch folgende Formel aus:



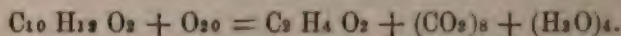
Dieselbe Formel findet sich auch in verschiedenen Lehrbüchern, in einem sogar mit einem Fragezeichen. Es

scheint hiernach meine Anschauung bezüglich des Radicals  $C_3 H_5$  nicht adoptirt worden zu sein.

Da ohnediess die Stellung der drei Radicale in dem Benzol noch sicherer bestimmt werden musste, als dies durch den Nachweis der Bildung von Protocatechusäure beim Schmelzen mit Kalihydrat geschehen, so habe ich Herrn Max Wassermann veranlasst, noch weitere Untersuchungen zur Feststellung der Constitution des Eugenols vorzunehmen, deren Resultate ich im Nachfolgenden mitzutheilen mir erlaube.

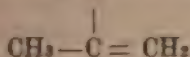
Um zunächst zu entscheiden, ob das Radical  $C_3 H_5$  Allyl,  $CH_2-CH=CH_2$  oder Methylvinyl,  $CH=CH-CH_3$  sei, wurde das Eugenol mit chromsaurem Kali und Schwefelsäure oxydirt. Wenn man das Oel zu dem Oxydationsgemisch bei gewöhnlicher Temperatur hinzubringt, so tritt eine ungemein heftige Reaction ein, indem sich bedeutende Mengen von Kohlendioxyd entwickeln und der Geruch der Essigsäure bemerkbar wird. Zugleich entstehen harzartig flockige Ausscheidungen, die aber in keiner zur Analyse geeigneten Form gewonnen werden können. Bei der Destillation erhält man eine saure Flüssigkeit, in welcher nur Essigsäure nachgewiesen werden konnte.

Nach den bei der Oxydation beobachteten Erscheinungen war es wahrscheinlich, dass sich das Eugenol durch eine hinreichende Menge von Oxydationsgemisch vollständig zu Essigsäure, Kohlensäure und Wasser werde oxydiren lassen. In der That hat die Bestimmung der Kohlensäure und der Essigsäure gezeigt, dass sich das Eugenol beim Kochen mit dem Oxydationsgemisch ganz glatt nach folgender Gleichung zersetzt:



Es ist hiernach unzweifelhaft, dass in dem Radical  $C_3 H_5$  Methyl enthalten ist und dass desshalb die Annahme

des Radicals Allyl aufgegeben werden muss. Da aber die Benzolgruppe vollständig zerstört wird, so war es immer noch denkbar, wenn auch nicht wahrscheinlich, dass das Methyl in folgender Weise mit  $C_2H_2$  zu  $C_3H_3$  verbunden ist:



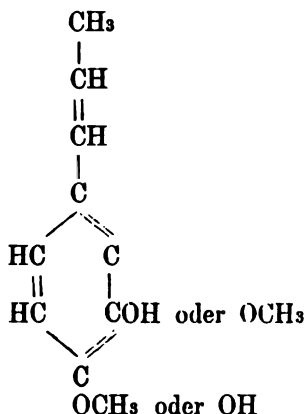
Nach den Versuchen von Gräbe und Borgmann lässt sich der Benzolkern bei der Oxydation conserviren, wenn man den Wasserstoff des Hydroxyls in dem Eugenol durch ein Alkoholradical ersetzt und man durfte erwarten, dass sich wenn man statt Eisessig, welchen die genannten Chemiker anwendeten verdünnte Schwefelsäure mit dem sauren chromsauren Kali zur Wirkung bringe, die Bildung von Essigsäure neben der entsprechenden aromatischen Carbonsäure constatiren lasse. Der Versuch hat diese Erwartung bestätigt. Bei der Oxydation von Aethyleugenol oder Eugenäthyläther bildete sich Aethmethoxybenzoësäure und, wie bei der Oxydation des Eugenols, Essigsäure. Es ist hiernach wohl kaum eine andere Annahme zulässig, als dass das Radical  $C_3H_3$  im Eugenol Methylvinyl ist.

Es muss hier noch die Beobachtung Platz finden, dass der Eugenäthyläther, welcher eine farblose lichtbrechende Flüssigkeit darstellt die bei  $252^\circ$  siedet, sich bei der Destillation zum Theil in ein krystallisirtes Polymeres umwandelt, das bei  $125^\circ$  schmilzt und sublimirbar ist.

Um nun noch sicher zu stellen, welche Lage das Hydroxyl, das Methoxyl und das Methylvinyl an dem Benzolkern haben, wurde der Eugenäthyläther zunächst in Aethmethoxybenzoësäure übergeführt und diese mit Jodwasserstoff in die entsprechende Dihydroxybenzoësäure verwandelt. Es zeigte sich, dass die neben Aethyl- und Methyljodür entstehende Säure Protocatechonsäure ist, die aber unter dem Einfluss der wässerigen Jodwasserstoffsäure und der



höheren Temperatur zum Theil in Brenzcatechin und Kohlensäure gespalten wird. Damit ist also der Beweis geliefert, dass bei dem Schmelzen mit Kalihydrat, wobei wie oben bemerkt ebenfalls Protocatechusäure gebildet wird, keine Umlagerung stattfindet und dass demnach die Constistution des Eugenols durch folgendes Schema auszudrücken ist:



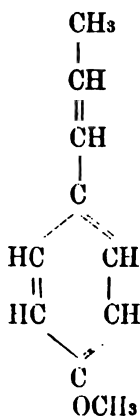
d. h. wenn das Radical  $\text{C}_3 \text{H}_5$  sich bei 1 befindet, dann nehmen die beiden Oxyle, das Hydroxyl und Methoxyl die 3-, 4-Stellung ein. Ob das Methoxyl oder das Hydroxyl dem  $\text{C}_3 \text{H}_5$  am nächsten steht lässt sich für den Augenblick nicht entscheiden.

Herr Wassermann hat nun ausserdem noch das Verhalten des Broms zu Eugenol und Eugenäthyläther studirt. Während das erstere eine harzartige Masse bildet, liefert die Aethylverbindung ein krystallisirtes Bromür von der Zusammensetzung  $\text{C}_{12} \text{H}_{16} \text{Br}_2 \text{O}_2$ , das bei  $80^\circ$  schmilzt und unzersetzt sublimirbar ist. Aus der Zusammensetzung desselben ergibt sich, dass 1 Atom Brom an die Stelle von 1 Atom Wasserstoff getreten ist und dass sich mit diesem Monobrom-Eugenäthyläther noch 2 Bromatome verbunden haben. Die beiden letzteren konnten durch Be-

handeln mit Zink und Alkohol leicht entzogen werden. Das so gebildete Monobromengenäthyl krystallisirt in grossen rhombischen Prismen, die blau und rosa fluoresciren und bei 48° schmelzen.

Da sich das Monobromengenäthyl gegen essigsäures Kali, essigsäures Silber und auch gegen weingeistiges Kali resistent verhielt, aber beim Behandeln mit Weingeist und Natriumamalgam sein Brom gegen Wasserstoff austauschte, so ist kaum daran zu zweifeln, dass das Bromatom ein Wasserstoffatom in der Benzolgruppe substituirt hatte. Das Resubstitutionsproduct zeigte alle Eigenschaften und die Zusammensetzung des Eugenäthyls, von welchem ausgegangen worden war.

Es ist bemerkenswerth, dass das Anethol, dessen Constitution ohne Zweifel durch die Formel



ausgedrückt werden muss, sich nur mit 2 Atomen Brom verbindet, nicht aber 1 Atom Wasserstoff gegen Brom austauscht. Auch muss daran erinnert werden, dass das Anethol bei der Behandlung mit Chromsäure-Oxydationsgemisch zunächst in Aethylaldehyd und Anisaldehyd ge-

spalten wird, welche sich ihrerseits weiter oxydiren zu den entsprechenden Säuren, während in dem Eugenol die Benzolgruppe so ungemein leicht vollständig zerstört wird, wenn man nicht vorher das Hydroxyl in ein Alkyloxyl umgewandelt hat.

Eine ausführlichere Mittheilung wird demnächst in Liebigs Annalen erscheinen.

---



Oeffentliche Sitzung der k. Akademie der Wissen-  
schaften

zur Feier des 116. Stiftungstages

am 30. März 1875.

---

Der Secretär der mathematisch-physikalischen Classe  
Herr v. Kobell las nachstehende Nekrologe:

**Peter Andreas Hansen.**

Geb. am 8. December 1795 zu Tondern im Herzogthum Schleswig,  
Gest. am 28. März 1874 zu Gotha.

Hansen war von seinen Eltern zum Uhrmacher bestimmt und kam in die Lehre eines Uhrmachers nach Altona. Als seine Lehrzeit beendet war, kehrte er nach Tondern zurück und trieb die Uhrmacherkunst, zeigte aber schon frühzeitig Neigung zu wissenschaftlichem Studium und namentlich zur Mathematik. Der Physikus des Amtes Tondern, Dr. Dirks, beobachtete diese Neigung bei Gelegenheit, da ihm Hansen eine Hausuhr zu reinigen hatte. Er überraschte ihn vertieft im Lesen der „Anfangsgründe der mathematischen Wissenschaften“ von Christian Wolf und sein Talent erkennend unterstützte er den jungen Mann in seinen Studien (Dirks war selbst eifriger Mathematiker) und veranlasste später, dass er nach Kopenhagen gehen und dort bei dem Mathematiker Bugge seine Studien

ausbilden konnte. Im Jahr 1821 nahm ihn Schuhmacher in Altona bei der Gradmessung von Holstein und Lauenburg zum Gehülfen und damit bestimmte sich auch die Richtung seiner weiteren Thätigkeit. 1825 wurde er zur Leitung der Sternwarte Seeberg bei Gotha berufen, wo er seine Untersuchungen über die gegenseitigen Störungen des Jupiters und des Saturns ausführte und für die betreffende Abhandlung den Preis der Berliner Akademie erhielt. Auf seine Anregung wurde 1859 eine neue Sternwarte in der Stadt Gotha erbaut, deren Leitung er bis zu seinem Tode führte.

Hansens wissenschaftliche Arbeiten beschäftigten sich vorzüglich mit Problemen der physischen Astronomie und mit Berechnung der Störungen der Planetenbahnen und der Mondbewegungen. Dazu war die Lösung vieler mathematischer Aufgaben nothwendig und in einer Reihe betreffender Untersuchungen entwickelte er eine Theorie solcher Störungen, die er auch an den Cometen prüfte. Wenn man seine zahlreichen Publicationen übersieht, so erkennt man, dass ihn alle Erscheinungen am Sternhimmel beschäftigten und dass er fortwährend neue Mittel suchte und fand, die bezüglichlichen Aufgaben zu lösen. So besprach er auch die Sonnenflusternisse und den Einfluss der Strahlenbrechung auf dieselben und auf Sternbedeckungen, Bestimmung des Punktes vom Mondrand, wo bei Sternbedeckungen der Stern ein- und austritt n. a. Eine seiner Abhandlungen „Theorie der Pendelbewegung mit Rücksicht auf die Gestalt und Bewegung der Erde“ wurde von der naturforschenden Gesellschaft zu Danzig gekrönt. — Zahlreich sind seine geodätischen Untersuchungen, deren er noch i. J. 1868 zehn Supplemente zu seiner Abhandlung von der Methode der kleinsten Quadrate im Allgemeinen und in ihrer Anwendung auf die Geodäsie herausgab. —

Hansen war auch Mitglied der Commission, welche

von Seite des deutschen Reiches für die Expeditionen zur Beobachtung des Venus-Durchganges ins Leben gerufen wurde. —

Der untergeordnete Anfang seiner Thätigkeit gegen die glänzende Stufe, die er erreichte, erinnert an das analoge Verhältniss bei unserem berühmten Landsmann Fraunhofer. —

---

**Dr. Gottlieb August Herrich Schäffer.**

Geb. 1799 am 18. Dec. zu Regensburg.

Gest. 1874 am 14. April ebenda.

Nach den Vorstudien auf dem Gymnasium zu Regensburg bezog Herrich Schäffer (1817—24) die Universitäten Würzburg, Heidelberg und Landshut und bildete sich zum ärztlichen Berufe aus. Nachdem er noch in Berlin seine Studien fortgesetzt und dann in seiner Vaterstadt eine dreijährige Privatpraxis geübt, wurde er Landgerichtsarzt zu Vohenstrauß in der Oberpfalz, dann in Stadthof und weiter Kreis- und Stadtgerichtsarzt in Regensburg. Neben seinen amtlichen Beschäftigungen war es das Studium der Naturwissenschaften, welches ihn anzog, und namentlich die Entomologie, speciell die Schmetterlingskunde. Seine Forschungen auf diesem Gebiete hat er in einem Werk „Systematische Bearbeitung der Schmetterlinge von Europa“ (Regensburg 1843—1855) in 6 Bänden publicirt. Um dieses Werk zu Stande zu bringen, hat er mehrere wissenschaftliche Reisen gemacht und bald stand er in Verbindung mit den bewährtesten Fachgenossen Deutschlands, Frankreichs und Englands. Seine Detailarbeiten sind sehr zahlreich. Er gab einen Nomenclator Entomologicus heraus, eine Agenda entomologica, ein systematisches Verzeichniss der europäischen Schmetterlinge mit Einschluss



der Siberier und Kleinasiaten, schrieb über Schmetterlinge von Cuba, über die geographische Verbreitung der Schmetterlinge etc. und setzte Panzer's Werk „Deutschlands Insekten fort.

Im Jahre 1846 gründete Schäffer mit Dr. J. Schuch den zoologisch-mineralogischen Verein in Regensburg, der Sammlungen und eine Bibliothek anlegte und ein noch bestehendes Correspondenzblatt herausgibt. Indem er so eine aussergewöhnliche Thätigkeit bewährte, nahm er auch Antheil an der Besorgung städtischer Angelegenheiten und verfolgte die Politik mit Interesse und warmer Vaterlandsliebe. Schäffer war eine allgemein geachtete lebenswürdige Persönlichkeit und wurden ihm aus naheren und weiteren Kreisen bei Gelegenheit seines 50 jährigen Doctorjubiläums (am 4. August 1871) zahlreiche Beweise ehrenvoller Anerkennung gegeben. Vom Staate wurde er zum kgl. Medicinalrath ernannt, von der Stadt Regensburg zum Ehrenbürger.

---

### **Dr. Carl Friedrich Meissner.**

Geb. 1800 am 29. Oktober zu Bern,

Gest. 1874 am 2. Mai in Basel

C. Fr. Meissner war der Sohn des Professors der Naturgeschichte und Botanik K. Fr. August Meissner, welcher aus dem Hannöverischen nach Bern eingewandert war. Fr. Meissner begann seine Studien in Bern, dann bei Charpentier in Bex und in Göttingen, wo er als Dr. Medic. promovirte; er besuchte hierauf zu weiterer Ausbildung Wien, Paris und London und ging nach kurzer Anstellung in Bern, zu Decandolle nach Genf, um sein Lieblingsfach, die Botanik, zu cultiviren. 1828 wurde er Professor der Physiologie in Basel und zugleich dort

praktischer Arzt, später aber pflegte er ausschliesslich seine botanischen Studien und erhielt die Professur der Botanik in Basel, die er bis 1866 ausübte, wo er sich Krankheits halber pensioniren liess.

Meissner gehörte der älteren descriptiv-systematischen Richtung der Botanik an, deren Arbeiten für die neuere, den physiologischen und morphologischen Verhältnissen zugewandte, schätzbares und unentbehrliches Material geliefert hat. Seine descriptiven Arbeiten suchte er auch in der Systematik zu verwerthen und sind dafür seine umfassenden Monographien von Wichtigkeit. Er hat solche von mehreren grösseren Familien für Decandoll's „*Prodromus systematis regni vegetabilis*“ bearbeitet, so von der Familie der Polygoneen, der Proteaceen, Lauraceen u. a. mit 3000 Arten in 166 Gattungen. Seine Monographie der Thymeläaceen wurde (1846) mit dem Decandoll'schen Preis gekrönt. Verwandte Arbeiten hat er über die Vorkommnisse Brasiliens geliefert und die Ericaceen und Convolvulaceen in der Flora Brasiliensis seines Freundes Martius eingehenden Untersuchungen unterzogen. — Sein grosses Werk „*Genera Plantarum secundum Ordines disposita* (1843)“ gibt eine geordnete Darstellung sämtlicher Gattungen der Phanerogamen und ihrer Verwandtschaften und er hat damit die Arbeiten Endlichers erweitert und nicht selten ergänzt. Decandolle's Pflanzenphysiologie hat er durch eine gediegene, mit vielen Anmerkungen bereicherte Uebersetzung in die deutsche Literatur eingeführt.

Meissner schenkte seine Aufmerksamkeit auch der Pflanzengeographie und schrieb u. a. eine Abhandlung über die geographischen Verhältnisse der Lorbeergewächse. Durch seine, an eigenen Beobachtungen reichen Arbeiten zu dem Rufe einer Autorität ersten Ranges gelangt, stand er mit allen botanischen Celebritäten in wissenschaftlichem Verkehr und das bescheidene Wesen des berühmten Mannes

erhöhte seinen Werth für Alle, welche ihm näher standen und in seinem Umgang Belehrung schöpften. Er war eines der thätigsten Mitglieder der allgemeinen Schweizer- und Basler naturforschenden Gesellschaft und hat zu einem lebendigen Verkehr dieser Corporationen mit unserer Akademie beigetragen.

Ausser den grösseren Werken hat er zahlreiche Arbeiten in der Biblioth. universelle de Genève, in der Linnaea, in den Annales des sciences natur., in den Denkschriften der botanischen Gesellschaft zu Regensburg, in Hookes Botan. Journ. etc. publizirt.

---

**Dr. Friedrich Hessenberg.**

Geb. am 10. Juni 1810 zu Frankfurt a. M.

Gest. am 8. Juli 1874 ebenda.

Wir begegnen in Hessenberg einem Manne, welcher sich von keiner Schule gestützt und gehoben, aus eigener Schaffungskraft einen ehrenvollen und bleibenden Namen in den Annalen der Wissenschaft errungen hat. Hessenberg war Juwelier und Chef einer Silberwaarenhandlung in Frankfurt und es war die Krystallographie, welche er neben seinen Berufsgeschäften und zwar mit solchem Erfolg trieb, dass ihn die Fachgenossen bald als einen ersten Meister begrüßten. Mit einem eigenthümlichen Scharfblick begabt, löste er die schwierigsten Aufgaben der Krystallbestimmung, entwickelte mit Leichtigkeit die complicirtesten Combinationen und fand die verstecktesten Gesetze bei Hemitropieen und Zwillingsbildungen. Die allmählig erkannten krystallographischen Gesetze berechtigten zwar, die Erfahrung zu anticipiren und die Entdeckung neuer Flächen ist in diesen Gesetzen gleichsam a priori enthalten, gleichwohl aber ist der Nachweis ihrer Geltung



an Krystallindividuen, welche durch Verwachsung und abnorme Flächenansdehnung entstellt sind, um so schätzbarer, als ihre Räthsel oft schwer zu lösen und nur ein genialer Forscher dazu befähigt ist. Hessenberg war ein sehr gewissenhafter Beobachter, daher seine Messungen viele der bekannten verbesserten, und wie er zahlreiche neue Flächen entdeckte, so erkannte er auch, dass die von mehreren Krystallographen angegebenen nur Scheinflächen seien, meistens durch treppenförmige Aggregationen entstanden. Mit Humor ruft er bei Besprechung solcher Verhältnisse aus „Welche Niederlage würde die Schaar der über 134 Flächenzeichen erleiden, die sich bei Zippe (vom Calcit) zusammengetragen finden, wollte man — die Unberechtigten unter ihnen durch ein strenges Gericht decimiren! — So mögen sie und ihresgleichen aus Humanitätsrücksichten noch geduldet bleiben!“

Seine mannigfaltigen Beobachtungen hat er in den Abhandlungen der Senkenbergischen Naturforschenden Gesellschaft in Frankfurt a. M. bekannt gemacht und sind dieselben auch in zwanglosen Heften von 1856—1873 unter dem bescheidenen Titel „Mineralogische Notizen“ publicirt worden. Diese Abhandlungen haben vor andern ähnlichen noch den besonderen Werth, dass Hessenberg die früheren und gleichzeitigen Arbeiten anderer Krystallographen berücksichtigt und vergleichend erörtert hat. Es ergibt sich daraus seine Vertrautheit mit den verschiedenen krystallographischen Methoden und Flächenbezeichnungen, welche er dann auf die von ihm angenommene Naumann'sche zurückführt. So ist eine grosse Reihe von Species in der eingehendsten Weise bearbeitet, unter andern der Humit mit seinen seltsamen Typen, der Orthoklas und dessen Verwandte, Sphen, Quarz, Calcit, Anhydrit, Axinit, Hämatit, Perowskit etc. Viele interessante Verhältnisse sind dabei aufgefunden und besprochen worden, die schein-

bare Hemimorphie am Späth, die Anomalieen, welche die Glimmer im optischen Axenwinkel zeigen, das verschiedene Verhalten der Spaltungsflächen des Anhydrit beim Erhitzen u. a.

Man muss staunen, wie Hessenberg das Material zu seinen Untersuchungen zusammenbringen konnte, denn viele reichdotirte Sammlungen können einen grossen Theil desselben nicht aufweisen und wenn sein Sammelfleiss durch manchen glücklichen Zufall unterstützt wurde und er durch die Fachgenossen von allen Seiten zahlreiche Mittheilungen erhielt, so hat er doch oft mühsam suchen müssen um mehrere Individuen seltener und nicht mehr vorkommender Krystalle zu erhalten und damit seine Beobachtungen zu controlliren und weiter zu führen. Er war ein Meister des Zeichnens und hat seine Forschungen durch feine und sorgfältige Abbildungen illustriert, welche über 350 Nummern betragen und ebenso verstand er die Kunst des Modellirens, so dass seine Sammlung von Krystallmodellen (aus einer eigenthümlichen Gypsmischung gefertigt) als ein Unicum von Genauigkeit und Eleganz bewundert wurde. — Es fehlte denn auch seinen Verdiensten nicht an Anerkennung; die philosophische Facultät der Berliner Universität ernannte ihn zum Ehrendoctor, unsere Akademie sowie viele gelehrte Gesellschaften sandten ihm ihre Diplome. Hessenberg war eine anspruchslose liebenswürdige Persönlichkeit und im Privatleben ebenso geachtet wie in den wissenschaftlichen Kreisen.

---

### Ludwig Otto Hesse.

Geb. 1811 am 22. April zu Königsberg,

Gest. 1874 am 4. August zu München.

L. Otto Hesse begann seine mathematischen Studien an der Hochschule zu Königsberg unter den berühmten Meistern Bessel und Jakoby, und an derselben Schule

entwickelte er seine Lehrthätigkeit als ausserordentlicher Professor von 1840—1856. Im J. 1857 wurde er als ordentlicher Professor der Mathematik nach Halle und fast gleichzeitig nach Heidelberg berufen, wo er bis 1868 mit immer steigendem Erfolg docirte und zahlreiche Schüler in seinem Auditorium versammelte. Im Herbst 1868 folgte er einem Rufe an das Polytechnicum in München. —

Die fruchtbarste Zeit seiner wissenschaftlichen Arbeiten war die Königsberger-Periode, wo er eine Reihe von Abhandlungen schrieb, welche in Crell-Borchard's Journal für Mathematik publicirt sind. Sie beziehen sich vorzüglich auf die Theorie der linearen Substitutionen und Determinanten und auf das damit zusammenhängende Gebiet der Geometrie. Man hat ihm zu Ehren einer der Grössenverbindungen, welche Determinanten genannt werden, die Bezeichnung „Hessische Determinante“ gegeben. Viele seiner Arbeiten beschäftigen sich mit den Eigenschaften verschiedener Curven, ihren Beziehungen zu den Kegelschnitten ihren Wendepunkten u. a. — Die Vorlesungen über analytische Geometrie des Raumes, welche er in Königsberg, Halle und Heidelberg gehalten, hat er 1861 und in zweiter Auflage 1869 herausgegeben; seine Vorlesungen aus der analytischen Geometrie der geraden Linie, des Punktes und des Kreises erschienen 1865. Weiter publicirte er 1866 „Vier Vorlesungen aus der analytischen Geometrie und 1871 eine Abhandlung über die Determinanten.

Das mathematische Denken bewegt sich auf so abstracten Gebieten <sup>1)</sup>, dass die Befähigung dazu ein Talent

---

1) „Ich bin auf Wort, Sprache und Bild im eigentlichen Sinne angewiesen, schrieb Göthe an K. Naumann, und völlig unfähig, durch Zeichen und Zahlen, mit welchen sich höchst begabte Geister leicht verständigen, auf irgend eine Weise zu operiren.“ — In ähnlicher Weise hörte ich einmal Berzelius sich äussern. Kll.



voraussetzt, welches für höhere Aufgaben verhältnissmässig nur Wenigen verliehen. Hesse besass dieses Talent und wusste es für vorgebildete Schüler geltend zu machen, daher er auch deren Liebe und Verehrung genoss. Sein letzter Wunsch war „Ich will in dem Blumengarten meines Heidelberg ruhen, zu Grabe geleitet von Schülern“. — (Vergl. einen Nachruf in Borchard's Journal für die reine und angewandte Mathematik. B. 79. H. 4. p. 345.)

---

**Élie de Beaumont, Jean Baptiste, Armand,  
Louis, Léonce.**

Geb. 1798 am 25. Sept. zu Caen, Dép. Calvados.

Gest. 1874 am 21. Sept. ebenda.

Élie de Beaumont, dessen Verlust in den weitesten wissenschaftlichen Kreisen betrauert wird, stammte aus einer alten, berühmten Familie; er wurde zunächst im Collège Henri IV. erzogen, trat dann in die École polytechnique und 1819 in die École des mines ein. Nach einigen mit Dufrénoy unternommenen wissenschaftlichen Reisen, besonders nach England, wurde er Ingénieur am Bergcorps und weiter Ingénieur en chef. 1829 erhielt er die Professur für Geologie an der École des mines und am Collège de France, ward Mitglied des Instituts und beständiger Secretär der Akademie, Inspecteur général des mines und Sénateur.

Élie de Beaumont gehört in die Reihe der berühmten Geologen Frankreichs. Er hat die Hebungstheorie der Gebirge, wie sie von Saussure und besonders von Leopold von Buch entwickelt worden war, weiter geführt und zu zeigen gesucht, dass die Hebungen periodenweise vor sich gegangen, während in den Intervallen Ablagerungen jüngerer geschichteter Formationen stattgefunden haben, dass ferner die gleichstreichenden Gebirge als von

gleichzeitiger Hebung gebildet anzunehmen seien. Er bestimmte anfangs 4, dann 12 und später 20 solcher Perioden, für deren relatives Alter er Anhaltspunkte an den gestürzten und horizontalen Schichten fand, welche an der gehobenen Masse zu beobachten. Es führten ihn seine Reflexionen über die begleitenden Phänomene zu der Ansicht, dass die geschichtliche Sündfluth gegenüber der Wissenschaft nichts Unglaubliches sei, ja dass eine ähnliche Umwälzung sich wiederholen, und die Ruhezeit, in der wir leben, durch eine neue Gebirgshebung gestört werden könne. „Es ist natürlich, sagt er, dabei an die Vulkanität zu denken. Doch scheinen jene grossen Phänomene nicht anders mit der Vulkanität vergleichbar zu sein, als wenn man darunter den Einfluss versteht, denn das Innere eines Planeten in den verschiedenen Stadien seiner Erkaltung auf seine äussere Hülle ausübt.“ — Er hat seine Theorie insbesondere durch eine sorgfältige Untersuchung des Aetna beleuchtet, im Einverständniss mit v Buch über die Feststellung der Erhebungskrater. Mehrfache Detailuntersuchungen gaben ihm das Material zu seinen Speculationen, geologische Beobachtungen in den Vogesen, in den Bergen von Oisans, auf den Balearen etc. Er besprach eine Reihe geologischer Erscheinungen, Gletscherbildung, Erdwärme, Gangbildungen und die für die Gestaltung und Veränderung der Erdrinde vorzüglich in Betracht kommenden chemischen und physischen Agentien. Indem er das Vorkommen der Elemente in den älteren und neueren Formationen vergleicht, gibt er nach Zahlen ihre Mengen an und wieviele in die Producte der Organismen eingehen, in die Mineralwässer und die vulkanischen Emanationen. — Seine Studien gehen auch auf Vergleichen der Ringgebirge des Mondes und der Erde, auf den Einfluss der anziehenden Kraft des Mondes auf das flüssige Erdinnere, welches nur von einer



verhältnissmässig dünnen starren Kruste bedeckt ist und somit auf die Erdbeben.

Mit Dufrenoy gab er in 4 Bänden Memoiren für eine geologische Beschreibung Frankreichs heraus und mit demselben eine geologische Karte dieses Landes unter Direction von Brochant de Villiers und mit Beihülfe von Omalius d'Halloy. Mit Dufrenoy, Coste und Perdonnet publicirte er *Voyage métallurgique en Angleterre* in 2 Bänden, und *Leçons de Géologie pratique* in 3 Bänden. Alle seine Arbeiten tragen das Gepräge genialen Umblickes und seine Verdienste fanden in der Gelehrten Welt auszeichnende Anerkennung. Viele Akademicien sandten ihm ihre Diplome und eine Reihe von Ordensdecorationen bezeugt die Achtung, welche er allgemein genoss.

---

### Friedrich Wilhelm August Argelander.

Geb. 1799 am 22. März zu Memel,

Gest. 1875 am 17. Februar zu Bonn.

Argelander war der Sohn eines Kaufmanns und erhielt seine Schulbildung theils durch Privat-Unterricht, theils durch das Collegium Fridericianum zu Königsberg. Er wollte sich dem Cameralfach widmen aber Bessel's Vorträge wendeten ihn der Astronomie zu. Im J. 1820 wurde er Gehülfe an der Sternwarte der Universität zu Königsberg, bildete sich dann daselbst zum Privatdocenten aus und übernahm 1825 an Stelle Walbeck's das Directorium der Sternwarte zu Åbo, dann 1832 dasselbe zu Helsingfors und 1837 zu Bonn.

Zu Argelanders ersten Arbeiten gehören seine Untersuchungen über die Bahn des grossen Cometen von 1811 und astronomische Beobachtungen, welche er 1824–28 in Åbo anstellte und in 3 Bänden herausgab. Besonders hat



er sich um die Astronomie der Fixsterne verdient gemacht und die mittlere Stellung von 560 derselben im J. 1830 bestimmt. Es wurde ihm für diese Arbeit von der Akademie zu Petersburg der grosse Demidoff'sche Preis zuerkannt. Seine Uranometrie von 1843 gibt eine Darstellung der im mittleren Europa mit blossen Augen sichtbaren Sterne. Dem betreffenden Werke ist ein Atlas von 18 Bl. fol. beigegeben. Er schrieb über die eigene Bewegung des Sonnensystems, über Durchmusterung des nördlichen Himmels zwischen  $45^{\circ}$  und  $80^{\circ}$  Declination etc. und hat sich ganz eigenthümliche Verdienste um die Beobachtung der veränderlichen Sterne und die genaue Verfolgung ihres Lichtwechsels erworben. Er representirte nach dem Urtheile eines competenten Fachgenossen die grosse Besselsche Schule der Beobachtungskunst, so dass er mit wenigen Assistenten die Catalogisirung und Chartirung der Sterne des unendlichen Himmels bis zu einem Grade durchführen konnte, welchen ein ähnliches Unternehmen der Berliner Akademie mit vielen Hilfsarbeitern nicht annähernd erreicht hat.

Argelander war Mitglied der Astronomical Society und Correspondent der Akademien zu Berlin, Palermo und Petersburg. Er war auswärtiges Mitglied unserer Akademie. —

---

### Sir Charles Lyell.

Geb. 1797 am 14. Nov. zu Kinnordy, Forfarshire in Schottland.  
Gest. 1875 am 23. Febr. zu London.

Charles Lyell war der Sohn des Botanikers gleichen Namens. Er besuchte zuerst die Schule zu Midhurst in der Grafschaft Sussex und bezog, 19 Jahre alt die Universität Oxford, wo er Jurisprudenz studirte und nach

dreijährigem Aufenthalt die praktische Laufbahn als Advocat betrat. Lyell aber hatte von Jugend auf die Naturwissenschaften lieb gewonnen und besonders war die Geologie durch Buckland für ihn anziehend geworden. Er verliess die Jurisprudenz und wurde bald ein thätiges Mitglied der Geologischen Gesellschaft in London. Er hatte die Anfänge seiner berühmt gewordenen *Principles of Geologie* bereits im Jahr 1827 angearbeitet, fand aber nöthig, zur tieferen Begründung derselben mehrere Gegenden des Continents zu bereisen, namentlich um die Tertiärformationen kennen zu lernen. Er besuchte in Gesellschaft mit Murchison die Auvergne, das Velay, Cantal und Vivarais, dann Aix in der Provence und ging weiter über die Meer Alpen nach Savona und Piemont. Dabei belehrte er sich durch die grossen Sammlungen Bonelli's in Turin, Guidotti's in Parma und Costa in Neapel über die tertiären Muscheln. Nach Sicilien übersetzend untersuchte er den Aetna und seine Abhänge, überall vorzüglich die tertiäre Epoche studirend. Nachdem er noch 1829 einen Besuch bei Desnoyer und Deshayes in Paris gemacht, kehrte er nach England zurück und erforschte die „Crag“ genannten Bildungen an den Küsten von Essex, Norfolk und Suffolk. 1831 machte er geologische Excursionen in die vulkanischen Distrikte der Eifel und übernahm dann eine Professur die Geologie am Kings College in London, wo er in einem Coursus von Vorlesungen seine reichen Erfahrungen der wissenschaftlichen Welt mittheilte. Daraus entstand das Werk „*Principles of Geologie*“, wovon zehn Auflagen erschienen sind. Es findet sich darin die Eintheilung der tertiären Epoche in drei Perioden, welche Lyell die pliocene, die miocene und die eocene genannt und auf Vergleichung ihrer fossilen Muscheln von ausgestorbenen oder noch lebenden Gattungen gegründet hat. Ein anderes Werk, seine *Elements of Geologie* publicirte



er 1838 und in vierter Auflage 1853. Stets ging sein Streben dahin, Thatsachen für seine geologischen Ansichten durch eigene Beobachtungen festzustellen und so besuchte er auch zweimal Nordamerika und zur Erforschung der Hebungsphänomene Schweden. Ueber die Geologie der Vereinigten Staaten hat er zwei Werke geschrieben.

Als dem Werner'sehen Neptunismus die Theorie des Vulkanismus und Plutonismus folgte, so geschah es wohl, dass von den neu erkannten mächtigen Kräften ein überstürzter Gebrauch gemacht wurde. Gewaltsame Hebungen, welche Élie de Beaumont periodenweise eintreten lässt, sollen die Gebirge gestaltet und die Lagerung der Felsmassen bestimmt haben, grossartige Revolutionen aus dem Erdinnern seien die Ursachen rascher Veränderung der Oberfläche gewesen etc. Im Gegensatz zu diesen Ansichten suchte Lyell zu zeigen, dass nicht plötzliche und ausserordentliche Akte zur Erklärung geologischer Erscheinungen anzunehmen seien, dass mit langsamen Hebungen und Senkungen des Bodens und andauernder Wirkung der noch gegenwärtig in der Natur thätigen, physischen und chemischen, Agentien die Veränderungen der Erdoberfläche entstanden sein können. Er erläutert in seinen *Principles* eingehend diese Wirkungen und erklärt sich gegen die Theorie der Erhebungs-Krater, welche Leopold v. Buch aufgestellt hat und welcher auch Humboldt beistimmte. Im Zusammenhang damit bespricht er das organische Leben und die Umwandlung der Species, wie sie Geoffroy St Hilaire und Lamarck angenommen und Darwin weitergeführt haben. Ein stannenswerther Fleiss, alles Einschlägige in der Thier- und Pflanzenwelt zu berücksichtigen zeigt sich dabei in seinen Untersuchungen, die ihn zu dem Schlusse führen, dass die Species eine wirkliche Existenz in der Natur haben und dass eine jede zur Zeit ihrer Erschaffung mit den Eigenschaften und mit der Organisation begabt war,



durch welche sie noch jetzt unterschieden werden. Diese Ansicht hat er später geändert und mit Beziehung auf die neueren Erfahrungen die Theorie Darwin's angenommen. Er hat sich darüber in dem Buche „*The Antiquity of Man*“ eingehend ausgesprochen. Dasselbst verbreitet er sich auch über das Vorkommen menschlicher Knochen in den Nach-Tertiär- oder wie er sie nennt, Pleistocenen-Formationen über die Stein- und Bronze-Zeit und über die Beziehungen der Eiszeit und des Erscheinens des Menschen. Es finden sich darin mehrfache Andeutungen, dass der Mensch schon existirte, als noch das Mamut, der Riesenhirsch und andere jetzt ausgestorbene Arten unter den lebenden Thieren vorkamen. Weitere Excurse zeigen, dass sich Lyell in Beziehung auf die organische Welt zu denselben allmählichen Uebergängen bekennt, wie er sie für die Geologie der unorganischen Natur aufgestellt hat, er hebt aber am Schlusse der betreffenden Schrift hervor, dass sich in den höheren organischen Entwicklungen die stets anwachsende Herrschaft des Geistes über die Materie kundgebe.

Dem berühmten Gelehrten sind verdiente Auszeichnungen zu Theil geworden. 1834 erhielt er von der Königl. Gesellschaft der Wissenschaften zu London die grosse goldene Medaille für Wissenschaft und die Geologische Gesellschaft wählte ihn zu ihrem Präsidenten, 1848 wurde er in den Ritterstand und 1864 zum Baronet erhoben. — In der Westminsterabtei wurde ihm die letzte Ruhestätte. —

---

**Verzeichniss der eingelaufenen Büchergeschenke.**

---

*Von der Leopoldinisch-Carolinischen Akademie der Naturforscher  
in Dresden:*

- a) *Leopoldina*. Amtliches Organ der Akademie. 1874. 4.
- b) *Nova Acta*. Vol. 36. 1873. 8.

*Von der k. k. Akademie der Wissenschaften in Wien:*

- a) *Denkschriften der mathematisch-naturwissenschaftlichen Classe*.  
Bd. 33. 1874. 4.
- b) *Verzeichniss der Polarlichter*, von Hermann Fritz. 1873. 4.

*Von der Wetterauischen Gesellschaft für die gesammte Naturkunde  
in Hanau:*

*Bericht über den Zeitraum vom 1. Januar 1868 bis 31. Decbr. 1873.* 8.

*Von der physikalisch-medicinischen Societät in Erlangen:*

*Sitzungsberichte.* 1874. 8.

*Von der Centralanstalt für Meteorologie und Erdmagnetismus  
in Wien:*

*Jahrbücher.* Neue Folge. Bd. IX. Jahrg. 1872. 4.

*Von der neuen zoologischen Gesellschaft in Frankfurt:*

*Der zoologische Garten.* Zeitschrift. Jahrg. XV. 1874. 8.

*Von der k. k. Sternwarte in Prag:*

*Magnetische und meteorologische Beobachtungen im Jahre 1873.* 34. Jahrgang. 1874. 4.

Von der physikalisch-mathematischen Gesellschaft in Würzburg:  
Die Pennantide Tubellaria von Albert Müller. Festschrift 1873. 4

Von der Royal Irish Academy in Dublin:  
Transactions Science Vol. XV—XXV 1870—74. 4.

Von der Academie der Wissenschaften in Kopenhagen:  
a) Pamphlet nat.-physiol. Bd. I 1874. 4  
b) Sprævelaan komist: Erythrogastræ. Bd. I. 1874. 8.

Von der Royal Medical and Chirurgical Society in London:  
Medico-chirurgical Transactions. II. Series. Vol. 39. 1874. 8.

Von der Royal Society of Victoria in Melbourne:  
Transactions and Proceedings. Vol. X. 1874. 8.

Von der deutschen Gesellschaft für Natur- und Völkerkunde Ostasiens in Yokohama:  
Mittheilungen. 1874. kl. fol.

Von der Sociedad antropológica española in Madrid:  
Revista. Cuaderno 6. 1874. 8.

Von der Academia nacional de ciencias exactas existente en la  
Universidad de Cordoba:  
Boletin. Entrega I—III. Buenos Aires 1874. 8.

Vom Muscum of comparative Zoölogy at Harvard College in  
Cambridge:  
a) Illustrated Catalogue. No. VIII. Zoölogical Results of the Hassler  
Expedition. I. Echini etc. by Al. Agassiz and L. F. de Pourtalès.  
1874. 4.  
b) Annual Report of the Trustees 1872. 1873. 8.

Von der Universität in Athen:  
Ἐγγραφα πρὸς τοὺς ἀναγινῶντας Ἀναγινῶν. 1872—73. 4.



*Vom naturwissenschaftlichen Verein zu Magdeburg:*

- a) Abhandlungen. Heft 5. 1874. 8.
- b) 4. Jahresbericht. 1874. 8.

*Von der k. ungarischen geologischen Anstalt zu Pest:*

- a) Mittheilungen aus dem Jahrbuche. Bd. II. 1873. 8.
- b) Katalog der auf der Wiener Weltausstellung im Jahre 1873 aus-  
gestellten Numuliten, von Max v. Hantken und Sigm. Ed. v. Ma-  
darasz. 1873. 8.
- c) Die Kollektiv-Ansstellung ungarischer Kohlen auf der Wiener  
Weltausstellung. 1873. 8.
- d) Die Ausstellungs-Objecte der k. ungar. geologischen Anstalt auf  
der Wiener Weltausstellung. 1873. 8.
- e) Évkönyve. Bd. IV. 1874—75. 8.
- f) Mittheilungen. Bd. IV. 1875. 8.

*Von dem Verein für die deutsche Nordpolarfahrt in Bremen:*

226. Versammlung am 27. Decbr. 1874. 8.

*Von der naturforschenden Gesellschaft in Zurich:*

Vierteljahrsschrift, Jahrg. 18. 1873. 8.

*Vom Observatorio de marina in San Fernando:*

Anales-Seccion 2<sup>a</sup>. Observaciones meteorológicas. Año 1873. 2<sup>o</sup>.

*Von der finnländischen Gesellschaft der Wissenschaften zu  
Helsingfors:*

- a) Bidrag till kännedom af Finlands Natur och Folk. Heft XVIII,  
XIX, XXI—XXIII. 1871—74. 8.
- b) Observations faites à l'Observatoire magnétique et météorologique  
de Helsingfors. Vol. V. 1873. 4.

*Vom Museo civico di storia naturale in Genua:*

Annali. Vol. V. 1874. 8.

*Von der Société d'histoire naturelle in Colmar:*

Bulletin, Années 14 et 15, 1873—74. 8.

*Von der Académie des Sciences in Paris:*

Comptes-Rendus. 1875.

*Von der Redaction des Moniteur scientifique in Paris:*Moniteur scientifique 397<sup>e</sup> Livr. 1875. gr. 8.*Von der Académie Royale de médecine in Brüssel:*

Mémoires couronnés. Collection in 8. Tom. III. 1874. 8.

*Von der Académie des Sciences et Lettres in Montpellier:*

a) Mémoires, Section des Sciences, Tom. I—IV. u. VIII. 1851—73. 4.

b) „ „ de Médecine. Tom. I. II. u. IV. 1853—72. 4.

*Von dem Verein für Erdkunde zu Leipzig:*

Mittheilungen. 1873. 8.

*Von dem Verein zur Beförderung des Gartenbaues in den kgl.  
preussischen Staaten in Berlin:*

Monatsschrift. Jahrgang 17. 1874. 8.

*Von der Commission zur wissenschaftlichen Untersuchung der deutschen  
Meere in Kiel:*

Jahresbericht für die Jahre 1872 u. 1873. Jahrg. II. u. III. Berlin 1875. Fol.

*Von der k. Universität in Breslau:*

Die Entwicklungsgeschichte der Gattung Volvox von Ferd. Cohn. (Festschrift dem Prof. Dr. Göppert gewidmet.) 1875. 4.

*Von der medicinischen Gesellschaft in Berlin:*

Verhandlungen. Bd. V. 1874. 8.

*Von der deutschen chemischen Gesellschaft in Berlin:*

Berichte. Jahrg. 18. 1875. 8.

*Von der allgemeinen schweizerischen Gesellschaft für die gesammten  
Naturwissenschaften in Bern:*

Neue Denkschriften. Bd. 26. Zürich 1874. 4.

*Von der k. k. Sternwarte in Wien:*

*Annalen.* III. Folge Bd. 22. Jahrg 1872. 8.

*Von der Redaktion des Archivs der Mathematik und Physik in Greifswald:*

*Archiv der Mathematik und Physik.* Theil 57. Leipzig 1874. 8.

*Vom naturhistorischen Verein der preussischen Rheinlande in Bonn*  
*Verhandlungen.* Jahrg. 31. (4. Folge. 1. Jahrg.) 1874. 8.

*Von dem nassauischen Verein für Naturkunde in Wiesbaden:*

*Jahrbücher.* Jahrg. 37. u. 38. 1873—74. 8.

*Von dem naturforschenden Verein in Brünn:*

*Verhandlungen.* Bd. 12. 1874. 8.

*Von dem naturwissenschaftlichen Verein in Hamburg:*

*Abhandlungen aus dem Gebiete der Naturwissenschaften.* VI. Bd. 1873. 4.

*Von der Akademie der Wissenschaften in St. Petersburg:*

*Mélanges biologiques.* Tom. IX. 1873. 8.

*Von der Société Vaudoise des sciences naturelles in Lausanne:*

*Bulletin.* 2<sup>e</sup> Série. Vol. XIII. 1874. 8.

*Von der Sällskapet pro Fauna et Flora Fennica in Helsingfors:*

*Notiser u Sällskapets Förhandlingar* 13. Häftet. 1871—74. 8.

---

*Vom Herrn E. Plantamour in Genf:*

*Résumé météorologique de l'année 1873 pour Genève et le Grand-Saint-Bernard.* 1874. 8.

*Vom Herrn A. Grisebach in Göttingen:*

*Plantae Lorentzianae.* 1874. 4.



*Vom Herrn A. Wüllner in Aachen:*

- a) Ueber den elektrischen Rückstand. Leipzig 1874. 8.
- b) Ueber die Ausdehnung des Quecksilbers nach den Versuchen des Herrn Regnault. Leipzig 1874. 8.

*Vom Herrn Adolph Heuberger in Würzburg:*

Ein Beitrag zur Lehre von der normalen Resorption des Knochengewebes. 1874. 8.

*Vom Herrn Antonio Favaro in Padua:*

Intorno ai mezzi usati dagli antichi per attenuare le disastrose conseguenze dei terremoti. Venezia 1874. 8.

*Vom Herrn P. Riccardi in Modena:*

Biblioteca matematica italiana. Vol. II. 1874. 4.

*Vom Herrn Eduard Regel in St. Petersburg:*

- a) Gartenflora. Allgemeine Monatsschrift. 1874. Erlangen. 8.
- b) Descriptiones plantarum in regionibus Turkestanicis collectarum. Fasciculus II. 1874. 8.
- c) Gartenflora. Allgemeine Monatsschrift. 1874. Stuttgart. 8.

*Vom Herrn Ernest Quetelet in Brüssel:*

- a) Annales de l'Observatoire Royal de Bruxelles. Tom. XXII. 1873. 4.
- b) Annales météorologiques de l'Observatoire Royal des Bruxelles. Année 1872 et 1873. 4.
- c) Congrès international de statistique. 1873. 4.
- d) Notices extraites de l'Annuaire de l'Observatoire Royal de Bruxelles pour 1874. 8.
- e) Aréographie par M. F. Terby. 1874. 8.
- f) Le Comète de Coggia. 1874. 8.
- g) Les observations météorologiques simultanées sur l'hémisphère terrestre boréal. 1874. 8.
- h) Note sur l'aurore boréale du 4. Février 1874. 8.

*Vom Herrn Giovanni Luvini in Turin:*

Del dieteroscopia, seconda comunicazione. 1874. 8.

*Vom Herrn Guiseppe Coco Zanghi in Catania:*

- a) L' uomo e la scimmia. 1871. 4.
- b) Sul cane nota zoologica. 1874. 4.
- c) Un Qui pro quo in fatto di generazione spontanea. 1874. 4.

*Vom Herrn A. W. Volkmann in Halle:*

Untersuchungen über das Mengenverhältniss des Wassers und der Grundstoffe des menschlichen Körpers. Leipzig 1875. 8.

*Vom Herrn C. Bruhns in Leipzig:*

Resultate aus den meteorologischen Beobachtungen angestellt an 25 kgl. sächsischen Stationen i. J. 1871. Jahrg. VIII. Dresden und Leipzig. 1874. 4.

*Vom Herrn Julius Haast in Christchurch:*

Researches and Excavations carried on in and near the Moa Bone Point cave, Sumner Road, in the Year 1872. 8.

*Vom Herrn A. Preudhomme de Borre in Brüssel:*

Note sur les Géotrupides qui se rencontrent en Belgique. 1874. 8.

*Vom Herrn J. Mac-Pherson in Cadix:*

Memoria sobre la estructura de la Serrania de Ronda. 1874. 8.

*Vom Herrn John Allan Broun in London:*

Observations of magnetic Declination made at Trevandrum and Agustia Malley in the Observatories of the Maharajah of Travancore in the years 1852 to 1869. Vol. I. 1874. 4.

*Vom Herrn George J. Brush in New Haven:*

Manual of determinative Mineralogy. New-York 1875. 8.

*Vom Herrn E. Purser in Smyrna:*

Meteorological Table of Smyrna for the year 1874. qu. 4.

*Vom Herrn Rudolph Wolf in Zürich:*

Astronomische Mittheilungen. XXXVI. 1874. 8.

[1875. I. Math.-phys. Cl.]

*Vom Herrn G. Tschermak in Wien:*

- a) Das Krystallgefüge des Eisens, insbesondere des Meteoreisens. 1874. 8.
- b) Die Form und die Verwandlung des Labradorits von Verespatak. 1874. 4.

*Vom Herrn Franz von Hauer in Wien:*

Rede gehalten bei der Festsitzung der k. k. geologischen Reichsanstalt  
am 5. Januar 1875. 4.

*Vom Herrn F. Reuleaux in Berlin:*

Theoretische Kinemathik. Abth. I. II. und Atlas. Braunschweig 1875. 8.

*Vom Herrn Gerhard vom Rath in Bonn:*

Ueber merkwürdige Verwachsungen von Quarzkrystallen auf Kalkspath  
von Schneeberg in Sachsen. Berlin 1875. 8.

*Vom Herrn Hermann Kolbe in Leipzig:*

Journal für praktische Chemie 1875. (N. F. Bd. XI.) 1875. 8.

*Vom Herrn C. A. F. Peters in Kiel:*

Astronomische Nachrichten. Bd. 83 u. 84. 1874. 4.

*Vom Herrn M. Gemminger in München:*

Catalogus Coleopterum. Tom. X. 1873. 8.

*Vom Herrn Gerhard Rohlfs in Weimar:*

Quer durch Afrika. Reise vom Mittelmeer nach dem Tschad-See.  
Leipzig 1875. 8.

*Vom Herrn Iginio Cocchi in Florenz:*

Raccolta degli oggetti de' così detti tempi preistorici. 1872. 8.



Sitzung vom 5. Juni 1875.

---

### Mathematisch-physikalische Classe.

---

Herr v. Jolly bespricht eine von A. Wüllner eingesendete Abhandlung:

„Ueber die elektrische Influenz auf Flüssigkeiten.“

#### 1.

Im vorigen Jahre, in meiner Notiz über den elektrischen Rückstand<sup>1)</sup>, habe ich eine Methode angegeben, welche geeignet ist, die elektrische Influenz auf Nichtleiter und insbesondere auf Flüssigkeiten zu untersuchen. Dieselbe besteht im wesentlichen darin, dass man am Sinuselektrometer den Gang des Potentials einer mit Elektrizität versehenen Platte beobachtet, welche in einer genau bestimmten Entfernung über einer aus der zu untersuchenden Flüssigkeit bestehenden Platte schwebt. Die Flüssigkeit befindet sich in einem flachen, bei meinen Versuchen 12,5 mm. tiefen cylindrischen Gefässe, welches ganz aus Glas besteht. Das Gefäss selbst wird von drei 10 cm. hohen Glassäulchen

---

1) Poggend. Ann. Bd. CLIII. p. 22.  
[1875. 2. Math.-phys. Cl.]

getragen, welche auf einer grossen dreieckigen mit Stellschrauben versehenen Glasplatte stehen. Der Boden des cylindrischen Gefässes ist in seiner Mitte durchbohrt, und in die Durchbohrung ist mit einem Kautschukpfropfen ein Glasröhrchen eingeführt, an welches mit einem Stück Kautschukschlauch eine ganz aus Glasröhren hergestellte Röhrenleitung von beliebiger Länge angesetzt werden kann, welche schliesslich in einen Trichter mündet. Indem man Trichter, Röhrenleitung und cylindrisches Gefäss mit der zu untersuchenden Flüssigkeit füllt, kann man so eine Flüssigkeitssäule von beliebiger Länge herstellen. Bei den gleich zu beschreibenden Versuchen war der Röhrenleitung eine Länge von 11 Meter gegeben, so dass, wenn sie mit einer leitenden Flüssigkeit gefüllt war, das Potential in derselben gleich Null gesetzt werden konnte, wie wenn sie zur Erde abgeleitet worden wäre. Dass das in der That erreicht war, ergab sich daraus, dass das Potential der über dem mit Wasser gefüllten Apparate schwebenden Platte keine Aenderung erfuhr, wenn man in das Wasser des Trichters einen mit der Gasleitung des Laboratoriums verbundenen Draht einsenkte.

Ich habe nach dieser Methode einige leitende und nichtleitende Flüssigkeiten untersucht, um bei ersteren zu entscheiden, ob die Influenz momentan erfolgt und in wie weit die letzteren überhaupt influenzirt werden können. Das Verfahren bei den Versuchen ergibt sich aus der Beschreibung der Methode von selbst. Das Glasgefäss wurde zunächst so gestellt, dass der obere Rand genau horizontal war; dann wurde die Platte, welche an dem im vorigen Jahre (p. 24) beschriebenen Galgen hing, herabgelassen, und ihr Abstand von dem Rande des Glasgefässes genau justirt. Es wurde dazu ein Glasgitter benutzt, welches im Oculare eines Mikroskopes sich befand, und von welchem 50 Theilstriche einen Abstand von 2,94 mm. angaben.

Dieser Abstand wurde stets gewählt. Die Platte wurde dann wieder aufgezogen, so dass sie in etwas mehr als 10 cm. Höhe über dem Rande des Gefässes schwebte. Dann wurde Gefäss, Röhrenleitung und Trichter mit der zu untersuchenden Flüssigkeit gefüllt, so dass die Flüssigkeit gerade bis an den Rand des cylindrischen Gefässes stand. Bei verdunstenden Flüssigkeiten, und besonders wenn die Versuche längere Dauer hatten, liess man dann aus einem Tropfglase mit verstellbarem Hahn in den Trichter nachtröpfeln, um das Niveau der Flüssigkeiten stets constant zu erhalten. Absolut genau ist allerdings auch so das Niveau nicht constant zu halten, wie es überhaupt schwierig ist, besonders bei zähen Flüssigkeiten, bei denen etwaige Niveaudifferenzen in Trichter und Flüssigkeitsplatte sich nur langsam ausgleichen, das gewünschte Niveau genau herzustellen. Kleine Unterschiede, vielleicht bis auf 0,1 mm., waren deshalb in der Distanz der influenzirenden Platte von der Oberfläche der Flüssigkeit nicht zu vermeiden.

Es wurde dann die Platte mit Elektrizität versehen, der Gang des Potentials durch etwa 2 Minuten beobachtet und dann mit dem Schlage der dritten Minute die Platte über die Flüssigkeit hinabgelassen, und wieder der Gang des Potentials der influenzirenden Platte, anfänglich von 20 zu 20 Secunden, später in grösseren Zeitintervallen verfolgt. Am Schlusse wurde dann die Platte wieder emporgezogen und das Potential der frei schwebenden Platte nenerdings gemessen, um so, in der im vorigen Jahr bei den Rückstandsbeobachtungen schon angeführten Weise, die während der Influenz stattfindende, immer nur sehr geringe Zerstreuung in Rechnung zu ziehen. Wegen der Details der Beobachtungen kann ich deshalb wohl auf die erwähnte Mittheilung verweisen. Die in den nachfolgenden Tabellen angegebenen Potentialwerthe beziehen sich stets auf jenen der frei hängenden Platte als Einheit.



2.

Influenz auf Wasser.

Als der Apparat mit destillirtem Wasser gefüllt war, erfolgte die Influenz mit derselben Schnelligkeit, wie auf ein abgeleitetes Metall, wenigstens liess sich keine Abhängigkeit des Potentialwerths der über dem Wasser schwebenden Metallplatte von der Zeit erkennen. Der Werth des Potentials war ferner derselbe, ob das Wasser durch einen in den Trichter eingetauchten Draht abgeleitet war oder nicht. Zum Beweise führe ich von einer grossen Zahl Beobachtungen folgende an.

Zeit	Wasser isolirt.		Wasser abgeleitet.
	Werthe des Potentials.		Werthe des Potentials nach einer Minute.
0'	1	1	0,3981
0' 20"	0,3828	—	0,3888
40"	0,3896	0,3976	0,3879
1' —	0,3849	0,3927	0,3935
20"	—	0,3946	Mittel 0,3922
40"	—	0,3982	
2'	0,3905	0,4007	

Ganz denselben Werth erhielt das Potential der Platte, wenn derselben in gleichem Abstände gegenüber auf den obern Rand des Glasgefässes eine Metallplatte von gleichem Durchmesser gelegt wurde, welche durch einen dünnen Draht mit der Erde in leitender Verbindung stand.

Potential der Platte über der  
abgeleiteten Metallplatte.

0,3986
0,3993
0,3991
0,3867
0,3918
Mittel 0,3951

Es ergibt sich somit, dass das Wasser ganz in derselben Weise influenzirt wird wie die Metalle, trotzdem das angewandte Wasser den galvanischen Strom kaum hindurchliess. Einer Untersuchung von besser leitenden Flüssigkeiten bedurfte es deshalb nicht mehr.

## 3.

## Influenz auf Alkohol.

Der untersuchte Aethylalkohol hatte bei 19° ein spezifisches Gewicht von 0,7980, den galvanischen Strom vermochte er nicht oder kaum zu leiten, denn die Nadel eines feinen Galvanometers zuckte kaum, wenn der Stromkreis zweier Grove'scher Elemente mit Zwischenschaltung einer dünnen Schicht Alkohol zwischen grossen Platinelektroden geschlossen wurde.

Der Alkohol wird zu den Halbleitern gerechnet, und er gab sich auch bei der Untersuchung der Influenz als solcher zu erkennen, denn das Potential der über ihm schwebenden Platte nahm mit der Zeit ab, erreichte aber schon nach 2 Minuten denselben Werth, den die über dem Wasser schwebende Platte annahm.

Zeit	Alkohol isolirt.		Alkohol abgeleitet.
	Werthe des Potentials		Werthe des Potentials
0'	1	1	0,4071
20"	0,4185	0,4128	0,3998
40"	0,4176	0,4111	0,4066
1' —	0,4154	0,4085	0,3945
2' —	0,4017	0,3952	
3' —	0,3989	0,3945	
5' —	0,3958	0,3949	

Die Ableitung des Alkohols war in einem in die Röhrenleitung eingeschalteten ┐ förmigen Rohr angebracht, welches 40 cm. weit von der flüssigen Platte entfernt war. In dem

Falle konnte eine Abhängigkeit des Potentials von der Zeit nicht mit Sicherheit constatirt werden, nach 20'' wenigstens, und früher liess sich wegen der Schwankungen der Nadel des Sinuselektrometers nicht mit Sicherheit beobachten, war der Werth des Potentials schon constant und gleich jenem geworden, welchen es enthielt, wenn die Platte über der leitenden Wasserplatte schwebte.

## 4.

## Influenz auf nichtleitende Flüssigkeiten.

Von nichtleitenden Flüssigkeiten sind in der angegebenen Weise untersucht Schwefelkohlenstoff, Terpentinöl und ein käufliches Petroleum. Dass in der That diese Flüssigkeiten als isolirende zu betrachten sind, davon überzeugte ich mich, indem ich von der geladenen Metallplatte einen Draht direkt in die Flüssigkeitsplatte hinabhängen liess, und dann die Ladung der Platte verfolgte, einmal, wenn die Flüssigkeit isolirt war und dann, wenn in das vorhin erwähnte Lförmige Rohr ein mit der Erde in Verbindung stehender Draht eingetaucht war. Es zeigte sich dann, dass durch das Eintauchen des Drahtes der Elektricitätsverlust der Platte nicht beschleunigt wurde. So erhielt ich unter andern folgende Reihen mit Schwefelkohlenstoff und Terpentinöl.

## Schwefelkohlenstoff.

Zeit	Stand der Nadel am Elektrometer $\alpha$	$\frac{1}{4} \log. \sin. \alpha$	Differenzen	
0'	8° 52'	0,59395	0,01510	
1'	8° 16'	0,57885	0,01626	
2'	7° 40'	0,56259	0,01658	Draht
3'	7° 6'	0,54601	0,01361	ein-
4'	6° 40'	0,53240	0,01921	getaucht
5'	6° 6'	0,51319	0,01594	
6'	5° 40'	0,49725		

Terpentinöl.

Zeit	Stand der Nadel		$\frac{1}{2} \log. \sin. \alpha$	Differenzen	
	am	Elektrometer $\alpha$			
0'	16°	6'	0,72148	0,01355	
1'	15°	6'	0,70791	0,01306	
2'	14°	12'	0,69485	0,01076	Draht
3'	13°	30'	0,68409	0,01219	ein-
4'	12°	45'	0,67192	0,00797	getaucht
5'	12°	17'	0,66393	0,00829	
6'	11°	49'	0,65564		

Das zu den Versuchen benutzte Petroleum war, wie später gezeigt werden wird, ein noch besserer Isolator, wie selbst das Terpentinöl.

Schwefelkohlenstoff wurde in drei Präparaten benutzt, die Präparate I und II sind von einem ältern Vorrath, der zur Füllung von Schwefelkohlenstoffprismen benutzt worden war, das Präparat III war aus der Marquart'schen Fabrik zu Bonn; dasselbe hatte längere Zeit über Chlorkalcium gestanden und war öfter mit demselben geschüttelt worden.

Ich begnüge mich, daraus von einer grossen Anzahl von Beobachtungsreihen vier mitzutheilen, zwei für das Präparat I und je eine für die beiden andern Präparate; dieselben zeigen, in wie weit die bei den verschiedenen Beobachtungen erhaltenen Werthe mit einander übereinstimmen.

Schwefelkohlenstoff.

Zeit	Werthe des Potentials			
	I	I	II	III
0'	1	1	1	1
— 20"	0,8720	—	0,8624	—
— 40"	0,8559	0,8557	0,8360	0,8281



## Schwefelkohlenstoff.

Zeit	Werthe des Potentials			
	I	I	II	III
1' —	0,8481	0,8453	0,8211	0,8095
— 20"	0,8397	0,8337	0,8094	—
— 40"	0,8275	0,8237	0,7972	—
2' —	0,8233	0,8178	0,7862	0,7680
— 20"	0,8157	0,8094	0,7778	—
— 40"	0,8074	0,8038	0,7687	—
3' —	0,8011	0,7965	0,7582	0,7365
4' —	0,7806	0,7778	0,7341	0,7081
5' —	0,7652	0,7634	0,7167	—
6' —	0,7498	0,7491	0,6970	0,6576
8' —	0,7279	0,7244	0,6706	0,6196
10' —	0,6943	0,6975	0,6436	0,5846
12' —	0,6726	0,6734	0,6194	—
14' —	0,6443	0,6529	0,6007	0,5272
18' —	0,6018	0,6175	0,5673	0,4854
22' —	0,5651	0,5902	0,5421	0,4589
26' —	0,5315	0,5600	0,5174	0,4337
30' —	0,5126	0,5352	0,4997	0,4217
34' —	0,4979	0,5149	0,4816	0,4158
38' —	—	0,4941	0,4650	0,4099
42' —	—	0,4810	0,4591	0,4054
46' —	—	0,4693	0,4459	0,4053
50' —	—	0,4548	0,4355	0,4071

Wie man sieht, ist im Grossen und Ganzen der Gang des Potentials der influenzirenden Platte derselbe, er nimmt allmählich und stetig ab, und zwar ist diese Abnahme lediglich durch die Influenz auf die Flüssigkeitsplatte bedingt, denn die Abnahme des Potentials durch den stattfindenden Elektricitätsverlust ist bereits in Rechnung gezogen, so dass jede einzelne Zahl den Bruchtheil des

Potentials angibt, welchen die frei schwebende Platte in demselben Momente zeigen würde, den sie also auch zeigen würde, wenn die Flüssigkeit absolut nicht influenzirt würde. So war z. B. in der ersten Reihe beim Beginn des Versuches zur Zeit 0' das Potential der frei schwebenden Platte gleich 0,9811, als die Platte am Schlusse des Versuches aufgezogen wurde, ergab sich der Werth des Potentials zu 0,8532, während vor dem Aufziehen der Platte am Ende der 34. Minute das Potential zu 0,4248 beobachtet war.

Es ergibt sich deshalb aus diesen Beobachtungen, dass eine Influenz auf den isolirten Schwefelkohlenstoff stattfindet, und dass diese Influenz sehr allmählich mit der Zeit zunimmt; in der Schnelligkeit, mit welcher die Influenz wächst, zeigt sich bei den verschiedenen Präparaten ein nicht unbeträchtlicher Unterschied, während die zu verschiedenen Zeiten für dasselbe Präparat gefundenen Zahlen sich nicht merklich von einander unterscheiden. Dabei will ich jedoch bemerken, dass es zur Erreichung so übereinstimmender Zahlen, besonders bei dem Terpentinöl, erforderlich ist, das Gefäss für die Flüssigkeitsplatten und die Röhrenleitung sorgfältig rein zu halten. Man muss nach jedem Versuche die Röhren ausspülen, reinigen und durch einen heissen Luftstrom trocknen; nur so erhielt ich constante Resultate.

Der Potentialwerth auf der influenzirenden Platte nähert sich in obigen Beobachtungen allmählich demselben Werthe, den er über einer leitenden Flüssigkeitsplatte annimmt, bei dem Schwefelkohlenstoff III ist dieser Werth nach 40 Minuten schon erreicht, bei den andern ist er nach 50 Minuten noch nicht erreicht, die bis zur letzten Beobachtung noch stetig fortdauernde Abnahme des Potentials weist aber unzweideutig darauf hin, dass auch dort nach einiger Zeit derselbe Werth erhalten werden würde.

Es würde daraus folgen, dass der einzige Unterschied in Bezug auf sein Verhalten gegenüber der Influenz zwischen dem nichtleitenden Schwefelkohlenstoff und den leitenden Flüssigkeiten nur darin besteht, dass die Influenz Zeit braucht, während sie bei letztern momentan erfolgt.

Aehnlich, besonders in den ersten Minuten, später langsamer, erfolgte die Influenz bei Terpentinöl. Ich gebe im Folgenden einige aus einer ziemlichen Anzahl von Beobachtungsreihen, angestellt mit verschiedenen Proben eines aus einer hiesigen Chemikalienhandlung entnommenen käuflichen Terpentinöls. Die Unterschiede in den den gleichen Zeiten entsprechenden Werthen des Potentials der über der Flüssigkeit schwebenden Metallplatte sind hier, bei sorgfältiger Behandlung der Glasröhren, nicht so gross wie bei Schwefelkohlenstoff. Die mitgetheilten Reihen enthalten diejenigen, zwischen denen die grössten beobachteten Unterschiede sind; dieselben rühren zum Theil daher, dass es beim Terpentinöl schon schwierig ist, das Niveau der Flüssigkeitsplatte immer gleich zu erhalten, wie denn z. B. bei der Reihe IV im Beobachtungsjournal vermerkt steht: „Gefäss stand zum Ueberlaufen voll.“

Zeit	Terpentinöl.			
	Werthe des Potentials			
	I	II	III	IV
0'	1	1	1	1
— 20"	—	0,8643	0,8641	0,8372
— 40"	0,8324	0,8486	0,8432	0,8108
1' —	0,8209	0,8354	0,8333	0,7953
— 20"	0,8113	0,8258	0,8221	0,7814
— 40"	0,8038	0,8174	0,8116	0,7727
2' —	0,7952	0,8090	0,8035	0,7643
— 20"	0,7890	0,8026	0,7949	0,7557
— 40"	0,7815	0,7954	0,7870	0,7476

Terpentinöl.

Zeit	Werthe des Potentials			
	I	II	III	IV
3' —	—	0,7902	0,7801	0,7420
4' —	0,7576	0,7748	0,7650	0,7231
5' —	0,7424	0,7609	0,7474	0,7093
6' —	0,7292	0,7491	0,7311	0,6960
8' —	0,7100	0,7268	0,7097	0,6766
10' —	0,6936	0,7082	0,6918	0,6596
12' —	0,6791	0,6956	0,6727	0,6438
14' —	0,6666	0,6850	0,6563	0,6306
18' —	0,6486	0,6625	0,6341	0,6083
22' —	0,6360	0,6441	0,6155	0,5901
26' —	0,6276	0,6236	0,6018	0,5791
30' —	0,6178	0,6077	0,5916	0,5578
32' —	—	0,5909	—	0,5444
38' —	—	0,5741	—	0,5327
42' —	—	0,5618	—	0,5220
50' —	—	0,5446	—	0,5048
58' —	—	0,5352	—	0,4951
66' —	—	0,5292	—	0,4911
78' —	—	—	—	0,4845
90' —	—	—	—	0,4772

Auch bei dem Terpentinöl zeigt sich darnach eine deutliche Annäherung an den Werth, welchen das Potential der influenzirenden Platte über einem Leiter sofort annimmt; dieselbe erfolgt aber langsamer als bei dem Schwefelkohlenstoff, so dass hier selbst nach 90 Minuten dauernder Influenz dieser Werth noch nicht erreicht ist.

Noch langsamer wurde das zu den Versuchen benutzte Petroleum influenzirt, wie folgende beide Beobachtungsreihen zeigen.



**Petroleum.**

Zeit	Werthe des Potentials	
0'	1	1
— 20"	0,8545	0,8627
— 40"	0,8364	0,8430
1' —	0,8220	0,8316
— 20"	0,8111	0,8168
— 40"	0,8015	0,8090
2' —	0,7933	0,8005
— 20"	0,7870	0,7917
— 40"	0,7819	0,7834
3' —	0,7750	0,7784
4' —	0,7604	0,7624
5' —	0,7483	—
6' —	0,7399	0,7411
8' —	0,7221	0,7234
10' —	0,7064	0,7101
14' —	0,6871	0,6866
18' —	0,6693	0,6718
26' —	—	0,6457
32' —	0,6339	—
44' —	0,6182	0,6198
56' —	0,6040	0,6122
68' —	0,5984	0,6048
80' —	0,5972	0,6007

Alle diese Beobachtungen zeigen, dass bei den zu den Nichtleitern gerechneten Flüssigkeiten Influenzierung stattfindet, welche von der Influenz auf Leiter sich dadurch unterscheidet, dass sie eine längere Zeit gebraucht. Ebenso wie die Influenz zu ihrer Entwicklung Zeit gebraucht, ebenso zu ihrem Verschwinden, wie sich daraus ergibt, dass sich deutliche Rückstände beobachten lassen. So z. B. ergab sich bei der Reihe I des Terpentins, als die Platte

nach Beendigung des Influenzversuches und nach Messung des Potentials der frei schwebenden Platte wieder über die Flüssigkeit gebracht und dann entladen wurde, dass der Rückstand noch 0,2188 der Ladung betrug.

## 5.

Die im vorigen § mitgetheilten Beobachtungen, besonders die Beobachtungen am Schwefelkohlenstoff, machen es wahrscheinlich, dass in Bezug auf Influenz zwischen leitenden und nichtleitenden Flüssigkeiten nur ein gradueller Unterschied besteht, dass nach hinreichend langer Zeit eine ganz ebensolche Vertheilung in den nichtleitenden Flüssigkeiten stattfindet, wie in den leitenden sofort. Ist das der Fall, so muss in dünnen Schichten der Flüssigkeiten die Influenz rascher erfolgen, wenn man die untere Fläche der Flüssigkeit zur Erde ableitet. Ich habe deshalb bei andern Versuchen die Bodenfläche der Flüssigkeitsplatte durch eine Metallplatte ersetzt, welche durch einen Draht mit der Erde in leitende Verbindung gesetzt war.

Dass in so dünnen Schichten die nichtleitenden Flüssigkeiten die Elektrizität auf zwei sie begrenzenden Metallplatten nicht getrennt erhalten kann, ist bekannt; auch die bestisolirende der von mir angewandten Flüssigkeiten entlud die obere Platte momentan, wenn dieselbe so tief herabgelassen wurde, dass sie direkt mit der Flüssigkeit in Berührung kam und in der ganzen Ausdehnung der untern Fläche von der Flüssigkeit berührt wurde. Es wurde z. B. das mit dem Metallboden versehene Gefäss mit Petroleum gefüllt, so weit, dass es mit starker Wölbung über den Rand des Gefässes stand, und dann die geladene Platte so weit herabgelassen, dass sie die Flüssigkeit, nicht aber den Rand des Gefässes berührte. Nach 10" war dann an der Nadel des Elektrometers keine Ablenkung mehr zu erkennen. Ertheilte man der Platte, während sie das Petroleum

berührte, eine Ladung, so konnte man die Nadel des Elektrometers nur wenige Grade ablenken; dieselbe verschwand in wenigen Sekunden, so rasch, dass man die Abnahme der Ladung nicht messend verfolgen konnte.

Wurde dagegen die geladene Platte durch einen Draht mit der Flüssigkeit leitend verbunden, so konnte man ihr, allerdings nicht starke, Ladungen ertheilen, und dieselben verschwanden nur allmählich, wie unter andern folgende Beobachtungen mit Terpentinöl und Petroleum zeigten.

Terpentinöl.		Petroleum.	
Zeit	Ablenkung der Nadel im Elektrometer	Zeit	Ablenkung der Nadel im Elektrometer
0"	5°	0"	9° 20'
20"	3° 6'	24"	6° 20'
40"	2°	46"	5° 28'
60"	1°	70"	5° 5'
		101"	4° 37'
		134"	4° 10'
		166"	3° 46'
		196"	3° 30'
		262"	3°

Darnach leitet Petroleum weniger noch als das Terpentinöl, bei erstem war in 262" die Ladung der Platte nur von 0,4027 auf 0,2287, also nicht auf die Hälfte, zurückgegangen.

Die Influenz erfolgte nun in der That in ähnlicher Schnelligkeit, wie die Leitung durch den ganzen Querschnitt der Flüssigkeit, wie das zu erwarten ist, da dieselbe sich ebenfalls auf den ganzen Querschnitt nahezu gleichmässig erstreckt. Bei Füllung des Apparates mit Schwefelkohlenstoff, Terpentinöl und Olivenöl nahm das Potential in einer bei meinen Versuchen nicht mehr messbaren Zeit denselben Werth an, wie wenn die influenzirende Platte

über einer leitenden Flüssigkeit schwebte, bei der Füllung mit Petroleum war dieser Werth nach einer Minute erreicht.

Folgende Beobachtungsreihen mögen dafür als Beleg dienen.

Zeit	Werthe des Potentials der influenzirenden Platte.				
	Schwefelkohlenstoff	Terpentinöl	Olivcnöl	Petroleum	
0'	1	1	1	1	1
— 20"	—	0,3922	0,4068	0,4388	0,4408
— 40"	0,4039	0,3922	0,4094	0,4013	0,3972
1'	0,4010	0,3922	0,4100	0,3937	0,3908
2'	0,3988	0,3922	0,4166	0,3937	0,3908

Die Unterschiede in den zuletzt erreichten Werthen rühren von kleinen Niveauunterschieden der Flüssigkeitsplatten her. Bei dem Versuche mit dem Olivenöl steigt der Werth, weil während der Beobachtung das Oel etwas herabsank. Bei letzterm war es überhaupt schwierig, das Niveau genau richtig zu erhalten, obwohl bei diesen Versuchen zwischen dem Einfülltrichter und der Flüssigkeitsplatte nur eine Glasröhre von nicht ein Meter Länge war. Ich erhielt deshalb dort auch sehr, eber durchaus unregelmässig, schwankende Werthe.

Dass die nichtleitenden Flüssigkeiten in diesen dünnen Schichten ebenso influenzirt werden, wie leitende, das kann man auch sehr hübsch erkennen, wenn man zunächst die influenzirende Platte auf das leere mit dem Metallboden versehene Gefäss herablässt, und dann durch Einfüllen in den Trichter allmählich die Flüssigkeit in das Gefäss hineinsteigen lässt. Sowie die Flüssigkeit in dem Gefässe emporsteigt, geht die Nadel des Elektrometers zurück, gerade wie wenn die abgeleitete der influenzirenden Metallplatte genähert würde. Das Potential der influenzirenden



Platte über dem leeren Gefäss war, auf jenes der isolirt schwebenden Platte als Einheit bezogen, gleich 0,7535; bei einem Versuche mit Terpentinöl, der in dieser Art ausgeführt war, ging es so erst langsamer, dann rascher herab auf 0,3825, als das Oel ziemlich stark gewölbt stand; bei andern Versuchen wurde der Werth 0,3955, 0,3930, 0,4013, je nachdem das Niveau ein klein wenig höher oder tiefer war.

## 6.

An die Beobachtungen über die Influenz auf Flüssigkeiten habe ich solche über die Influenz auf feste Isolatoren geschlossen. Ich habe dieselben allerdings noch nicht zu Ende führen können, und muss mich deshalb darauf beschränken, einige vorläufige Resultate mitzutheilen, welche die Influenz auf zwei Schellackplatten betreffen, deren die eine eine Dicke von 8 mm., die andere von 25,5 mm. besass. Die Platten waren gegossen, dann sorgfältig auf der Drehbank abgedreht und polirt. Dieselben wurden bei diesen Versuchen auf den obern Rand des Glasgefässes gelegt oder auf eine auf diesem Rande liegende Metallplatte, welche zur Erde abgeleitet war. Die influenzirende Platte wurde dann stets bis auf dieselbe Entfernung von 2,94 mm. von der Platte herabgelassen, und der Gang des Potentials der influenzirenden Platte in derselben Weise beobachtet, wie bei den Flüssigkeiten.

Die folgenden beiden Beobachtungsreihen mit der dünnen Schellackplatte wurden bei sehr verschiedenem Feuchtigkeitszustande der Luft angestellt, bei der ersten Reihe nahm der Logarithmus des Potentials, während die leitende Platte über der Schellackplatte hing, in der Minute um 0,000143, bei der zweiten Reihe um 0,00928 ab. Nichts destoweniger stimmen die gleichen Zeiten entsprechenden Werthe des Potentials recht gut überein.

## Schellackplatte 8 mm.

Zeit	Werthe des Potentials der influenzirenden Platte		Mittel
0'	1	1	1
— 20"	0,8922	0,8784	0,8853 = 1 — 0,1147
— 40"	0,8729	0,8638	0,8687      0,1313
1' —	0,8619	0,8515	0,8567      0,1433
2' —	0,8368	0,8286	0,8327      0,1673
3' —	0,8189	0,8137	0,8163      0,1831
4' —	0,8056	0,8000	0,8028      0,1972
6' —	0,7858	0,7787	0,7827      0,2173
8' —	0,7704	0,7628	0,7666      0,2334
18' —	0,7341	0,7388	0,7365      0,2635
28' —	0,7202	0,7036	0,7119      0,2881
38' —	0,7123	0,7062	0,7093      0,2907
60' —	0,7226	—	0,7226      0,2774
80' —	0,7118	—	0,7118      0,2882

Wie man sieht, wächst hier die Influenz ganz stetig bis zur 28. Minute, von da ab behält das Potential einen constanten Werth, ein Beweis, dass die Influenz in der Platte constant geworden ist.

In ganz gleicher Weise wurde die Beobachtung geführt, als die Schellackplatte auf der abgeleiteten Metallplatte lag. Die beiden folgenden Reihen sind unter ähnlich verschiedenen Umständen erhalten, wie die beiden vorhergehenden, die erste bei trockenem, die letzte bei feuchtem Wetter, an demselben Tage, an welchem die zweite der oben mitgetheilten Reihen erhalten war. Die in den drei ersten Columnen angeführten Zahlen geben die Potentialwerthe der influenzirenden Platte, auf jenen als Einheit bezogen, welchen die Platte besitzt, wenn sie ohne Zwischenlagerung der Schellackplatte der ableitenden Platte in derselben Entfernung gegenüber hing.

Schellackplatte 8 mm. auf abgeleitetem Metall.

Zeit	Werthe des Potentials der influenzirenden Platte		Mittel	
	1	1	1	
0'				
— 20"	0,7216	0,7405	0,7311	= 1 — 0,2689
— 40"	0,7189	0,7393	0,7286	0,2714
1' —	0,7121	0,7383	0,7252	0,2748
2' —	0,7087	0,7318	0,7202	0,2798
3' —	0,7060	0,7294	0,7177	0,2822
4' —	0,7030	0,7290	0,7160	0,2840
6' —	0,6985	0,7215	0,7100	0,2900
8' —	0,6935	0,7176	0,7055	0,2945
18' —	0,6871	0,6899	0,6882	0,3118
28' —	0,6817	0,6779	0,6798	0,3197
38' —	0,6817	—	0,6817	
48' —	0,6810	—	0,6810	

Wie man sieht, wächst auch hier die Influenz auf die Schellackplatte stetig bis etwa zur 30. Minute, aber der Gang der Influenz ist ein ganz anderer, als bei der vorigen Anordnung, im ersten Moment ist die Wirkung eine viel stärkere und die Zunahme ist dann eine viel geringere, als wenn die untere Seite der influenzirten Schellackplatte nicht abgeleitet ist. Am deutlichsten zeigt das die letzte Columnne in beiden Tabellen. Die Zahlen sind dem Werthe des Potentials der im Schellack influenzirten Elektricität auf der influenzirenden Platte proportional. Denn ist das Potential auf der influenzirenden Platte bei Abwesenheit des Schellacks gleich  $V$ , der Werth des Potentials der im Schellack influenzirten Elektricität auf der influenzirenden Platte gleich  $M$ , so ist das auf der Platte beobachtete Potential

$$V + M = V (1 - a)$$

$$M = - a \cdot V, \quad \frac{M}{V} = - a.$$

Die folgende Tabelle stellt die Werthe  $a$ , wenn die untere Fläche der Schellackplatte nicht abgeleitet ist,  $a_1$ , wenn sie abgeleitet ist, und die Quotienten  $\frac{a}{a_1}$  zusammen.

Zeit	$a$	$a_1$	$\frac{a}{a_1}$
0'	0	0	
— 20"	0,1147	0,2689	0,4265
— 40"	0,1313	0,2714	0,4837
1' —	0,1433	0,2748	0,5214
2' —	0,1673	0,2798	0,5980
3' —	0,1836	0,2822	0,6506
4' —	0,1972	0,2840	0,6904
6' —	0,2173	0,2900	0,7500
8' —	0,2334	0,2945	0,7925
18' —	0,2635	0,3118	0,8451
28' —	0,2877	0,3197	0,9000

Mittel der nach der 28.' beobachteten Werthe.

Wie man sieht, nähert sich das Potential der in der nicht abgeleiteten Platte influenzirten Elektricität immer mehr dem Werthe der in der abgeleiteten Platte influenzirten, ohne dasselbe jedoch ganz zu erreichen.

Bei der zweiten, 25,5 mm. dicken Schellackplatte fand sich der Gang des Potentials der influenzirenden Platte abhängig von der Oberflächenbeschaffenheit des Schellacks, bei feuchtem Wetter nahm derselbe entschieden rascher ab als bei trockenem Wetter, und zwar zeigte sich der Einfluss ganz gleich bei abgeleiteter, wie bei nicht abgeleiteter unterer Fläche; vielleicht ist es auch eine durch längeres Liegen veranlasste Aenderung des Schellacks, welche diesen verschiedenen Gang der Influenz bewirkte, indem die Beobachtungen bei trockenem Wetter mit der ganz frisch bereiteten Schellackplatte angestellt sind, während die andern einige Wochen später gemacht sind.



Folgende Tabelle enthält die an der frischen Schellackplatte bei trockenem Wetter gefundenen Werthe  $\frac{M}{V} = a$  für die unten nicht abgeleitete und  $a_1$  für die abgeleitete Platte, sowie die Quotienten  $\frac{a}{a_1}$ .

Schellackplatte 25,5 mm. dick.					
Zeit	isolirt a	abgeleitet			$\frac{a}{a_1}$
		a <sub>1</sub>	a <sub>1</sub>	Mittel a <sub>1</sub>	
0'	0	0	0	0	0
— 20"	0,0826	—	0,2125	0,2125	0,3896
— 40"	0,0971	—	0,2126	0,2126	0,4567
1' —	0,1060	0,2283	0,2183	0,2233	0,4747
2' —	0,1255	0,2396	0,2318	0,2357	0,5324
3' —	0,1383	0,2442	0,2402	0,2422	0,5710
4' —	0,1502	0,2496	0,2480	0,2488	0,6037
6' —	0,1693	0,2589	0,2621	0,2605	0,6500
8' —	0,1831	0,2683	0,2735	0,2709	0,6759
18' —	—	0,2945	0,3240	0,3092	—
28' —	—	0,3102	0,3360	0,3231	—
38' —	—	0,3227	0,3465	0,3346	—
48' —	—	0,3343	0,3590	0,3466	—
82' —	0,3133	0,3552	0,3775	0,3663	0,8553
102' —	0,3229	0,3617	0,3841	0,3729	0,8661

Die einige Wochen später bei feuchtem Wetter erhaltenen Werthe sind in folgender Tabelle zusammengestellt.

Schellackplatte 25,5 mm. dick.				
Zeit	isolirt			
	a	a	Mittel a	
0'	0	0	0	
— 20"	0,1090	0,1239	0,1164	
— 40"	0,1238	0,1405	0,1321	



Schellackplatte 25,5 mm. dick.

Zeit	isolirt		
	a	a	Mittel a
1' —	0,1368	0,1529	0,1448
2' —	0,1697	0,1809	0,1753
3' —	0,1901	0,2014	0,1957
4' —	0,2072	0,2161	0,2117
6' —	0,2447	0,2455	0,2451
8' —	0,2654	0,2718	0,2686
18' —	0,3105	0,3199	0,3152
28' —	0,3431	0,3478	0,3455
38' —	0,3620	0,3675	0,3648
48' —	0,3895	0,3692	0,3793
58' —	—	0,3769	0,3769
68' —	—	0,3816	0,3816
78' —	—	0,3800	0,3800

	abgeleitet			$\frac{a}{a_1}$
	a <sub>1</sub>	a <sub>1</sub>	Mittel a <sub>1</sub>	
0	0	0	0	0
0,2546	0,2528	0,2537	0,2537	0,4588
0,2773	0,2668	0,2721	0,2721	0,4855
0,2952	0,2812	0,2882	0,2882	0,5002
0,3185	0,3095	0,3140	0,3140	0,5582
0,3368	0,3199	0,3283	0,3283	0,5961
0,3491	0,3307	0,3399	0,3399	0,6228
0,3650	0,3512	0,3582	0,3582	0,6831
0,3748	0,3610	0,3679	0,3679	0,7301
0,3962	0,3816	0,3889	0,3889	0,8105
0,4060	0,3955	0,4008	0,4008	0,8620
0,4065	0,4062	0,4064	0,4064	0,9016
—	0,4073	0,4073	0,4073	0,9312
—	0,4099	0,4099	0,4099	0,9197
—	0,4039	0,4039	0,4039	0,9447
—	0,4051	0,4051	0,4051	0,9382

Die Tabellen zeigen, dass auch hier das Potential der in der Schellackplatte influenzirten Elektricität stetig bis zu einer gewissen Grenze wächst, welche bei den Versuchen mit der frischen Schellackplatte nach 102 Minuten noch nicht, bei den spätern Versuchen nach etwa 60 Minuten erreicht ist. Der erreichte Grenzwert des Potentials der influenzirten Elektricität ist hier bei der etwa dreifachen Dicke des Schellacks nicht unbeträchtlich höher als bei der dünnern Platte, und zwar sowohl bei der isolirten als abgeleiteten Platte. Die Quotienten  $\frac{a}{a_1}$  haben im Wesentlichen denselben Verlauf, nur scheint der Werth derselben bei der dicken Platte etwas grösser zu werden, denn das Mittel der 4 letzten Werthe ist 0,9334, während bei der dünnen Platte nach der erreichten Constanz der Werth nur 0,900 wurde.

Das Potential der in dem Schellack influenzirten Elektricität erreicht übrigens weder in der dicken noch in der dünnen Platte den Werth, wie in den flüssigen Platten, er bleibt vielmehr in beiden Fällen ziemlich hinter demselben zurück.

Sobald es meine Zeit erlaubt, werde ich diese Versuche mit verschiedenen Isolatoren und Platten verschiedener Dicke fortsetzen, ich unterlasse es deshalb, auch jetzt noch weitere Schlüsse aus diesen Beobachtungen zu ziehen; nur will ich bemerken, dass mir der Gang des Potentials der im Schellack influenzirten Elektricität zu zeigen scheint, dass die festen Isolatoren ebenso wenig quantitativ von den Leitern verschieden sind, wie die flüssigen, besonders die mit der dicken Platte erhaltenen Werthe sprechen nicht dafür, dass man den Schellack als Dielektricum und die Zunahme des Potentials der in ihr influenzirten Elektricität als dielektrische Nachwirkung betrachten kann.

---

Der Classensecretär bespricht nachstehende von H. Baumhauer eingeschickte Abhandlung:

„Ueber die Aetzfiguren des Apatits und des Gypses.“

I. Es ist schon früher erkannt worden, dass die Form der Aetzfiguren an Krystallen nicht nur von dem Krystallsystem der betreffenden Körper abhängt, sondern auch in nächster Beziehung zu deren besonderen krystallographischen Eigenthümlichkeiten steht. Die Eindrücke zeigen mikroskopisch gemäss ihrer ganzen Ausbildung den makroskopisch-holoëdrischen oder hemiëdrischen Charakter der betreffenden Krystalle. Ich will nur an zwei Fälle bei hemiëdrischen Körpern erinnern. Leydold wies nach, dass das Hauptrhomboëder des Quarzes nach dem Aetzen mit Flusssäure mit anders gelagerten Vertiefungen als das Gegenrhomboëder bedeckt ist, und dass die angeschliffene Basis nach dem Aetzen Eindrücke zeigt, welche aus dreiflächigen Ecken bestehen, an denen durch Combination mit Trapezoëdern rechts oder links gewundene Kanten auftreten. Auf den Würfel- und Oktaëderflächen des Eisenkieses beobachtete G. Rose nach dem Aetzen mit Königswasser pyritoëdrische Eindrücke, ja er glaubt sogar, es werde bei weiterem Studium noch möglich sein, zwischen den Aetzfiguren der positiven und negativen Flächen beim Eisenkies einen Unterschied zu finden.

Da nun die hemiëdrischen Körper schon als solche dem Mineralogen ein erhöhtes Interesse bieten, so beabsichtige ich, gerade sie vorzugsweise auf ihre Aetzfiguren



zu untersuchen und wählte diesmal den Apatit, welcher durch die ebenflächige Ausbildung seiner Krystalle, sowie durch seine leichte Angreifbarkeit durch Säuren ganz besonders dazu einlud.

Zu meinen Versuchen benutzte ich namentlich einen farblosen ziemlich grossen, mit glänzenden Flächen versehenen Krystall von Sulzbach (Knappenwand). An demselben beobachtete ich folgende Flächen:

$$P = \infty a : \infty a : \infty a : c \quad (0 P)$$

$$M = a : a : \infty a : \infty c \quad (\infty P)$$

$$x = a : a : \infty a : c \quad (P)$$

$$s = a : \frac{1}{2}a : a : c \quad (2 P_2)$$

$$r = 2a : 2a : \infty a : c \quad (\frac{1}{2} P)$$

ausserdem untergeordnet  $z = \frac{1}{2}a : \frac{1}{2}a : \infty a : c \quad (2 P)$ ,  
 $e = a : \frac{1}{2}a : a : \infty c \quad (\infty P_2)$  sowie pyramidal hemiëdrisch  
 $u = a : \frac{1}{3}a : \frac{1}{2}a : c \quad (3 P^{\frac{3}{2}})$  und  $b = a : \frac{1}{4}a : \frac{1}{3}a : c \quad (4 P^{\frac{4}{3}})$ .  
 Unter dem Mikroskop liessen sich als ganz untergeordnete Abstumpfungen die Gegenflächen der hemiëdrischen Pyramiden erkennen.

Der beschriebene Krystall wurde nur einige Augenblicke der Einwirkung gelinde erwärmter Salzsäure ausgesetzt. Zuerst bedeckte sich die Basis mit Eindrücken, sie wurde leichter von der Säure angegriffen als die übrigen Flächen. Sämmtliche Flächen zeigten indess Aetzeindrücke, freilich von verschiedener Grösse und ungleich deutlicher Ausbildung. Näher untersucht habe ich  $0 P$ ,  $\infty P$ ,  $P$ ,  $2 P_2$  und  $\infty P_2$ .

1) Auf der Basis beobachtet man schon bei mässiger Vergrösserung sechsseitige Vertiefungen, welche einer hexagonalen Pyramide entsprechen. Dieselben sind meist von grosser Regelmässigkeit und Schärfe, so dass die geätzte und mit den Eindrücken übersäte Fläche unter dem Mikro-

skop einen hübschen Anblick gewährt. Die Vertiefungen sind weder auf eine Proto- noch auf eine Deutero- pyramide zurückzuführen, sondern werden durch die Flächen einer Tritopyramide gebildet. Hiervon kann man sich leicht durch Vergleichung der Lage ihrer Kanten mit derjenigen der Combinationskanten  $oP/x$  oder  $oP/M$  überzeugen. Ob aber die Flächen der Eindrücke auf einen Hälftflächenner des Ausdruckes  $a : \frac{1}{3}a : \frac{1}{2}a : mc$  (vielleicht  $u = a : \frac{1}{3}a : \frac{1}{2}a : c$ ) oder  $a : \frac{1}{4}a : \frac{1}{3}a : mc$  (vielleicht  $b = a : \frac{1}{4}a : \frac{1}{3}a : c$ ) oder auf noch eine andere Form zu beziehen sind, lässt sich bei so kleinen Objecten durch das blosse Augenmaass nicht sicher entscheiden. Man kann sich von der Richtigkeit dieser Bemerkung durch Betrachtung der Figur I leicht überzeugen. Es ist daselbst eine Projektion der wichtigsten am Krystall auftretenden Pyramiden auf die Basis gegeben. Ausserdem sind zwei Vertiefungen gezeichnet, wovon die mit 1 bezeichnete, deren Seiten mit den Projektionslinien von  $u$  parallel gehen, ihrer Stellung nach auf eine  $u$  analoge, die mit 2 bezeichnete, deren Seiten den Projektionslinien von  $b$  parallel sind, auf eine  $b$  entsprechende Tritopyramide zurückzuführen ist. Wie man sieht, erscheint der Unterschied in der Lage beider Vertiefungen unbedeutend, obschon ihre Begrenzungslinien mit der Kante  $oP/M$  die Winkel  $19^{\circ} 6'$  (resp.  $40^{\circ} 54'$ ) und  $13^{\circ} 54'$  (resp.  $46^{\circ} 6'$ ) bilden. Ist aber kein Object vorhanden, welches zur Vergleichung dienen kann, so ist es dem blossen Auge wohl unmöglich, die Lage einer solchen verhältnissmässig kleinen Vertiefung genau zu bestimmen. So viel lässt sich jedoch in unserem Falle leicht erkennen, dass die Tritopyramide, auf welche die Flächen der sechsseitigen Vertiefungen zurückzuführen sind, derselben Stellung angehört, wie die als Krystallflächen auftretenden Hauptflächen  $u$  und  $b$ .

2) Die auf  $M = \infty P$  auftretenden Vertiefungen sind ebenfalls in Fig. I abgebildet, wo drei Flächen  $M$  in der Ebene der Basis um dieselbe gruppiert gezeichnet sind. Der Durchschnitt dieser Vertiefungen mit  $M$  zeigt die Form eines geraden Trapezes, welches seine kleinere Grundlinie an der Seite liegen hat, wo in dem nämlichen Sextanten die hemiëdrischen Hauptflächen  $u$  und  $b$  auftreten. Die Vertiefungen werden von zwei bis drei Prismen- und zwei Pyramidenflächen gebildet, erstere sind in der Figur mit  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\delta$ , letztere mit  $\gamma$  bezeichnet. Die Prismenflächen  $\alpha$  und  $\beta$  scheinen einem Tritoprisma, vielleicht  $c = a : \frac{1}{2}a : \frac{1}{2}a : x c$  ( $\infty P \frac{2}{3}$ ), anzugehören, denn die beiden Flächen sind ungleich gegen  $M$  geneigt, woher sie verschiedene Grösse besitzen. Häufig tritt noch eine abstumpfende Fläche  $\delta$  hinzu, welche auf  $\infty P$  zurückzuführen ist. Der Durchschnitt der beiden Pyramidenflächen  $\gamma$  mit  $M$  geht der Kante  $s/M$  oder  $u/M$  nicht parallel, woraus folgt, dass jene Flächen weder auf die Deutero- oder Tritopyramide  $s = 2 P \frac{1}{2}$ , welche dabei wegen des einseitigen Auftretens als Grenzform, d. h. als Gegentritopyramide, aufzufassen wäre, noch auf die dem nämlichen Sextanten angehörigen Gegenflächen der Tritopyramiden  $u$  oder  $b$  zurückzuführen sind. Sie entsprechen einer anderen Gegentritopyramide.

Häufig sind die Kanten der Vertiefungen auf  $M$  (s. Fig. I,  $\epsilon$ ) an einer Seite so stark abgerundet, dass nur die allgemeine Gestalt der Eindrücke erhalten bleibt. Aber selbst dann kann man über den pyramidal-hemiëdrischen Charakter der Formen nicht im Zweifel sein.

3) Die Vertiefungen auf  $x = P$  zeichnen sich unvorthailhaft durch ihre geringe Grösse und wenig scharfe Ausbildung aus. Sie liegen zudem so dicht beisammen, dass es nur möglich ist, etwas Allgemeines über die Gestalt und Lage der einzelnen Eindrücke zu sagen. Dieselben



sind, wie es scheint, dreiseitig und liegen ihrer grössten Ausdehnung nach in einer Richtung, welche ungefähr mit der Kante zusammenfällt, die von  $x$  und der über der Hauptfläche  $u$  liegenden benachbarten  $s$  gebildet wird. Hieraus ergibt sich schon, dass auch diese Vertiefungen mit dem hemiëdrischen Habitus des ganzen Krystalles in engem Zusammenhange stehen.

4) Auf  $s = 2P_1$  erscheinen unsymmetrische Vertiefungen, welche in Fig. II in ihrer verschiedenartigen Ausbildung wiedergegeben sind. In ihrer einfachsten Form ( $\alpha$ ) sind sie vierseitig und werden von vier verschiedenen Flächen gebildet. Der Durchschnitt der Fläche 1 (s. Fig. bei  $\alpha$ ) mit  $s$  geht parallel der Kante  $s/z$ , derjenige der Fläche 3 mit  $s$  parallel der Kante  $s/e$ , für 2 und 4 findet sich eine derartige einfache Beziehung nicht. Die Fläche 3 lässt sich wohl auf  $e = \alpha P_1$  zurückführen. Die Fläche 1 könnte der Pyramide  $z = 2P$  angehören, doch würde letztere dabei nur einseitig auftreten und somit als Tritopyramide (Grenzform  $2P_n$ , wobei  $n = 1$ ) zu deuten sein. Es würde dann in unserer Figur 1 mit der rechts liegenden  $z$  übereinstimmen. Die mit 2 und 4 bezeichneten Flächen der Vertiefungen scheinen zwei Gegentritopyramiden anzugehören. Oft wird die Kante  $1/2$  durch eine fünfte Fläche schief abgestumpft ( $\alpha$ ,  $\beta$  und  $\gamma$ ); manchmal auch tritt an Stelle von 3 eine sanft gewölbte Fläche, oder diese Seite der Vertiefungen wird, wie bei  $\gamma$ , durch drei Flächen gebildet. Nicht selten endlich beobachtet man die weniger scharf ausgeprägte, mit gewölbten Flächen versehene Form  $\delta$ .

5) Während die Deuteroypyramide  $2P_1$ , wie wir eben sahen, unsymmetrische Vertiefungen zeigt, beobachtete ich auf dem Deuteroprisma  $e = \alpha P_1$  sehr kleine symmetrische



Aetzeindrücke. Dieselben sind vierseitig und ihr Durchschnitt mit  $e$  stellt ein in der Richtung der Hauptaxe verlängertes Rechteck dar. Die an den kürzeren Seiten liegenden Flächen dürften auf  $s$ , die an den längeren liegenden auf  $M$  zurückzuführen sein, da sie unter dem Mikroskop mit den genannten Flächen des Krystalles einzuspiegeln scheinen. Es ist möglich, wenn nicht wahrscheinlich, dass an diesen Vertiefungen untergeordnet auch noch hemiëdrische Flächen auftreten, doch konnte ich solche nicht wahrnehmen. Die Eindrücke auf  $e$ , welche hinsichtlich ihrer Grösse weit hinter denen auf  $P$ ,  $M$  und  $s$  zurückbleiben, sind in Fig. III abgebildet.

Die Aetzfiguren auf den Flächen  $r = \frac{1}{2} P$ ,  $z = 2 P$  und  $u = 3 P \frac{2}{3}$  waren nicht so deutlich ausgebildet, dass sich eine nähere Beschreibung derselben verlohnte.

Aus den mitgetheilten Beobachtungen geht zunächst auf's Bestimmteste hervor, dass der Apatit in der That pyramidal-hemiëdrischer Natur ist, wenn auch von verschiedenen Forschern, wie G. vom Rath und Hesselberg, die Pyramide  $u$  an gewissen Krystallen von Pfitsch vollflächig beobachtet wurde und Quenstedt meint, es sei überhaupt auf die Hemiëdrie nur ein bedingtes Gewicht zu legen. Der Apatit schliesst sich in Bezug auf die Uebereinstimmung seiner Aetzfiguren mit seinem krystallographischen Charakter an den Quarz und den Pyrit an. Das Gesagte gilt indess nicht bloss von solchen Apatitkrystallen, an welchen hemiëdrische Flächen auftreten, sondern auch von solchen, die nur von heloëdrischen Flächen begrenzt werden. Um mich hiervon besonders zu überzeugen, ätzte ich Krystalle von der Fibbia am St. Gotthard, an welchen nur die Flächen  $oP$  und  $\infty P$  auftraten. Für  $\infty P$  konnte ich allerdings wegen ungünstiger Beschaffenheit der Flächen die Gestalt der Aetzeindrücke

nicht genau feststellen, auf oP aber waren die einer Tritopyramide angehörigen Vertiefungsgestalten auf's Schönste sichtbar.

Die Form, sowie die Gleichheit oder Ungleichheit der Aetzfiguren auf verschiedenen Flächen der Krystalle entspricht also nicht nur, wie ich schon oben bemerkte, dem Krystalssystem<sup>1)</sup> des betreffenden Körpers, sondern die Eindrücke geben auch ein Kriterium für die Hemiëdrie ab. Beim Apatit, desgleichen beim Quarz und Pyrit, genügt, wie wir sahen, schon die Prüfung einzelner heloëdrischer Flächen, um die Frage nach der Existenz und Art der Hemiëdrie zu entscheiden; in einzelnen Fällen hingegen mag eine allseitige Untersuchung der den Krystall begrenzenden Flächen, so auch der hemiëdrischen und ihre zugleich auftretenden Gegenflächen hierzu nothwendig sein<sup>2)</sup>.

Als ein zweites Ergebniss dieser Arbeit glaube ich die Berechtigung ansehen zu dürfen, diejenigen Flächen des

---

1) Bei der Untersuchung einzelner Flächen, namentlich da, wo die Winkel eines weniger symmetrischen Krystalles nur wenig von denjenigen eines mehr symmetrischen abweichen, wird dies nur bei sehr genauer Beobachtung zu erkennen sein. So scheinen z. B. die Aetzeindrücke auf der Basis des gelben Blutlangensalzes quadratisch zu sein, doch bemerkte K. Haushofer schon 1865, dass dieselben in den meisten Fällen einen rhomboidalen Charakter zeigen, was mit der später erkannten monoklinen Natur des genannten Salzes übereinstimmt. Für  $M = a : \infty b : \infty c$  (mit fast rechtem ebenem Winkel) des Kaliumbichromates beschrieb ich früher (1870) rechts und links symmetrische Aetzfiguren, während eine erneute genaue Prüfung ergab, dass die Spitze der drei- bis fünfseitigen Vertiefungen, entsprechend dem triklinen Krystalssysteme, nicht genau senkrecht über deren Basis liegt.

2) So habe ich z. B. beim Aetzen der Basis und einzelner Säulenflächen des als sphenoidisch-hemiëdrisch betrachteten rhombischen Seignettesalzes (weinsaures Kali-Natron) keine Anzeichen von Hemiëdrie wahrgenommen. Ich halte es jedoch für wahrscheinlich, dass solche bei genauer Untersuchung der meist vollflächig auftretenden Pyramide, welche ich damals nicht ausführte, hervortreten werden.



Apatits, deren Aetzfiguren nach rechts und links unsymmetrisch sind, die also dem Lösungsmittel nach diesen beiden Richtungen ungleichen Widerstand leisten, nicht als wirklich holoëdrische, sondern als hemiëdrische, resp. Grenzformen, zu betrachten. Solche Flächen wären namentlich  $M$ ,  $x$  und  $s$ .  $M$  wäre ein Tritoprisma  $\infty P_n$ , wo  $n = 1$ ;  $x$  eine Tritopyramide  $P_n$ , ebenfalls mit  $n = 1$ ;  $s$  eine solche  $2 P_n$ , wo  $n = 2$ .

Selbst die Basis zeigt gemäss ihrer Aetzeindrücke einen hemiëdrischen Charakter. Dem entsprechend kann sie als eine Tritopyramide  $mP_n$  gedeutet werden, bei welcher  $m = 0$  ist.

II. Als ich Spaltungsstücke von Gyps mit den drei Flächen  $p = \infty a : b : \infty c = \infty P \infty$  (blättriger Bruch),  $M = a : \infty b : \infty c = \infty P \infty$  (muscheliger Bruch) und  $T = a' : \infty b : c = P \infty$  oder  $n = a' : b : c = P$  (fasriger Bruch) einige Augenblicke in concentrirter Kalilauge erwärmte und hierauf durch Eintauchen in Salzsäure von der durch die Einwirkung des Kalis entstandenen dünnen Kalkkruste reinigte, fand ich, dass sich die einzelnen Flächen mit Aetzfiguren bedeckt hatten, welche auf  $p$  bei deutlicher Ausbildung eine aussergewöhnliche Grösse zeigten, während sie auf  $M$  und  $T$  verhältnissmässig klein waren. Die Vertiefungen auf  $p$  (Fig. IV,  $\alpha$ ,  $\beta$ ) sind vierseitig und ihre Flächen fein gestreift; der Durchschnitt der Eindrücke mit  $p$  hat die Form eines Rhomboids, dessen längere Seite der Kante  $p/M$  und dessen kürzere Seite der Kante  $p/l$  parallel geht. Die Winkel dieses Rhomboids betragen also  $127^\circ 44'$  und  $52^\circ 16'$ . Demgemäss kommen den Flächen, welche die Vertiefungen bilden, die Ausdrücke  $a : xb : \infty c$  und  $a : yb : c$  zu, worin  $x$  und  $y$  unbekannt sind. Aus der Gestalt der Eindrücke ersieht man jedoch, dass Winkel  $a/a'$  (Fig. IV,  $\beta$ ) stumpfer ist als Winkel  $b/b'$ , woraus folgt, dass  $x$  grösser als  $y$  sein muss. Zur Orientirung ist in Fig. IV bei  $\gamma$

die Lage der am Gyps gewöhnlich auftretenden Flächen p, f und l gegen die Blätterbrüche T und M durch punktirte Linien angedeutet. Die Flächen M erscheinen nach dem Aetzen mit äusserst feinen, dicht neben einander liegenden Furchen (Streifen) bedeckt, welche parallel der Kante M/p gehen. Am undeutlichsten sind die auf dem unebenen Blätterbruch T auftretenden Eindrücke, doch lässt sich erkennen, dass auch sie vorzugsweise nach einer Richtung, parallel der Kante T/p, ausgedehnt sind.

---





Herr Hermann v. Schlagintweit-Sakünlünski  
meldet

„Einsendung eines Geschenkes von Herrn  
Dr. Armin Wittstein“,

und verbindet damit

„Angaben zur Charakteristik der Kru-  
Neger“,

wie folgt:

(Mit 1 Tafel, in photographischem Pressendrucke ausgeführt, S. 187.)

Die vorliegenden ethnographischen Gegenstände wurden mir, nebst Schreiben des Einsenders, von Herrn Dr. Armin Wittstein zugestellt, welcher dieselben der k. b. Akademie der Wissenschaften als Ehrengabe anbietet.

Sie sind gesammelt an 5 der bewohnten Haltestellen, welche die nach der Kerguelen-Insel entsandten Astronomen 1874 und 1875 auf ihren Seewegen berührten, und es befinden sich in der Reihe dieser Gegenstände auch solche, die — wie das arabische Gazellenhorn, noch mehr das malayische Messer — schon zwischen den Eingebornen als Werth-objecte eine nicht unbedeutende Entfernung von dem Orte ihrer Anfertigung erreicht hatten; andere, so das Monochord aus Südafrika, sind wegen der Art ihrer Ausführung sehr bemerkenswerth. Die Kerguelen-Insel selbst war unbewohnt gefunden worden und es zeigten sich auch keine Spuren irgend früherer Ansiedlung.

Einen Theil seiner Route bei der Hinreise hatte Dr. Wittstein jüngst in unserer geographischen Gesellschaft, am 16. Mai l. J., in einem Vortrage „Ueber die Inseln St. Jago und Ascension, sowie über die Neger-Republik Liberia“, geschildert. In seinem Briefe schreibt er mir, d. d. München, 18. Mai 1875:

„Beifolgend erlaube ich mir, Ihnen eine kleine ethnographische Sammlung, die ich, als Mitglied der Deutschen Reichs-Expedition nach der Kerguelen-Insel zur Beobachtung des Venus-Vorüberganges am 9. December 1874, erworben, zu überreichen, mit dem ergebensten Ersuchen, dieselbe der Kgl. Bayerischen Akademie der Wissenschaften zu eventueller Einreihung in das Kgl. Bayerische ethnographische Museum gefälligst vorlegen zu wollen.

Gestatten Sie mir, im Folgenden die einzelnen Gegenstände, die ich zu diesem Zwecke mit Nummern versehen habe, hier aufzuzählen und damit in Kürze erläuternde Bemerkungen über dieselben zu verbinden.

#### A. Von der Insel St. Jago.

Nr. I. Geschnitzte Cocosnuss-Schaale aus Porto Praya, der Hafenstadt von St. Jago, einer der Cap Verde'schen Inseln. Solche Schaaen sind wohl das einzige Product des Kunstfleisses der dortigen Neger; dieses Exemplar besteht, wie schon der Farbenunterschied erkennen lässt, aus zwei verschiedenen Schaaen. Ueber etwaige Bestimmung derselben zu besonderer Verwendung ist mir nichts bekannt geworden.

#### B. Geräthe der Bewohner der Neger-Republik Liberia.

Nr. II. Wurfspiess der Kru-Neger, bei Monrovia, der Hauptstadt der Negerrepublik Liberia, von einem Angehörigen dieses Stammes erhalten. Die Krus finden sich von Freetown bis zum Busen von Benin ver-

breitet. Der Wurfspiess dient sowohl als Jagd-, wie als Kriegs-Waffe; der umgewickelte Strick verleiht der Spitze mehr Festigkeit. Ueber ein Drittheil des Spiesses ist mit einem eisernen Schuh versehen, der in einen kleinen, bei leichter Feldarbeit angewandten Spaten endigt.

Nr. III. Messer in Lederscheide, mit Gürtel zum Tragen desselben; solches ist im Gebrauche der Neger in Liberia, vorzugsweise ebenfalls bei Feldarbeit, z. B. bei Ananas-Anbau; ausserdem wird es auch als Waffe geführt.

C. Gegenstände aus der Kongo-Hafenstadt Punta da Lenha, am rechten Ufer des Kongo- oder Zaïre-Flusses.

Nr. IV. Tabaks-Pfeife einer Negerfrau, aus Punta da Lenha, von den dortigen Negern verfertigt. Fast alle Exemplare dieser Pfeifen gleichen sich vollkommen, nur ist bei manchen der Stiel etwas länger und mit Schnüren von Glasperlen umwunden. Ob den eingeritzten Figuren irgend eine Bedeutung beizulegen ist, kann ich nicht beurtheilen. Der Kopf endigt nach unten in zwei gefaltete Hände.

Nr. V. Musikinstrument der Kongo-Neger, aus Punta da Lenha. Ich erstand es von einer kleinen Negertruppe, die sich auf Kongo-Booten musicirend mit demselben unterhielt und an Land auch danach tanzte. Das Instrument wurde ähnlich wie unsere Guitarre gehandhabt, nur mit dem Unterschiede, dass es der Spieler mit dem Ende, wo sich das Schall-Loch befindet, gegen den Unterleib presst; es zeigen sich 5, wie mir scheint, aus Bastfasern bestehende Saiten. Im Innern des Kastens ist eine Anzahl Reserve-Saiten aufbewahrt.

Nr. VI. Fetisch der Kongo-Neger, aus Punta da Lenha. Diese roh aus Holz geschnitzte, menschliche Figur scheint in der rechten Hand ein Trinkgefäss zu halten.



Dem Götzen war noch keine priesterliche Weihe gegeben worden; im entgegengesetzten Falle dürfte Erlangung eines solchen mit Lebensgefahr für den Sammler verbunden sein<sup>1)</sup>).

#### D. Erwerbungen in Capstadt.

Nr. VII. Musikinstrument der Hottentotten mit Bogen. Den Haupttheil des nur mit einer einzigen Darmsaite versehenen Instrumentes bildet eine kugelförmige, mit einem Trommelfell überzogene Schaafe, die wahrscheinlich einer Kürbis-Art angehört. Es wird vermittelt eines kleinen Bogens, in welchen Pferdehaare eingespannt sind, wie die Violine gespielt. Zum Raubmachen der Haare des Bogens dient eine kleine Quantität Harz, das auf den kugelförmigen Theil aufgeklebt ist.

Nr. VIII. Assagai oder „Wurfspiess“ der Hottentotten. Die mit ihrem Ausatze etwa 35 Centim. lange eiserne Spitze ist mit sogenannten Blutrinnen versehen; ihre Befestigung am Schafte, in den sie eingelassen, ist durch ein umgewickeltes Bastende, das auch noch mit irgend einem Harz überstrichen zu sein scheint, hergestellt. Verwendet wird die Lanze sowohl zur Jagd als zum Kriege.

Nr. IX und X. Zwei Assagais der Kaffern, zu Jagd- und Kriegszwecken dienend. Die Spitzen sind, ebenso wie bei Nr. VIII, mit Blutrinnen versehen und

---

1) „Als ein Analogon der rohen Eigenthümlichkeit der Kongos ist anzuführen, dass jeder Stamm eine sogenannte Kriegstrommel besitzt, die als ebenso heilig gilt, als die Fetische. Schon dieselbe zu beschädigen, ist von den schlimmsten Folgen begleitet und wird als Vorbedeutung eines bevorstehenden Unglückes im Kriege angesehen. Mitte Juli 1874, wenige Wochen vor unserer Ankunft, war ein Mann, der aus Versehen dieses heilige Instrument, ich weiss nicht welchen Stammes, zertrat, bald nach seiner That ermordet im Walde gefunden worden.“ (Aus Vortrag vom 14. Mai 1875.)



ragen mit ihren Ansätzen zum Theil in das Innere der Schäfte hinein, die bei beiden aus hohlen Rohrstämmen bestehen. Die Dauerhaftigkeit der Befestigung der Spitzen an den Schäften sichern Umwickelungen mit Lederlappen; bei Nr. IX kann man am Leder noch einige Haare sehen, bei Nr. X ist der Lappen mit einer harzigen Substanz überstrichen.

Nr. XI. Schürze einer Kafferfrau, nebst einem Halsbande und 2 Kniebändern.

Nr. XII. Von Kaffern verfertigter, hölzerner Löffel.

Nr. XIII. Gläserne Pfeilspitze eines Buschmanns, von Herrn Dr. Bleek in Capstadt zum Geschenke erhalten.

Nr. XIV. Haarprobe von einem Buschmann, ebenfalls Geschenk des Herrn Dr. Bleek.

Nr. XV. Malayisches Messer in hölzerner Scheide, in Capstadt gekauft. Griff und Scheide, beide aus Holz, sind mit einer Fischhaut überzogen. Die Scheide trägt am oberen Ende einen Silberbeschlag, der im Vergleich mit den übrigen Theilen dieser Waffe von unerwartet guter Ausführung ist.

Nach einer Lederschlinge zu urtheilen, die als Anhänge-Vorrichtung dient, sowie nach der auf der Seite mit der Schlinge stärkeren Abnützung der Scheide, wurde das Messer so getragen, dass seine Schneide nach aufwärts gerichtet war. Auf der der Lederschlinge entgegengesetzten Seite der Scheide finden sich Spuren malayischer Buchstaben.

E. Ankauf in der Hafenstadt Aden.

Nr. XVI. Gazellen-Horn mit Griff, von arabischen Bootführern in Aden erstanden. Das Horn, wie ich glaube, ist künstlich zugespitzt. Der Griff ist aus Holz und

in das Horn eingelassen. Aus dem Innern Arabiens nach dem Hafen gebracht. — Bestimmte Angaben über die Verwendung konnte ich nicht erhalten. Die Form lässt auf Führung als Parade-Waffe schliessen.“ —

(Herr Professor von Kobell spricht als Classensecretär den verbindlichsten Dank für Herrn Dr. Wittstein's sehr schätzenswerthen Beitrag zur ethnographischen Sammlung des Staates aus.)

Zu Beobachtungen über Kru-Neger hatte sich auch mir Gelegenheit geboten und ich war in der Lage, dieselbe auch zu Messungen und plastischen Abformungen benützen zu können.

Mein Zusammentreffen mit Krus war ein ganz unerwartetes; ich begegnete deren 1857, als ich gleichzeitig mit meinem Bruder Robert aus Indien nach Europa zurückkehrte, zu Aden. Diese Krus waren demnach durch die ganze Breite Afrikas von ihrer Heimath getrennt; und sie waren zu Aden nach lange währendender Umschiffung der Südspitze Afrikas als Matrosen eines Handelsschiffes eingeborner Kaufleute eingetroffen. Als Schiffsleute sind die Krus, wegen ihres ungemein kräftigen Körperbaus und ihrer Widerstandsfähigkeit gegen tropisches Klima, in Afrika sehr gesucht, obgleich ihnen noch viel von jener Energie fehlt, die vom Europäer zu erwarten ist, so lange dieser in einem ihm nicht gar zu ungünstigen Klima beschäftigt ist<sup>2)</sup>).

2) Gleiches sagte Dr. Wittstein auch über ihre Leistung in der Feldarbeit: „Sobald die Kru-Neger glauben, genug verdient zu haben, ziehen sie sich ins Innere zurück; über ihren Character wurde zu Monrovia eben nicht allzuviel Gutes berichtet.“

Unter den Negern aber sind die Krus in jeder Beziehung noch als zu den besseren gehörend zu bezeichnen.

Die Krus dieses Schiffes waren, mit Ausnahme des Kapitäns selbst, sehr jung; dieser war etwas über 40, von den anderen wohl keiner viel über 25 Jahre alt.

Es gelang, wenigstens 3 der Matrosen zu bewegen, sich messen und abformen zu lassen. Zwei konnte ich dabei wählen, die ganz normal entwickelt waren; der eine, Namens Dáko, war 21, der andere, Namens Aureh, 25 Jahre alt; aber der dritte, Namens Ngima, war nur 18 Jahre alt und hatte zwar gut markirte Gesichtszüge, zeigte sich aber doch noch nicht ganz erwachsen; bei diesem habe ich deshalb, obnehin von der Zeit sehr gedrängt, das Messen etwas weniger ausführlich vorgenommen, als bei Dáko und bei Aureh. Sich abformen zu lassen, entschlossen sich die Leute stets sehr schwer, wegen des unangenehmen Gefühles bei Aufliegen und Erhärten des Gypses, auf das man sie sogar vorher aufmerksam machen musste, sollten sie ausharren. Ungestörtes Athmen lässt sich durch Einstecken von genügend festen Röhren in die Nase sichern, die aber am hinteren Ende stumpf oder weich sein müssen, wie nasses Papier, um nicht zum Niessen zu reizen. Das Abnehmen des Gypses ohne Adhäsion an Haaren oder an der Epidermis wird durch vorsichtiges Befetten und Einölen möglich gemacht. Menschen auf niedrer Bildungsstufe, wie diese, fanden meist auch das Gemessenwerden sehr belästigend, oder gar ominös zu deuten. Hier trat als neues Hinderniss die nöthig gewordene mehrfache Interpretation eines jeden Wortes der Erklärung hinzu. Sie wurde durch Hindostáni von dem aus Calcutta mich begleitenden Múnshi vermittelt, da dieser arabisch konnte und da wenigstens der Führer des Kru-Schiffes arabisch sprach.

Mein indischer Reisegefährte war ein Mussalmán aus Bengalen, Namens Sáýad Mohámmad Said, den ich mitge-



nommen hatte, um möglichst eingehend die Beurtheilung der Schreibweise indischer Namen in Geographie und Völkerkunde durchführen zu können<sup>3)</sup>. Bengáli und Hindostáni war ihm in Schrift und Sprache gleich geläufig, er konnte arabisch und persisch, und wusste auch manche Formen indischer Dialecte recht gut zu beurtheilen; aber wissenschaftliche Basis im Sinne europäischer Bildung fehlte ihm, wie fast immer den Eingebornen. Bei ihm wäre höhere Leistungsfähigkeit um so weniger zu erwarten gewesen, da er bei der Abreise aus Indien noch keine europäische Sprache konnte. Während seines Aufenthaltes in Berlin lernte er eine solche, und zwar, in Rücksicht auf spätere Verwendung in indischem Dienste, nicht deutsch, sondern englisch.

Die Veranlassung zu Herstellung plastischer Racen-typen, die ich in Aden fand, war die letzte auf der indischen Reise; jene Krus bildeten dabei von selbst, als Object des Vergleiches, sehr gut auch Schluss des Ganzen, im Cataloge bezeichnet mit Nr. 273, 274 und 275. Ausser dem Vorderkopfe wurde von zweien, Nr. 273 und 275, die eine Hand, von einem, Nr. 275, ein Fuss abgeformt (von den Extremitäten, wie stets, die rechten).

Insoferne die Liste der Abformungen auch kurzen Ueberblick über die Racen der Bevölkerung Indiens bietet, sei hier eine allgemeine Zusammenstellung aus dem Detail-Cataloge über Indien und Nachbarländer noch beigelegt;

3) Die Details des Geographical Glossary habe ich gegeben in unseren „Results of a scientific Mission to India and High-Asia; Vol. III, part II. Leipzig Brockhaus, London Trübner, 1863.“ Bei der Bearbeitung des ethnographischen Bandes wird sich aufs Neue Veranlassung bieten, sprachliche Daten vergleichend zu prüfen. —

Die Transcription ist erläutert „Results, III. p. 148—160“; hier sei nur speciell erwähnt, als abweichend vom Deutschen: ch = tseh; j = dach; sh = sch; z = weiches s. Auf jedem mehrsilbigen Worte ist Accent angegeben.



die Zahlen mit Sternchen, in Klammern, bedeuten die Frauen unter den Individuen der ganzen betreffenden Gruppe.

Bráhmans	14 (2*)
Rajpúts, reine Raçe	5
Himálaya-Rajpúts	74 (20*)
Bais (Váisias)	5 (1*)
Súdras	12 (4*)
Vereinzelte Hindú-Stämme	6
Aboriginer	26
Mussalmáns, Indien u. Hochasien	54 (2*)
Tibeter: Buddhisten	32 (9*)
Tibeter: Mussalmáns	24
Turks aus Central-Asien	10
Fremde Raçen, in Indien	
ansässig	9
Neger (1 Sídi, 3 Krus)	4 <sup>4)</sup>

Wie ich jüngst vernommen, hat im März dieses Jahres der Afrika-Reisende J. M. Hildebrandt, auf Veranlassung

---

4) Aus meinem Verzeichniss der Publicationen, in dem für das Jahr 1875 publicirten „Almanach der k. b. Akademie der Wissenschaften, S. 225 bis 269“, ist in Betreff der plastischen ethnographischen Raçentypen in Metall und in Gyps, die im Buchhandel erschienen sind, zu nennen:

1. Collection etc. from India and High-Asia, Verlag von J. A. Barth, Leipzig, 1858. Vorderköpfe 275, Hände 30, Füße 7.

2. Afrikanische Raçentypen, von meinem Bruder Eduard, aus Marokko. Verlag von J. A. Barth, Leipzig, 1875. Vorderköpfe 26 und für 5 davon auch Hinterkopf und Büste, Hände 9, Füße 5. (Publication vorbereitet.)

3. Indianer-Raçentypen aus Amerika. Von meinem Bruder Robert, Verlag von Ed. Heinr. Mayer, Cöln und Leipzig, 1870. Vorderköpfe 9.

Die Angaben über Preise der ganzen Reihen und einzelner Gruppen sind in unseren „Prospecten“ erläutert. Ganze Reihen, in Metall-Ausgabe, sind zu London, Paris, St. Petersburg, sowie zu Calcutta und Madrás aufgestellt, kleinere Gruppen in zahlreichen anderen Museen.



STAFFORD LIBRARY

Zu H. v. Schlagintweit-Sakünlünski's Charakteristik der Kru-Neger.



Plastisches Original in Metall; red. auf  $\frac{1}{10}$  natürl. Grösse.

Sitz.-Ber. d. k. b. Ak. d. W. II. Cl. 1875. II.

Unverändert photogr. Pressendruck von J. B. Obernetter, München.

von Prof. Virchow, ebenfalls Gypsabgüsse zu Äden gemacht; es hatte ihn dort der Astronom Prof. H. Vogel begegnet, bei seiner Rückkehr von der Beobachtung des Venus-Durchganges auf den Nikobaren-Inseln. Ueber das Eintreffen der Arbeit Hildebrandt's in Europa, oder über die Individuen, die er sich wählen konnte, ist mir Näheres noch nicht bekannt. Da die plastische Abformung des Vorderkopfes, wenn sie überdiess mit Messung der übrigen Theile des Kopfes verbunden ist, die natürlichen Verhältnisse am lebenden Menschen so gut fixirt, und an den Gesichtstheilen auch manches noch zu untersuchen erlaubt, was erst während der vergleichenden Bearbeitung als etwa charakteristisch sich bietet, ist neues Material um so schätzenswerther. Ich wüsste nicht, dass seit unseren eigenen Abformungen das gleiche Verfahren in fernen Gebieten bisher wiederholt wurde, obwohl wir in Verbindung mit der Publication der Raçentypen die an sich einfache Art der Ausführung mehrmals zu besprechen Veranlassung hatten.

Aus der Gruppe der Krus befindet sich einer auch im k. b. ethnographischen Museum, in welches eine Reihe von 80 Individuen unserer Raçentypen, in Metall, aufgenommen ist. Herr Conservator Professor Wagner erlaubte mir, denselben heute zur Vorlage zu bringen, und dieser ist es auch, welcher auf der beigegeführten Tafel, gleichfalls in ganz mechanischer Wiedergabe der Formen, in photographischem Pressendrucke ausgeführt ist<sup>5)</sup>. Ich wählte dabei Reduction auf  $\frac{4}{10}$  des Originale, da diese auf dem gegebenen Formate die grössten Dimensionen noch zu bieten erlaubte.

---

5) In dem zu Band VIII der „Results“ gehörenden Theile des Atlas werden von der ganzen Reihe der Raçentypen die Vorderköpfe in solchen Abbildungen gebracht werden.



Zugleich habe ich in die Sitzung von diesem und den beiden anderen Kru-Negern die entsprechenden Blätter der linearen Zeichnungen vorgelegt, wie deren für die ganze Reihe der plastischen Reproductionen gemacht sind. Es sind auf denselben auch einige Vertical- und Quer-Linien gezogen, um bei den Gruppen die Rassen-Definition und bei den Individuen die Beurtheilung der mehr oder weniger unsymmetrischen Gestaltung zu erleichtern. Für alle Theile des Kopfes, welche direct gemessen wurden, sind in der Zeichnung die Formen auf die erhaltenen Zahlen-Werthe basirt.

Zur Vervollständigung habe ich noch Photographieen von Krus aus Liberia beigelegt, welche ich von Dr. Wittstein erhalten habe; sie sind ausgeführt worden von Dr. Weinecke, einem seiner wissenschaftlichen Gefährten.

Da es sehr schwierig ist, bei solch rohen Stämmen ruhige Stellung der Gesichtszüge geboten zu erhalten, wenn sie nicht, wie beim Abformen, durch die Art des Abbildens selbst gesichert ist, beschränkt sich nach Photographieen gewöhnlicher Art die Beurtheilung mehr auf die Gestalt des Körpers im allgemeinen; für die Gesichtszüge ist überdiess in diesen Kru-Bildern, wie meist bei Photographieen, die Reduction schon zu bedeutend, hier wenig über 1 Centim. Länge für den Vorderkopf bietend, um alle Einzelheiten mit der nöthigen Bestimmtheit erkennen zu lassen.

Ueber das Verfahren, das von uns beim Ausführen der Messungen<sup>6)</sup> angewendet wurde, um mit Genauigkeit zu begrenzen und auf den Maassstab zu übertragen, ist, in Kürze, nur Folgendes zu erwähnen.

---

6) Ausser den hier besprochenen Messungen und plastischen Abformungen enthält unser speciell anthropologisches Material 32 ganze Skelette und noch 83 Schädel.

Zum Bestimmen der Dimensionen des Kopfes nahmen wir einen Metallzirkel, dessen beide Arme, um dazwischen sich stellende Prominenzen nicht zu berühren, nur im oberen Drittel geradlinig waren, und von dort bis zur Spitze nach aussen gebogen. Bei Uebertragen der Spitzendistanz auf den geradlinigen Maassstab wurde der eine Arm des Zirkels gegen einen peripherisch gekrümmten, am anderen Arme befestigten Metallstreifen angepresst. Dieses geschah gewöhnlich durch Festhalten mit den Fingern, oder, wenn besondere Vorsicht nothwendig war, durch eine Klemmschraube. Um den am Kopfe zu messenden Dimensionen zu genügen ohne zu weit geöffnet werden zu müssen, fand ich Zirkel am besten, welche, geradlinig gedacht, Armlänge von 0.35 bis 0.4 Meter haben.

Auch am Rumpfe und an den Extremitäten wurden nur die als Umfang bezeichneten Messungen durch unmittelbares Anlegen eines Bandmaasses bestimmt, die übrigen in der Art, dass die Entfernung zwischen den beiden Endpunkten, durch Anklemmen zweier spitz zulaufender Stäbchen gegen eine linealähnliche Zwischenlage, fixirt und dann auf den geradlinigen Maassstab transferirt wurde.

Es hatte sich Gelegenheit gefunden, so wie hier, bisweilen auch etwas detaillirter noch, über 400 Individuen aus Indien und Hochasien, und 30 aus den Nachbarländern zu untersuchen.

Gewöhnlich ist auch noch mit Anwendung einer Federwaage „Gewicht des Körpers“ und „Muskelstärke“ bestimmt worden, letztere durch Ziehen an der Waage mit den Armen in der Bewegung des Bogenspannens, dann mit dem ganzen Körper in der Bewegung des Hebens von Lasten, wobei ein den Widerstand leistender Stock unter die Füsse gelegt war. Diesesmal war keine solche Waage in unserer Cajüte zur Hand gewesen; die beiden, die wir mit uns hatten, befanden sich, mit anderen unserer Instrumente verpackt, im Koffer-Raume des Dampfers.



Die Heimath der Krus ist der Südwest- und Süd-Rand des westlich vorstehenden, nördlichen Theiles von Afrika; sie haben sich der Küste entlang sehr weit ausgebreitet. Jene, die ich zu Áden traf, waren Bewohner Liberias, der Neger-Republik; sie leben auch dort als Race isolirt und meist auf die niedersten Arbeiten sich beschränkend. Krus als Sklaven giebt es dort nicht. Sklaverei unter diesem Namen kömmt überhaupt in jenem Freistaate nicht vor, wenn auch Niederdrücken einzelner Theile der Bevölkerung und Rohheit der Behandlung noch immer viel weiter geht, als man, nach schlimmsten Verhältnissen Europas urtheilend, ohne Autopsie in solch wilden Gebieten, es erwarten möchte.

Die herrschende, als Race verschiedene Negerbevölkerung Liberias ist jene der Vais; gewöhnlich ist Veys geschrieben, in einer etwas willkürlichen Weise, die allmählig im Verkehre sich fixirt hat.

Das Auftreten von Krus beginnt, Liberia bedeutend überschreitend, in Sierra Leone im Nordwesten Liberias, geht die Zahnküste entlang und reicht etwas mehr als 15 Grade weit gegen Osten.

Aehnlich den indischen Kastenzeichen haben diese Krus „Stamm-Marken“. Bei jenen zu Áden war dieselbe ein bläulicher Streifen in der Mitte der Stirne. Dieser hatte gegen  $4\frac{1}{2}$  Centimeter Länge, am oberen Ende  $1\frac{1}{2}$ , am unteren  $\frac{3}{4}$  Centimeter Breite und reichte vertical vom Beginne der Haare bis in die Höhe der Augenbrauen herab; die seitlichen Ränder waren nicht ganz geradlinig, sondern leicht nach aussen gebogen.

Die Krus, welche Dr. Wittstein 1875 in den Umgebungen von Mourovia sah, hatten den Streifen auf der Stirne ebenso gestaltet, aber die Farbe war bei diesen schwarz, was sich auf der braunschwarzen Haut noch immer deutlich abhob; die Krus mit den schwarzen Streifen

hatten auch noch auf jeder Seite des Gesichtes einen Pfeil angemalt, „der von den Ohren nach den Augen zu läuft, und zwar so gestellt, dass die Spitzen gegen die Augen gekehrt sind.“ Schon das Tragen ungleicher Marken lässt als das Wahrscheinlichste Verschiedenheit der Stämme, wenn auch innerhalb gleicher Race, erwarten; ganz entscheidend wäre diess allein noch nicht. Nach langen Perioden haben sich selbst bei manchen indischen Kasten die Marken geändert, ohne dass Racenmischung eingetreten war.

Bei den Kru des Negerschiffes zu Äden verband sich mit dieser Stirnmarke, als eine weitere Eigenthümlichkeit, dass sie die Form ihrer Zähne künstlich geändert hatten. Es waren nämlich bei ihnen die 4 Schneidezähne des Oberkiefers und des Unterkiefers zugefeilt, so dass dieselben ganz schmal, fast spitz endeten. Es machte dieses einen sehr unangenehmen Eindruck, der den Effect des Gesichtes beim Oeffnen der Lippen in unerwarteter Weise veränderte, und ihm ein entschieden thierisches Gepräge gab. Wie meinem Münshi versichert wurde, sollen die Zähne dessenungeachtet bei diesen Stämmen sich gut erhalten; bei den Negern der Zahnküste, im östlichen Theile des oben angegebenen Gebietes, soll diess Feilen der Zähne ganz allgemein sein.

Eine Aenderung der Farbe der Zähne, bei gesundem Email, hatte ich bei den Khássias, südöstlich von Assám, vorgefunden. Bei diesen haben die Zähne in Folge des Kauens von gegohrenem Betel eine sehr dunkle, fast schwarze Farbe, was aber vom Gebrauche desselben nicht abhält, ebensowenig als der widerlich faulige Geschmack solchen Betels<sup>7)</sup>.

Auch diess sah ich eintreten, und zwar nicht bei den Khássias, sondern bei einigen anderen auf ähnlicher Stufe

7) „Reisen“, Band I, S. 551.



stehenden Aboriginerracen, sowie bei niederen indischen Kasten, dass durch Betelkauen die Zähne angegriffen und ganz zerstört werden, wenn man die faulige Zersetzung der organischen Gemengtheile desselben noch weiter vorschreiten lässt. Dunkle Färbung der Zähne ist aber dann keineswegs eine so bemerkbare, weil die stärker angegriffene Substanz der Zähne schon abfällt, ehe die Veränderung der Farbe so weit vorgeschritten ist. Solcher Zerstörung der Zähne durch Betel erwähnt auch die jüngste Nachricht des „Challenger“ bei den Pápuas aus der Humboldts-Bai von Neu-Guinea, wo das Schiff am 23. Febr. 1875 sich aufgehalten hatte.

In einer noch roheren Weise geschieht es, dass von Autochthonen des indischen Archipels, auf Borneo, die Schneidezähne des Unterkiefers ganz entfernt wurden, und zwar in der Art, dass gegen diese Zähne, sobald sie nach dem Zahnwechseln eine gewisse Grösse erreicht haben, mit harten Körpern so fest gestossen wird, dass man sie dann mit den Fingern aus dem verletzten Kiefer ausziehen kann.

Der Character der *Krus* als Menschen-Race ist „Negertypus der höheren Stufe“ zu nennen, insoferne in der allgemeinen Völkergruppe der Neger mindestens zwei grosse Abtheilungen zu trennen sind.

Als Basis der Besprechung folge zunächst Zusammenstellung der Zahlenergebnisse der Messung, sowie für einige Theile Angabe des relativen Werthes, nämlich ihres Verhältnisses zur Grösse oder „ganzen Höhe“, diese gleich 1 gesetzt.

A. Allgemeine Tabelle der Messungen,  
in Meter - Maass.

(Aus „Beobachtungs-Manuscripte“, Band 38, Fol. 183e.)

Name	Ngíma	Dáko	Áureh
Alter	18 J.	21 J.	25 J.
Nummer der plastischen Abformung im „Cataloge der Raçentypen“	273	274	275
Ganze Höhe:	1·55	1·77	1·76
Kopfdimensionen:			
Vom   zu den Haaren an der Stirne	0·155	0·119	0·152
Wirbel   zu den Augenbrauen		0·180	0·181
bis   unter die Nase		0·216	0·225
an das Kinn		0·271	0·259
Kopf-Umfang um die Mitte der Stirne	0·555	0·563	0·562
Kopf-Durchmesser an den Schläfen		0·147	0·149
„    an den Backen- knochen		0·130	0·134
Kopf-Durchmesser von vorne nach rückwärts, von der Stirne an den ersten Halswirbel		0·192	0·190
Die   Abstand der äusseren Augen;   Augenwinkel		0·115	0·125
Abstand der inneren   Augenwinkel		0·033	0·045
Augen-Länge		0·041	0·040
Nasen-Breite		0·045	0·032
Mund-Länge		0·056	0·069
Ohren-Länge		0·052	0·049
Körperdimensionen:			
Spannweite der Arme mit gestreck- ten Fingern	1·63	1·94 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	1·87

	Ngíma	Dáko	Áureh
Breite der Brust von Schulter zu Schulter		0·322	0·345
Die { Ganze Länge des Armes von Schulter zu Mittelfinger-	0·750	0·837	0·810
Arme; { spitze			
{ Ulna-Länge	0·265	0·313	0·309
{ Hand-Länge		0·207	0·206
{ „ -Breite		0·099	0·090
Die { Vom Trochanter zur Erde		0·987	1·003
Beine; { Von der Patella-Mitte „		0·523	
{ Umfang am Knie		0·355	0·366
{ „ an der Wade		0·340	0·387
{ Fuss-Länge	0·246	0·296	0·294
{ „ -Breite		0·100	0·109

B. Relative Werthe, ganze Höhe = 1.

	Ngíma	Dáko	Áureh
Kopfdimensionen:			
Vom Wirbel bis zu den Haaren an der Stirne	0·100	0·066	0·086
Kopf-Umfang um die Mitte der Stirne	0·385	0·318	0·307
Kopf-Durchmesser an den Schläfen		0·083	0·085
„ an den Backenknochen		0·074	0·076
Kopf-Durchmesser von vorne nach rückwärts		0·109	0·108
II. Körperdimensionen:			
Spannweite	1·051	1·098	1·063
Die { Ganze Länge	0·483	0·484	0·460
Arme; { Ulna- „	0·171	0·177	0·176
Die { Umfang an der Wade		0·192	0·220
Beine; { Fuss-Länge	0·152	0·167	0·167

Die Kopfgestaltung dieser Neger lässt sich wie folgt characterisiren. Die Schädelbildung ist hochansteigend, aber doch mit verhältnissmässig geringem Volumen des Gehirnraumes, da der Hinterkopf keineswegs stark entwickelt ist. Unter anderem lässt sich diess auch an den resultirenden relativen Werthen für Kopf-Umfang und Kopf-Durchmesser erkennen. Als Beispiel für Schädelbildung mit grösserem Gehirnraume sei aus Band II der „Reisen“<sup>\*)</sup> der arischen Neváris und der turanischen Tibeter erwähnt.

Die entsprechenden Zahlen sind

	bei den Neváris	bei den Tibetern
für den Kopf-Umfang:	0·322	0·357;
für den Kopf-Durchmesser von		
vorne nach rückwärts:	0·103	0·115.

Es ist also bei den Kru (mit Ausschluss des sogleich zu besprechenden unentwickelten Ngíma) relativ der Kopfumfang der kleinste unter den drei Racen, während dessenungeachtet der Kopfdurchmesser von der Stirne zum ersten Halswirbel jenem bei der turanischen Race sich nähert.

Die Vorderansicht des Kopfes zeigt bei den Kru die Stirne gut gestaltet und gross, was auch in dem hier beigegebenen Bilde Dákos am meisten auffällt. Sie differiren darin günstig von vielen der anderen Neger-Racen.

Unter sich waren die einzelnen Individuen des Kru-schiffes beinahe ebenso verschieden, wie diess in Europa bei der arischen Race der Fall ist, bei der semitischen dagegen schon etwas weniger.

Es hängt diess vor allem damit zusammen, dass schon die einzelnen Stämme, die gegenwärtig als solche sich gebildet haben, sehr zahlreich und unter sich sehr verschieden sind; bei ihrer grossen Verbreitung hat sich dabei in den

<sup>\*)</sup> Band II, Ethnographische Uebersicht der Racen Hochasiens, S. 35 bis 54.



einzelnen Gebieten Ungleichheit in den Bedingungen der körperlichen Entwicklung deutlich bemerkbar gemacht. Da aber dessenungeachtet für die Krus Sprache sowie religiöse und sociale Begriffe die gleichen sind, und da einzelne Theile derselben nur ausnahmsweise feindlich sich gegenüber stehen, so mehrt sich hier die Möglichkeit der Mischung ungleicher Elemente und die Wahrscheinlichkeit individueller Differenz in den sich ergebenden Formen.

Das Extrem anderer Art, sehr geringe Mischung und desshalb auch weit geringere individuelle Verschiedenheit, zeigt sich in den höheren Kasten Indiens, auch unter den dort sehr isolirt lebenden fremden Stämmen, z. B. unter den Parsís.

Ngímas Kopf war in relativer Grösse und in Form als der eines nicht ganz Erwachsenen zu erkennen, wie es demnach für den Kopf in solchem Alter auch bei den verhältnissmässig rasch sich entwickelnden Negerassen sich ergibt. Bei Ngíma ist der Kopfumfang in seinem relativen Werthe noch bedeutend mehr als mittelgross; auch reichen die Haare vom Wirbel in die Stirne noch sehr weit herein, während die relativen Werthe für das letztere bei Dáko und bei Áureh, obwohl unter sich sehr verschieden, nicht nennenswerth von dem abweichen, was für die entsprechenden Verhältnisse auch bei anderen Negerassen sich ergab.

Die Gestaltung der Backenknochen ist allgemein betrachtet eine mehr als mittelbreite, aber der Durchmesser an denselben ist noch nicht so bedeutend wie bei der turanischen Race. Es lässt sich diess aus dem Verhältnisse zur Körpergrösse und, was für den Ausdruck des Gesichtes besonders bezeichnend ist, aus dem Verhältnisse des Durchmessers an den Backenknochen zu jenen an den Schläfen erkennen.

Für die oben angeführten Gruppen arischer und turanischer Race sind die relativen Werthe, die ganze Höhe = 1,

	bei den Neváris	bei den Tibetern
für den Durchmesser an den		
Schläfen:	0·079	0·084;
für den Durchmesser an den		
Backenknochen:	0·069	0·079.

Bei einzelnen Tibetern, und zwar bei solchen, die noch immer gute Mitteltypen waren, kamen diese beiden relativen Werthe auch merklich grösser noch vor; in Manuscript-Band 38 Fol. 127 sind die entsprechenden Zahlen 0·086 und 0·081, ib. Fol. 128 sind sie 0·088 und 0·083, u. ähnl. Dessenungeachtet bleibt, in unmittelbarem Vergleiche, auch bei diesen das Verhältniss des Durchmessers an den Backenknochen zu jenem an den Schläfen das gleiche. Setzt man diesen letzteren = 1, so ist der entsprechende Werth für die Backenknochen bei den Kru 0·89, bei den Tibetern, im Mittel sowie bei den zwei letztgenannten Individuen, = 0·94, bei den Neváris aber 0·87.

Im Totaleindrucke eines Vorderkopfes in voller Ansicht macht sich Breite an den Backenknochen, eben wegen ihrer Verschiedenheit von unserer eigenen Race, besonders bemerkbar; sie wird desshalb bei Beschreibung in Worten, wenn nicht Zahlen damit sich verbinden, leicht etwas grösser geschildert als sie ist.

Die Nase ist bei allen ziemlich stark hervortretend, sehr verschieden darin von den gleichfalls breiten Gesichtern der Tibeter; unter sich waren die Profile dieser Neger-nasen sehr ungleich, bald ziemlich geradlinig, wie hier bei Dáko, bald concav aufwärts gebogen, aber ebenso weit vorstehend. Das untere Ende der Nase ist sehr breit, so dass auch dieses in jedem Gesichte von hellerer Farbe sogleich stark auffallen würde, und diese seitliche Ausdehnung der Nasen-

flügel zeigte sich sowohl bei Dáko, welcher das Profil der Nase gerade laufend hatte, als auch bei jenen Individuen, bei welchen dasselbe concav gebogen war.

Die Stellung der Nase im Gesichte ist bei Dáko nur wenig von der centralen Verticallinie abweichend — nach rechts, wie bei allen Rassen das Gewöhnliche<sup>9)</sup>. Die beiden anderen aber hatten die Nase weniger regelmässig in Gestalt und Stellung. Bei Áureh ist der Nasenknorpel, ungeachtet nach rechts gerichteten Nasenbeines, etwas links gewendet und es ist so die centrale Linie der Nase auch ein wenig seitlich gekrümmt, concav gegen die linke Seite. Bei Ngíma ist zwar die schiefe Lage auch des Knorpels nach rechts gerichtet gleichwie das Nasenbein, aber etwas mehr abweichend als dieses, eine kleine Ecke bildend. Bedeutend waren in der oberen Hälfte des Gesichtes weder diese noch ähnliche Deformitäten bei den Kru-Matrosen zu nennen; stark schiefe Stellung ihres Mundes mit dicken fleischigen Lippen sowie des Kinnes war häufiger. Bei Menschenrassen, die noch niedriger stehen, fand ich auch die Unsymmetrie grösser und allgemeiner.

Das Gesichtsprofil in seinem unteren Theile lässt Prognathismus erkennen, für Negertypus mittelstarken; bei Áureh und Ngíma ist er bedeutend markirter als bei Dáko.

Die Ohren sind in ihrer Länge und in ihrer Breite bei den Kru auffallend klein. Der relative Werth für die Länge ist 0.029 und 0.028 an den beiden Erwachsenen; im allgemeinen sind bei der arischen und bei der turanischen Rasse die Zahlen 0.037 bis 0.043. Dabei tritt der Effect solchen Unterschiedes in der natürlichen Grösse noch lebhafter entgegen als in den relativen Werthen, weil die Gegenstände an sich so klein sind.

---

9) Erl. „Reisen“, Band II, S. 51.

Ueber die Körpertheile speciell ist zu bemerken, dass die Spannweite bei den Kru bedeutend grösser ist als die ganze Höhe; es wiederholt sich dieses Verhältniss in eigenthümlicher Weise fast überall in den niederstehenden Rassen, auch in den niederen Kasten Indiens. Meistens ist, wie hier, nicht die Breite der Brust das Entscheidende, wenn man ganz entwickelte Individuen vergleicht, sondern die Länge der Arme, speciell die Länge der Ulna; die turanische Race dagegen hat bei mehr als mittelbreiter Brust doch eine relativ geringere Spannweite.

Jene Zahlen sind

	bei den Neváris	bei den Tibetern
für die Spannweite:	1·026	1·001;
für die Breite der Brust:	0·176	0·228.

Ngíma hat den relativen Werth der Spannweite am kleinsten unter den drei Kru, wenn auch immer noch gross im Vergleich mit höheren Typen; bei diesem aber war dabei die Brust als die Bedingung des Verhältnisses zu betrachten. Der relative Werth für die Arme ist bei ihm sogar etwas grösser als im Mittel für die beiden anderen.

Die Länge des Fusses ist bei den zwei Erwachsenen verhältnissmässig gross zu nennen für Bewohner heisser Zone, insoferne gerade die Arier Indiens bei sonst geringen Abweichungen anderer Theile die Füsse sowie auch die Hände entschieden kleiner haben, als die Arier Europas; bei den Neváris war die relative Grösse des Fusses 0·152. Bei den Tibetern war sie 0·151; bei diesen übrigens liess sich ungeachtet der Verschiedenheiten des Klimas und der Lebensweise, wie deren von der Höhe bedingt sind, kein secundärer, den Zonen entsprechender Unterschied erkennen.

Schliesslich sei auch noch in einigen Worten des Grain der Haut erwähnt, da sich dieses sowohl in den



plastischen Modellen als auch, mit der Loupe, an Facsimiles wie das hier vorliegende genügend zur Vergleichung beurtheilen lässt, und da sich für dasselbe grosse und unerwartet vertheilte Verschiedenheiten ergeben haben. Der Unterschied in dem Grade der Glätte und Härte der Haut bot nämlich weniger Anschluss an die Rassen als an die klimatischen Verhältnisse, in welchen die Rassen gegenwärtig lebten, vorausgesetzt, dass genügende Acclimatisation derselben, wie meist, schon eingetreten war. Die Bedingung deutlich werdender Veränderung der Haut scheint nicht eine ganz individuelle in Verbindung mit Klima zu sein. Von Einfluss ist entschieden mehrere Generationen hindurch auch die angeerbte Disposition hiezu <sup>10)</sup>).

Bewohner eines Landes mit feuchtem und warmem Klima haben eine weiche Haut, mehr als sonst glatt und spiegelnd; solches zeigen die Bewohner Sikkims rein tibetischer Rasse ebenso wie die Hindús der meisten Theile der indischen Halbinsel und die Aboriginer-Rassen der Tarái, obwohl gerade diese drei Gruppen sonst so sehr sich unterscheiden. Dagegen hat die tibetische Rasse in ihrem Hauptsitze, im Tibet, eine viel rauhere Haut. Entschieden haben auch Bewohner heisser aber trockener tropischer Regionen, wie an dem vorgelegten Exemplare gleichfalls zu erkennen, rauhe Epidermis und bei Abkühlung ein viel stärkeres Vortreten einzelner Theile des zwischen der Epidermis und dem Korion liegenden Rete Malpighi. Diese „Contraction mit Entstehung einer Gänsehaut“, die unter anderm

---

10) Kinder der Europäer, auch wenn in Indien geboren, woselbst aber eigentliche Colonisation nirgends vorkommt, unterscheiden sich bei fortschreitender Entwicklung sehr rasch von den Kindern der Indier, auch durch rauher werden ihrer Haut.

bei Auflegen feuchten Gypses stets sich zeigte<sup>11)</sup> und nun fixirt an den plastischen Raçentypen vorliegt, lässt die Verschiedenheit in der Beschaffenheit der Haut um so bestimmter erkennen.

---

11) Beim Abgypsen genügte der rasche Wechsel der Temperatur, über die ganze Fläche des Gesichtes ausgebreitet, gleichen Effect hervorzubringen wie, unter anderen Umständen, eine grössere aber allmählig eintretende absolute Minderung der Wärme. Auch krankhafte Affection, die mit vermindertem Wärmegefühle sich verbindet, hat entsprechende Aenderung der Haut zur Folge und es kam in Indien, bei den zahlreichen Fieberleiden, nur zu häufig vor, Unterschiede in der Hautcontraction der verschiedenen Raçen auch bei Kranken vergleichen zu können.

---

Sitzung vom 3. Juli 1875.

---

Mathematisch-physikalische Classe.

---

Der Classensecretär legt vor und bespricht nachstehende von dem correspondirenden Mitgliede F. Sandberger eingeschickte Abhandlung:

„Ueber merkwürdige Quecksilbererze aus Mexico.“

Einer meiner früheren Schüler, Hr. Bergingenieur F. Velten aus Carlsruhe, seit längerer Zeit in Mexico ansässig, sandte mir vor Kurzem einige Handstücke von einem Quecksilbererzgang in der Nähe seines Wohnortes, Huitzuco in der Provinz Guerrero, welche meine Aufmerksamkeit in hohem Grade erregten. Bei näherer Untersuchung stellte sich nämlich heraus, dass sie eine vollständige Reihe von frischem Antimonglanz bis zu Pseudomorphosen von Zinnober nach diesem Minerale darstellen, die nur noch Spuren von Antimon enthalten. Der grossblättrig-strahlige oder stängelige Antimonglanz sitzt in einer sehr harten, aus bräunlichem dichten Quarze bestehenden Gangart und geht nur hier und da an den Rändern in schwach fettglänzenden, aber harten (H. 5,5) gelben Stibith über, beide Mineralien enthalten keine Spur Quecksilber. In einem weiteren Stadium der Veränderung aber erscheinen die Krystalle gänzlich

in Stiblith umgewandelt und zugleich ganz oder theilweise mit mattschwarzem amorphen Schwefelquecksilber oder Quecksilbermohr (Metacinnabarit Moore <sup>1)</sup>) imprägnirt, so dass man auf den ersten Blick die meisten für Pseudomorphosen dieses Minerals nach Antimonglanz halten möchte. Allein ihr specifisches Gewicht beträgt nur 5,39 bei 18° C. und ihr Löthrohrverhalten lässt sofort erkennen, dass sie nur Gemenge von wenig Metacinnabarit mit sehr viel Stiblith sind, dessen Härte (5,5) sie ausserdem beibehalten haben. Glüht man einen solchen mattschwarzen Splitter einen Augenblick vor dem Löthrohre in der Platinpincette, so wird er unter kaum merkbarer Volumverminderung rein weiss und bleibt unschmelzbar, auf der Kohle gibt er nur schwache Schwefelreactionen, aber im Glühröhrchen mit geschmolzener Soda gemischt natürlich etwas mehr Quecksilber <sup>2)</sup>). Ein weiteres Stadium der Umwandlung ist der Uebergang dieser schwarzen stängeligen Massen in Zinnober, welcher von den Blätterdurchgängen aus beginnt und allmählich immer tiefer eindringt. Ich habe Stücke vor mir, welche zu  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{2}{3}$  und solche, die vermuthlich zu  $\frac{9}{10}$  in Zinnober umgewandelt sind, erstere noch hart und vorwiegend schwarz oder roth gefleckt, letztere intensiv cochenillroth, erdig und brüchig. Doch geht auch bei diesen die Spaltbarkeit des Antimonglanzes nicht verloren und selbst die gewöhnlichen Flächen  $\propto P$  (und seltener auch  $P$ ) sind an den am besten erhaltenen Krystallen noch deutlich zu erkennen. Auch zeigen Löthrohrversuche, dass immer noch kleine Mengen von Antimon vorhanden sind. Diese, möchte man sagen, hartnäckige Erhaltung der Form des ursprünglichen Minerals ist um so merkwürdiger, als das-

1) Journ. f. pract. Chemie 1870 S. 319.

2) Entsprechend der Zusammensetzung des Metacinnabarits = Hg 85,89, S 13,84.



selbe drei Umwandlungen durchzumachen hatte, ehe es zu Zinnober wurde, die Oxydation zu Stiblith, die Imprägnirung und mitunter fast vollständige Verdrängung durch Metacinnabarit und endlich die Umwandlung des letzteren in den allotropen Zinnober. Es ist schwierig, sich von dem Verlaufe dieses Processes ein klares Bild zu machen, doch möchte ich nicht unterlassen, die Anhaltspunkte hervorzuheben, welche sich für eine sachgemässe Erklärung darzubieten scheinen. Ueberall, wo man an den Stücken die Imprägnation des Stibliths mit amorphem Schwefelquecksilber und Zinnober bemerkt und nur dann, sieht man auch späthigen Gyps in bedeutender Quantität auf Klüften und Blätterdurchgängen in die Stängel eindringen, als ob sein Vorkommen mit dem des Schwefelquecksilbers im engsten Zusammenhange stände. Denkt man sich, dass dieser Gyps ursprünglich Schwefelcalcium gewesen sei und dieses gelöstes Schwefelquecksilber enthalten und in die Pseudomorphosen eingeführt habe, so wäre ein erster Schritt zur Lösung des Räthsels gethan. Dass sich Schwefelcalcium bei gewöhnlicher Temperatur an der Luft zu unterschwefligsaurem Kalke und schliesslich zu Gyps oxydirt, Schwefelquecksilber aber unverändert bleibt, ist eine bekannte Thatsache. Freilich ist noch nicht auf experimentellem Wege bewiesen, dass Schwefelcalcium Schwefelquecksilber aufzulösen vermag, allein das so nahe stehende Schwefelbaryum besitzt diese Eigenschaft, wie Fleck<sup>3)</sup> und v. Wagner<sup>4)</sup> nachgewiesen haben und ich mich an von letzterem dargestellten Präparaten selbst überzeugen konnte. Sie steht höchst wahrscheinlich auch dem ersteren Sulfide zu. Der Erklärung der Umwandlung des Metacinnabarits in Zinnober stehen dann keine besonderen Schwierigkeiten mehr

---

3) Journ. f. pract. Chemie 1866 S. 247.

4) Jahresbericht ü. d. Fortschr. d. techn. Chem. 1865 S. 214.

im Wege, da auch diese von Fleck und Hausamann constatirt ist. Man sieht, hier liegen sehr interessante Fragen für Experimente vor, welche ich im Augenblick nicht ausführen konnte, aber Chemikern dringend zur Beachtung empfehlen möchte.

Noch bleibt übrig, der allerdings sehr spärlichen Notizen über die Mineralien von Huitzuco zu gedenken, welche mir bekannt geworden sind. Hr. J. Lehmann aus Naumburg a. S., seit Jahren in Mexico wohnend, theilte mir gefälligst die am 16. Januar 1875 erschienene Nummer der „Mining and Scientific Press of St. Francisco“ mit, welche in einem Artikel „Quicksilver Mining in Mexico“ angibt: „At 40 leagues from Sinaloa in Guerrero immense deposits have just been discovered bearing two minerals; one containing mercury, sulphur and antimony; the other oxyde of antimony, mercury and silicate (?), yielding 10—14 per cent of quicksilver.“ Mit dem zweiten Minerale werden wohl die Pseudomorphosen von Stibith und Metacinnabarit gemeint sein, obwohl von einem Schwefelgehalte nicht gesprochen wird. Dagegen befindet sich unter meinen Stücken keines, welches neben Schwefelantimon auch Schwefelquecksilber in erheblicher Menge enthält, sondern nur reiner Antimonglanz. Ob es sich daher hier um Gemenge von diesem und der Substanz der Pseudomorphosen handelt oder in der That um ein neues anderes Mineral, weiss ich nicht. Doch scheint eine zweite Notiz im „Quarterly Journal of the geological society of London“ 1875 p. 1 „Specimens of Livingstonite, a new mineral (sulphide of antimony and mercury from Huitzuco, Mexico, presented by its describer Don Mariano Barcena“ darauf hinzudeuten, dass in der That noch ein anderes mir nicht zugekommenes Mineral von dieser Zusammensetzung in Huitzuco vorkommt, wenn nicht auch dieses nur ein Gemenge der erwähnten Art ist.

---

Herr Voit legt der Classe eine in seinem Laboratorium von Privatdocent Dr. J. Forster ausgeführte Untersuchung:

„Ueber die Eiweisszersetzung im Thierkörper bei Transfusion von Blut und Eiweisslösungen“ vor.

Nach Liebig's Vorgange hatte man die Ursache für die Zersetzung der Eiweisssubstanzen im Thierkörper in der vom Körper geleisteten mechanischen Arbeit gesucht, bei welcher die einzelnen Organe, namentlich die Muskeln, in hohem Grade abgenützt und das dieselben aufbauende Eiweiss zerstört würde. Zur Deckung des dadurch entstandenen Verlustes hätte das Eiweiss der Nahrung zu dienen, und müsste dieses daher stets in einer Menge dem Körper zugeführt werden, welche der Menge der durch die tägliche Arbeit beim Hunger abgenützten Organe mindestens entspricht. Nach dieser Vorstellung würde der thätige Organismus, der neben Wasser- und Aschebestandtheilen wesentlich aus Eiweissstoffen zusammengesetzt ist, einem sehr raschen, von der Grösse der geleisteten Arbeit abhängigen Wechsel unterliegen. Bekanntlich hat sich nun durch die zahlreichen Experimente, die Prof. Voit an den verschiedensten Organismen ausgeführt hat, ergeben, dass die Zersetzung von Eiweiss im Thierkörper, unabhängig von den Leistungen desselben, nach bestimmten inneren Ursachen verläuft, die wesentlich in der Wechselwirkung des den Organismus stets durchkreisenden Ernährungsstromes mit der Masse der eigentlichen Organe zu suchen sind, ähnlich

wie wir die Grösse der Zersetzung des Traubenzuckers in Alkohol und Kohlensäure durch Hefezellen abhängig sehen von der Menge dieser Zellen und der Menge des denselben zugeführten Zuckers. Es zeigte sich nämlich, dass die Eiweisssubstanzen des Körpers nicht in gleichem Maasse an dem Zerfalle theilnehmen, sondern dass man das im Körper vorhandene Eiweiss in Beziehung auf dessen Betheiligung an dem Zerfalle in zwei Gruppen zu trennen hat, die Voit mit dem Namen von Organeiweiss einerseits, und circulirendem Eiweisse andererseits belegte. Auf Reihen von Versuchen gestützte Rechnungen legten dar, dass von dem erstern sog. Organeiweisse, das die Hauptmasse der organisirten Gebilde zusammensetzen hilft, nur ein ganz geringer Bruchtheil im Tage zerfällt, der etwa 1 Procent der Gesamteiweissmasse kaum übersteigen dürfte, während von dem die Organe durchströmenden Circulationseiweisse, das im Körper entsprechend dem Ernährungszustande und abhängig von der Art und Menge der Nahrung in verschiedener, relativ zur Masse der Organe jedoch geringen Menge vorhanden ist, stets ein ansehnlicher Bruchtheil zersetzt wird.

Existirt in der That in Bezug auf die Fähigkeit, im Organismus zu zerfallen, eine derartige Verschiedenheit des Körpereiwisses, so muss sich das auch noch auf eine andere Art darthun lassen, als durch Prof. Voit's Fütterungs- und Hungerversuche, und zwar auf eine Art, welche noch die Beantwortung weiterer Fragen erwarten liess. Während nämlich das in der Nahrung eingeführte Eiweiss, da es sich dem Ernährungsstrome beimischt, stets zum grössten Theile im Organismus die Bedingungen seines Zerfalls findet, müssten sich Eiweisssubstanzen, die man dem Körper in der Form eines lebenden Organes einverleiben könnte, ganz anders verhalten: sie dürften im Körper nicht alsbald zerfallen, und eine Vermehrung der Zerfallsproducte derselben, namentlich des Harnstoffes, in den Ausscheidungen, wie sie



unter bekannten Bedingungen constant bei Vermehrung des Nahrungseiweisses auftritt, dürfte in letzterm Falle nicht beobachtet werden.

Ist man nun aber im Stande, einem thierischen Organismus einmal an Stelle von Nahrungseiweiss, das im Körper bald wieder zersetzt wird, ein Organ einzupflanzen, dessen constituirende Eiweissstoffe nicht sogleich zu Grunde gingen, und kann dies sodann in solcher Quantität geschehen, dass aus dem Verhalten und der Menge der stickstoffhaltigen Zerfalls- und Ausscheidungsprodukte ein Schluss auf das Verhalten des in den Körper gebrachten Organ-eiweisses gezogen werden könnte?

Die Möglichkeit, die vorliegenden Fragen zu beantworten, schienen eine Reihe von Beobachtungen und Versuchen, welche Worm Müller <sup>1)</sup> in Ludwig's Laboratorium angestellt hatte, anzudeuten. Derselbe fand nämlich, dass man in die Gefässe von Hunden zu dem bereits in ihrem Körper vorhandenen Blute ganz bedeutende Mengen von Blut anderer Hunde unter gewissen Vorsichtsmaassregeln einspritzen könne, ohne dass hienach Blutaustritte oder Exsudationen im Körper bemerkt werden konnten, und schloss hieraus, dass das injicirte Blut als solches in den ausgedehnten Gefässen der Versuchsthiere sich erhalten habe. Den gleichen Schluss zog neuerdings Ponfick namentlich aus mikroskopischen Untersuchungen bei einer grossen Anzahl von Transfusionsversuchen, deren interessante Ergebnisse er veröffentlichte <sup>2)</sup>, als ich schon seit längerer Zeit mit den unten zu beschreibenden Versuchen beschäftigt war.

---

1) Arbeiten aus der physiol. Anstalt zu Leipzig, 8. Jahrg. S. 159 — 251.

2) Virchow's Arch. Bd. 62 S. 273 u. ff.

Da nun das Blut als ein Organ zu betrachten ist, dem gleich anderen Organen des Thierkörpers ganz bestimmte Funktionen zukommen, und dessen Bestehenbleiben bis in die spätesten Hungertage in fast unveränderter Menge (Voit) den Beweis liefert, dass die Eiweissstoffe desselben dem nur in äusserst geringem Grade sich zersetzenden Organeiwisse zuzuzählen sind, so durfte ich den angeführten Versuchen W. Müller's zu Folge in der Injection von Blut in das normal gefüllte Blutgefässsystem eines Versuchsthieres ein Mittel erwarten, in verschiedenen Versuchsreihen dem Körper unverändertes Organeiwiss zuzuführen.

Die Aufgabe war nunmehr die, zum Behufe von Injectionenversuchen in den gewählten Versuchsthieren einen Ernährungszustand herzustellen, bei welchem die geringste Veränderung in der Zufuhr von Eiweisssubstanzen sich durch eine Veränderung der Menge der stickstoffhaltigen Ausscheidungsprodukte im Harn zu erkennen geben würde. Nach den durch Voit errungenen Erfahrungen über die Bedingungen der Eiweisszersetzung im Thierkörper ist es nicht unschwer, einen solchen Zustand zu schaffen. Beim Hunger kommt nämlich auch bei dem vorher besternährten Organismus, und zwar um so eher, je fettärmer derselbe ist, eine Zeit, in welcher die Stickstoffausscheidung durch Harn und Koth von einem Tage zum andern annähernd gleichmässig auf einer sehr geringen Höhe bleibt, die der Masse der den Körper bildenden Organe entspricht. Führt man in diesem Körperzustande, der bekanntlich mit dem Namen des Hungergleichgewichtes bezeichnet wird, nicht allzugrosse Mengen von Eiweiss ohne einen Zusatz von stickstofffreien Substanzen in den Organismus ein, so werden sie alsbald vollständig zersetzt, ohne dass dadurch die frühere Eiweisszersetzung beim Hunger aufgehoben wird, und im Harn und Kothe erscheinen an einem solchen



Fütterungstage nun die stickstoffhaltigen Zersetzungsprodukte des Hungergleichgewichtszustandes annähernd vermehrt um die Stickstoffmenge, die der eingeführten Eiweissmenge entspricht:

Demnach ergibt sich die Versuchsanordnung, welche zur Lösung der Aufgabe, die ich mir gestellt hatte, führen sollte, von selbst. Frühere Versuche, welche zur Erforschung der Zersetzungs Vorgänge bei Bluttransfusionen auf Nasse's Anregung von O. Schneider im Jahre 1861 unternommen worden waren, scheiterten gerade an den unzureichenden Erfahrungen in der Untersuchungsmethode. Zu meinen Versuchen nun wählte ich als Versuchsthier grössere Hunde mit einem Körpergewichte von 20 und 40 Kilogramm. Am Anfange der Versuchsreihe erhielten dieselben zur Abgrenzung des auf die Reihe treffenden Kothes Knochen, sodann aber ausser Wasser kein Futter mehr; am Schlusse der Reihe wurden wieder Knochen gefüttert. Der während eines Versuchstages in ein untergehaltenes Gefäss gelassene Harn wurde sorgfältig in der bekannten Weise gesammelt und dessen Harnstoffgehalt mit der Liebig'schen Titirmethode und der Stickstoffgehalt durch Verbrennen mit Natronkalk bestimmt. War die Ausscheidung des Harnstoffes während 24 Stunden auf das erwartete Hungerminimum herabgesunken, so wurde am Anfange eines Versuchstages eine grössere Menge Blutes, das unmittelbar vorher durch Verbluten eines grösseren Hundes aus der arteria carotis erhalten und sogleich defibrinirt worden war, in die vena jugul. ext. des Versuchshundes vorsichtig und langsam transfundirt, wobei jede grössere Verwundung des Thieres oder der geringste Blutverlust sorgfältig vermieden werden konnte. In zwei solchen Versuchen, welche ich im Verlaufe des September und Oktober 1874 ausführte, gingen die Versuchsthier bald nach der Operation zu Grunde und zwar, wie ich vermuthete, in Folge von

Embolien durch Fibrinflöckchen, die in dem injicirten Blute noch enthalten sein mussten. Als ich in den folgenden Versuchen das frisch der Arterie entnommene und defibrirte Blut sorgfältigst und zweimal nach einander durch feine Leinwand colirte und jetzt erst in die Venen der Versuchsthiere einspritzte, konnte ich in dem Befinden der letzteren keine ungünstige Veränderung bemerken; sie verhielten sich in allen ihren Aeusserungen völlig normal.

In einem Versuche nun, welcher am 18. November 1874 begonnen, wurden einem etwa 20 Kilogramm schweren Hunde nach zweitägiger Fütterung mit 600 gr. Fleisch und darauf folgendem Hunger am 6. Versuchstage, also am 4. Hungertage, nachdem die tägliche Harnstoffmenge im Mittel auf 13 gr. gesunken war, 374 cc. frisches defibrirtes Hundeblood innerhalb einer Zeit von etwa  $1\frac{1}{2}$  Stunden in die vena jugularis eingespritzt. Würde das Eiweiss des injicirten Blutes im Körper alsbald zersetzt worden sein, so hätte sich, entsprechend dem Stickstoffgehalte desselben, der 15.1 gr. betrug, eine Vermehrung der an dem Versuchstage ausgeschiedenen Harnstoffmenge um etwa 30 gr. ergeben müssen. An keinem der 5 nächsten Versuchstage jedoch überstieg die tägliche Harnstoffmenge 17 gr., sondern das tägliche Harnstoffmittel der Hungertage nach der Injection betrug nur 15.6 gr. Als jedoch am 11. Versuchstage eine der injicirten Blutmenge entsprechende Menge ausgeschnittenen, fettfreien Fleisches, d. i. 375 gr., mit nur 12.7 gr. Stickstoff gereicht wurde, die der Hund mit Begierde verzehrte, stieg an demselben Tage die Harnstoffmenge auf 41 gr., während sie am 12. und 13. Tage bei weiterem Hunger wieder auf 19, resp. 18 gr. sank.

Ein zweiter Versuch wurde im April 1875 an einem im Mittel etwa 36 Kilogr. schweren Hunde in gleicher Weise ausgeführt. Nachdem bereits am 3. Hungertage die Harnstoffmenge bei dem Versuchshunde, der kurze Zeit



vorher mehrere Hungerreihen durchgemacht hatte und dabei sehr fettarm geworden war, auf 14 gr. gesunken war, wurden am 4. Hungertage 611 gr. Blut mit 120.6 gr. Eiweiss in die ven. jugul. injicirt. Trotz der grossen im Blute injicirten Eiweissmenge stieg die Harnstoffausscheidung am Injectionstage nur auf 17.5 gr., um sich dann an den darauf folgenden 4 Tagen auf 16.8 — 16.3 gr. täglich zu erhalten. Als am 8. Tage zur Abgrenzung des Hungerkothes 40 gr. Knochen gegeben wurden, stieg nunmehr die Harnstoffmenge auf 19 gr. und am folgenden Tage bei einer Fütterung mit 600 gr. Fleisch mit 20.4 gr. Stickstoff auf 36 gr.

Zu bemerken ist, dass im Harne beider Thiere keine Spur von Eiweiss nachzuweisen war und dass die Gmelin'sche Probe keine Gallenfarbstoffreaktion erkennen liess.

Es ist demnach wohl offenbar, dass das injicirte Blut zum grössten Theile unversehrt in dem Organismus bleibt und gleich den andern den Körper bildenden Organen sich nur in ganz geringem Maasse an den Zersetzungs Vorgängen der Eiweissstoffe theiligt. Dass selbst die geringe Steigerung der Harnstoffausscheidung von etwa 2 gr. im Tage, welche nach beiden Injectionen beobachtet werden konnte, nicht nothwendig dahin zu deuten ist, dass etwa ein relativ grösserer Antheil des injicirten Organes zu Grunde ging, als das bei der übrigen Körpermasse der Fall ist, lässt sich zudem leicht darthun.

Ich habe nämlich dem ersterwähnten Versuchshunde in einer in gleicher Weise angeordneten Versuchsreihe, einmal und zwar am 6. Hungertage, 300 cc. einer 25%igen Traubenzuckerlösung und dann am 9. Hungertage 350 cc. einer 1%igen Kochsalzlösung in je eine vena metatarsen injicirt. Während das Mittel der täglichen Harnstoffausscheidung an den Hungertagen vor und nach den Injectionen 12 gr. betrug, stieg die Harnstoffmenge an den

beiden Injectionstagen auf je 18 gr. Ich bin geneigt, diese Vermehrung des Eiweisszerfalles hier wie bei der Blut-injection auf eine vorübergehende Steigerung des Blutdruckes und dadurch bewirkte lebhaftere Circulation des Säftestromes in den Organen des Körpers zurückzuführen, also auf die gleiche Ursache, welcher Prof Voit die geringe Steigerung des Eiweissumsatzes bei Kochsalz- oder Kaffeegenuss zuschreibt<sup>3)</sup>.

Man könnte nun, einer Auseinandersetzung Fick's<sup>4)</sup> folgend, den Einwand versuchen, dass das mit dem defibrirten Blute in den Körper eingeführte Eiweiss als solches im Organismus nicht zerfallen könne, da nur die durch die Verdauungsorgane assimilirten oder peptonisirten Eiweiss-substanzen im Körper zersetzt werden. Trotzdem ein solcher Einwand bereits genügende Widerlegung gefunden<sup>5)</sup>, habe ich es immerhin für zweckmässig erachtet, zu zeigen, dass unter den in meinen Versuchen gegebenen Bedingungen, d. h. bei der Injection von Eiweissstoffen in das Blutgefässsystem, wenn sie nur nicht organisirte lebende Gebilde darstellen, eine Zerlegung derselben im Körper erfolgen kann.

Zu diesem Zwecke wurden den beiden schon erwähnten Hunden in gleicher Versuchsweise wie früher statt Blut

3) Bemerkenswerth ist hiebei der Umstand, dass von den am 6. Hungertage in das Gefässsystem des Hundes eingespritzten 75 gr. Traubenzucker am Injectionstage selbst nur 11.9 gr. im Harn erschienen und dass schon der in der 2. Hälfte desselben Tages gelassene Harn kaum mehr Spuren von Zucker enthielt. Es waren sonach 62 gr. Zucker im Körper geblieben und mussten, da nach Versuchen von Pettenkofer und Voit Kohlehydrate im Körper nicht in grösserer Menge in irgend einer Form aufgespeichert werden können, hier in kürzester Zeit zerfallen und oxydirt worden sein.

4) Arch. f. d. ges. Physiol. 1871. Bd. 5. S. 40 u. ff.

5) Voit, Zeitschr. f. Biol. Bd. 8, S. 354 u. ff.



nunmehr aus Pferdeblut dargestelltes Serum, das ich der Freundlichkeit des Herrn Frank, Professors an der hiesigen Centralhierarzneischule, verdankte, in eine Vene eingespritzt. Der durch mehrere Hungerreihen sehr herabgekommene erste Versuchshund schied vom 2. Hungertage an täglich im Mittel 10 gr. Harnstoff aus. Als am 6. Hungertage demselben 430 cc. Pferdeblutserum mit 46 gr. Eiweiss in die ven. jugul. langsam transfundirt worden waren, erhob sich die Harnstoffzahl an diesem Tage auf 17.6 gr., welche Höhe auch am nächstfolgenden Tage noch erreicht wurde, und sank erst am 8. und 9. Hungertage wieder auf 14 und 13 gr. herab. Bei einer Darreichung von 200 gr. ausgeschnittenen Fleisches mit 44 gr. Eiweiss, also der gleichen Menge, die das obige grosse Volum des wasserreichen Serums enthielt, am 10. Tage stieg die Harnstoffmenge auf 19 gr., um am nächsten Tage wiederum auf 10.6 gr. zu sinken.

Augenscheinlich ist sämmtliches im Pferdeblutserum eingeführte Eiweiss am 6. und 7. Hungertage im Körper des Versuchshundes in der gleichen Weise zersetzt worden, wie das in der Form von Fleisch verzehrte Eiweiss am 10. Tage.

Ebenso lässt sich der Erfolg der Injection von Pferdeblutserum in einem Versuche erkennen, den ich an dem durch eine 20tägige Hungerreihe herabgekommenen zweiten grösseren Hunde ausführte. An diese längere Hungerreihe, die ich später noch erwähnen werde, schloss sich eine 3tägige Fütterung mit je 500 gr. Fleisch und 100 gr. Speck, auf welche eine Hungerreihe folgte, während welcher eine grössere Menge Serums injicirt werden sollte. Dies geschah am 4. Hungertage, und zwar wurden diesmal 662 gr. Pferdeblutserum mit 48.5 gr. Eiweiss in die ven. metatars. eingespritzt. Am Injectionstage selbst stieg die Harnstoffmenge von 18 gr. während eines Hungertages

diesmal nur auf 23 gr., am nächsten Tage jedoch erreichte die Menge des ausgeschiedenen Harnstoffes die Höhe von 38 gr. und ging den folgenden Tag auf 34 gr. herab. Da der Hund jedoch nunmehr des langen Hungers halber so elend geworden war, dass ich bei Fortsetzung des Hungerzustandes dessen Tod befürchtete, so erhielt derselbe am 7. Tage 600 gr. Fleisch und 100 gr. Speck, bei welcher Fütterung sich die Harnstoffzahl auf 40 gr. erhob.

Erwähnen will ich noch, dass sämmtliche während des Hungers im Harne ausgeschiedenen Aschebestandtheile, die ich in diesem Versuche bestimmte, nach der Injection des Serums geradeauf um die Menge vermehrt waren, welche in dem injicirten Serum enthalten war.

Bei beiden Versuchen blieb der Harn, wie dies aus früheren Beobachtungen bereits bekannt ist, während und nach dem Injectionstage vollkommen eiweissfrei.

Während also die Injection von Hundeblood, dessen Eiweissstoffe mehr als die doppelte Menge der in dem injicirten Serum enthaltenen betrug, höchstens eine Steigerung von etwa 2 gr. Harnstoff im Tage bewirkten, sehen wir bei der Injection von Serum im 1. Versuche eine zweitägige Vermehrung der Harnstoffausscheidung um je 7 gr., im zweiten Falle um etwa 18—20 gr. Der Umstand, dass die Zersetzung der Serumeiweissstoffe erst im Verlaufe von 2 Tagen erfolgte, erklärt sich leicht daraus, dass bei dem durch die Injection in der Zeiteinheit gelieferten Eiweissüberschuss im Anfange ein Ansatz von circulirendem Eiweiss bewirkt wurde, welchen die Zellen des Organismus nicht sofort bewältigen konnten, ähnlich dem bekannten gleichen Ansätze bei Darreichung von sehr grossen Fleischmengen ohne Fettzusatz.

Zweifellos können also Eiweisslösungen, die direkt in das Blut injicirt werden, ebenso wie das durch die Verdauungsorgane in den Körper aufgenommene Eiweiss im



thierischen Organismus zu Harnstoff und anderen Endprodukten zerlegt werden. Während jedoch die in Form des organisirten Blutes injicirten Eiweissstoffe sicherlich zum grössten Theile im Körper erhalten bleiben, also geradezu eine Vermehrung des schwer zersetzlichen sogen. Organeiweisses bewirken, mischen sich die im Blutserum eingeführten Eiweissstoffe dem Säftestrome bei und veranlassen hiedurch einen vermehrten Umsatz des Eiweisses im Körper.

Man könnte nun auch denken, dass wohl Pferdeblutserum als eine dem Hundeorganismus nicht entsprechende Eiweisslösung in diesem zerfalle, wie beispielsweise Ponfick in der bereits erwähnten Abhandlung den Zerfall der einem Thiere fremdartigen Blutkörperchen einer andern Thierart in jenem constatiren konnte. Ich habe daher noch einen den früheren gleichen Versuch angestellt, in welchem statt Blutserum vom Pferde, solches vom Hunde, also einem gleichartigen Organismus, meinem Versuchsthiere in das Gefässsystem eingeführt wurde.

Dies geschah in der Weise, dass am 4. Hungertage 522 gr. möglichst frischen Hundeblutserums, 30 gr. Eiweiss enthaltend, in die ven. metatars. des grössern bereits erwähnten Versuchshundes transfundirt wurden. Während die Harnstoffmenge an dem der Injection folgenden Tage 13 gr. betrug, war dieselbe am Injectionstage oder 4. Versuchstage auf 19.4 gr. gestiegen, und als ich sodann am 9. Hungertage 150 gr. Fleisch, die eine der Serummenge entsprechende Eiweissquantität, nämlich 33 gr., enthalten, erreichte an diesem Tage die Harnstoffausscheidung genau dieselbe Grösse, sie betrug nämlich 20.1 gr., und sank am folgenden Hungertage wiederum auf 15 gr. herab.

Demnach wird auch das Eiweiss des gleichartigen Blutserums im Organismus des Versuchsthiere in derselben

Weise und Quantität in die Bedingungen des Zerfalls gezogen, wie das mit dem durch die Verdauungsapparate aufgenommenen Fleische geschieht.

Bekanntlich haben schon Lehmann, sodann besonders Stockvis und Creite gezeigt, dass bei Injection von Blutserum in die Blutgefässe oder unter die Haut von Thieren der Harn eiweissfrei bleibt, wie das auch in meinen Versuchen stets der Fall war, dass aber Eiweiss in grösserer Menge im Harn ausgeschieden wird, wenn statt der Eiweisslösung des Blutserums Hühnereiweiss injicirt wird. Es lag somit für mich noch die Frage vor, in welcher Menge bei Injection von flüssigem Hühnereiweisse letzteres durch den Harn ausgeschieden würde und ob dasselbe direkt in den Kreislauf gebracht im Körper keine Umsetzung erleide.

In einer durch eine zweitägige Fütterung mit 800 gr. Fleisch unterbrochenen 20tägigen Hungerreihe, die ich oben bereits erwähnte, die der grössere Hund durchzumachen hatte, als er durch Monate lange Ernährung mit gemischtem Fressen sich in einem sehr guten, eiweiss- und fettreichen Körperzustande befand, wurde am 19. Versuchstage, als die tägliche Harnstoffausscheidung mehrere Tage hindurch constant 20—18 gr. im Tage betrug, 639 gr. flüssiges Hühnereiweiss, das 73.3 gr. trocknes Eiweiss enthielt, in eine Vene injicirt. Am Injectionstage stieg die Menge des ausgeschiedenen Harnstoffes auf 33 gr., sank am folgenden Tage auf 26 gr. und am 21. Tage wiederum auf 18 gr. herab. Der Harn wurde nun stark eiweisshaltig und betrug die Menge des vom 19.—21. Tage ausgeschiedenen unveränderten Eiweisses, das die Reactionen des Hühnereiweisses zeigte, im Ganzen 53.3 gr. Von der injicirten Eiweissmenge waren somit 20 gr. oder 27 % im Körper zerfallen, was sich durch die Steigerung der Harnstoffausscheidung zu erkennen gab.



Eine Lösung des dem Hundeorganismus ganz fremdartigen Hühnereiweisses kann demnach in demselben ebenfalls zerfallen. Dass dies in meinem Versuche nicht vollständig geschah, rührt nach meiner Meinung davon her, dass die in das Blutgefässsystem und den Säftestrom in so grossem Uebermaasse auf einmal gebrachte Eiweisslösung in den Nieren zum grossen Theile ausgeschieden werden konnte, bevor die Zellen des Organismus die reichliche Zufuhr zu verarbeiten im Stande waren. Es betrug nämlich die Ausscheidung des Eiweisses im Harn am 1. Tage 45.4 gr. und davon trafen auf den in dem ersten Tagesdrittel entleerten Harn bereits 39.7 gr. Von den hiernach im Organismus zurückgebliebenen 33.6 gr. Eiweiss wurden im weitem Verlaufe also nur mehr 13.6 gr. unverändert im Harn ausgeschieden, und sind somit 60 % im Körper in Harnstoff und andere Produkte zerlegt worden.

Ich bemerke noch, dass der in sämtlichen Reihen entleerte und stets durch Fütterung mit Knochen sorgfältig abgegrenzte Koth die Menge des Kothes, wie er nach zahlreichen Angaben Voit's beim Hunger stets entleert wird, kaum überschreitet.

Fasse ich die Resultate meiner Versuche kurz zusammen, so erhalte ich folgende Thatsachen als festgesetzt:

1) In das Blutgefässsystem eines Thieres eingeführtes Blut eines andern Thieres der gleichen Art wird in demselben nicht alsbald zersetzt, sondern verhält sich in demselben gleich dem bereits vorhandenen Blute. Es ist offenbar, dass die Festsetzung dieser Thatsache von grosser Bedeutung für die Lehre und Praxis der Transfusion ist.

2) Direkt in das Blut und somit in den Säftestrom eingeführte Eiweisslösungen, welche nicht vorher dem Verdauungsakte unterlegen sind, zerfallen im Thierkörper in der gleichen Weise und

durch die gleichen Bedingungen, wie die Eiweisssubstanzen, welche durch Magen und Darm in den Körper aufgenommen wurden.

3) Da das in den Körper in Form eines lebenden Organes eingeführte Eiweiss im Körper nicht alsbald in die dort herrschenden Bedingungen des Zerfalls geräth, während einfache Eiweisslösungen, gleichgültig ob durch den Darm oder direkt durch Injection in die Blutgefässe eingeführt, in kürzester Zeit grösstentheils zerfallen, so verhält sich in der That das im Körper vorhandene Eiweiss in Bezug auf die Fähigkeit des Zerfalls nicht gleichmässig, sondern wir müssen hier zwischen dem an den Organen und Zellen fester gebundenen Eiweisse, das nur wenig zersetzt wird, und dem die letztern ernährenden Eiweissströme, der zum grössten Theile stets zerfällt, unterscheiden.

Die ausführliche Mittheilung und Besprechung meiner Versuche und der Ergebnisse derselben nebst einigen weitern Beobachtungen behalte ich mir zur Veröffentlichung an einem andern Orte vor.

---



Herr Beetz legt vor und bespricht eine Abhandlung von Wilhelm von Bezold:

„Ueber das doppelte Maximum in der Häufigkeit der Gewitter während der Sommermonate.“

Als der Verfasser dieser Zeilen das Material zu der vor Kurzem veröffentlichten Abhandlung „Ueber gesetzmässige Schwankungen in der Häufigkeit der Gewitter während langjähriger Zeiträume“<sup>1)</sup> sammelte, that er dies in einer Form, welche zugleich eine Zusammenstellung nach fünftägigen oder anderen kurzen Perioden gestattete.

Eine Darstellung der Jahrescurve der Gewitter (wenigstens für die Sommermonate) nach solchen kurzen Abschnitten schien von besonderem Interesse, da bereits eine früher angestellte Untersuchung<sup>2)</sup> zu dem eigenthümlichen Ergebnisse geführt hatte, dass wenigstens für Bayern die Heftigkeit und Häufigkeit der Gewitter zwei Maxima aufweist, welche durch einen verhältnissmässig gewitterarmen Zeitraum von einander getrennt sind.

Es lag deshalb nahe, zu untersuchen, ob sich dieselbe Erscheinung auch bei anderen als den wenigen dort berücksichtigten Stationen zeige, und ob sie nicht noch deutlicher hervorträte, wenn man anstatt der damals benutzten halbmonatlichen noch kürzere Perioden zu Grunde legt. Zugleich handelte es sich dabei um die Bestätigung oder

---

1) Diese Ber. f. 1874. Sitzg. v. 7. Nov. S. 284 ff.

2) Poggend. Ann. Bd CXXXVI. S. 513–544.

Widerlegung einer Anschauung, welche ich mir inzwischen über die vermuthliche Ursache dieser Erscheinung gebildet hatte. Da die erzielten Resultate im Sinne dieser Vermuthung sprechen, so soll sie später als Hypothese mitgetheilt werden.

Die folgenden Zeilen enthalten nun zunächst die Summen der Gewittertage, welche während fünftägiger Perioden an einigen Stationen im Laufe einer nebenher angegebenen Reihe von Jahren zur Aufzeichnung kamen. Hiebei wurde jedoch nur die Zeit vom 1. Mai bis zum 28. August in Rechnung gezogen, da ausserhalb dieses Zeitraumes die Summen zu niedrig ausfallen, um in ihnen mit Recht den Ausdruck tieferer Gesetzmässigkeit erblicken zu dürfen.

Aus diesen Summen wurden in einer zweiten Zusammenstellung zehntägige und fünfzehntägige gebildet, da man bei kürzeren Beobachtungsreihen den so erhaltenen Zahlen wohl grösseres Gewicht beilegen darf als fünftägigen, welche in solchen Fällen zu sehr von blossen Zufälligkeiten beeinflusst werden müssen.

Solche Betrachtungen über den Werth, welchen man den einzelnen Tabellen beizulegen hat, veranlassten mich, auch unmittelbar die Summen der auf diese Perioden treffenden Gewittertage zu geben und nur nebenher die Anzahl der Jahre beizufügen, während deren die Beobachtungen angestellt wurden. Der Werth, welchen jede Reihe für die Erkenntniss der wahren Jahrescurve besitzt, wird alsdann so ziemlich den mitgetheilten Zahlen direct proportional sein.

Hiebei ist jedoch darauf hinzuweisen, dass eine Untersuchung unter dem eben angedeuteten Gesichtspunkte einen höheren Grad von Zuverlässigkeit besitzt, wie die in der oben genannten Abhandlung durchgeführte, und dass sie nicht in gleichem Maasse mit den dort S. 289 ff. ausführlich dargelegten Mängeln behaftet ist. Dort, wo es sich



um Aufstellung langjähriger Reihen handelt, muss jede Aenderung in der Art der Aufzeichnung, wie sie etwa mit dem Wechsel des Beobachters eintritt, sich empfindlich merkbar machen. Hier ist das ungleich weniger der Fall. Mag auch während des Zeitraumes, über den sich die Angaben erstrecken, der eine oder andere Beobachter den Begriff Gewitter weiter oder enger gefasst haben, auf die relative Häufigkeit während einzelner Theile des Jahres wird dies kaum einen Einfluss äussern, höchstens fallen im Endresultate die Aufzeichnungen des einen Beobachters mehr ins Gewicht als die des anderen. Uebrigens habe ich da, wo ich selbst aus den Originalen geschöpft habe und wo es irgend thunlich war, nur jene Tage in Rechnung gezogen, an denen Donner vernehmbar war<sup>3)</sup>.

Die benutzten Quellen sind bereits in der eben angeführten Abhandlung angegeben, wo dies noch nicht der Fall war oder wo neues Material in Betracht gezogen wurde, sollen die erforderlichen Citate hier nachgetragen werden.

Im Folgenden wurden die Stationen in drei Gruppen getheilt. Die erste derselben umfasst die drei russischen Stationen, für welche ich die detaillirten Auszüge gemacht habe, die zweite die deutschen einschliesslich Wien, die dritte die schweizerischen.

Fünftägige Summen konnten in der zweiten Gruppe nur für drei Stationen, nämlich Aschaffenburg und Wien, und für die Hälfte des sonst betrachteten Zeitraumes noch von Leipzig mitgetheilt werden, dagegen wurden die Verheerungen durch Blitz, soweit sie versicherte Gebäude in Bayern betrafen, sowie die Tage, an welchen

---

3) Auf meine älteren Zusammenstellungen für München und den Peissenberg bezieht sich diese Bemerkung nicht, dort sind Gewitter gezählt (a. a. O. S. 534).

solche Beschädigungen eintraten, zu fünftägigen Summen vereinigt und unter den Rubriken „zündende Blitze“ und „Tage mit solchen“ der zweiten Gruppe angefügt.

Bei den fünfzehntägigen Summen wurden noch die Beobachtungen vom Hohenpeissenberge und von München, die ich schon früher unter diesem Gesichtspunkte bearbeitet hatte, mitberücksichtigt und zwar unter Hinzuziehung der Ergebnisse elf- und zwölfjähriger älterer Beobachtungen, welche man in den „Mannheimer Ephemeriden“ findet. Auch wurden die Gewittererscheinungen in Württemberg, welche Hr. v. Pleninger in den „Resultaten aus den vierzigjährigen Beobachtungen etc.“<sup>4)</sup> registriert hat, in gleichem Sinne verarbeitet und dieser Gruppe beigesellt. Diese letztgenannten Aufzeichnungen repräsentiren zwar durchaus kein homogenes Material, scheinen aber doch für eine Frage, wie die vorliegende, verwerthbar.

Der dritten Gruppe wurden neben den von mir zusammengestellten Zahlen noch die zehntägigen Summen für Zürich und Hundwil beigefügt, welche Hr. Denzler in den „Mittheilungen d. naturf. Gesellsch. zu Zürich Bd. II S. 551“ veröffentlicht hat.

Zur besseren Uebersicht wurden die Maximalwerthe der einzelnen Reihen durch fette Ziffern hervorgehoben, jedoch nicht jene Zahlen, welche auf den ersten Blick als die grössten erscheinen, sondern jene Stellen, auf welche die Maxima fallen, wenn man den entsprechenden Curven die schärfsten Ecken nimmt. Es wurden nämlich aus je drei aufeinander folgenden Zahlen Mittel gebildet mit doppeitem Gewichte der mittleren Zahl und jene Stellen, welche den Maximalwerthen dieser Mittel entsprachen, durch den Druck hervorgehoben. Diese Mittel selbst wurden nicht mit aufgenommen, um die Tabellen nicht mit

4) Stuttgart 1868.



berechneten Zahlen zu überlasten. Auf diese Weise ist man in der Lage, auch ohne Beigabe gezeichneter Curven den Verlauf der letzteren wenigstens einigermaßen zu übersehen:

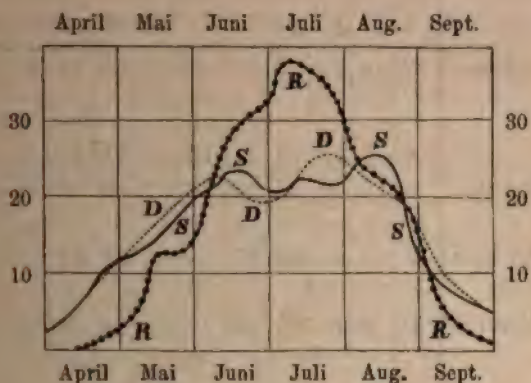
Bei den Gruppen I und III, wo verhältnissmässig homogenes Material zu Grunde liegt, d. h. nur Beobachtungen meteorologischer Stationen, wurden schliesslich noch Summen gebildet, welche in gewisser Hinsicht den Verlauf für den ganzen in Betracht gezogenen Landstrich darstellen. Dieser Begriff ist freilich bei den drei russischen Stationen etwas sehr weit gefasst, was ich hiemit selbst ausdrücklich betone.

Die Anzahl der Beobachtungsjahre ist der dritten Tabelle beigelegt, weil die anderen ohnehin schon ziemlich umfangreich sind.

Endlich findet man in einer letzten Tabelle noch die Summen für die ganzen Monate (nicht für je 30 Tage), um eine Vergleichung der aus dem hier benutzten Materiale fliessenden Zahlen mit den sonst üblichen Zusammenstellungen nach Monaten zu ermöglichen. Die Brandfälle durch Blitz etc. habe ich in diese Tafel nicht mit aufgenommen, da alles hierauf bezügliche in der oben citirten Untersuchung enthalten ist.

Von einer Berechnung der Monatsmittel für die einzelnen Stationen, wie man sie meist anzugeben pflegt, habe ich abgesehen, da solche Zahlen aus den in meiner letzten Abhandlung dargelegten Gründen nur dann Bedeutung besitzen, wenn an sämtlichen Stationen die Beobachtungen während des nämlichen — nicht nur während eines gleich langen — Zeitraumes angestellt wurden. Uebrigens ist jeder Leser in den Stand gesetzt, sich nach den mitgetheilten Angaben diese Mittel selbst zu berechnen. Dagegen

habe ich für die drei in Betracht gezogenen Gebiete den Verlauf während des Jahres nach Procenten der Gesamtsumme dargestellt, und diese Zahlen auch unter Zuhilfenahme der zehnt- und fünfzehntägigen\*) Summen durch die nachstehenden Curven versinnlicht. Hiebei ist die auf Russland bezügliche Curve durch *R*, die auf Deutschland treffende durch *D* und endlich die der Schweiz angehörige durch *S* bezeichnet.



Dies vorausgeschickt, sollen nun die Zahlen selbst folgen:

\*) Fünfzehntägige, beziehungsweise halbmonatliche, Summen wurden für die deutschen Stationen: Aschaffenburg, München, Peissenberg, Wien gebildet, nicht aber wie bei den Gruppen I und III in die Tabelle mit aufgenommen sondern nur zur Construction der Curve benutzt.

**A. Fünftägige**

	M a i.						J u n i.					
	1-5	6-10	11-15	16-20	21-25	26-30	31-4	5-9	10-14	15-19	20-24	25-29
Katharinenburg	4	5	11	21	16	16	31	33	36	45	43	57
Petersburg	6	6	7	9	10	15	6	10	14	15	14	14
Barnaul	2	3	15	15	11	13	20	23	29	35	<b>36</b>	29
Summen :	12	14	33	45	37	44	57	66	79	95	93	100
Wien <sup>5)</sup>	8	7	13	10	11	16	15	<b>14</b>	20	5	7	15
Aschaffenburg	8	15	20	23	20	26	<b>32</b>	25	32	25	24	28
Leipzig <sup>6)</sup>	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
Zündende Blitze	6	17	41	40	31	33	36	37	<b>61</b>	42	40	30
Tage mit solchen <sup>7)</sup>	6	8	16	21	19	19	20	24	<b>29</b>	21	22	15
Basel	12	26	21	22	22	32	26	28	<b>34</b>	35	25	40
Bern	21	27	16	26	26	30	<b>30</b>	29	21	25	24	31
Gurzeln	8	2	7	9	12	6	11	4	<b>14</b>	10	9	<b>16</b>
Sutz	9	11	5	7	9	8	16	<b>11</b>	10	15	4	7
Einsiedeln	2	7	4	6	11	3	10	6	7	<b>13</b>	7	6
Summen :	52	73	53	70	80	79	93	78	86	<b>98</b>	69	100

5) Die auf Wien bezüglichen Angaben finden sich zum Theile zweimal in den Jahresbüchern der k. k. Centralanstalt, nämlich sowohl in dem Bande für den betreffenden Jahrgang, als auch gesammelt in einem Anhang zum Jahrbuch für 1868. Diese beiden Quellen stimmen hinsichtlich der Gewitter nicht immer vollständig überein, und zwar sind in dem Anhang folgende Tage als Gewittertage markirt, die in dem betreffenden Jahrgange nicht erwähnt sind: Der 27. April, 3. 22. 30. Mai,

## Summen.

Juli.						August.					
30-4	5-9	10-14	15-19	20-24	25-29	30-3	4-8	9-13	14-18	19-23	24-28
56	59	62	57	59	45	35	31	35	26	28	22
29	12	19	21	24	14	16	16	14	16	16	9
37	37	29	36	40	27	34	23	23	24	21	15
122	108	110	114	123	86	85	70	72	66	65	46
6	7	13	20	19	11	9	12	11	13	7	8
22	26	33	37	17	30	24	22	26	30	22	23
14	18	20	14	27	17	19	23	13	19	19	14
29	49	25	51	62	77	54	53	24	56	26	27
17	23	16	24	25	28	28	27	18	25	20	15
39	33	31	28	32	38	39	37	36	43	24	18
21	26	30	32	28	25	24	25	30	39	21	21
7	10	6	18	11	17	13	16	11	9	14	3
14	15	11	8	12	10	14	9	12	13	16	6
8	16	12	11	6	12	12	17	19	9	6	10
89	100	90	97	89	102	102	104	107	113	81	58

13. Juli, 3. 9. Aug., 21. 22. Sept. 25. Oct. 1864, ferner der 23. Juli, 2. Aug. 1865. Dagegen sind im Anhange ausgelassen: Der 19. Juli, 27. Oct. 1864, der 23. April, 10. 11. Juni, 9. 10. 12. 22. 25. 26. 27. Juli, 3. Aug. 1865.

6) Jelinek, Zeitschr. IX, 128.

7) Hierunter waren die an zündenden Blitzen reichsten Tage der 17. Aug. 56 mit 8, der 17. Aug. 63 ebenfalls mit 8 und der 23. Juli 63 mit 22 Fällen in den verschiedensten Gegenden Bayerns.

[1875. 2. Math.-phys. Cl.]



## B. Zehntägige Summen.

	Mai.					Juni.					Juli.					August.				
	1-10	11-20	21-30	31-9	10-19	20-29	30-9	10-19	20-29	30-9	10-19	20-29	30-9	10-19	20-29	30-9	10-19	20-29	30-9	10-19
Katharinenburg .	9	32	32	64	81	100	115	119	104	66	50	36	47	30	25	61	50	61	30	25
Petersburg . .	12	16	25	16	29	28	41	40	38	32	25	47	43	64	50	66	32	30	30	25
Barnaul . . .	5	30	24	43	64	65	74	65	67	57	36	47	30	25	61	50	66	32	30	25
Summen:	26	78	81	123	174	193	230	224	209	155	138	111	15	23	43	—	81	37	38	14
Wien . . . .	15	23	27	29	25	22	13	33	30	21	24	15	23	43	—	64	37	38	14	14
Aschaffenburg .	23	43	46	57	57	52	48	70	47	46	56	45	23	43	—	64	37	38	14	14
Leipzig . . .	—	—	—	—	—	—	32	34	44	42	32	33	23	43	—	64	37	38	14	14
Zündende Blitze	23	81	64	73	103	70	78	76	139	107	80	53	23	43	—	64	37	38	14	14
Tage mit solchen	14	37	38	44	50	37	40	40	53	55	43	35	14	37	—	64	37	38	14	14

Katharinenburg .  
Petersburg . .  
Barnaul . . .  
Summen:  
Wien . . . .  
Aschaffenburg .  
Leipzig . . .  
Zündende Blitze  
Tage mit solchen

	M a i.				J u n i.			J u l i.			A u g u s t.		
	1-10	11-20	21-30	31-9	10-19	20-29	30-9	10-19	20-29	30-8	9-18	19-28	
Basel . . . .	38	43	54	54	69	65	72	59	70	76	79	42	
Bern . . . .	48	42	56	59	46	55	47	62	53	49	69	42	
Gurzeln . . . .	10	16	18	15	24	25	17	24	28	29	20	17	
Sutz . . . .	20	12	17	27	25	11	29	19	22	23	25	22	
Einstedeln . . .	9	10	14	16	20	13	24	23	18	29	28	16	
Zürich <sup>8)</sup> . . . .	66	74	102	114	155	138	102	121	122	136	155	112	
Hundwil <sup>9)</sup> . . .	21	25	30	41	33	35	35	40	34	43	30	24	
Summen:	212	222	291	326	372	342	326	348	347	385	406	275	

8) 90jährig.

9) 31jährig. Die Zeiträume, auf welche sich die Angaben von Zürich und Hundwil beziehen, zeigen gegen die in der Aufschrift bezeichneten eine Verschiebung von einem Tage, d. h. die Decaden beginnen mit dem 2.-11. Mai etc.

# C. Fünfehtzigte Nummern.

	Mai.			Juni.			Juli.			August.			Anzahl der Beobachtungen
	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	
Katharinenburg . . .	20	53	100	145	177	161	101	76	1037	69			33
Petersburg . . . .	19	34	30	43	60	59	16	11	1037	10	1043	09	31
Barnaul . . . . .	20	39	72	100	103	103	80	60	1037	05	1004	09	30
	59	126	202	298	340	323	277	177					
Wien . . . . .	28	37	49	27	26	50	33	29	1046	07			30
Aschaffenburg . . .	43	69	89	77	81	81	72	73	1033	73			11
Peissenberg . . . .	136	151	191	170	190	229	212	169	1791	02	u. neuer- dem 62. Jahre*)		61
München . . . . .	37	68	64	65	62	80	81	57	1791	80	1790	92	30
											u. noch 19 Jahre*)		
Zündende Blitze . .	64	104	134	112	103	190	131	109					22
Tage mit solchen . .	30	59	73	58	56	77	73	60	1841	05			
Gewitter in Württemberg	16	23	38	25	17	29	23	21	1855	64			10

	Mai.			Juni.		Juli.		August.		Anzahl der Beobacht.- Jahre.
	1-15	16-30	31	1-15	16-30	1-15	16-30	1-15	16-30	
Basel . . . . .	59	76	88	100	103	98	112	85	1755—1803	49
Bern . . . . .	64	82	80	80	77	85	79	81	1760—65, 1826—70	51
Gurzeln . . . . .	17	27	29	35	23	46	40	26	1767—84	18
Satz . . . . .	25	24	37	26	40	30	35	35	1785—1801	17
Einsiedeln . . . . .	13	20	23	26	36	29	48	25	1818—42	25
	178	229	257	267	279	288	314	252		

\*) Anmerkung. Die Zahlen für den Peissenberg und für München, sowie für die Gewitter in Württemberg sind nicht genau fünfzehntägige Summen, sondern halbmonatliche, wie sie in der schon öfters citirten Abhandlung in Foggend. Ann. gebildet wurden, und hier nur eine Ergänzung durch ältere Beobachtungen erhalten haben. Ebenia findet man auch den genauen Nachweis über die der neueren Reihe zu Grunde liegenden Jahre.



**M o n a t s -**

	Januar	Februar	März	April	Mai
Katharinenburg	—	—	—	6	78
Petersburg . . .	—	—	—	4	54
Barnaul . . . .	—	—	—	2	61
Summen	—	—	—	19	193
In Procenten der Hauptsumme	—	—	—	1,0	10,4
Wien . . . . .	2	—	2	16	67
Aschaffenburg .	7	5	12	45	118
Peissenberg . .	6	9	17	116	287
München . . . .	—	1	2	53	105
Summen	15	15	33	230	577
In Procenten etc.	0,4	0,4	0,9	6,7	16,7
Basel . . . . .	3	1	5	47	138
Bern . . . . .	—	1	1	65	149
Gurzelu . . . .	1	—	1	18	45
Sutz . . . . .	—	2	3	17	52
Einsiedeln . . .	—	—	1	5	34
Zürich . . . . .	4	8	18	131	251
Hundwil . . . .	1	—	9	32	77
Summen	9	12	38	315	746
In Procenten etc.	0,2	0,2	0,8	6,6	15,7

## S u m m e n.

Juni	Juli	August	Septbr.	October	Novbr.	Decbr.
253	334	179	22	2	—	—
79	116	91	19	1	2	—
175	213	137	20	3	—	—
507	663	407	61	6	2	—
27,4	35,8	22,0	3,3	0,3	0,1	—
73	70	58	18	6	1	—
165	171	146	51	15	4	5
358	419	381	139	27	4	8
129	142	138	29	11	6	2
725	802	723	237	59	15	15
21,0	23,3	20,9	7,9	1,7	0,4	0,4
192	215	186	66	9	4	—
163	166	163	63	10	2	1
63	74	65	19	1	—	—
64	73	68	23	6	—	—
50	70	70	14	8	—	—
407	362	401	118	21	10	4
109	112	97	18	2	—	—
1048	1072	1050	321	57	16	5
22,1	22,7	22,2	6,8	1,2	0,3	0,1

Betrachtet man die hier mitgetheilten Zahlen, so erkennt man sofort, dass das in der Einleitung erwähnte doppelte Maximum in der Häufigkeit der Gewitter, wie es nach dem sparsamen Materiale, welches der in Poggen-dorff's Annalen veröffentlichten Abhandlung zu Grunde lag, sich vermuthen liess, thatsächlich der Ausdruck einer tieferen Gesetzmässigkeit ist.

Besonders schlagend tritt dies in Deutschland hervor (Wien eingerechnet), wo es sich sowohl in den fünftägigen, als auch in den zehu- und fünfzehntägigen Summen mit grösster Regelmässigkeit erkennen lässt, und erst bei noch längeren Perioden sich verwischt.

Bei den russischen Stationen Petersburg und Bar-naul muss man nach Pentaden gruppiren, wenn die beiden Maxima noch bemerkbar sein sollen, bei Katharinenburg entdeckt man selbst in diesem Falle kaum mehr eine Andeutung hievon. Dabei ist es auffallend, dass diese Maxima bei den ebenerwähnten Orten viel näher aneinander rücken als in Deutschland.

Die Schweizer Stationen zeigen die Erscheinung nicht in so regelmässiger Weise wie die deutschen, sondern sie ergeben wenigstens bei fünftägigen Perioden meistens noch ein drittes intermediäres Maximum. Dies mag theils in den eigenthümlichen Localeinflüssen seinen Grund haben, welche in der Schweiz stärker hervortreten müssen als anderwärts, theils darin, dass die Anzahl der Beobachtungsjahre für einige der benutzten Stationen eine verhältnissmässig geringe ist. Wenigstens schliessen sich die Ergebnisse der langjährigen Beobachtungen von Zürich und Hundwil, wie sie von Hrn. Denzler zusammengestellt wurden, sehr gut an die deutschen an, und auch in den zehntägigen Gesamtsummen für alle Schweizer Stationen sind die beiden Maxima trefflich markirt.

Dabei rücken diese Maxima in der Schweiz noch weiter auseinander als in Deutschland.

Uebrigens sind diese beiden Maxima in der Schweiz sogar schon in den Monatssummen leise angedeutet; denn wenn in der letzten Tafel der Juli für diese Stationen mit der höchsten Summe erscheint, so rührt dies nur daher, dass er um einen Tag mehr besitzt, als der Juni, auf den einzelnen Tag im Juli treffen in der Schweiz beinahe genau so viele Gewitter als auf einen Junitag, so dass eine 30 tägige Summen darstellende Curve in ihrem höchsten Theile einen vollkommen horizontalen Verlauf zeigen würde.

Schenkt man diesem Auseinandertreten der Maxima bei der Annäherung an wärmere Gegenden Aufmerksamkeit, so kommt man unwillkürlich auf die Vermuthung, dass diese Erscheinung um so prägnanter zu Tage treten müsse, je mehr man in demselben Sinne weiter schreitet, und dass sowohl in Südeuropa als besonders in den Tropen-gegenden schon die Zusammenstellungen nach ganzen Monaten hinreichen müssen, um dieselbe erkennen zu lassen.

Wirklich bestätigen die wenigen in dieser Hinsicht vorhandenen Zahlen, die sich übrigens meist nur auf die Beobachtungen weniger Jahre stützen, diese Annahme, wie aus der folgenden Tabelle erhellt.



## Mittlere Gewittersummen.

	Mai	Juni	Juli	August	Septbr.	Octbr.	Q u e l l e.
Marseille . . .	0,7	1,2	1,0	1,8	1,7	1,3	Kämtz. II. S. 509.
Rom . . .	3,8	5,3	3,7	5,8	6,4	5,4	" " "
Madrid . . .	5,3	4,8	3,2	4,0	3,1	1,6	Jelinek. Ztschft. VIII. 188.
Ostküste der Adria	1,60	3,85	3,25	3,90	2,95	2,75	" " VI. 57.
Athen <sup>10)</sup> . . .	13	13	22	18	24	28	Mommsen. Griech. Jahreszeiten. Schleswig 1873.
Janina . . .	7,4	5,8	6,6	5,2	3,1	3,7	Kämtz. a. a. O.
Biskra . . .	0,2	0,8	0,7	3,3	1,5	0,2	Jelinek. Ztschft. VIII. 107.
Abyssinien . . .	56,2	69,0	48,0	47,2	70,0	19,5	Mém. d. savants étrang. Sc. ma- thém. et phys. Tom. XIII. 1862.

10) Summen für 12 Jahre.

Diese Zahlen unterstützen auf's Deutlichste die eben ausgesprochene Vermuthung und führen im Zusammenhalte mit dem Obigen zu dem Satze:

Die Gewittererscheinungen zeigen im Allgemeinen während der Sommermonate auf der nördlichen Hemisphäre zwei Maxima. Diese Maxima rücken einander um so näher, je mehr man sich von den Tropen entfernt. Trotzdem können sie nicht nur für Deutschland schlagend nachgewiesen werden, sondern sind bei Zugrundelegung von fünftägigen Summen sogar in Barnaul und Petersburg noch deutlich kenntlich. Unter den untersuchten Orten findet sich nur ein einziger, der selbst bei fünftägigen Summen nur mehr ein Maximum besitzt, und dies ist Katharinenburg, dessen Klima wohl auch weniger von den meteorologischen Vorgängen der Tropenwelt beeinflusst wird, als das von irgend einem der übrigen in Betracht gezogenen Punkte.

Die Erkenntniss dieser Thatsache schliesst die Erklärung selbst in sich.

In den Tropengegenden hat man streng genommen zweimal des Jahres Sommer, wie aus den von Dove entworfenen Curven für die jährliche Periode der Temperatur schlagend hervorgeht. Diese beiden Maxima der Temperatur, die sich bei der Entfernung von den Tropen ausserordentlich rasch einander nähern, um in höheren Breiten zu einem einzigen zu verschmelzen, treten in der Häufigkeit der Gewitter viel lebhafter hervor, und sind bei

dieser Erscheinung sogar in Barnaul und Petersburg noch nachweisbar.

Man wird demnach nicht fehlgehen, wenn man in diesem doppelten Maximum der Gewittererscheinungen, das bei uns noch so deutlich auftritt, einen Nachklang der beiden tropischen Sommer (Wärmemaxima) erblickt.

---

### **Verzeichniss der eingelaufenen Büchergeschenke.**

---

*Vom naturwissenschaftlichen Verein der Rheinpfalz in Dürkheim a. d. H.:*

- a) XXX.—XXXII. Jahresbericht der Pollichia. 1874. 8.
- b) Nachtrag zum XXVIII. und XXIX. Jahresbericht der Pollichia.  
Newton und das Gesetz der Schwere Von D. G. F. Koch. 1872. 8.

*Von der deutschen geologischen Gesellschaft in Berlin:*

Zeitschrift. XXVI. Bd. 1874. 8.

*Von der naturforschenden Gesellschaft Graubündens in Chur:*

Jahresbericht. Neue Folge. XVIII. Jahrgang 1873/74. 8.

*Von der astronomischen Gesellschaft in Leipzig:*

Vierteljahrsschrift. X. Jahrg. 1875. 8.

*Von der Direzione del Cosmos in Turin:*

Cosmos. Vol. II. VII—IX. 1874. 8.

*Vom Institut Royal Grand-Ducal in Luxemburg:*

- a) Publications. Tom. XIV. 1874. 8.
- b) Observations Météorologiques par F. Reuter. Vol. X. 1874. 8.

*Vom physikalischen Central-Observatorium in St. Petersburg:*

- a) Repertorium für Meteorologie. Von Dr. Heinrich Wild. Bd. IV. 1874. gr. 4.
- b) Annales de L'Observatoire physique central de Russie publiées par H. Wild. Année 1869. gr. 4.
- c) Die Zeitbestimmung vermittelst des tragbaren Durchgangsinstrumentes im Verticale des Polarsterns. Von W. Düllen. 1874. gr. 4.



*Von der Royal Society in Tasmania:*

Monthly Notices of Papers and Proceedings, for 1873. 8.

*Vom Bureau de la Recherche géologique de la Suede in Stockholm:*

- a) Carte géologique de la Suède. Livr. 50—53, accompagnées de renseignements. 1874. Fol.
- b) Glaciala bildningar; af Otto Gumbelius Sveriges I. 1874. 8.
- c) Om Rullstens bildningar af David Hummel. 1874. 8.

*Von der k. k. Gesellschaft der Aerzte in Wien:*

Medizinische Jahrbücher. Jahrg. 1875. 8.

*Von der k. k. zoologisch-botanischen Gesellschaft in Wien:*

Verhandlungen. Jahrg. 1874. Bd. 24. 8

*Von der naturforschenden Gesellschaft in Görlitz:*

Abhandlungen. Bd. XV. 1875. 8.

*Von der k. k. Sternwarte in Wien:*

Annalen. 3. Folge. Bd. 23. Jahrg. 1873. 8.

*Vom Verein für Naturkunde zu Fulda:*

Bericht über die Vereinsjahre 1869/75, herausgegeben von O. Speyer. 8.

*Vom naturwissenschaftlich-medizinischen Verein in Innsbruck:*

Berichte. V. Jahrg. 1874. 8.

*Von der k. k. Central-Anstalt für Meteorologie und Erdmagnetismus in Wien:*

Jahrbücher. Neue Folge. X. Bd. Jahrg 1873. 4.

*Von der k. k. geologischen Reichsanstalt in Wien:*

- a) Jahrbuch. Jahrg. 1875. Bd. XXV. 4.
- b) Verhandlungen. 1875. 4.
- c) Abhandlungen. Bd. VIII. 1875. Fol.

*Von der anthropologischen Gesellschaft in Wien:*

Mittheilungen. Bd. V. 1875. 8.

*Vom Verein für naturwissenschaftliche Unterhaltung in Hamburg:*  
Verhandlungen 1871—74. 8.

*Von der Senkenbergischen naturforschenden Gesellschaft in  
Frankfurt a/M.:*  
Mineralogische Notizen von Friedr. Hessenberg. Neue Folge. Heft X.  
1875. 4.

*Von der Société Linnéenne in Lyon:*  
Annales. Nouv. Série. Tom. 20. 21. (Année 1873. 1874.) 8.

*Von der Académie des sciences, belles-lettres et arts in Lyon:*  
Mémoires. Classe des Sciences. Tom. 20. 1873—74. 8.

*Von der Società italiana di scienze naturali in Mailand:*  
a) Atti. Vol. XVII. 1874—75. 8.  
b) Mémoire. Tomo III. 1873. 4.

*Von der R. Geological Society of Ireland in Dublin:*  
Journal. Vol. XIV. 1874. 8.

*Von der Geological Society in London:*  
a) The quarterly Journal. Vol. XXXI. 1875. 8.  
b) List. 1874. 8.

*Von der Geological Society in Glasgow:*  
Transactions. Vol. V. 1875. 8.

*Von der R. Astronomical Society in London:*  
Memoirs. Vol. 40. 1874—75. 4.

*Von der Chemical Society in London:*  
Journal. 1875. 8.

*Von der Société des sciences physiques et naturelles in Bordeaux:*  
Mémoires. Tom. X. 1875. 8.

*Vom Institut national Genrois in Genf:*  
Bulletin. Tom. 20. 1875. 8.

*Von der Société de géographie in Paris:*

Bulletin. 1875. 8.

*Von der Société botanique de France in Paris:*

Bulletin Tom. XXII. 1875. 8. (Revue bibliograph. A.)

*Vom Radcliffe Observatory in Oxford:*

Radcliffe Observations. Vol. XXXII. 1872. 8.

*Vom Reale Istituto Lombardo di Scienze e Lettere in Mailand:*

- a) Memorie. Classe di Lettere e scienze matematiche e naturali. Vol. XIII. 1874. 4.
- b) Atti della fondazione scientifica Cagnola. Vol. VI. Anno 1872. 8.

*Von der mineralogischen Gesellschaft in St. Petersburg:*

- a) Materiali dlä Geologiy Rossiy. Bd. IV. 1872. 8.
- b) Verhandlungen. II. Serie. Bd. IX. 1874. 8.

*Vom Herrn Rudolph Wolf in Zürich:*

Astronomische Mittheilungen. XXXVII. 1874. 8.

*Vom Herrn A. Kölliker in Würzburg:*

Ueber die Entwicklung der Graaf'schen Follikel der Säugethiere. 1874. 8.

*Vom Herrn G. Neumayer in Berlin:*

Anleitung zu wissenschaftlichen Beobachtungen auf Reisen. 1875. 8.

*Vom Herrn C. G. Giebel in Berlin:*

Zeitschrift für die gesammten Naturwissenschaften. Neue Folge 1874. Bd. X. 1874. 8.

*Vom Herrn P. De Tchihatchef in Paris:*

La Végétation du globe Tom. I. 1875. 8.

*Vom Herrn P. Bleeker in Amsterdam:*

- a) Révision des Espèces de Dentex, Synagris, Gymnocranius, Gnathodentex et Pentapus. 1873. 4.
- b) Révision des Espèces des genres Lutjanus et Aprion. 1873. 4.
- c) Révision des Espèces du Groupe des Epinephelini. 1873. 4.
- d) Sur les Espèces de la famille des Cirrhitéoïdes. 1874. 4.
- e) Révision des Espèces de la famille des Mulloïdes. 1874. 4.
- f) Mémoire sur les Sciénoïdes et les Sillaginoides. 1874. 4.
- g) Révision des Espèces de la famille des Synancéotoïdes. Harlem 1874. 4.
- h) Révision des Espèces d'Ambassis et de Parambassis. Harlem 1874. 4.
- i) Révision des Espèces du groupe des Apogonini. Harlem 1874. 4.
- k) Sur le genre Parapristipoma. La Haye 1872. 8.
- l) Esquisse d'un système naturel des Gobioides. La Haye 1873. 8.
- m) Sur les espèces de la famille des Nandoïdes. La Haye 1873.
- n) Sur les espèces de la famille des Opisthognathoides. La Haye 1873. 8.
- o) Notice sur les genres Amblyeleotris, Valenciennèsia et Brachyeleotris. 1875. 8.
- p) Typi nonnulli generici piscium neglecti. 1875. 8.

*Vom Herrn Otto Struve in St. Petersburg:*

- a) Observations de Pulkova. Vol. VI. 1873. gr. 4.
- b) Jahresbericht, am 27. Mai 1874 dem Comité der Nicolai-Hauptsternwarte abgestattet. 1874. 8.

*Vom Herrn Alexis Jordan in Lyon:*

Remarques des Espèces végétales affines. 1873. 8.

*Vom Herrn Hermann Kolbe in Leipzig:*

Journal für praktische Chemie. 1875. 8.

*Vom Herrn C. G. Reuschle in Stuttgart:*

Tafeln complexer Primzahlen. Berlin 1875. 4

*Vom Herrn Alex. Ecker in Freiburg i/Br.:*

- a) Ueber eine menschliche Niederlassung aus der Rennthierzeit im Löss des Rheinthalles bei Munzingen unweit Freiburg. Braunschweig 1875. 4.



- b) Einige Bemerkungen über einen schwankenden Charakter in der Hand des Menschen. Braunschweig 1875. 4.
- c) Kleine embryologische Mittheilungen. 1875. 8.
- d) „ craniologische „ 1875. 8.

*Vom Herrn E. Regel in St. Petersburg:*

- a) Alliorum adhuc cognitorum monographio. 1875. 8.
- b) Gartenflora. Allgemeine Monatsschrift. Stuttgart 1875. 8.

*Vom Herrn Gustavus Hinrichs in Jowa City:*

The Principles of Chemistry. Davenport 1874. 8.

*Vom Herrn Wenzel Gruber in St. Petersburg:*

Monographie über die Ossicula sesamoidea in den Ursprungsschnen der Köpfe des Musculus gastrocnemius bei dem Menschen und den Säugethieren. 1875. 4.

*Vom Herrn Santo Garovaglio in Pavia:*

- a) Tentamen dispositionis methodicae lichenum in Longobardia nascentium. Prolegomena und Sectio I—IV. Mediolani 1865—68. 4.
- b) De Pertusariis Europae mediae commentatio. Mediolani 1871. 4.
- c) De lichenibus endocarpeis mediae Europae commentarius. Mediolani 1872. 4.
- d) Thelopsis, Belonia, Weitenwebera et Limboria. Mediolani 1868. 4.
- e) Manzoniana Cantiana, novum lichenum genus. Mediolani 1866. 4.
- f) Octona lichenum genera adhuc controversa. Mediolani 1868. 4.
- g) Descrizione di una nuova specie di sensitiva arborea. Milano 1869. 4.
- h) Archivio triennale del laboratorio di botanica crittogamica presso la R. Università di Pavia. Milano 1874. 8.
- i) Sui microfiti della ruggine del grano. Milano 1874. 8.
- k) Del brusone o carolo del riso. Milano 1874. 8.
- l) La Normandina Jungermanniae lichene della tribu degli Endocarpi. Firenze 1870. 8.
- m) Notizie sulla vita e sugli scritti del Dott. Carlo Vittadini. Milano 1867. 8.
- n) Sulla Placidiosis grappae, nuovo genere di licheni. Milano 1870. 8.
- o) Sui più recenti sistemi lichenologici memoria. 1865. 8.

- p) R. Decreto 26 Marzo 1871 con cui si istituisce in Pavia un laboratorio di botanica crittogamica. 1871. 8.
- q) Relazione della visita eseguita nel giorno 20 Giugno 1873 al laboratorio di botanica crittogamica presso la R. Università di Pavia della Commissione nominata a quest'uopo dalla Direzione centrale della Società agraria di Lombardia. 1873. 8.

*Vom Herrn Giovanni Celoria in Mailand:*

Sull' Eclissi Solare totale del 3 Giugno 1239. 1875. 4.

---



Sitzung vom 3. Juli 1875.

### Mathematisch-physikalische Classe.

Herr Bauer theilt mit:

„Bemerkungen über Reihen nach Kugelfunktionen und insbesondere auch über Reihen, welche nach Produkten oder Quadraten von Kugelfunktionen fortschreiten, mit Anwendung auf Cylinderfunktionen.

Bei den vielfachen Untersuchungen, welche in den letzten Jahren über die Bessel'schen oder Cylinder-Funktionen angestellt wurden, haben sich unter anderen auch sehr elegante Entwicklungen ergeben, welche nach Produkten oder Quadraten dieser Funktionen fortschreiten. \*) Es lag daher nahe, auch bei den verwandten Kugelfunktionen nach Entwicklungen dieser Art sich umzusehen. Einzelnes, was sich mir unter diesem Gesichtspunkte dargeboten, findet sich in Folgendem zusammengestellt.

\*) Lommel, „Studien über die Bessel'schen Funktionen.“ Leipzig 1868. § 12 u. 15.

C. Neumann, „Theorie der Bessel'schen Funktionen.“ Leipzig 1867. Letzterer hat diesem Gegenstand noch einen besonderen Aufsatz gewidmet, „Ueber die Entwicklung einer Funktion nach Quadraten und Produkten der Fourier-Bessel'schen Funktionen.“ Ber. d. kgl. sächs. Ges. d. Wiss. 1869, abgedruckt in den math. Ann. Bd. III. (1871). S. 531.

[1875. 3. Math.-phys. Cl.]



Die  $n^{\text{te}}$  Kugelfunktion von  $x = \cos \Theta$  sei bezeichnet durch  $P_n(x)$  oder  $P_n(\cos \Theta)$  oder kurz durch  $P_n$ . Ebenso bezeichne  $Q_n$  die  $n^{\text{te}}$  Kugelfunktion 2<sup>te</sup> Art von  $x$ , so ist

$$Q_n = \frac{1}{2} P_n \log \frac{x+1}{x-1} - R_n$$

In diesem Ausdruck bezeichnet  $R_n$  ein Polynom von  $x$  vom Grade  $n-1$ , welches sich durch die Polynome  $P_n$  in der Form darstellen lässt

$$R_n = \frac{2n-1}{1 \cdot n} P_{n-1} + \frac{2n-5}{3(n-1)} P_{n-3} + \frac{2n-5}{5(n-2)} P_{n-5} + \dots$$

die Reihe bis  $P_0$  oder  $P_1$  incl. fortgesetzt.

Es lässt sich aber noch eine andere Formel für  $R_n$  gewinnen, welche aus Produkten von je zwei  $P$  zusammengesetzt ist. Man findet nämlich für die erzeugende Funktion von  $R_n$ , d. i. die Summe  $\sum R_n r^n$  den Ausdruck

$$\sum R_n r^n = (1 - 2rx + r^2)^{-\frac{1}{2}} \int_0^r (1 - 2rx + r^2)^{-\frac{1}{2}} \delta r.$$

Setzt man hierin für  $(1 - 2rx + r^2)^{-\frac{1}{2}}$  die Reihe  $\sum P_n r^n$  ein, so erhält man sofort die Gleichung \*)

$$R_n = \frac{1}{n} P_0 P_{n-1} + \frac{1}{n-1} P_1 P_{n-2} + \frac{1}{n-2} P_2 P_{n-3} + \dots + 1 \cdot P_{n-1} P_0$$

\*) Diese Entwicklung von  $R_n$  ist, wie ich nachträglich bemerkte, schon in einer allgemeineren Formel von Herrn Christoffel, „Ueber die Gauss'sche Quadratur“ Journ. v. Borchardt, Bd. 55 (1858) S. 72 inbegriffen, während die Formel für  $\sum R_n r^n$ , aus welcher sich diese Entwicklung unmittelbar ergibt, bereits in meiner Abhandlung „Von den Integralen gewisser Differentialgleichungen etc.“ München 1857. S. 13 sich findet, in welcher überhaupt mehrere von den Resultaten, zu welchen Herr Christoffel in seiner eben erwähnten Abhandlung gelangte, wie z. B. die Formel für die Coefficienten der Gauss'schen Quadratur (Gl. 27, S. 69 der Abl.) und ebenso auch die von Herrn Mehler in seinen „Be-

Diese Formel für  $R_n$  lässt sich nun benützen zur Bestimmung des Werthes des Integrals

$$\int_{-1}^{+1} P_m P_n P_p dx,$$

womit dann zugleich die Entwicklung des Produkts von zwei Kugelfunktionen  $P_m P_n$  in eine Reihe von Kugelfunktionen gegeben ist.

Aus der ersten Formel für  $R_n$  folgt nach dem bekannten Gesetze von Reihenentwicklungen dieser Art, dass

$$\int_{-1}^{+1} R_n P_m dx = \frac{4}{(n-m)(n+m+1)}$$

wenn  $m < n$  und  $m, n$  ungleichartig sind, während

$$\int_{-1}^{+1} R_n P_m dx = 0$$

wenn  $m \geq n$  oder  $m, n$  gleichartig sind. Multiplicirt man demnach die zweite Gleichung für  $R_n$  nach und nach mit  $P_{n-1}, P_{n-2}, \dots$  und integrirt zwischen den Grenzen  $\pm 1$ , so erhält man eine Reihe von Gleichungen zwischen Integralen obiger Form. Mit Hilfe dieser Gleichungen in Verbindung mit der bekannten Relation, welche drei aufeinanderfolgende  $P$  aneinander knüpft

$$(n+1)P_{n+1} - (2n+1)P_n + nP_{n-1} = 0,$$

ergibt sich vom spezielleren Falle zum allgemeineren aufsteigend, folgender Werth für obiges allgemeine Integral:

Bemerkungen zur Theorie der mechanischen Quadratur“ Journ. v. Borch. Bd. 63 (1864) S. 156 gefundene Entwicklung von  $R_n$  nach Potenzen von  $x-1$ , sowie dessen Darstellung von  $P_n \log \frac{x+1}{x-1} - R_n$  als  $n^{\text{ter}}$  Differentialcoefficient von  $(x^2-1)^n \log \frac{x+1}{x-1}$  bereits enthalten sind.

$$\int_{-1}^{+1} P_m P_n P_p dx =$$

$$2 \cdot \frac{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdots k}{3 \cdot 5 \cdot 7 \cdots 2k+1} \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots 2k-2m-1}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdots k-m} \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots 2k-2n-1}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdots k-n}$$

$$\cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots 2k-2p-1}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdots k-p}$$

wo  $k$  die halbe Summe der Indices, also  $m + n + p = 2k$  ist. Hierbei ist vorausgesetzt, dass die Summe der Indices eine gerade Zahl ist, und keiner der Indices grösser ist, als die Summe der beiden anderen. Ist die Summe  $m + n + p$  ungerade, so ist der Werth des Integrals selbstverständlich  $= 0$  und ebenso ist das Integral  $= 0$ , sowie ein Index grösser ist, als die Summe der zwei anderen; denn denkt man sich  $P_m P_n$  in eine Reihe nach Kugelfunktionen entwickelt, so ist das höchste Glied der Entwicklung  $P_{m+n}$  und das Integral muss mithin verschwinden, sowie  $p > m + n$

ist, da bekanntlich  $\int_{-1}^{+1} P_r P_s dx = 0$  ist, ausser wenn  $r = s$ .

Setzt man  $m = n$ ,  $p = 2s$ , so reducirt sich das Integral auf

$$\int_{-1}^{+1} P_n^2 P_{2s} dx = 2 \left( \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots 2s-1}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdots s} \right)^2 \cdot \frac{n-s+1 \cdot n-s+2 \cdots n+s}{2n-2s+1 \cdot 2n-2s+3 \cdots 2n+2s+1}$$

Mittelst dieser Integrale lassen sich nun die Produkte und Quadrate dieser Polynome  $P$  in eine Reihe solcher Polynome entwickeln und man hat z. B.

$$P_n^2 = \frac{1}{2n+1} P_0 + 5 \cdot \frac{n(n+1)}{2n-1 \cdot 2n+1 \cdot 2n+3} P_2 + \cdots$$

$$+ (4n+1) \left( \frac{1 \cdot 3 \cdots 2n-1}{1 \cdot 2 \cdots n} \right)^2 \cdot \frac{1 \cdot 2 \cdots 2n}{3 \cdot 5 \cdots 4n+1} P_{2n}.$$

Man ersieht indessen, dass diese Entwicklungen für Produkte und Quadrate von Kugelfunktionen sich nicht

einfach genug gestalten, um eine allgemeinere Anwendung zu gestatten und ich beschränkte mich desshalb auch in Bezug auf die Herleitung obigen Integrals auf die gegebenen Andeutungen, zumal diese Herleitung selbst keineswegs sehr einfach ist.

Immerhin kann obiges Integral dazu dienen, wenn für eine Funktion  $f(x)$  eine Entwicklung nach Produkten oder Quadraten von Kugelfunktionen  $P$  gefunden wurde, hieraus die Entwicklung derselben Funktion nach den Kugelfunktionen  $P$  selbst zu finden: denn es ist dann auch das Integral

$\int_{-1}^{+1} f(x) P_n dx$  in Reihenform gegeben und somit die Coef-

ficienten dieser Entwicklung bestimmt.

## § 2

Man kann nun aber auf anderem Wege sehr leicht aus einer gegebenen Entwicklung nach Kugelfunktionen  $P$  eine andere in gewissem Sinne allgemeinere Entwicklung derselben Art ableiten, welche nebenbei auch zu Entwicklungen nach Quadraten von Kugelfunktionen führt.

Ist  $\cos \gamma = \cos \Theta \cos \Theta' + \sin \Theta \sin \Theta' \cos (\varphi - \varphi')$  mithin

$$(1 - 2\alpha \cos \gamma + \alpha^2)^{-\frac{1}{2}} = \sum P_n(\cos \gamma) \cdot \alpha^n$$

und  $Y_n$  irgend eine Kugelfunktion erster Art und  $n^{\text{ter}}$  Ordnung von den zwei Winkeln  $\Theta, \varphi$ , so ist bekanntlich

$$\int_0^\pi \int_0^{2\pi} Y_n P_m(\cos \gamma) \sin \Theta d\Theta d\varphi = 0$$

wenn  $m > n$ , hingegen, wenn  $m = n$



$$\int_0^\pi \int_0^{2\pi} Y_n P_n(\cos \gamma) \sin \Theta d\Theta d\varphi = \frac{4\pi}{2n+1} Y'_n$$

wo  $Y'_n$  das ist, was  $Y_n$  wird, wenn man darin  $\Theta'$ ,  $\varphi'$  statt  $\Theta$ ,  $\varphi$  setzt. Ist mithin  $f(\cos \Theta)$  irgend eine Funktion von  $\cos \Theta$ , für welche die Entwicklung statt hat

$$f(\cos \Theta) = \sum A_n P_n(\cos \Theta),$$

so hat man

$$\int_0^\pi \int_0^{2\pi} Y_n f(\cos \gamma) \sin \Theta d\Theta d\varphi = \frac{4\pi}{2n+1} A_n Y'_n$$

Nun gehört zu den Kugelfunktionen  $Y_n$  auch als spezieller Fall die Funktion einer Variablen  $P_n(\cos \Theta)$ . Substituirt man diese in die vorige Gleichung, so wird

$$\int_0^\pi \int_0^{2\pi} P_n(\cos \Theta) \cdot f(\cos \gamma) \sin \Theta d\Theta d\varphi = \frac{4\pi}{2n+1} A_n P_n(\cos \Theta')$$

Hieraus und aus dem Gesetze, nach welchem in der Entwicklung einer Fnnktion nach Polynomen  $P_n$  die Coefficienten gebildet sind, geht hervor, dass

$$\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} f(\cos \gamma) d\varphi = \sum A_n P_n P'_n \quad (A)$$

wo  $P_n, P'_n$  für  $P_n(\cos \Theta)$  und  $P_n(\cos \Theta')$  gesetzt ist.

Setzt man in A.)  $P_n(\cos \gamma)$  an die Stelle  $f(\cos \gamma)$ , so erhält man den schon von Legendre gegebenen Satz

$$\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} P_n(\cos \gamma) d\varphi = P_n P'_n$$

Mittelst der Gl. A.) lässt sich aus jeder Entwicklung nach Polynomen  $P_n$  eine andere ableiten, welche nach

Produkten  $P_n P'_n$  oder wenn man  $\Theta' = \Theta$  setzt, nach Quadraten von  $P_n$  fortschreitet. Einige Entwicklungen, die sich auf diese Weise ergeben, mögen hier angeführt sein.

1. Setzen wir zunächst  $f(\cos \gamma) = (1 - 2\alpha \cos \gamma + \alpha^2)^{-\frac{1}{2}}$  so ist das Integral in A.) ein vollständiges elliptisches Integral erster Gattung und man erhält nach einfachen Umformungen

$$\frac{2}{\pi \sqrt{a+b}} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\psi}{\sqrt{1 - \frac{2b}{a+b} \sin^2 \psi}} = \sum P_n P'_n \alpha^n, \quad (1.)$$

wo

$a = 1 - 2\alpha \cos \Theta \cos \Theta' + \alpha^2$ ,  $a+b = 1 - 2\alpha \cos(\Theta - \Theta') + \alpha^2$   
 $b = -2\alpha \sin \Theta \sin \Theta'$ ,  $a-b = 1 - 2\alpha \cos(\Theta + \Theta') + \alpha^2$   
 gesetzt wurde.

Setzt man  $-\Theta'$  statt  $\Theta'$ , so ändert sich die rechte Gleichungsseite nicht, folglich hat dieses Integral denselben Werth wie das Integral

$$\frac{2}{\pi \sqrt{a-b}} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\psi}{\sqrt{1 + \frac{2b}{a-b} \sin^2 \psi}}$$

d. h. wenn man

$$\frac{2b}{a+b} = \sin^2 \lambda, \text{ also } \frac{2b}{a-b} = \operatorname{tg}^2 \lambda, \frac{\sqrt{a-b}}{\sqrt{a+b}} = \cos \lambda$$

setzt, es ist, wie bekannt

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\varphi}{\sqrt{1 - \sin^2 \lambda \sin^2 \varphi}} = \frac{1}{\cos \lambda} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\varphi}{\sqrt{1 + \operatorname{tg}^2 \lambda \sin^2 \varphi}}$$

Die Gleichung 1.) gilt ferner auch, wenn man  $\alpha$  durch  $-\alpha$  ersetzt, was darauf hinaus kömmt,  $\Theta'$  durch  $\pi + \Theta'$  zu ersetzen.

$$\text{Da für } x = \cos \Theta = 0 \text{ } P_{2n+1} = 0, P_{2n} = (-1)^n \frac{1 \cdot 3 \cdots 2n-1}{2 \cdot 4 \cdots 2n}$$

ist, so folgt für  $\Theta' = \frac{\pi}{2}$

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \frac{d\varphi}{\sqrt{1 - 2\alpha \sin \Theta \cos \varphi + \alpha^2}} \\ &= \frac{2}{\pi} \frac{1}{\sqrt{1 - 2\alpha \sin \Theta + \alpha^2}} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\psi}{\sqrt{1 + \frac{4\alpha \sin \Theta}{1 - 2\alpha \sin \Theta + \alpha^2} \sin^2 \psi}} \\ &= \sum (-1)^n \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdots 2n-1}{2 \cdot 4 \cdots 2n} \cdot \alpha^{2n} \cdot P_{2n} \quad (2.) \end{aligned}$$

Setzt man aber  $\Theta' = \Theta$ , so kommt

$$\frac{2}{\pi} \cdot \frac{1}{1 - \alpha} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\psi}{\sqrt{1 + \frac{4\alpha \sin^2 \Theta}{(1 - \alpha)^2} \sin^2 \psi}} = \sum P_n^2 \alpha^n \quad (3.)$$

Die Reihenentwicklung 1.) bleibt im Allgemeinen auch convergent für  $\alpha = \pm 1$ . Für  $\alpha = -1$  gibt Gleichung 3.) eine besonders einfache Entwicklung für das vollständige elliptische Integral erster Gattung mit dem Modul  $\sin \Theta$ , nach Quadraten der  $P$  fortschreitend

$$\frac{1}{\pi} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\psi}{\sqrt{1 - \sin^2 \Theta \sin^2 \psi}} = \sum (-1)^n P_n^2 \quad (4.)$$

wo unter  $P_n$  immer  $P_n(\cos \Theta)$  zu verstehen ist. Die Reihe ist convergent für jeden reellen Werth von  $\Theta$ , ausser für  $\Theta = 0$ , in welchem Falle dieselbe die Form  $1 - 1 + 1 - 1 + \dots$  annimmt, also oscillirend wird, während der Werth der linken Gleichungsseite  $= \frac{1}{2}$  ist, und für  $\Theta = \frac{\pi}{2}$ , in welchem Falle die Ausdrücke auf beiden Gleichungsseiten unendlich gross werden.

2. Setzt man  $\alpha = e^{\beta i}$ , wo  $i = \sqrt{-1}$ , so führt die Entwicklung von  $(1 - 2 \alpha \cos \Theta = \alpha^2)^{\frac{1}{2}}$  sogleich zu den Gleichungen

$$\left. \begin{aligned} \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\cos \frac{\beta}{2}}{\sqrt{\cos \beta - \cos \Theta}} &= \sum P_n \cos n \beta \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \frac{-\sin \frac{\beta}{2}}{\sqrt{\cos \beta - \cos \Theta}} &= \sum P_n \sin n \beta \end{aligned} \right\} \text{ wenn } \cos \beta > \cos \Theta$$

und

5.)

$$\left. \begin{aligned} \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sin \frac{\beta}{2}}{\sqrt{\cos \Theta - \cos \beta}} &= \sum P_n \cos n \beta \\ \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\cos \frac{\beta}{2}}{\sqrt{\cos \Theta - \cos \beta}} &= \sum P_n \sin n \beta \end{aligned} \right\} \text{ wenn } \cos \Theta > \cos \beta$$

Aus diesen Gleichungen ergibt sich sodann ferner

$$\sum P_n \sin \left( n + \frac{1}{2} \right) \beta = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \frac{1}{\sqrt{\cos \Theta - \cos \beta}}, \quad \left. \begin{aligned} &\text{wenn } \cos \Theta > \cos \beta \\ &\text{wenn } \cos \beta > \cos \Theta \end{aligned} \right\} 6$$

$$= 0$$

und



$$\sum P_n \cos \left( n + \frac{1}{2} \right) \beta = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \frac{1}{\sqrt{\cos \beta - \cos \Theta}}, \quad \left. \begin{array}{l} \text{wenn} \\ \cos \beta > \cos \Theta \end{array} \right\} 7$$

$$= 0 \quad \left. \begin{array}{l} \text{wenn} \\ \cos \Theta > \cos \beta \end{array} \right\}$$

Vermöge des Bildungsgesetzes der Coefficienten in der Entwicklung einer Funktion in eine Sinus- oder Cosinus-Reihe, stimmen diese Gleichungen überein mit Integralausdrücken für  $P_n$ , welche Herr Mehler aus den Dirichlet'schen Integralformen abgeleitet hat. \*)

Integriren wir nun die letzte Reihe nach  $\beta$  von  $\beta = 0$  bis  $\varphi$ , und nehmen an, dass  $\Theta$  zwischen 0 und  $\pi$  gegeben sei und dass  $\varphi < \Theta$ , so wird

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \int_0^\varphi \frac{d\beta}{\sqrt{\cos \beta - \cos \Theta}} = \int_0^{\frac{\varphi}{2}} \frac{d\psi}{\sqrt{\sin^2 \frac{1}{2} \Theta - \sin^2 \psi}}$$

oder wenn man  $\sin \psi = \sin \frac{1}{2} \Theta \sin \omega$  setzt

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \int_0^\varphi \frac{d\beta}{\sqrt{\cos \beta - \cos \Theta}} = \int_0^\sigma \frac{d\omega}{\sqrt{1 - \sin^2 \frac{1}{2} \Theta \sin^2 \omega}}$$

wo die Winkel  $\varphi$  und  $\sigma$  durch die Gleichung an einander gebunden sind

$$\sin \sigma \cdot \sin \frac{1}{2} \Theta = \sin \frac{1}{2} \varphi, \quad (8.)$$

so dass, wenn  $\varphi$  die Werthe von 0 bis  $\Theta$  durchläuft,  $\sigma$  von 0 bis  $\frac{\pi}{2}$  wächst.

Hiernach erhalten wir durch Integration nach  $\beta$  aus 7.) folgendes Resultat. Ist  $\Theta$  ein Winkel zwischen 0 und  $\pi$ , so stellt die Reihe

$$\sum \frac{2}{2n+1} P_n \sin \left( n + \frac{1}{2} \right) \varphi \quad (9.)$$

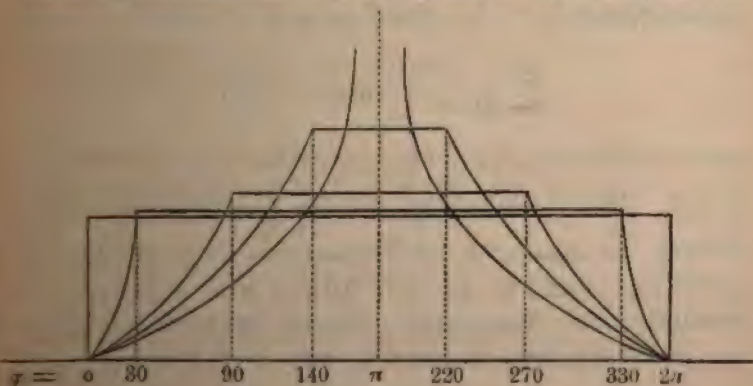
\*) Notiz über die Dirichlet'schen Integralausdrücke für die Kugelfunktion  $P_n(\cos \delta)$ . Math. Ann. Bd. V. (1872) S. 141.

so lange  $\varphi < \Theta$  ist, die Werthe der elliptischen Funktion erster Art

$$\int_0^\sigma \frac{d\omega}{\sqrt{1 - \sin^2 \frac{1}{\varphi} \Theta \sin^2 \omega}} \quad (10.)$$

dar, deren Amplitude  $\sigma$  aus Gleichung 8.) bestimmt ist. Für  $\varphi = \Theta$  erreicht die Reihe den Werth des vollständigen elliptischen Integrals 10.), indem  $\sigma = \frac{\pi}{2}$  wird. Wächst  $\varphi$  über  $\Theta$  hinaus, so ändert sich der Werth der Reihe 9.) nicht, wie aus den Gleichungen 7.) hervorgeht. Sie behält denselben Werth von  $\varphi = \Theta$  bis  $\varphi = 2\pi - \Theta$ ; worauf sie von  $\varphi = 2\pi - \Theta$  bis  $\varphi = 2\pi$  wieder dieselben Werthe wie von  $\varphi = 0$  bis  $\varphi = \Theta$  in umgekehrter Ordnung durchläuft.

Geometrisch betrachtet stellt mithin die Reihe 9.) zwischen  $\varphi = 0$  und  $\varphi = 2\pi$  eine Linie dar, zusammengesetzt aus zwei Carvenstücken (von  $\varphi = 0$  bis  $\varphi = \Theta$  und von  $\varphi = 2\pi - \Theta$  bis  $\varphi = 2\pi$ ) deren Ordinaten die elliptische Funktion 10.) für die Amplituden  $\sigma = 0$  bis  $\sigma = \frac{\pi}{2}$  repräsentiren und einer geraden Linie, welche die Endpunkte der beiden Bogen verbindend parallel zur Abscissenaxe der  $\varphi$  hinläuft und deren Ordinate das vollständige Integral darstellt, wie beistehende Figur zeigt für  $\Theta = 0, 30^\circ, 90^\circ, 140^\circ, \pi$ .



Da die Reihe 9.) für  $\varphi = \pi$  denselben Werth hat wie für  $\varphi = \Theta$ , nämlich das vollständige elliptische Integral 10.) darstellt, so hat man für dasselbe auch folgende sehr einfache Entwicklung nach Kugelfunktionen

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{d\omega}{\sqrt{1 - \sin^2 \frac{1}{4} \Theta \sin^2 \omega}} = \sum (-1)^n \cdot \frac{2}{2n+1} P_n \quad (11.)$$

wo wie oben  $P_n$  für  $P_n(\cos \Theta)$  gesetzt ist.

Für  $\Theta = \pi$ , wird  $P_n = (-1)^n$ , mithin wird die Reihe 9.)

$$\sum (-1)^n \frac{2}{2n+1} \sin(n + \frac{1}{2}) \varphi = \int_0^{\frac{\varphi}{2}} \frac{d\omega}{\cos \omega} = \log. \operatorname{tg} (\frac{1}{4} \pi + \frac{1}{4} \varphi)$$

für  $\varphi < \pi$ . Der geradlinige Theil in der geometrischen Darstellung der allgemeinen Reihe 9.) verschwindet in diesem Falle. Die Curve steigt von  $\varphi = 0$  bis  $\varphi = \pi$  ins Unendliche, und fällt von  $\varphi = \pi$  bis  $\varphi = 2\pi$  vom Unendlichen bis zur Abscissenaxe der  $\varphi$  hinab.

Für  $\Theta = 0$  hingegen geht die Reihe 9.) in die bekannte Reihe

$$\sum \frac{2}{2n+1} \cdot \sin(n + \frac{1}{2}) \varphi$$

über, welche von  $\varphi = 0$  bis  $\varphi = 2\pi$  den constanten Werth  $\frac{\pi}{2}$  hat. Hier verschwindet in der geometrischen Darstellung der Reihe 9.) der krummlinige Theil der sich in geradlinige Strecken an den Grenzen  $\varphi = 0$  und  $\varphi = \pi$  senkrecht zur Abscissenaxe stehend verwandelt, indem der Werth der Reihe an diesen Grenzen  $\varphi = 0$  und  $\varphi = 2\pi$



einen Sprung von 0 auf  $\frac{\pi}{2}$  macht oder nach einer vielleicht richtigeren und mit dem allgemeinen Falle mehr übereinstimmenden Auffassung, \*) in einem unendlich kleinen Intervall von  $\varphi$  die Werthe von 0 bis  $\frac{\pi}{2}$  durchläuft.

3. Da  $\sqrt{1-2\alpha x+\alpha^2} = -\alpha \int \frac{dx}{\sqrt{1-2\alpha x+\alpha^2}}$  so erhält man mit Benützung der Formel

$$\int P_n \sin \Theta d\Theta = \frac{1}{2n+1} (P_{n-1} - P_{n+1})$$

sofort,

$$\sqrt{1-2\alpha \cos \Theta + \alpha^2} = 1 - \alpha \cos \Theta - \sum_{n=1} \frac{1}{2n+1} (P_{n+1} - P_{n-1}) \alpha^{n+1} \quad (12.)$$

und hieraus

$$\begin{aligned} \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \sqrt{1-2\alpha \cos \gamma + \alpha^2} \cdot d\varphi &= \frac{2}{\pi} \sqrt{a+b} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1 - \frac{2b}{a+b} \sin^2 \psi} d\psi \\ &= 1 - \sum_{n=0} \frac{\alpha^{n+1}}{2n+1} (P_{n+1} P'_{n+1} - P_{n-1} P'_{n-1}) \quad (13.) \end{aligned}$$

wo  $a, b$  dieselben Werthe haben wie in Formel 1.) und  $P_{-1} = 0$  zu setzen ist.

Für  $\Theta = \Theta'$  wird

$$\frac{2}{\pi} (1-\alpha) \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1 + \frac{4\alpha \sin^2 \Theta}{(1-\alpha)^2} \sin^2 \psi} \cdot d\psi =$$

\*) Vergl. Du Bois-Reymond „Ueber die sprungweise Aenderung analytischer Funktionen.“ Math. Ann. Bd. VII. (1874) S. 241.



$$\frac{2}{\pi} \sqrt{(1-\alpha)^2 + 4\alpha \sin^2 \Theta} \cdot \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1 - \frac{4\alpha \sin \Theta}{(1-\alpha)^2 + 4\alpha \sin^2 \Theta} \sin^2 \psi} \cdot d\varphi$$

$$= 1 - \sum_{n=0} \frac{1}{2n+1} (P_{n+1}^2 - P_{n-1}^2) \alpha^{n+1} \quad (14.)$$

Je nach der Wahl der Constanten  $\alpha, \Theta$  geben diese Gleichungen verschiedene Entwicklungen für das vollständige elliptische Integral zweiter Gattung, und gelten dieselben auch noch für  $\alpha = \pm 1$ .

Während die Gleichung 12.) für  $\alpha = \pm 1$  ergibt

$$\frac{1}{2} \sin \frac{\Theta}{2} = \frac{1}{3} - \frac{1}{1.5} P_1 - \frac{1}{3.7} P_3 - \frac{1}{5.9} P_5 - \dots \quad (15.)$$

$$\frac{1}{2} \cos \frac{\Theta}{2} = \frac{1}{3} + \frac{1}{1.5} P_1 - \frac{1}{3.7} P_3 + \frac{1}{5.9} P_5 - + \dots \quad (16.)$$

folgt aus Gleichung 14.) für dieselben Werthe von  $\alpha$

$$\frac{1}{\pi} \sin \Theta = \frac{1}{3} - \frac{1}{1.5} P_1^2 - \frac{1}{3.7} P_3^2 - \frac{1}{5.9} P_5^2 - \dots \quad (17.)$$

$$\frac{1}{\pi} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{1 - \sin^2 \Theta \cdot \sin^2 \varphi} \cdot d\varphi \quad (18.)$$

$$= \frac{1}{3} + \frac{1}{1.5} P_1^2 - \frac{1}{3.7} P_3^2 + \frac{1}{5.9} P_5^2 - + \dots$$

welche Reihen sich von den voranstehenden 15.) 16.) nur dadurch unterscheiden, dass an die Stelle der  $P_n$  die Quadrate dieser Polynome treten. Diese Gleichungen gelten

auch noch für  $\Theta = 0$  und  $\Theta = \frac{\pi}{2}$ . Im letzteren Falle reduciren sich die beiden Gleichungen 17.) 18.) auf

$$\frac{4}{\pi} = 1 + \left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{2 \cdot 4}\right)^2 + \left(\frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4 \cdot 6}\right)^2 + \left(\frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdot 8}\right)^2 + \dots$$

Hiezu mag noch folgende Reihe angeführt werden, welche  $\sin 2\Theta$  darstellt und erhalten wird, wenn man die Reihe 17.) mit  $\cos \Theta$  multiplicirt und vermöge der Relation, welche drei aufeinanderfolgende  $P$  aneinanderknüpft, in den einzelnen Gliedern  $P_n \cos \Theta$  durch  $P_{n+1}$  und  $P_{n-1}$  ausdrückt. Es ergibt sich sodann

$$\frac{1}{\pi} \sin 2\Theta = \frac{1^2}{1 \cdot 3 \cdot 5} P_0 P_1 - \frac{2^2}{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7} P_1 P_2 + \frac{3^2}{3 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 9} P_2 P_3 - \frac{4^2}{5 \cdot 7 \cdot 9 \cdot 11} P_3 P_4 - \dots (19.)$$

### § 3.

Auf demselben Wege kann man zu einer Entwicklung der Bessel'schen Cylinderfunktion  $J_n(z)$  mittelst Kugelfunktionen gelangen. Ich habe früher gezeigt, \*) dass die Entwicklung von  $\cos(a \cos \Theta)$  und  $\sin(a \cos \Theta)$  nach Kugelfunktionen ergibt

$$\left. \begin{aligned} \cos(a \cos \Theta) &= A_0 P_0 - A_2 P_2 + A_4 P_4 - + \dots \\ \sin(a \cos \Theta) &= A_1 P_1 - A_3 P_3 + A_5 P_5 - + \dots \end{aligned} \right\} 1.$$

$$\text{wo} \quad A_n = \frac{\sin a}{a} \quad (2.)$$

und allgemein

$$A_n = \frac{2n+1}{a} (N_n \sin a - M_n \cos a) \quad (3.)$$

ist, wenn  $M_n$  und  $N_n$  Zähler und Nenner des  $n^{\text{ten}}$  Näherungsbruches des folgenden Kettenbruchs sind:

\*) „Von den Coefficienten der Reihen von Kugelfunktionen einer Variablen.“ Jour. v. Horchardt. Bd. 56 (1859) S. 106.

$$\frac{\sin a}{\cos a} = \operatorname{tg} a = \frac{1}{\frac{1}{a} - \frac{1}{\frac{3}{a} - \frac{1}{\frac{5}{a} - \dots}}}$$

Es genügen mithin die  $M_n$  und  $N_n$  den Relationen

$$M_{n+1} - \frac{2n+1}{a} M_n + M_{n-1} = 0$$

$$N_{n+1} - \frac{2n+1}{a} N_n + N_{n-1} = 0$$

und die Funktionen  $A_n$  selbst, sind durch die Relation

$$A_n = a \left( \frac{1}{2n-1} A_{n-1} + \frac{1}{2n+3} A_{n+1} \right) \quad (4.)$$

aneinander gebunden.

Durch die Reihen 1.) sind die Funktionen  $A_n$  als Integrale gegeben, nämlich

$$(-1)^n A_{2n} = \frac{4n+1}{2} \int_{-1}^{+1} \cos ax \cdot P_{2n} dx, \quad (-1)^n A_{2n+1} = \frac{4n+3}{2} \int_{-1}^{+1} \sin ax \cdot P_{2n+1} dx$$

woraus mittelst des bekannten Ausdrucks für  $P_n$  als  $n^{\text{ter}}$  Differentialquotient allgemein sich ergibt

$$\frac{2}{2n+1} \cdot A_n = \frac{a^n}{2 \cdot 4 \cdot 6 \dots 2n} \int_0^\pi \cos(a \cos \varphi) \sin^{2n+1} \varphi \cdot d\varphi \quad (5.)$$

Endlich habe ich a. a. O. S. 119 auch nachgewiesen, dass die Funktion  $A_n$  durch die hypergeometrische Reihe dargestellt wird

$$\frac{1}{2n+1} A_n = \frac{a^n}{1 \cdot 3 \cdot 5 \dots 2n+1} \left( 1 - \frac{a^2}{2(2n+3)} + \frac{a^4}{2 \cdot 4 (2n+3)(2n+5)} - + \dots \right) (\epsilon)$$

Da nun die Cylinderfunktion  $J_n(z)$  durch das Integral

$$\frac{z^n}{1 \cdot 3 \cdot 5 \dots 2n-1} \cdot \frac{1}{\pi} \int_0^\pi \cos(z \cos \varphi) \sin^{2n} \varphi d\varphi$$

oder auch durch die hypergeometrische Reihe

$$\frac{z^n}{2 \cdot 4 \cdots 2n} \left( 1 - \frac{z^2}{2(2n+2)} + \frac{z^4}{2 \cdot 4 \cdot (2n+2)(2n+4)} - + \dots \right)$$

dargestellt wird, so ersieht man, dass wenn man Cylinderfunktionen mit gebrochenem Index zulassen will, die Funktion  $A_n$  nur durch einen Zahlenfaktor von der Funktion  $a^{-\frac{1}{2}} J_{n+\frac{1}{2}}(a)$  verschieden ist. \*)

Setzen wir nun in den Gleichungen 1.)  $\cos \gamma = \cos \Theta \cos \Theta' + \sin \Theta \sin \Theta' \cos \varphi$  an die Stelle von  $\cos \Theta$  und integrieren nach  $\varphi$ , so ergibt sich sogleich

$$\left. \begin{aligned} \cos(a \cos \Theta \cos \Theta') J_0(a \sin \Theta \sin \Theta') &= A_0 P_0 P'_0 - A_2 P_2 P'_2 + A_4 P_4 P'_4 - + \dots \\ \sin(a \cos \Theta \cos \Theta') J_0(a \sin \Theta \sin \Theta') &= A_1 P_1 P'_1 - A_3 P_3 P'_3 + A_5 P_5 P'_5 - + \dots \end{aligned} \right\} 7.$$

wo wie bisher  $P_n, P'_n$  für  $P_n(\cos \Theta), P_n(\cos \Theta')$  gesetzt ist. Macht man hierin  $\Theta' = \Theta$ , so wird

$$\left. \begin{aligned} \cos(a \cos^2 \Theta) J_0(a \sin^2 \Theta) &= A_0 P_0^2 - A_2 P_2^2 + A_4 P_4^2 - + \dots \\ \sin(a \cos^2 \Theta) J_0(a \sin^2 \Theta) &= A_1 P_1^2 - A_3 P_3^2 + A_5 P_5^2 - + \dots \end{aligned} \right\} 7'$$

Setzt man aber  $\Theta' = \frac{\pi}{2}$ , so ergibt sich

$$J_0(a \sin \Theta) = A_0 P_0 + \frac{1}{2} A_2 P_2 + \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4} A_4 P_4 + \frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6} A_6 P_6 + \dots \} 8.$$

Differentiirt man die erste der Gleichungen 7.) nach  $\Theta$  und setzt sodann  $\Theta' = \frac{\pi}{2}$ , so erhält man, da

$$\frac{1}{\pi} \int_0^\pi \sin(z \cos \varphi) \cos \varphi d\varphi = \frac{1}{\pi} \int_0^\pi \sin(z \sin \varphi) \varphi d\varphi = J_1(z)$$

ist, \*\*)

\*) Diese Funktionen  $A_n$  sind seitdem mehrfach in Betracht gezogen worden, so von Heine, Journ. v. Borchardt. Bd. 69 (1868) S. 128; H. Weber ebendasselbst S. 233, Lommel, „Ueber die Bessel'schen Funktionen.“ (1868) und Math. Ann. Bd. II. (1870). S. 624.

\*\*) Neumann, Bessel'schen Funktionen,“ S. 6.



$$\frac{1}{\sin \Theta} J_1(a \sin \Theta) = \sum \frac{1 \cdot 3 \cdots 2n-1}{2 \cdot 4 \cdots 2n} \frac{A_{2n} dP_{2n}}{a x dx}$$

wo  $x = \cos \Theta$ . Diese Gleichung in Verbindung mit Gleichung 8.) verificirt sofort die Relation

$$J_1(z) = - \frac{dJ_0(z)}{dz}$$

Die für  $J_1$  gefundene Reihe lässt sich auf folgende Weise umformen.

Setzen wir um abzukürzen im Folgenden immer

$$\frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots 2n-1}{2 \cdot 4 \cdots 2n \cdot 2n+2 \cdot 2n+4 \cdots 2n+2k} = \alpha_{n,k}$$

wo  $k$  eine ganz positive Zahl und

$$\frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots 2n-1}{2 \cdot 4 \cdot 6 \cdots 2n} = \alpha_{n,0};$$

dann wird die Gleichung für  $J_1$ , wenn wir für  $\frac{A_{2n}}{a}$  seinen Werth aus der Relation 4.) einsetzen,

$$\frac{1}{\sin \Theta} J_1(a \sin \Theta) = \sum_{n=1} \alpha_{n,0} \left( \frac{A_{2n-1}}{4n-1} + \frac{A_{2n+1}}{4n+3} \right) \frac{dP_{2n}}{x dx}$$

oder wenn wir in dem ersten Theile der Reihe  $n+1$  statt  $n$  setzen

$$\frac{1}{\sin \Theta} J_1(a \sin \Theta) = \sum_{n=0} \alpha_{n,1} \frac{A_{2n+1}}{4n+3} \left[ (2n+1) \frac{dP_{2n+1}}{dx} + (2n+2) \frac{dP_{2n}}{dx} \right] \cdot \frac{1}{x}$$

Nun bestehen aber zwischen den Differentialquotienten derselben Ordnung von  $P_n, P_{n+1}$  und  $P_{n-1}$  eine ganz analoge Relation, wie zwischen diesen Functionen selbst; man hat nämlich, wie sich leicht erweisen lässt, folgendes System von Relationen

$$(n+1-k) \frac{d^k P_{n+1}}{dx^k} + (n+k) \frac{d^k P_{n-1}}{dx^k} = (2n+1)x \frac{d^k P_n}{dx^k} \quad (9.)$$

von  $k=0$  bis  $k=n$

Hiernach reducirt sich obige Entwicklung von  $J_1$  auf folgende

$$\left. \begin{aligned} \frac{1}{\sin \Theta} J_1 (a \sin \Theta) &= \sum_{n=0} \alpha_{n,1} A_{2n+1} \frac{dP_{2n+1}}{dx} \\ -J_1 (a \sin \Theta) &= \sum_{n=0} \alpha_{n,1} A_{2n+1} \frac{dP_{2n+1}}{d\Theta} \end{aligned} \right\} 10.$$

Es ist nun nicht schwer nachzuweisen, dass für die Cylinderfunktion  $J_k(a \sin \Theta)$  überhaupt, wo  $k$  irgend eine ganze positive Zahl ist, die Reihenentwicklung gilt

$$\left. \begin{aligned} \frac{1}{\sin^k \Theta} J_k (a \sin \Theta) &= \sum_{n=0} \alpha_{n,k} A_{2n+k} \frac{d^k P_{2n+k}}{dx^k} \\ (-1)^k J_k a \sin \Theta &= \sum_{n=0} \alpha_{n,k} A_{2n+k} \frac{d^k P_{2n+k}}{d\Theta^k} \end{aligned} \right\} 11.$$

eine für reelle Werthe von  $a$  und  $\Theta$  immer convergente Entwicklung. Um die allgemeine Gültigkeit derselben für jeden ganzen positiven Index  $k$  nachzuweisen, reicht es hin zu zeigen, dass, wenn sie für  $J_k$  und  $J_{k-1}$  besteht, auch für  $J_{k+1}$  gültig ist. Zu diesem Nachweis kann man sich der, der Relation 4.) analogen, Relation bedienen

$$J_{k+1}(z) = \frac{2k}{z} \cdot J_k(z) - J_{k-1}(z)$$

welche von  $k=1$  an statt hat. Setzt man in derselben  $z = a \sin \Theta$  und für  $J_k$  und  $J_{k-1}$  ihre Entwicklung aus 11.) ein, so erhält man

$$\begin{aligned} \frac{1}{\sin^{k+1} \Theta} J_{k+1}(a \sin \Theta) &= \sum_{n=0} \alpha_{n,k} \frac{2k A_{2n+k}}{a} \frac{d^k P_{2n+k}}{dx^k} \\ &\quad - \sum_{n=0} \alpha_{n,k-1} A_{2n+k-1} \frac{d^{k-1} P_{2n+k-1}}{dx^{k-1}} \end{aligned}$$

In der ersten Reihe ersetze man  $\frac{A_{2n+k}}{a}$  durch seinen Werth aus der Relation 4.); in der zweiten Reihe ersetze man mittelst der Formel

$$P_n = \frac{1}{2n+1} \left( \frac{dP_{n+1}}{dx} - \frac{dP_{n-1}}{dx} \right) \quad (12.)$$

die  $k-1^{\text{ten}}$  Differentialquotienten der  $P$  durch die  $k^{\text{ten}}$ , so geht die rechte Gleichungsseite über in

$$\sum_{n=0} -2n \alpha_{n,k} \frac{A_{2n+k-1}}{4n+2k-1} \frac{d^k P_{2n+k}}{dx^k} + \sum_{n=0} \alpha_{n,k} \frac{(2n+2k-1)A_{2n+k-1}}{4n+2k+3} \frac{d^k P_{2n+k+1}}{dx^k}$$

oder wenn man in der ersten Reihe, deren erstes Glied verschwindet,  $n+1$  statt  $n$  setzt, in

$$\sum_{n=0} \alpha_{n,k} \frac{A_{2n+k+1}}{4n+2k+3} \left\{ (2n+2k+1) \frac{d^k P_{2n+k}}{dx^k} - \frac{(2n+1)(n+1)}{n+k+1} \cdot \frac{d^k P_{2n+k+1}}{dx^k} \right\}$$

Ersetzt man nun wieder die  $k^{\text{ten}}$  Differentialquotienten der  $P$  mittelst der Formel 12.) durch die  $k+1^{\text{ten}}$  und reducirt mittelst der Relationen 9.) so geht der Ausdruck

$$\frac{1}{4n+2k+3} \left\{ \frac{1-x^2}{2n+2k+2} \cdot \frac{d^{k+1} P_{2n+k+1}}{dx^{k+1}} \right\} \text{ über in}$$

Hiemit wird nun, da  $1-x^2 = \sin^2 \Theta$ ,

$$\frac{1}{\sin^{k+1} \Theta} J_{k+1}(a \sin \Theta) = \sum_{n=0} \alpha_{n,k+1} A_{2n+k+1} \frac{d^{k+1} P_{2n+k+1}}{dx^{k+1}}$$

übereinstimmend mit der Entwicklung von  $J_{k+1}(a \sin \Theta)$  nach der Formel 11.). Da nun vermöge der Gleichungen 8.) und 10.) diese Entwicklung gilt für  $k=0$  und  $k=1$ , so gilt sie auch für  $k=2, 3$  u. s. f.

Für  $\Theta=0$  wird  $P_n=1$ , für  $\Theta=\frac{\pi}{2}$  wird  $P_{2n+1}=0$ ,  $P_{2n}=(-1)^n \alpha_{n,0}$  und man erhält somit aus den vorhergehenden Gleichungen folgende Entwicklungen nach Funktionen  $A_n$ :

$$\left. \begin{aligned}
 \cos a &= \sum (-1)^n A_n \\
 \sin a &= \sum (-1)^n A_{2n+1} \\
 1 &= A_0 + \frac{1}{2} A_2 + \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4} A_4 + \dots = \sum \alpha_{n,0} A_{2n} \\
 J_0(a) &= \sum (-1)^n \alpha_{n,0}^2 A_{2n} \\
 J_k(a) &= \sum (-1)^n \alpha_{n,0}^2 \frac{2n+1 \cdot 2n+3 \dots 2n+2k-1}{2n+2 \cdot 2n+4 \dots 2n+2k} A_{2n+k} \\
 a^k &= \sum \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \dots 2n+2k-1}{2 \cdot 4 \cdot 6 \dots 2n} A_{2n+k}
 \end{aligned} \right\} 13.$$

alle Summen von  $n=0$  an genommen.

Die Entwicklung von  $J_k(a)$  ergibt sich aus 11) für

$$\Theta = \frac{\pi}{2}, \text{ da}$$

$$\left( \frac{d^k P_{2n+k}}{dx^k} \right)_{x=0} = (-1)^n \cdot \frac{1 \cdot 3 \cdot 5 \dots 2n+2k-1}{2 \cdot 4 \cdot 6 \dots 2n}$$

gefunden wird. Die Reihe für  $a^k$  ergibt sich aus derselben Gleichung für  $\Theta=0$ , da einerseits  $\sin^{-k} \Theta J_k(a \sin \Theta)$  den Werth

$\frac{a^k}{2 \cdot 4 \cdot 2k}$  annimmt, wie sogleich aus der Reihenentwicklung von  $J_k(z)$  nach Potenzen von  $z$  folgt, andererseits

$$\left( \frac{d^k P_n}{dx^k} \right)_{x=1} = \frac{n-k+1 \cdot n-k+2 \dots n+k}{2 \cdot 4 \cdot 6 \dots 2k},$$

also

$$\left( \frac{d^k P_{2n+k}}{dx^k} \right)_{x=1} = \frac{2n+1 \cdot 2n+2 \dots 2n+2k}{2 \cdot 4 \dots 2k}$$

ist, wie sich am leichtesten aus der Differentialgleichung, welcher  $P_n$  genügt und wiederholte Differentiation derselben ableiten lässt.

Ausser der Integralform 5.) für  $A_n$ , die sich aus der Reihenentwicklung 1.) ergibt, lässt sich noch eine andere aus der Reihe 8.) ableiten. Es ist nach den Gleichungen 8.) und 1.)



$$J_0(a\sqrt{1-x^2}) = \sum \alpha_{n,0} A_{2n}(a) P_{2n} \\ \cos bx = \sum (-1)^n A_{2n}(b) P_{2n}$$

wenn  $A(b)$  der Werth der Funktion  $A$  ist, wenn darin  $b$  statt  $a$  gesetzt wird. Da nun bekanntlich  $\int P_m P_n dx = 0$

ist, wenn  $m \geq n$ ,  $= \frac{2}{2n+1}$ , wenn  $m = n$ , (das Integral zwischen den Grenzen  $x = -1$  und  $x = +1$  genommen), so folgt sofort durch Multiplication der beiden Reihen und Integration zwischen denselben Grenzen

$$\int_{-1}^{+1} \cos bx \cdot J_0(a\sqrt{1-x^2}) dx = \sum (-1)^n \frac{13 \dots 2n-1}{2 \cdot 4 \dots 2n} \cdot \frac{2}{2n+2} \cdot A_{2n}(a) A_{2n}(b) \quad (14)$$

Der Werth des Integrals ändert sich hienach nicht, wenn man  $a$  und  $b$  vertauscht, d. h. es ist

$$\int_{-1}^{+1} \cos bx \cdot J_0(a\sqrt{1-x^2}) dx = \int_{-1}^{+1} \cos ax \cdot J_0(b\sqrt{1-x^2}) dx \quad (15)$$

Auf ähnliche Weise lässt sich nachweisen, dass

$$a \int_{-1}^{+1} \sin bx \cdot J_0(a\sqrt{1-x^2}) dx = b \int_{-1}^{+1} \sin ax \cdot J_0(b\sqrt{1-x^2}) \cdot x dx \quad (16)$$

ist.

Entwickelt man in der ersteren der beiden Gleichungen 15.) nach Potenzen von  $b$ , so kommt

$$\sum \frac{(-1)^n b^{2n}}{1 \cdot 2 \dots 2n} \int_{-1}^{+1} x^{2n} J_0(a\sqrt{1-x^2}) dx = \sum \frac{(-1)^n b^{2n}}{(2 \cdot 4 \dots 2n)^2} \int_{-1}^{+1} \cos ax \cdot (1-x^2)^n dx$$

Die Gleichsetzung der Coefficienten von  $b^{2n}$  in den beiden Reihen gibt, da das Integral auf der rechten Seite für  $x = \cos \Theta$  in das Integral 5.) übergeht

$$\frac{1}{1 \cdot 3 \dots 2n-1} \int_{-1}^{+1} x^{2n} J_0(a\sqrt{1-x^2}) dx = \frac{2}{2n+1} \cdot \frac{A_n}{a^2} \quad (17) \\ = \frac{2}{a^{2n+1}} (N_n \sin a - M_n \cos a)$$

Speziell erhält man für  $n=0$

$$\frac{1}{2} \int_{-1}^{+1} J_0(a\sqrt{1-x^2}) dx = \frac{\sin a}{a}.$$

Das Integral in 17.) lässt sich noch in anderer Form durch die Funktionen A darstellen. Es ist nämlich\*)

$$x^{2n} = \sum_{r=0}^{r=n} (4r+1) \frac{2n \cdot 2n-2 \cdot 2n-2r+2}{2n+1 \cdot 2n+3 \cdots 2n+2r+1} P_{2r}$$

(das  $r=0$  entsprechende Glied der Reihe ist  $\frac{1}{2n+1} P_0$ );

multiplicirt man diese Reihe mit der Reihe 8) für  $J_0(a\sqrt{1-x^2})$  und integrirt zwischen den Grenzen  $x=-1$  und  $x=+1$ , so erhält man sofort

$$\frac{1}{2} \int_{-1}^{+1} x^{2n} J_0(a\sqrt{1-x^2}) dx = \sum_{r=0}^{r=n} \alpha_{r,0} \frac{2n \cdot 2n-2 \cdot 2n-2r+2}{2n+1 \cdot 2n+3 \cdot 2n+2r+1} A_{2r} \quad (18.)$$

wo für das  $r=0$  entsprechende Glied der Summe  $\frac{A_0}{2n+1}$  zu nehmen ist. Vergleicht man diesen Werth des Integrals mit dem in 17.), so ergibt sich

$$1 \cdot 3 \cdot 5 \cdots 2n-1 \cdot \frac{A_n}{a^n} = \sum_{r=0}^{r=n} \alpha_{r,0} \frac{2n \cdot 2n-2 \cdot 2n-2r+2}{2n+3 \cdot 2n+5 \cdot 2n+2r+1} A_{2r} \quad (19.)$$

wo für das  $r=0$  entsprechende Glied  $A_0$  zu nehmen ist. Dass  $a^{-n} A_n$  sich durch eine Reihe der A von  $A_0$  bis  $A_n$  darstellen lasse, geht sogleich aus der Relation 4.) hervor. Die Gleichung 19.) gibt das Gesetz an, nach welchem die Coefficienten dieser Reihe gebildet sind.

#### § 4.

Schliesslich möge hier noch eine Bemerkung Platz finden über die Entwicklung einer Funktion nach Kugelfunktionen.

\*) „Reihen von Kugelfunktionen“. Jour. v. Borchardt. Bd. 56, S. 113, oder Heine „Kugelfunktionen“. S. 38.

Betrachten wir die endliche Reihe

$$1 \cdot P'_0 P_0 + 3 \cdot P'_1 P_1 + 5 \cdot P'_2 P_2 + \dots + (2n+1) P'_n P_n$$

wo, wie bisher  $P_n$  für  $P_n(x)$  oder  $P_n(\cos \Theta)$ ,  $P'_n$  für  $P'_n(x')$  oder  $P'_n(\cos \Theta')$  gesetzt ist. Die Summe dieser Reihe ist leicht zu finden. Denn multiplicirt man sie mit  $x$  und ersetzt  $x P$  mittelst der bekannten Relation durch die benachbarten  $P$ , zieht hierauf dieselbe Reihe mit  $x'$  multiplicirt davon ab, so verschwinden, da zwischen den  $P'$  dieselbe Relation besteht wie zwischen den  $P$ , alle Glieder ausser den mit  $P_n$  und  $P_{n+1}$  behafteten, und man erhält das Resultat  $(n+1) (P'_n P_{n+1} - P'_{n+1} P_n)$ .

Bezeichnet man also das Polynom, welches durch obige Reihe dargesellt wird, mit  $\pi_n(x, x')$ , so ist

$$\pi_n(x, x') = (n+1) \cdot \frac{P'_n P_{n+1} - P'_{n+1} P_n}{x - x'} \quad (1.)$$

Dieses Polynom ist schon von Herrn Christoffel in seiner oben angeführten Abhandlung über die Gauss'sche Quadratur \*) betrachtet worden. Es soll nun aber gezeigt werden, wie dieses Polynom zur Entwicklung einer beliebigen Funktion nach Kugelfunktionen führt.

Sei  $f(x)$  eine Funktion, die zwischen den Grenzen  $x = -1$  und  $x = +1$  nicht unendlich wird, und betrachten wir das Integral

$$\frac{1}{2} \int_{-1}^{+1} f(x') \cdot \pi_n(x, x') dx' \quad (2.)$$

so erhält man, wenn man darin für  $\pi_n$  seine Entwicklung nach den  $P$  einsetzt

$$\sum_{n=0}^{\infty} \left( \frac{2n+1}{2} \int_{-1}^{+1} f(x') P'_n dx' \right) \cdot P_n \quad (3.)$$

Man ersieht, dass das Gesetz dieser Reihe übereinstimmt mit dem Gesetz der Entwicklung der Funktion  $f(x)$  nach Kugelfunktionen. Um nun den Werth der Reihe 3.)

\*) Journ. von Borch. Bd. 55. S. 73.



zu finden, wenn wir dieselbe in's Unendliche fortsetzen, haben wir nur den Werth des Integrals 2.) zu suchen, wenn  $n$  über alle Grenzen hinaus wächst. Hierzu können wir uns des Poisson'schen Näherungswerthes von  $P_n$  für sehr grosse Werthe von  $n$  bedienen

$$P_n(\cos \Theta) = \left( \frac{2}{n\pi \sin \Theta} \right)^{\frac{1}{2}} \cos \left[ \left( n + \frac{1}{2} \right) \Theta - \frac{1}{4} \pi \right]$$

Führt man diesen Werth von  $P_n$  und die entsprechenden für  $P_{n+1}$ ,  $P'_n$ ,  $P'_{n+1}$ , sowie  $\cos \Theta$  und  $\cos \Theta'$  für  $x$  und  $x'$  in das Integral 2.) ein, so geht dasselbe nach einigen leichten Reduktionen in folgendes über:

$$\frac{1}{\pi} \int_0^\pi f(\cos \Theta') \sqrt{\frac{\sin \Theta'}{\sin \Theta}} \left\{ \frac{\sin(n+1)(\Theta' - \Theta)}{\sin \frac{\Theta' - \Theta}{2}} - \frac{\cos(n+1)(\Theta' + \Theta)}{\sin \frac{\Theta' + \Theta}{2}} \right\} d\Theta',$$

dessen Werthbestimmung nach den Dirichlet'schen Betrachtungen über die Convergenz der Sinus- und Cosinus-Reihen (Crelle Journ. Bd. 4) sich ergibt. Mittelst des Integrals

$$\frac{1}{\pi} \int_g^h \varphi(\alpha) \cdot \frac{\sin k \alpha}{\sin \alpha} d\alpha$$

welches  $= \varphi(0)$ , wenn  $g$  und  $h$  verschiedenes Zeichen haben hingegen  $= 0$  ist, wenn  $g$  und  $h$  von gleichen Zeichen sind,  $k$  als eine unendlich grosse positive Zahl vorausgesetzt, beweist man sofort, dass der erste Theil obigen Integrals sich auf  $f(\cos \Theta)$  reducirt, während der andere verschwindet. Hiemit ist nachgewiesen, dass die Reihe 3.) ins Unendliche fortgesetzt, den Werth  $f(x)$  hat, es müsste denn sein, dass für ein bestimmtes  $x$  die Funktion  $f$  eine Unstetigkeit erleidet, in welchem Falle der Werth der Reihe nach Dirichlet'scher Auffassung  $= \frac{1}{2} [f(x+0) + f(x-0)]$  ist.

Andererseits hat man das Resultat, dass wenn eine Funktion  $f(x)$  in eine Reihe nach Kugelfunktionen entwickelt gegeben ist



$f(x) = c_0 P_0 + c_1 P_1 + c_2 P_2 + \dots + c_n P_n + \dots$   
das Integral

$$\frac{1}{2} \int_{-1}^{+1} f(x') \Pi_n(x, x') dx'$$

genau die Summe der  $n+1$  ersten Glieder bis zu dem Gliede mit  $P_n$  incl. darstellt. Nebenbei folgt hieraus auch die bemerkenswerthe Eigenschaft der Funktion  $\Pi_n(x, x')$ , dass wenn  $\varphi(x)$  eine ganze Funktion vom Grade  $m < n$  ist, immer

$$\frac{1}{2} \int_{-1}^{+1} \varphi(x') \Pi_n(x, x') dx' = \varphi(x)$$

ist.

Bricht man die Reihe für  $f(x)$  nach dem Gliede  $c_n P_n$  ab, so ist der Rest der Reihe

$$R_n = f(x) - \frac{1}{2} \int_{-1}^{+1} f(x') \Pi_n(x, x') dx'$$

oder da

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \int_{-1}^{+1} \Pi_n(x, x') dx &= 1, \\ R_n &= \frac{1}{2} \int_{-1}^{+1} [f(x) - f(x')] \Pi_n(x, x') dx' \\ &= \frac{n+1}{2} \int_{-1}^{+1} \frac{f(x) - f(x')}{x - x'} (P'_n P_{n+1} - P'_{n+1} P_n) dx' \end{aligned}$$

Setzt man daher

$$\int_{-1}^{+1} \frac{f(x) - f(x')}{x - x'} P'_n dx = \varphi_n(x),$$

so wird der Rest der Reihe für  $f(x)$  vom Gliede  $c_{n+1} P_{n+1}$  an

$$R_n = \frac{n+1}{2} \left\{ \varphi_n(x) P_{n+1}(x) - \varphi_{n+1}(x) P_n(x) \right\}.$$

Sitzung vom 5. November 1875.

### Mathematisch-physikalische Classe.

Herr Beetz legte eine in seinem Laboratorium ausgeführte Untersuchung vor

„Ueber den Einfluss der Temperatur auf die Electrolyse, von Emil Bucherer aus Basel“.

Mit dem Einflusse, welchen eine Erhöhung der Temperatur des Electrolyten auf den Vorgang der Electrolyse hat, haben sich besonders zwei Beobachter beschäftigt, nämlich Geuther<sup>1)</sup> und Warburg<sup>2)</sup>. Indem der Verfasser sich vorgesetzt hatte, die Gültigkeit des von Faraday aufgestellten electrolytischen Gesetzes auch bei höheren Temperaturen zu prüfen, wählte er zunächst als Electrolyten dieselben beiden Flüssigkeiten, welche in den eben erwähnten Arbeiten angewendet worden waren, nämlich die Schwefelsäure und die Kupfervitriollösung.

#### I.

#### Electrolyse der Schwefelsäure.

In den Stromkreis, der je nach der Stromstärke, welche ich anwenden wollte, von 4—10 Meidinger'schen Elementen geliefert wurde, schaltete ich ein Voltameter und einen Zersetzungsapparat ein. Das Voltameter war mit angesäuerten Wasser gefüllt und wurde stets auf nahezu gleicher Temperatur (15 C.) erhalten; oft schaltete ich noch

1) Geuther, Ann. der. Chem. u. Pharm. CIX. p. 129.

2) Warburg, Poggend. Ann. CXXXV. p. 114.

ein Silbervoltameter ein. Der Zersetzungsapparat bestand aus einem Becherglas, den Elektroden von Platinblech, deren Zuleitungsdrähte von Glasröhren umschlossen waren, und graduirten Röhren, die zum Zwecke des Aufsaugens der Flüssigkeit mit Glasbähnen versehen waren. Diese Röhren kamen über die Elektroden, dazwischen aber ein Thermometer zu stehen. Die Stromstärke wurde während eines jeden Versuches durch eingeschaltete Widerstände constant erhalten. Es ist leicht ersichtlich, dass von einer allgemeinen Gültigkeit der beobachteten Werthe keine Rede sein kann, da die chemisch reine Schwefelsäure, die bei der Elektrolyse verwandt wurde, nicht immer die gleiche Concentration hatte und auch die Temperatur im Gefässe beim Erwärmen an verschiedenen Stellen eine verschiedene ist.

#### a) Concentrirte Schwefelsäure.

Werden blanke Platinbleche als Elektroden in concentrirter Schwefelsäure von gewöhnlicher Temperatur angewendet, so entwickelt sich beim Elektrolysiren äusserst wenig Wasserstoffgas, dagegen Schwefel und Schwefelwasserstoff<sup>3)</sup>, an der negativen Elektrode. Kühlt man die Flüssigkeit bis auf 0° ab, so kann die Wasserstoffentwicklung im Momente der Schliessung des Stromes eine kräftige genannt werden; erst nach einiger Zeit, etwa nach 3 bis 5 Min., beginnt dieselbe abzunehmen und an ihre Stelle tritt dann die Schwefelausscheidung<sup>4)</sup>. Wird hierauf die Flüssigkeit bis auf 15° erwärmt, so ist die Dauer der Wasserstoffentwicklung schon eine geringere und bei 30° hört dieselbe ganz auf; es tritt sogleich die Schwefelausscheidung ein.

3) Faraday, *Experiments in Electr.* I. No. 681, 757 etc.  
Henry, *Nichols. Journ. B.* IV. S. 224. *Gilb. Ann.* VI. 370.  
Simon, *Gilb. Ann.* VIII. 35.

Hiesinger u. Berzelius *Gilb. XXVII.* 301.

4) Geuther, *a. a. O.*



Erwärmt man die Flüssigkeit bis auf  $150^{\circ}$ , so löst sich der ausgeschiedene Schwefel allmählich auf und bei  $180^{\circ}$  ist die Flüssigkeit vollkommen klar. Der Schwefelwasserstoff, der sich bei der Electrolyse entwickelt, nimmt bei zunehmender Temperatur ebenfalls zu. Wird die Flüssigkeit über  $180^{\circ}$  erhitzt, so kann der stechende Geruch der schwefeligen Säure bemerkt werden.

Was die Sauerstoffentwicklung an der positiven Elektrode betrifft, so ist die Quantität immer gleich der im Voltameter entwickelten Sauerstoffmenge.

#### b) Verdünnte Schwefelsäure.

Die verdünnte Schwefelsäure bestehe aus 3 Vol.  $\text{H}_2\text{SO}_4$  und 2 Vol.  $\text{H}_2\text{O}$ . Die Erwärmung geschehe immer von  $5^{\circ}$  zu  $5^{\circ}$  und der Strom sei bei einer jeden dieser constanten Temperaturen circa 20 Min. lang geschlossen. Scheidet sich während dieser Zeit Sauerstoff und Wasserstoff im richtigen Verhältnisse, wie im Voltameter, aus, so nehme ich an, dass bei dieser Temperatur keine Aenderung in der Electrolyse auftritt. Bei einer Stromstärke, die in einer Minute 1.9540 mgr. Silber aus einer Silberlösung schied, ergab es sich, dass das Verhältniss von Sauerstoff und Wasserstoff bis zu  $110^{\circ}$  das nämliche blieb, wie im Voltameter; erst von  $110^{\circ}$  an nahm die Wasserstoffentwicklung ab, es trat Schwefelwasserstoff auf und bald nachher zeigte sich die Schwefelausscheidung. Bei steigender Temperatur nahmen diese Ausscheidungsprodukte zu, die Wasserstoffentwicklung ab und bei  $130^{\circ}$  hörte letztere ganz auf. Von  $150^{\circ}$  an, begann der Schwefel sich in der Flüssigkeit aufzulösen; jedoch erst bei  $180^{\circ}$  wurde dieselbe vollkommen klar. Die Schwefelentwicklung ist daher kaum sichtbar, da der ausgeschiedene Schwefel sich grösstentheils auflöst, ein Theil aber an der Elektrode schmilzt und krystal-



linisch erstarrt<sup>5)</sup>. Die Flüssigkeit selbst färbt sich sehr stark gelb.

Bei sorgfältiger Beobachtung nimmt man wahr, wie von der negativen Electrode Bläschen aufsteigen, die immer kleiner werden; ein Beweis, dass sie von der Flüssigkeit absorbirt werden. Die Flüssigkeit riecht dann nicht nur sehr stark nach Schwefelwasserstoff, sondern der stechende Geruch nach schwefliger Säure ist nicht zu verkennen. Es scheint, als ob die Bläschen aus schwefliger Säure bestünden.

Schliesst man während des Erkaltes der Flüssigkeit von Zeit zu Zeit den Strom, so zeigt sich die Schwefelentwicklung bei niedrigeren Temperaturen, als im Anfange des Versuches. So konnte man in dem obigen Beispiele eine Schwefelentwicklung noch bei 70° wahrnehmen, während sie im Anfange des Versuches erst bei 110° bemerkt werden konnte.

Diese Schwefelausscheidung bei niederen Temperaturen, wenn die hohen schon vorangegangen sind, beruht wahrscheinlich auf Folgendem: Bei hinreichender Concentration wird Schwefelwasserstoff aus der Säure ausgeschieden; bei hohen Temperaturen erst die schweflige Säure. Wenn nun diese in der Flüssigkeit gelöst ist, und man elektrolysiert bei niederen Temperaturen, so findet der sich bildende Schwefelwasserstoff die schweflige Säure vor und bildet mit ihr den Schwefel.

Ausserdem tritt beim Erkalten immer mehr und mehr eine starke Trübung auf, die theils von dem aufgelösten und beim Erkalten sich wieder ausscheidenden Schwefel herrühren mag, andernteils aber auch von der oben besprochenen chemischen Entstehung des Schwefels kommen kann. Ist die Flüssigkeit vollkommen erkaltet und man stellt den gleichen Versuch noch einmal an, so tritt die

5) Warburg, a. a. O.

Schwefelentwicklung statt bei 110° schon bei 80—90° auf, obschon das spec. Gewicht der Flüssigkeit nach dem ersten Versuch geringer geworden ist.

Vergössert man die Stromesdichtigkeit, was durch Verkleinern der Elektroden oder durch grössere Elementenzahl erreicht werden kann, so tritt der Punkt der Schwefelausscheidung erst bei einer höheren Temperatur auf, als im umgekehrten Falle<sup>6)</sup>. Bei concentrirteren Lösungen tritt die Schwefelausscheidung früher auf, als bei verdünnten.

Hiemit sind also die Ergebnisse, zu denen Warburg gelangt ist, vollständig bestätigt worden; die quantitative Bestimmung der verschiedenen secundären Produkte aber war unmöglich, so dass die Electrolyse der Schwefelsäure sich als unbrauchbar erwies, um durch sie die gestellte Aufgabe zu lösen. Die folgende Tabelle enthält eine Zusammenstellung der einzelnen Versuche, welche den vorstehenden Erörterungen zu Grunde liegen:

No.	Mischungsverhältnisse von $\text{H}_2\text{SO}_4$ zu $\text{H}_2\text{O}$ .	Spec.-Gew. bei Temp.		Temp. bei welcher sich S ausscheidet.	Stromstärke, gemessen in mgr. Silber in 1 min.
1.	10 : 0	1.843	15°	0°	verschieden
2.	9 : 1	1.813	13°	15°	1.9540
3.	"	"	"	25°	4.5600
4.	8 : 2	1.765	17°	30°	2.0800
5.	"	"	"	40°	5.6021
6.	7 : 3	1.681	15°	60°	2.0591
7.	"	"	"	70°	5.5102
8.	6 : 4	1.598	14°	110°	1.9540
9.	"	"	"	120°	2.2300
10.	"	"	"	130°	4.4791

6) Warburg a. a. O.



## II.

### Elektrolyse der Kupfervitriollösung.

#### a) Verdünnte Kupfervitriollösung.

Aehnliche Verhältnisse, wie bei der verdünnten Schwefelsäure treten auch hier beim Elektrolysiren zu Tage.

Wird die Kupfervitriollösung so verdünnt, dass die Flüssigkeit nur schwach bläulich erscheint, so scheidet sich bei der Elektrolyse ausser Kupfer auch noch Wasserstoffgas an der negativen Elektrode ab. Erwärmt man nun den Zersetzungsapparat, so nimmt die Wasserstoffentwicklung ab und hört nahe beim Siedepunkt der Flüssigkeit ganz auf; beim Erkalten erscheint dieselbe wieder.

Geht man dagegen mit der Verdünnung der Kupfervitriollösung so weit, dass bei gewöhnlicher Temperatur während der Elektrolyse kein Kupfer, sondern nur Sauerstoff und Wasserstoff erscheint, wobei dann die Flüssigkeit wie Wasser aussieht, und säuert dieselbe mit Schwefelsäure an, so verhält sich diese Flüssigkeit, wie die verdünnte Schwefelsäure. Erhitzt man dieselbe und schliesst von Zeit zu Zeit den Strom, so bemerkt man die Wasserstoffabnahme nicht, sie tritt aber sogleich zu Tage, sobald sich an der Elektrode der schwammige Kupferniederschlag zeigt; die Kupferausscheidung fällt zwischen die Temperaturen von  $80^{\circ}$ — $100^{\circ}$ . Beim Abkühlen der Flüssigkeit tritt die Wasserstoffentwicklung wieder auf.

#### b) Concentrirte Kupfervitriollösung.

Zwei Zersetzungsapparate von gleicher Grösse, beide gefüllt mit concentrirter Kupfervitriollösung, wurden in den Strom eingeschaltet, der, je nach der Stromstärke, welche

man anwenden wollte, von 10 Meidinger'schen oder 2 bis 4 Grove'schen Elementen erzeugt wurde.

Die negativen Elektroden bildeten zwei blanke Platinbleche von gleicher Grösse, während als positive Kupferelektroden verwendet wurden, damit sich die Concentration während des Versuches nicht änderte. Es wurde ferner Sorge getragen, dass die Elektroden in beiden Zersetzungsapparaten gleich weit von einander abstünden. Nachdem die Elektroden gewogen waren, wurden folgende Versuche angestellt:

1. Beide Zersetzungsapparate erhielt man auf gewöhnlicher Temperatur. Der Strom wurde geschlossen und nach einiger Zeit wieder geöffnet; dabei schied sich an der negativen Elektrode kein Wasserstoff, sondern nur Kupfer aus. Die Elektroden wurden sorgfältig gewaschen und unter der Luftpumpe getrocknet, darauf wieder gewogen. Die Zunahme ergab, dass an beiden Elektroden gleich viel Kupfer sich während der gleichen Zeit ausschied.

2. Der eine Zersetzungsapparat wurde auf 80° erwärmt, während der zweite auf gewöhnlicher Temperatur erhalten blieb. Nach geschehener Electrolyse fand sich nun das merkwürdige Resultat, dass der Niederschlag an der erwärmten Elektrode um ein Bedeutendes schwerer war, als an der kalt gebliebenen. Aber nicht nur diess war der alleinige Unterschied, sondern auch in der Farbe und in der Bildung des Niederschlages differirten die beiden Elektroden sehr von einander. Während die erwärmte Elektrode einen prachtvoll dunkelrothen, grobkörnig krystallinischen (besonders wenn starke Ströme angewendet wurden) Niederschlag zeigte, hatte die kalt gebliebene einen schönen hellrosafarbenen, glatten Ueberzug. Die erwärmte Elektrode zeigte zu dem noch eine Ablagerung in Längsstreifen, die besonders bei starken Strömen sehr schön markirt hervor-



treten. Die Bildung dieser Streifen geschieht wahrscheinlich durch die an der Elektrode niederfließende Flüssigkeit.

Die erwärmte Elektrode wurde gut in heissem, die kalt gebliebene in kaltem Wasser abgewaschen; beide Elektroden unter der Luftpumpe getrocknet, dann gewogen. Folgende Zusammenstellung einiger Versuche zeigt die Gewichtsverschiedenheit beider Elektroden.

Niederschlag an den Elektroden.					Verhältniss von warm zu kalt.	Zahl der Elemente.
No.	Zeit	kalt	warm	Temp.		
1	200'	323.6	410.1	80°	1.267	10 Meid.
2	200'	533.3	657.6	"	1.233	"
3	300'	284.8	347.6	"	1.219	6 "
4	30'	464.8	502.4	60°	1.087	4 Grove
5	50'	330.0	341.7	"	1.071	2 "
6	200'	513.3	537.7	"	1.047	10 Meid.

Aus dieser Tabelle ersieht man sogleich, dass die Temperatur eine wesentliche Rolle spielt.

Die nächste Frage, die sich an die Verschiedenheit der Gewichtszunahmen der Elektroden anknüpft, ist: Bleibt das elektrolytische Gesetz dennoch für verschiedene Temperaturen richtig?

Um diese Frage zu beantworten, wird es nöthig sein, zu untersuchen, ob nicht noch andere Körper sich auf der erwärmten Elektrode niedergeschlagen haben, und die Quantität des Kupfers auf derselben zu bestimmen. Die erwärmt gewesene Elektrode, die unter der Luftpumpe getrocknet war, legte ich in eine von Feuchtigkeit befreite Glasröhre; durch dieselbe leitete ich einen Wasserstoffstrom, welcher, um ihn zu trocknen, zuerst durch concentrirte Schwefel-

säure, dann durch ein Aetzkali- und ein Chlorcalciumrohr ging. Am Ende der Glasröhre, wo der Wasserstoff austrat, wurde eine vorher gewogene Chlorcalciumröhre angebracht und darauf die Röhre bis zum Glühen erhitzt. Nach diesem Verfahren hatte die Elektrode die gewöhnliche Kupferfarbe angenommen, aber obschon sie an Gewicht verloren hatte, so übertraf sie immer noch die kalt gebliebene. Die Chlorcalciumröhre nahm, dem obigen Verluste entsprechend, an Wassergehalt zu; es folgt also hieraus, dass das Kupfer an der warmen Elektrode oxydirt war.

Niederschlag an den Elektroden.						Zunahme in CaCl	Daraus O berechnet.	Verlust an den Electroden.	Diff.
No	Zeit	kalt	warm	Temp.	Diff.				
1	40'	92.2	108.6	91°	16.4	10.0	8.9	6.3	0.6
2	30'	70.8	88.5	90°	17.7	8.3	7.4	6.0	1.4
3	50'	98.6	118.2	90°	19.6	8.8	7.8	7.4	0.4

Ein Theil des Gewichtsüberschusses der Elektrode aus der warmen Lösung war also als Sauerstoff bestimmt worden. In Bezug auf den übrigen Theil dieses Ueberschusses waren drei Möglichkeiten vorhanden, entweder schützen die durch den Wasserstoffstrom schon reducirten Kupfertheilchen die darunter befindlichen vor weiterer Reduction, oder es schied sich überhaupt mehr Kupfer an der erwärmten Elektrode aus, oder es ist Kupfer mit Schwefel in Verbindung getreten, als Schwefelkupfer.

Einen frischen, gut in heissem Wasser ausgewaschenen Niederschlag löste ich in chemisch reiner Salpetersäure auf und setzte Chlorbaryum zu; es entstand kein Niederschlag, ein Beweis also, dass kein Schwefelkupfer auf der Elektrode enthalten war.

Darauf löste ich einen solchen Niederschlag wiederum in Salpetersäure auf, setzte aber eine heisse Aetzkalklösung zu, worauf ein Niederschlag von Kupferoxyd erfolgte. Der Niederschlag wurde auf einem Filtrum sorgfältig mit heissem Wasser ausgewaschen, getrocknet und im Platintiegel geglüht. Nachdem dann das Gewicht des Platintiegels und der Asche des Filters vom Gewicht des Ganzen abgezogen war, erhielt ich für die Niederschläge No. 1, 2, 3 in der vorigen Tabelle folgende Resultate:

Niederschlag an den Elektroden.					Kupferoxyd.		Diff.	
No.	Zeit.	kalt.	warm.	Temp.	Diff.	berech.	gefund.	
1	40'	92.2	108.6	91°	16.4	115.4	115.4	0.0
2	30'	70.8	88.5	90°	17.7	88.6	87.0	1.6
3	50'	98.6	118.2	90°	19.6	123.4	123.5	0.1

Hieraus folgt nun, dass die Reduction durch den Wasserstoffstrom keine vollständige war; dann zweitens, dass das elektrolytische Gesetz hier auch bei verschiedenen Temperaturen gilt.

Es fragt sich jetzt nur noch, woher das Kupferoxyd und -oxydul kommt?

Ich bildete mir einen Kupferniederschlag bei gewöhnlicher Temperatur; erhitze dann denselben in der Kupfervitriollösung. Es ergab sich, dass das Kupfer oxydirt wurde. Darauf legte ich die Elektrode in die Verbrennungsröhre, leitete getrockneten Wasserstoff darüber und redoxirte das Kupferoxyd. Es kam wieder das ursprüngliche Gewicht heraus:

Der Kupferniederschlag wog . . 14.3,  
 oberflächlich oxydirt . . . . . 16.7,  
 nach geschehener Reduction . . 14.3.



Das während der Elektrolyse im erwärmten Zersetzungsapparate ausgeschiedene Kupfer wird durch die Flüssigkeit selbst oxydirt; die Gewichtszunahme und die Farbe der erwärmten Elektrode ist also blos dieser Oxydation zuzuschreiben. Während aber das kalt niedergeschlagene und nachher in der Lösung erhitze Kupfer sich nur oberflächlich oxydirt und deshalb durch Wasserstoff vollkommen reducirt werden konnte, war das aus der warmen Lösung niedergeschlagene Kupfer durch und durch theilweise oxydirt und widerstand deshalb der reducirenden Einwirkung des Wasserstoffes.

### III.

#### Elektrolyse des salpetersauren Silbers.

Wenn ich wieder die gleichen Zersetzungsapparate nahm, statt der Kupferelektroden aber solche von Silber anwandte, die Gefässe mit ziemlich concentrirter Lösung von salpetersaurem Silber füllte, dann die eine Zersetzungszone auf 80° erwärmte und den Strom 30' lang schloss, so schied sich ohne Entwicklung von Wasserstoff an beiden Elektroden gleichviel Silber aus:

warm	bei	kalt
355.0	80°	356.3

Hiebei ist zu bemerken, dass der Niederschlag an der erwärmten Elektrode blätterig krystallinisch ist und leicht von derselben abfällt; daher wohl der obige kleine Unterschied zwischen warm und kalt.

Das elektrolytische Gesetz bleibt also auch hier in Kraft, und es ist zu erwarten, dass dasselbe auch bei anderen Elektrolyten bei verschiedenen Temperaturen seine Gültigkeit beibehält.

---



Herr Beetz legte ferner eine Abhandlung vor:

„Ueber das elektrische Leitungsvermögen des Wassers und der Säuren; von F. Kohlrausch.“

Die vorliegende Mittheilung enthält die Resultate einer fortgesetzten Untersuchung über das Leitungsvermögen der Elektrolyte.<sup>1)</sup>

Zur Widerstandsbestimmung dienten inducirte Wechselströme mit dem Weber'schen Dynamometer in der Wheatstone'schen Brücke, so wie diess früher beschrieben worden ist (l. c. S. 3).

## I.

### Das Wasser.

Ueber das Leitungsvermögen des Wassers liegen viele auseinandergehende Angaben vor. Da man jedoch weiss, dass dieser Werth in hohem Maasse durch äusserst geringe, chemisch kaum nachweisbare Verunreinigungen vergrössert werden kann, so genügt es hier die kleinsten vorhandenen Zahlen zu erwähnen, welche von Magnus und von Quincke gelegentlich anderer Untersuchungen mitgetheilt werden: ersterer fand das auf Quecksilber bezogene Leitungsver-

---

<sup>1)</sup> Die früheren Aufsätze siehe Gött. Nachr. 1868. 415; 1874. 405. Pogg. Ann. CXXXVIII. 280. 370; CLIV. 1. 215. — Auf die zuletzt genannte mit O. Grotrian gemeinsam ausgeführte Arbeit beziehen sich die Citate.

mögen  $k$  des Wassers bei  $20^{\circ}$   $k \cdot 10^{10} = 1,33$ , letzterer für  $15,05$   $k \cdot 10^{10} = 2,16$ .<sup>\*)</sup>

Auch für diese Zahlen, welche von den Beobachtern nur beiläufig erhalten wurden, ist von vornherein wahrscheinlich, dass sie nur obere Grenzen für  $k$  darstellen. Ich habe desswegen versucht, ob man durch Sorgfalt in der Darstellung reinen Wassers zu noch kleineren Werthen und vielleicht zu einem bestimmten Grenzwertb gelangen kann.

Ich destillirte dasselbe Wasser folgeweise über übermangansaures Kali, Ätzkali und saures schwefelsaures Kali, um organische Verbindungen zu zerstören, Säuren und Ammoniak zurückzuhalten. Das so gewonnene Wasser wurde dann noch einmal durch einen Platin-Kühler destillirt, von welchem es gleich in eine Platinschale tropfte, in der man den Widerstand sofort bestimmte. Die Innenfläche dieser Schale bildete nämlich die eine Elektrode, eine concentrisch angebrachte kleinere Schale die zweite. Der Quecksilber-Widerstand des zwischenliegenden Raumes war empirisch ermittelt worden.

Die so gewonnenen Leitungsvermögen schwankten erheblich, blieben aber stets unter 1,3; der kleinste Werth, welchen ich erreichte, ist in der That 2 bez. 3mal kleiner als die oben angeführten Zahlen. Er betrug

für  $22^{\circ}$   $k \cdot 10^{10} = 0,72$ .

Aber auch von dieser Zahl kann ich noch nicht behaupten, dass sie wirklich das elektrische Leitungsvermögen des reinen Wassers darstellt. Durch rasches Destilliren nämlich wurde das Leitungsvermögen vergrößert, jedenfalls wegen mitgerissener flüssiger Theile. Andererseits aber verbot sich aus zwei Gründen eine beliebig langsame Destillation. Denn erstens zeigte das bereits sehr reine

<sup>\*)</sup> Magnus, Berl. Monatsberichte 1861 S. 872. Quincke, Pogg. Ann. CXLIV. 22.

Wasser in der Retorte, trotz eingeworfenen Stückchen Platin, bei langsamem Sieden leicht Siedeverzüge. Zweitens aber musste man die Operation auch desswegen beschleunigen, weil das Destillat durch blosses Stehen in der Platinschale alsbald ein grösseres Leitungsvermögen anzunehmen begann.

Obwohl also das obige Wasser zu dem reinsten jemals dargestellten gehören dürfte, so lässt sich doch nicht behaupten, dass es vollkommen rein gewesen, und dass nicht der Werth  $k = 0,000000000072$  ebenfalls nur als eine obere Grenze anzusehen sei.

Für die Praxis gibt freilich auch diese Zahl dem Wasser die Bedeutung eines galvanischen Nichtleiters, denn man kann leicht überschlagen, dass eine Säule obigen Wassers von 1<sup>mm</sup> Länge denselben Widerstand darbietet, wie eine Kupferleitung von gleichem Querschnitt und von einer Länge etwa gleich dem Durchmesser der Mondbahn. Auch leitete käuflicher absoluter Alkohol etwa 4mal besser als obiges Wasser. Erneuerte Destillation brachte den Alkohol auf  $k \cdot 10^{10} = 0,34$ , also immer noch die Hälfte von obiger Zahl. Äther freilich zeigte  $k \cdot 10^{10} < 0,01$ .

Ich will einige Proben von der beispiellos empfindlichen Reaction auf die Reinheit des Wassers durch sein Leitungsvermögen mittheilen: Durch blosses Stehen in der Platinschale unter dicht schliessender Glasglocke stieg das Leitungsvermögen eines Destillates von  $k \cdot 10^{10} = 0,77$  an in 5 Stunden auf 1,5, in 20<sup>h</sup> auf 3,5, in 80<sup>h</sup> auf 8,6, in 44 Tagen bis auf 30. — Tabakrauch vermehrte das Leitungsvermögen binnen kurzer Zeit in auffälliger Weise. — Ja, als man versuchte, das Wasser unter der Luftpumpe auf einen Einfluss gelöster Gase zu prüfen, zeigte sich nach dem Evacuiren eine beschleunigte Zunahme des Leitungsvermögens, welche offenbar von den flüchtigen Säuren des etwas ranzigen Fettes herrührte. —



Ein Milliontel  $\text{H}_2\text{SO}_4$  oder  $\text{HNO}_3$  (d. h. ein Tropfen in etwa 60 Liter) bewirkt ferner im Wasser ungefähr das 10fache von obigem Leitungsvermögen. —

Endlich verdient bemerkt zu werden, dass die Destillation eines Wassers durch einen Platinkühler  $k \cdot 10^{10} = 2,4$ , durch einen Glaskühler aber den dreifachen Werth 7,3 ergab.

Es ist hiernach erklärlich, dass die meisten Angaben über das Wasser vielfach grössere Leitungsvermögen enthalten, als die hier gefundene oder auch als die von Magnus und von Quincke mitgetheilte Zahl. Anderseits sieht man, ein wie bequemes und empfindliches Reagens auf die Reinheit des Wassers der Chemiker in dem elektrischen Leitungsvermögen besitzen würde. Die Abwesenheit von sämmtlichen unorganischen Körpern und voraussichtlich von der Mehrzahl organischer Substanzen im Wasser, bis zu jeder chemisch in Betracht kommenden Grenze, lässt sich auf diesem Wege leicht feststellen.

Ich bemerke noch, dass verschiedene untersuchte Schnee- und Regenwässer Leitungsvermögen zwischen  $k \cdot 10^{10} = 4,1$  und 19,8 ergaben. Fortgesetzte Beobachtungen hierüber könnten, indem sie den einfachsten und empfindlichsten Maassstab für eine mittlere Reinheit des Niederschlages geben, ein meteorologisches Interesse gewähren.

## II.

### Die Säuren.

Den hier mitzutheilenden Resultaten liegt die Untersuchung von 59 verschiedenen wässrigen Lösungen zu Grunde. Besondere Aufmerksamkeit habe ich der Schwefelsäure zugewandt, weil bei deren stärkeren Lösungen höchst merkwürdige, bisher unbekannte Verhältnisse zu Tage traten, welche für den Einblick in das Wesen des Wider-



standes zersetzbarer Leiter neue Anhaltspunkte eröffnen. Zu ähnlichen Schlussfolgerungen wie die Schwefelsäure führt die Essigsäure. Die Gruppe der Chlor-, Brom- und Jod-Wasserstoffsäure liefert gleichfalls ein interessantes Resultat durch den Zusammenhang des elektrischen Leitungsvermögens mit der Anzahl der gelösten Molecüle. Ausser den genannten Körpern sind noch Phosphorsäure, Oxalsäure und Weinsäure beobachtet worden.

Im Allgemeinen habe ich die Säuren bis zu der unter gewöhnlichen Umständen stattfindenden Grenze ihrer Löslichkeit in Wasser untersucht, Brom- und Jod-Wasserstoff jedoch nur in verdünnter Lösung. Letztere Substanzen enthielten etwas freies Brom bez. Jod.

Gerade so wie früher (l. c. S. 225) wurde aus den Beobachtungen eine Tabelle für runde Mischungsverhältnisse abgeleitet, deren Zahlen die Genauigkeit der directen Beobachtung bewahren. Ueber diese Tabelle ist zu bemerken, dass die mit % aufgeführten Zahlen Gewichtstheile der Säure in 100 Gewichtstheilen der Lösung bedeuten. Die, auf Wasser von 4° bezogenen, specifischen Gewichte gelten bei  $\text{H}_2\text{SO}_4$ ,  $\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4$ , T und A für 18,°0; bei den übrigen für 15,°0. Das Leitungsvermögen  $k$  gilt durchweg für 18,°0; als Einheit dient das Leitungsvermögen des Quecksilbers von 0°. Die letzte Spalte enthält unter  $\frac{\Delta k}{k}$

die Zunahme des Leitungsvermögens auf 1° in Theilen des Leitungsvermögens bei 18°. Da die Zunahme aus Messungen bei 18° und 26° abgeleitet worden ist, so würde man die Bedeutung dieser Zahlen eigentlich durch  $\frac{1}{k_{18}} \left( \frac{dk}{dt} \right)_{22}$  zu bezeichnen haben. Bei der Schwefelsäure sind bis zu 40% die von Grotrian gefundenen Temperaturcoefficienten mitbenutzt worden.

Die Zahlen zu den eingeklammerten Procentgehalten sind graphisch interpolirt worden.

Lösung.	Specif. Gewicht	$10^6 k_{18}$	$\frac{\Delta k}{k_{18}}$	Lösung.	Specif. Gewicht	$10^6 k_{18}$	$\frac{\Delta k}{k_{18}}$
$H_2SO_4$ .				$H_2SO_4$ .			
1%		429	0,0112	94		1001	280
2,5	1,0161	1020	0,0115	95	1,8368	958	279
5	1,0331	1952	0,0121	96		885	0,0280
10	1,0673	3665	0,0128	97	1,8390	750	0,0286
15	1,1036	5084	0,0136	100%	1,8354	80	0,0400
20	1,1414	6108	0,0145				
25	1,1807	6710	0,0154	HCl.			
30	1,2207	6912	162	5%	1,0242	3693	0,0159
35	1,2625	6776	170	10	1,0490	5902	157
40	1,3056	6361	178	(15)	1,0744	6980	156
(45)	1,3508	5766	186	20	1,1001	7132	155
50	1,3984	5055	193	(25)	1,1262	6767	154
(55)	1,4487	4280	201	30	1,1524	6200	153
60	1,5019	3487	213	(35)	1,1775	5535	0,0152
65	1,5577	2722	230	40	1,2007	4826	
70	1,6146	2016	256				
75	1,6734	1421	291	H Br.			
78		1158	323	5%	1,0322	1789	0,0153
80	1,7320	1032	349	10	1,0669	3327	0,0153
81		985	359	15	1,1042	4630	0,0151
82		947	365				
83		924	369	H J.			
84		915	369	5%	1,0370	1249	0,0158
85	1,7827	916	365				
86		926	357				
87		944	349				
88		965	339				
89		986	330				
90	1,8167	1005	320				
91		1022	308				
92		1030	295				
93		1024	285				

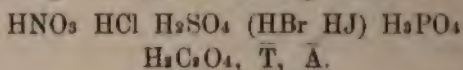
Lösung.	Specif. Gewicht	$10^6 k_{18}$	$\frac{\Delta k}{k_{18}}$	Lösung.	Specif. Gewicht	$10^6 k_{18}$	$\frac{\Delta k}{k_{18}}$
$H_3 PO_4$				$\bar{T}$			
5%	1,0270	292	0,0100	5%	1,0216	56,2	0,0186
10	1,0548	531	0,0104	10	1,0454	76,3	191
(15)	1,0841	797	109	(15)	1,0695	87,9	190
20	1,1151	1059	114	20	1,0950	93,4	187
(25)	1,1472	1315	121	(25)	1,1211	93,9	192
30	1,1808	1551	130	30	1,1484	90,3	200
35	1,2160	1742	140	(35)	1,1763	83,2	210
(40)	1,2530	1884	150	40	1,2064	73,7	223
(45)	1,2921	1956	161	(45)	1,2360	62,2	242
50	1,3328	1943	174	50	1,2672	49,9	0,0265
(55)	1,3757	1852	189				
(60)	1,4208	1717	207	$\bar{A}$			
(65)	1,4674	1545	229	0,3%		2,98	
70	1,5155	1345	252	1		5,48	
(75)	1,5660	1132	279	5	1,0058	11,47	0,0163
80	1,6192	917	309	10	1,0133	14,30	169
85	1,6763	730	350	(15)	1,0195	15,18	174
87	1,7001	663	0,0372	20	1,0257	15,04	179
				(25)	1,0325	14,24	182
$H_2 C_2 O_4$				30	1,0393	13,12	186
3,5%	1,0156	476	0,0142	(35)	1,0445	11,72	191
7,0	1,0326	734	0,0144	40	1,0496	10,13	196
				(45)	1,0550	8,49	194
				50	1,0600	6,93	194
				(55)	1,0630	5,52	200
				60	1,0655	4,28	206
				(65)	1,0678	3,17	209
				(70)	1,0685	2,20	210
				75	1,0693	1,37	210
				(80)	1,0690	0,76	0,0210
				99,7	1,0485	0,0004	



Eine Uebersicht über die Abhängigkeit des Leitungsvermögens vom Säuregehalt bietet beistehende Figur mit den Procentgehalten als Abscissen, den Leitungsvermögen als Ordinaten. Man findet ausser den Substanzen der obigen Tabelle noch die früher beobachtete Salpetersäure (l. c. S. 223) eingezeichnet. Die punctirten Curven für Weinsäure und Essigsäure haben 10fach vergrösserte Ordinaten.<sup>3)</sup>

Aus den angegebenen Resultaten verdient folgendes hervorgehoben zu werden.

Die Reihenfolge der Säuren nach der Güte des Leitungsvermögens bei 18°, jedesmal die günstigsten Lösungsverhältnisse vorausgesetzt, ist:



Der quantitative Unterschied ist sehr bedeutend, indem die Salpetersäure 480mal besser leitet als die Essigsäure.

Zieht man in den Vergleich nach dem angegebenen Gesichtspuncte noch die anderen bis jetzt beobachteten Flüssigkeiten, so schliessen sich die Chloralkalien an den Jodwasserstoff an, die Chloride der alkalischen Erden folgen auf die Phosphorsäure. Dann kommen Zinkvitriol und Kupfervitriol, welche, obwohl abermals erheblich schlechter leitend, doch noch weit über der Weinsäure stehen. Ich bemerke vorläufig, dass letzteres mit einer beträchtlichen Anzahl anderer Salze, die ich untersucht habe, ebenso der Fall ist.

Wenn ich endlich hinzufüge, dass Ätzkali und Ätznatron in mässiger Concentration fast so gut leiten wie

<sup>3)</sup> Die kurze unbezeichnete Curve bedeutet die Oxalsäure, aber mit 2 Moleculen Kristallwasser, welches in der Tabelle nicht mitgezählt worden ist.



gleich concentrirte Schwefelsäure, dass Ätzkali sowie Chlorammonium unter günstigen Verhältnissen fast  $\frac{3}{4}$  der bestleitenden Salpetersäure erreichen, so dürfte hieraus zu schliessen sein, dass nicht der saure Charakter an sich, wie man wohl annimmt, das Leitungsvermögen einer Flüssigkeit begünstigt. Ich möchte vielmehr einstweilen glauben, dass es die Wasserstoff-Verbindung ist, welcher die gute Leitung zukommt.

Als bemerkenswerthe Eigenschaften der einzelnen Körper sind folgende Thatsachen zu nennen.

1. Die Schwefelsäure. Die Beobachtungen bis zu 60% bestätigen im Wesentlichen das schon Bekannte. Bei 30,4% oder dem specifischen Gewicht 1,224 liegt ein Maximum  $k \cdot 10^8 = 6914$ .<sup>Ann.</sup> Zunächst nimmt dann die Leitungsfähigkeit ab; aber nun keineswegs fortwährend weiter, wie man bis jetzt annahm, sondern nachdem bei 84,3% (1,777 sp. G.) ein Minimum 913 erreicht ist, erfolgt ein abermaliges Anwachsen zu einem zweiten Maximum 1031 bei 92,1% (1,828 sp. G.) und dann eine rasch beschleunigte Abnahme.

Das zu 100% gefundene Leitungsvermögen 80 beträgt nur den 86. Theil des Hauptmaximums und ist etwa 12mal kleiner als bisher angegeben wurde. Der Grund des letzteren Umstandes dürfte darin liegen, dass man wahrscheinlich immer nur die käufliche Säure, die niemals wasserfrei ist, als concentrirte bezeichnete. Die obige dagegen wurde nach Zusatz von  $\text{SO}_3$  zu käuflicher Säure durch Umkristallisiren erhalten. Nach vorgenommener Analyse würden freilich auch hier noch einige Zehntel Procent an der vollkommenen Sättigung gefehlt haben, so dass die Zahl  $k \cdot 10^8 = 80$  nur eine Annäherung und zwar wohl eine obere Grenze darstellt.

Ann. Der früher mit Nippoldt gefundene Werth 7727 für 22° oder 7255 für 18° ist, wie ich bereits bemerkt habe (l. c. S. 7), um 4,7% zu gross. Die Lage des Maximums (1,233 sp. G.) stimmt nahe überein.

Die Tabelle bricht mit 100% ab, die Curve aber ist noch eine kurze Strecke fortgesetzt und zwar wieder ansteigend. Es soll diess bedeuten, dass das Leitungsvermögen der rauchenden Säure zunächst wieder zunimmt. Qualitativ habe ich mich hiervon sowohl durch Zusatz von  $\text{SO}_3$  zu  $\text{H}_2\text{SO}_4$  wie durch allmählichen Zusatz von Wasser zu rauchender Säure überzeugt. Da man weiss, dass geschmolzene  $\text{SO}_3$  nicht leitet, so darf man noch ein Maximum zum wenigsten zwischen  $\text{H}_2\text{SO}_4$  und  $\text{SO}_3$  annehmen.

Die Schwefelsäure hat also bei 18° mindestens drei Maxima des Leitungsvermögens (6914 bei 30,4% und 1031 bei 92,1%  $\text{H}_2\text{SO}_4$ ; das dritte für eine rauchende Säure) und zwei Minima (913 bei 84,3% und höchstens 80 bei 100%).

Ein ähnlich merkwürdiges Verhalten wie  $k$  selbst zeigen auch die Temperatur-Coefficienten  $\frac{\Delta k}{k}$  in der letzten Spalte der Tabelle. Anfangs langsam wachsend, erfahren sie von etwa 70% an eine rasch beschleunigte Zunahme und erreichen ein Maximum beiläufig da, wo  $k$  selbst das erste Minimum hat. Sogar fernerhin scheint noch ein Minimum und ein Maximum zu folgen, wiederum den umgekehrten Puncten für  $k$  selbst ungefähr entsprechend. Nordhäuser Schwefelsäure zeigt nämlich einen erheblich kleineren Coefficienten als 0,04. Diese letztere für 100% gefundene Zahl unterliegt freilich einer gewissen Unsicherheit, weil es schwer hält, eine Aufnahme von Wasser während der Versuche mit völliger Sicherheit auszuschliessen.

Ich füge endlich hinzu, dass auch der hier nicht mitgetheilte Temperatur-Coefficient zweiter Ordnung in der Nähe von 84,3% und 100% besonders hohe Werthe erreicht.



2. Die Wasserstoffsäuren. An der Salzsäure ist vor Allem bemerkenswerth, dass sie die weitaus bestleitende bekannte Substanz ist, wenn man nach dem Leitungsvermögen bei einem bestimmten geringen Zusatz zum Wasser fragt. 2 Gewichtstheile  $\text{HCl}$  bewirken etwa dieselbe Leitung wie 3 Theile  $\text{HNO}_3$  oder 4 Theile  $\text{H}_2\text{SO}_4$ . Schon bei 18,3% (1,092 sp. G.) wird das Maximum 7174 erreicht.

Bromwasserstoff verfolgt, soweit er untersucht worden ist, nahezu die Curve der Schwefelsäure, Jodwasserstoff leitet abermals erheblich schlechter. Ueber den Zusammenhang dieser Thatsache mit dem Moleculargewicht werden wir nachher reden.

Bemerkenswerth ist in der Gruppe der Wasserstoffsäuren ferner die fast vollkommene Gleichheit der Temperatur-Coefficienten. Dieselbe verdient Beachtung um so mehr, als die gleiche wechselseitige Uebereinstimmung bereits bei den Chloriden der Alkalien und alkalischen Erden in verdünnter Lösung gefunden wurde (l. c. S. 229). Doch betrugen die Coefficienten dort etwa  $\frac{1}{418}$ , bei den Säuren belaufen sie sich nur auf  $\frac{1}{63}$ . Darin dass die Coefficienten mit wachsendem Gehalt zunächst ein wenig abnehmen, wie schon Grotrian bemerkte, schliesst sich die Salzsäure der Salpetersäure und den genannten Chloriden an.

3. Die Phosphorsäure besitzt bis etwa 35% hinauf ein mit dem Gehalt fast proportionales Leitungsvermögen. Bei 46,8% (1,307 sp. G.) wird später ein Maximum = 1962 (also etwa  $\frac{1}{4}$  der  $\text{HNO}_3$  max.) erreicht, und von da an steigt die Curve fast symmetrisch wieder ab. Der anfängliche Temperaturcoefficient  $\frac{1}{100}$  ist der kleinste bis jetzt an einem Elektrolyten beobachtete; dagegen gehört der der gesättigten Lösung von 87% zugehörige Coefficient

$\frac{1}{27}$  zu den allergrössten. Hierbei verdient Beachtung, dass die gesättigte Lösung eine grosse mechanische Zähigkeit besitzt.

4. An der Oxalsäure zeigt der kurze Verlauf bis zur Sättigung (7 %) bereits eine sehr starke Krümmung. Nach der unten anzugebenden Formel würde schon bei 10 % das Maximum eintreten.

5. Die Weinsäure zeichnet sich ebenfalls durch eine bedeutende anfängliche Krümmung der Curve aus. Da man das Gleiche an der Essigsäure bemerkt (vgl. die Tabelle), so ist man versucht, diese Erscheinung mit dem Kohlenstoffgehalt in Verbindung zu bringen. Das Maximum  $k \cdot 10^8 = 94,2$  liegt bei 22,4 % (1,107 sp. G.). Der Temperaturcoefficient steigt beschleunigt von  $\frac{1}{54}$  bis  $\frac{1}{38}$ .

6. Die Essigsäure. Bei diesem Körper, der zu den wenigen gehört, welche bei gewöhnlicher Temperatur in allen Mischungsverhältnissen mit Wasser flüssig sind, findet sich die merkwürdige Thatsache, dass ein Nichtleiter mit einem anderen Nichtleiter (Wasser) gemischt einen Leiter gibt. Das zu dem Eis-Essig von 99,7 % gehörige Leitungsvermögen  $k \cdot 10^8 = 0,0004$  (etwa ein 18-Milliontel der bestleitenden Schwefelsäure oder ein 16-Billiontel des Silbers) stellt diesen Körper zu den schlechtest leitenden Flüssigkeiten. Vom Wasser habe ich bemerkt, dass es höchstens das Leitungsvermögen  $k \cdot 10^8 = 0,0072$  besitzt. Man findet demnach, dass der bestleitende Essig (16,6 %  $C_2H_4O_2$ ; sp. G. = 1,022), welcher  $k \cdot 10^8 = 15,2$  zeigt, mindestens 2000 bez. 38000 mal besser leitet, als die Bestandtheile, aus denen er gemischt worden ist.

Die anfängliche starke Krümmung der Curve wurde bereits hervorgehoben. Dieselbe steigt vom reinen Wasser fast senkrecht an und lässt sich in ihrem ersten Theile beiläufig durch  $k = a \sqrt{p}$  darstellen, wenn  $p$  den Procentgehalt bedeutet. In einem merkwürdigen Gegensatz hierzu



steht das anfänglich langsame Ansteigen, wenn man zu concentrirter Essigsäure allmählich Wasser zusetzt.

Der Temperaturcoefficient steigt von  $\frac{1}{81}$  auf  $\frac{1}{48}$ ; er scheint von 65° an aufwärts ziemlich constant zu bleiben, doch ist er vom Eisessig selbst nicht bestimmt worden.

### III.

#### Formeln für das Leitungsvermögen verdünnter Lösungen.

Die vorigen Bemerkungen beschränken sich auf die durch Beobachtung gefundenen Thatsachen. Man begegnet danach auch bei den Säuren einer grossen Mannichfaltigkeit, nicht nur in der absoluten Grösse des Leitungsvermögens der verschiedenen gelösten Körper, sondern auch in der Form, nach welcher dasselbe durch den Grad der Concentration bedingt wird. Aus dem letzteren Grunde lässt sich ein allgemeiner quantitativer Vergleich der Substanzen nicht anstellen.

Um nun wenigstens die Anfangsstücke der Curven numerisch zu vergleichen, soll das Leitungsvermögen  $k$  noch als Function vom Säuregehalt  $p$  durch die Formel

$$k = x \cdot p - x' \cdot p^2$$

dargestellt werden, welche aus den niederen Concentrationen  $p = 0,05$  und  $p = 0,10$  (d. i. 5% und 10%) folgt. Für Oxalsäure wird  $p = 0,035$  und  $0,07$  genommen.  $x$  ist alsdann die Zahl, welche ich früher das specifische Leitungsvermögen der Substanz in verdünnter wässriger Lösung genannt habe (l. c. S. 235);  $x'$  enthält die anfängliche Krümmung der Curve oder die Abweichung des Leitungsvermögens von der Proportionalität mit dem Säuregehalt.

Wir beschränken uns auf diejenigen Substanzen, für welche obige Formel auch noch für  $p = 0,15$  genähert richtige Zahlen gibt. Weinsäure und Essigsäure werden

dadurch ausgeschlossen; Oxalsäure ist unter Vorbehalt zu nehmen. Für Jodwasserstoff liegt nur eine Beobachtung für  $p = 0,05$  vor, also kann hier nur eine lineare Gleichung  $k = xp$  berechnet werden.

Man erhält für

	$x$	$x'$
HCl	$k = 0,000887 \cdot p - 0,00297 \cdot p^2$	
HBr	$k = 0,000383 \cdot p - 0,00050 \cdot p^2$	
HJ	$k = 0,000250 \cdot p$	
HNO <sub>3</sub>	$k = 0,000534 \cdot p - 0,00101 \cdot p^2$ <sup>4)</sup>	
H <sub>2</sub> SO <sub>4</sub>	$k = 0,000415 \cdot p - 0,00048 \cdot p^2$	
H <sub>2</sub> C <sub>2</sub> O <sub>4</sub>	$k = 0,000167 \cdot p - 0,00089 \cdot p^2$	
H <sub>3</sub> PO <sub>4</sub>	$k = 0,000064 \cdot p - 0,00011 \cdot p^2$	

Werden die specifischen Leitungsvermögen  $x$ , anstatt wie bisher auf gleiche gelöste Gewichte der Säuren, nun auf chemisch äquivalente Mengen umgerechnet, d. h. auf solche Mengen, welche gleiche Mengen von Metall sättigen, so haben wir, durch  $A$  das Äquivalentgewicht bezeichnet,

	$A$	$Ax$
HCl	36,5	0,0323
HBr	81	0,0311
HJ	128	0,0319
HNO <sub>3</sub>	63	0,0336
$\frac{1}{2}(\text{H}_2\text{SO}_4)$	49	0,0203
$\frac{1}{2}(\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4)$	45	0,0075
$\frac{1}{3}(\text{H}_3\text{PO}_4)$	32,7	0,0021

$Ax$  ist das specifische Leitungsvermögen nach Äquivalenten.

<sup>4)</sup> Die HNO<sub>3</sub> s. Gött. Nachr. 1874 S. 416. Ich benutze die Gelegenheit, ein Versehen daselbst zu corrigiren, betreffend 2 Nullen, die in dem Coefficienten des quadratischen Gliedes hinter dem Komma zu streichen sind. Dasselbe ist Pogg. Ann. CLIV S. 236 unter 2 der Fall, während  $Ax$  daselbst eine Null zuviel enthält.

Für die Chloride der Alkalien und der alkalischen Erden wurde früher gefunden, dass die Grössen  $Ax$  bei allen von gleicher Ordnung sind (l. c. S. 236). Man sieht, dass diese Beziehung nicht etwa auf alle Säuren ausgedehnt werden kann. Die mehrbasischen leiten schlechter als die einbasischen und zwar theilweise erheblich viel schlechter.

Desto auffallender aber ist die grosse Übereinstimmung, welche  $Ax$  für die vier untersuchten einbasischen Säuren zeigt. Die Abweichung von dem Mittelwerth  $Ax = 0,0322$  beträgt höchstens 0,0014 oder 4,4 Procent.

#### IV.

#### Die Übereinstimmung der $HCl$ , $HJ$ , $HBr$ und $HNO_3$ in Lösungen von gleicher Anzahl der Molecüle.

Diese Uebereinstimmung ist hier nicht auf verdünnte Lösungen beschränkt, wie bei den genannten Salzen, sondern erstreckt sich so weit als die Untersuchung ausgedehnt worden ist. Um diess zu zeigen, habe ich die Gewichtprocente der genannten Säuren in Molecülzahlen der Volumeinheit verwandelt, diese Zahlen für  $HCl$  mit den zugehörigen Leitungsvermögen graphisch dargestellt und durch eine Curve verbunden und aus letzterer dann zu den untersuchten Lösungen der anderen Säuren die Leitungsvermögen der  $HCl$  entnommen. Man findet sie nachstehend mit den beobachteten Leitungsvermögen zusammengestellt. Selbstverständlich sind die Anzahlen  $n$  der Molecüle in der Volumeinheit nur relative.



n	k . 10 <sup>7</sup>	
	HCl.	beobachtet.
67	200	187
139	365	347
214	496	477
41	130	127
104	289	297
209	488	505
458	701	720
587	715	732
734	688	705
1044	585	591
1368	463	464

Für die Lage der Maxima von  $k$  findet man aus den früheren Daten die nahe zusammenfallenden Molecül-Anzahlen 548 für HCl und 559 für  $\text{HNO}_3$ . Es stimmen demnach die Curven beider Säuren nach Einführung der Anzahl der Molecüle fast vollkommen überein. Auch von HBr ist wohl ausser Zweifel, dass die bis 15% gefundene Congruenz seiner Curve mit HCl sich zunächst fortsetzt, so dass möglicherweise dem HBr (und dann wohl auch dem HJ) dieselbe ungefähre Gleichheit des Maximums zukäme, welche an  $\text{H}_2\text{SO}_4$ ,  $\text{HNO}_3$  und HCl so merkwürdig ist.

Die gefundene Übereinstimmung in dem Leitungsvermögen der einbasischen Säuren, welche entsteht, sobald man die Anzahl der gelösten Molecüle einführt, scheint noch eine weitere Bedeutung durch das Faraday'sche elektrolytische Gesetz zu erhalten. Denn denken wir uns wässrige Lösungen von HCl und  $\text{HNO}_3$  (oder innerhalb der beobachteten Grenzen auch HBr und HJ) mit gleicher Molecülzahl in gleichem Volumen. Diese Lösungen mögen



unter gleichen räumlichen Verhältnissen den gleichen elektromotorischen Kräften ausgesetzt sein, so sind nach Obigem in ihnen gleiche Ströme vorhanden, und nach dem Faraday'schen Gesetz haben also die Ionen eine gleiche relative Geschwindigkeit.

Wir folgen dabei der gebräuchlichen und wahrscheinlichen Annahme, dass nur die gelösten Stoffe zersetzt werden, nicht etwa das Wasser selbst.

Überlegt man nun endlich noch, dass das Wandern der Bestandtheile durch die Kräfte verursacht wird, welche auf die mit den Bestandtheilen wandernden Elektricitäten ausgeübt werden, und dass nach unseren Annahmen diese Scheidungskräfte gleich sind, so entsteht der interessante Satz, (der vorläufig für  $\text{HBr}$  und  $\text{HJ}$  auf die untersuchten Grenzen beschränkt wird), dass in Lösungen von gleicher Molecülzahl  $\text{HCl}$ ,  $\text{HBr}$ ,  $\text{HJ}$  oder  $\text{H}(\text{NO}_3)$  die Bestandtheile durch gleich grosse Scheidungskräfte mit nahezu gleicher wechselseitiger Geschwindigkeit an einander vorbei bewegt werden.

Wir wollen, mit allem Vorbehalt freilich, den ein so wenig erforschtes Gebiet verlangt, noch versuchen, eine mögliche mechanische Ursache für die gefundene Übereinstimmung aufzudecken.  $\text{HCl}$ ,  $\text{HBr}$  und  $\text{HJ}$  gehören zu den Substanzen, für welche Hittorf das Verhältniss der von den beiden elektrolytisch wandernden Bestandtheilen zurückgelegten Strecken ermittelt hat.<sup>6)</sup> Danach überwiegt hier die Geschwindigkeit des Wasserstoffs bedeutend diejenige des negativen Bestandtheils.

Da die übrigen von Hittorf untersuchten Säuren dasselbe zeigen, so scheint es erlaubt anzunehmen, dass auch von  $\text{H}(\text{NO}_3)$  der Wassertoff den überwiegenden Theil des Weges zurücklegt.

<sup>6)</sup> Pogg. Ann. CVI. 394 u. 398.

Sonach wird wahrscheinlich die gefundene Gleichheit des Leitungsvermögens darauf zurückzuführen sein, dass es bei allen vier Körpern wesentlich derselbe Bestandtheil ist, dessen Fortschiebung mit dem elektrischen Strome den Widerstand bedingt.

Es liegt hier noch eine weitere Vermuthung nahe. Während der Wasserstoff der Säuren so bedeutend rascher wandert als der negative Bestandtheil, so ist es nach Hittorf ganz anders in den Salzen, deren Metalle meistens die kleinere Hälfte des Weges zurücklegen. Man wird hierdurch zu dem Schlusse geführt, dass überhaupt die Bewegung des Wasserstoffes einen geringeren Widerstand findet als diejenige der Metalle, vielleicht wegen seiner geringeren Masse; und hierin könnte der Grund liegen, dass die Säuren im Allgemeinen besser leiten als die Salze. (Für Essigsäure trifft diess freilich nicht zu.)

Es spricht zu Gunsten einer solchen Auffassung noch ein Umstand, welcher sich auf die Lösungen äquivalenter Mengen von den früher untersuchten Chloriden bezieht. Vergleicht man die hierüber gefundenen Zahlen  $Ax$  (l. c. S. 236) mit den Überführungszahlen von Hittorf, so entspricht das grössere Leitungsvermögen der grösseren Überführung des Metalles, d. h. nach obiger Auffassung einem besseren elektrolytischen Leitungsvermögen des letzteren Bestandtheils.

## V.

### Die Minima des Leitungsvermögens der Schwefelsäure und die Essigsäure.

Ich glaube endlich noch einige Bemerkungen anfügen zu dürfen, welche sich mir nach der unerwarteten Auf-  
findung des Minimums im Leitungsvermögen der Schwefelsäure aufdrängten und die eine gewisse Rechtfertigung bereits gefunden haben, weil sie mich das zweite Minimum



der Schwefelsäure und das sehr geringe Leitungsvermögen des Eisessigs zum Voraus vermuthen liessen.

Die Beobachtung hat das erste Minimum der Schwefelsäure für 84,3%  $\text{H}_2\text{SO}_4$  ergeben. Dieser Punkt liegt dem Mischungsverhältniss 84,48%, zu welchem das zweite Hydrat der Schwefelsäure  $\text{H}_2\text{SO}_4 + \text{H}_2\text{O}$  gehört, so nahe, dass der kleine Unterschied auf einen Beobachtungsfehler zurückgeführt werden kann. Wir sehen also, dass dasjenige Verhältniss von Wasser und Schwefelsäure, in welchem beide eine chemische Verbindung darstellen (wenn dieselbe auch nicht sehr fest sein mag), für das elektrische Leitungsvermögen ungünstig ist.

Ferner hat sich gezeigt, dass das sehr geringe Leitungsvermögen der gesättigten  $\text{H}_2\text{SO}_4$  verbessert wird sowohl durch Zusatz von Wasser wie von Schwefelsäure-Anhydrit.

Als ein absolut, sowie relativ zu seiner wässrigen Lösung noch weit schlechter leitender Körper hat sich die concentrirte Essigsäure erwiesen.

Weitere Elektrolyte, die man in wässriger Lösung bis zur vollständigen Concentration verfolgt hätte oder unter gewöhnlichen Umständen soweit verfolgen könnte, sind mir nicht bekannt. Aber wir wissen, dass alle Salze und Säuren, die man wenigstens bis zu bedeutender Concentration untersuchen konnte, ein Maximum des Leitungsvermögens für ein bestimmtes Mischungsverhältniss mit Wasser besitzen, von wo ab eine weitere Concentration die Leitung verschlechtert.<sup>6)</sup>

Endlich besteht die auffallende Thatsache, dass nicht eine einzige chemisch feste Verbindung vorliegt,

---

<sup>6)</sup> Ausser den schon bekannten Körpern haben Maxima z. B.  $\text{KHO}$ ,  $\text{NaHO}$ ,  $\text{NH}_3$ ,  $\text{K}_2\text{CO}_3$ ,  $\text{K}\bar{\text{A}}$ ,  $\text{MgSO}_4$ .

welche in gewöhnlicher Temperatur für sich ein gut leitender Elektrolyt wäre. Schweflige Säure, Kohlensäure, Schwefelkohlenstoff, Chlorschwefel, Chlorzinn,<sup>7)</sup> mögen als einige Beispiele einfach zusammengesetzter nicht leitender Flüssigkeiten dienen. An Alcohole und Äther, fette und ätherische Öle brauchen wir kaum zu erinnern. Wie schlecht zum Mindesten das reine Wasser leitet, habe ich gezeigt. Der Gang der Curven für wässrige Lösungen der Salz- und Salpetersäure (vgl. die Figur S. 291) scheint durchaus darauf hinzudeuten, dass die Verbindungen  $\text{HCl}$  und  $\text{HNO}_3$  selbst höchstens ein sehr geringes Leitungsvermögen besitzen, ja vielleicht Nichtleiter sind. Den beobachteten Rest des Leitungsvermögens der  $\text{H}_2\text{SO}_4$  betreffend ist noch zu beachten, dass diese Verbindung schon bei gewöhnlicher Temperatur merklich dissociirt ist, wie Pfaundler gefunden hat.<sup>8)</sup> Das Nämliche gilt ohne Zweifel von den Salzen in der Schmelztemperatur.

Mir scheint, dass die genannte Reihe von Thatsachen eine aufmerksame Beachtung verdient. Man wird durch sie unwillkürlich zu der Meinung gedrängt, dass es vor Allem die Mischung verschiedener Körper sei, welche sie elektrolytisch leitend macht; wenigstens wenn sie einzeln feste chemische Verbindungen darstellen. Das Auftreten der Maxima für ein bestimmtes Mischungsverhältniss, (deren gewöhnliche Erklärung aus der Zähigkeit concentrirter Lösungen für Körper wie Salzsäure, Salpetersäure, Essigsäure, Ammoniak gar nicht in Frage kommen dürfte) würde eine selbstverständliche Folgerung dieser Annahme sein.

<sup>7)</sup> Von  $\text{SnCl}_2$  habe ich mich überzeugt, dass  $k \cdot 10^4 < 0,02$  ist.

<sup>8)</sup> Pfaundler. Wiener Sitz.-Ber. 1875 Jan. 14.



Mag auch die bisherige Theorie der Elektrolyse mit einer solchen Auffassung des Leitungsvermögens nicht ganz übereinstimmen, mag gegen die letztere selbst noch manches Bedenken bestehen, auf ihre Möglichkeit hinzuweisen erscheint um so mehr angezeigt, als doch auch die gebräuchlichen Anschauungen manchen Einwänden ausgesetzt sind.

Würzburg, October 1875.

---

Sitzung vom 4. December 1875.

---

Mathematisch-physikalische Classe.

---

Herr Baeyer berichtet über die in seinem Laboratorium von Dr. Emil Fischer ausgeführte Untersuchung:

Ueber die Hydrazinverbindungen der Fettreihe.

Die Synthese organischer Verbindungen durch Verkettung von Stickstoffatomen ist im Vergleich zu den zahlreichen Methoden der Kohlenstoffverkettung trotz des hohen Interesses, welches ein Studium in dieser Richtung für die Kenntniss der complicirteren, stickstoffhaltigen Substanzen des Pflanzen- und Thierkörpers bietet, bisher wenig ausgebildet.

Von synthetisch erhaltenen Verbindungen, in welchen mit Sicherheit die Bindung mehrerer Stickstoffatome unter einander constatirt ist, waren bekannt nur die Azo- und Hydrazokörper, die Diazoverbindungen der aromatischen Reihe und die Nitrosoderivate der secundären Amine.

Alle diese Substanzen zeichnen sich entweder durch geringe Reactionsfähigkeit oder durch grosse Unbeständigkeit aus, und nur in einzelnen Fällen gelang es, gerade die Stickstoffgruppe ohne Zerfall des Moleküls in Reaction zu ziehen und weiter zu verändern.

Von besonderem Interesse für die Theorie der Stickstoffverbindungen war desshalb die Kenntniss der den organischen Aminen entsprechenden Basen, welche zwei Stickstoffatome untereinander verbunden enthalten und als Derivate der noch unbekannten Verbindung  $\text{NH}_2\text{—NH}_2$  betrachtet werden können.

Durch Reduction der Diazokörper ist es mir nun vor einiger Zeit gelungen, zunächst in der aromatischen Reihe zu dieser Klasse von Basen zu gelangen, deren Repräsentant, die aus Diazobenzol erhaltene und als „Phenylhydrazin“<sup>1)</sup> bezeichnete Verbindung die Formel  $\text{C}_6\text{H}_5\text{—NH—NH}_2$  hat.

Das Studium dieser Basen, deren Beständigkeit und Reactionsfähigkeit theilweise überraschend ist, führte zu Versuchen, die analogen Verbindungen der Fettreihe, deren Existenzfähigkeit kaum zu bezweifeln war, zu gewinnen.

Die in der aromatischen Gruppe zum Ziel führende Methode blieb hier allerdings ausgeschlossen, da die Diazoverbindungen der Fettreihe entweder überhaupt nicht existiren oder doch wenigstens ihrer Unbeständigkeit halber bisher nicht erhalten werden konnten; dagegen war die Möglichkeit vorhanden, von den oben erwähnten Nitrosoabkömmlingen der Amine durch geeignete Reduction zu den zweifach substituirten Hydrazinen zu gelangen.

Bekannt von diesen Nitrosoverbindungen sind in der Fettgruppe das Nitrosobiaethylin<sup>2)</sup>, die Nitrosodiglycolamid-säure<sup>3)</sup> und das Nitrosopiperidin<sup>4)</sup>; in der aromatischen

1) Berichte d. deutschen chem. Gesell. in Berlin VIII 589. 100.

2) Geuther u. Kreutzhage, Liebigs Annalen 128. 151.

3) W. Heintz, *ibid.* 193. 300.

4) Th. Werthheim, *ibid.* 127. 75.

Reihe wurden analoge Körper beim Dibenzylamin <sup>5)</sup>, Aethyl-anilin <sup>6)</sup> und Diphenylamin <sup>7)</sup> erhalten.

Reductionsversuche liegen nur bei den vier letztgenannten vor, durch welche nach den übereinstimmenden Angaben der Autoren in allen Fällen unter Eliminirung der NO-Gruppe die Rückbildung der secundären Aminbase constatirt wurde. Von der Ansicht ausgehend, durch Aenderung der Bedingungen, namentlich durch Anwendung neuer Reductionsmittel, die Sprengung der Stickstoffkette verhindern und den angedeuteten Verlauf der Reaction herbeiführen zu können, habe ich obige Versuche zunächst bei den Nitrosoderivaten des Dimethylamins und Diaethylamins wieder aufgenommen und bin dabei zu dem Resultate gelangt, dass im Gegensatz zu den früheren Angaben hier die beabsichtigte Reduction in der That theilweise wenigstens unter allen Umständen gelingt und zur Bildung einer Hydrazinverbindung führt.

In grösserem Massstabe wurde die Operation zunächst mit dem leichter zugänglichen Dimethylamin ausgeführt; die Darstellung der Nitrosoverbindung bietet bei einer kleinen Modification der von Geuther und Kreutzhage für das Diaethylamin angegebenen Methode keine Schwierigkeiten. Reines, nach Baeyer aus Nitrosodimethylanilin dargestelltes, salzsaures Dimethylamin wurde mit überschüssigem salpetrigsaurem Kali in sehr concentrirter, schwach angesäuerter, wässriger Lösung gelinde erwärmt; bei 60—70° tritt die Reaction ein und wird bei dieser Temperatur ohne Gasentwicklung zu Ende geführt; die Hauptmenge der gebildeten Nitrosoverbindung sammelt sich als gelbes Oel auf der wässrigen Schicht und kann abgehoben werden; den in Lösung befindlichen Rest gewinnt man durch Destillation

5) W. Rhode, *Liebigs Annalen.* 151, 366.

6) P. Griess, *Berichte d. deutschen chem. Gesell. in Berlin* VII. 218.

7) Witt,

*ibid.*

VIII. 855.



mit Wasserdämpfen und Abscheiden des Oeles aus dem Destillat durch Zusatz von festem, salpetrigsaurem Kali. Zur Darstellung der Hydrazinverbindung ist diese Isolirung unnöthig. Durch Trocknen mit Chlorealcium und Rectification erhält man das Nitrosodimethylamin  $(CH_3)_2N-NO$  als schwach gelb gefärbtes Oel von eigenthümlich stechendem Geruch. Die weitere Angabe der Eigenschaften muss einer späteren, ausführlichen Mittheilung vorbehalten werden.

Die Reduction der Verbindung zur Hydrazinbase gelingt bei Anwendung verschiedener reducirender Agentien, am leichtesten und vollständigsten durch Essigsäure und Zinkstaub in wässriger Lösung unter gelindem Erwärmen am Rückflusskühler, bis der intensive Geruch des Nitrosokörpers verschwunden ist.

Eine Probe der abfiltrirten und mit Kali versetzten Flüssigkeit reducirte beim Erwärmen Fehling'sche Lösung in bedeutender Menge, wodurch das Vorhandensein der gesuchten Hydrazinverbindung angezeigt war; zur Isolirung derselben wurde die alkalische Lösung destillirt und die übergehenden Dämpfe in verdünnter Salzsäure aufgefangen. Die ersten Fractionen enthielten geringe Mengen Ammoniak und Dimethylamin; die späteren waren frei davon; beim Verdampfen der sauren Lösung blieb ein Salz als schwach gelb gefärbter Syrup zurück, das nach mehrmaligem Abdampfen mit Alkohol in der Kälte zu einer langfaserigen Krystallmasse vom eigenthümlichen Geruch und Form des Acetamids erstarrte.

Zur Analyse war dasselbe wegen seiner Leichtlöslichkeit und geringem Krystallisationsvermögen ebenso wenig geeignet, wie die durch ähnliche Eigenschaften ausgezeichneten, meisten übrigen Salze der Base. Die Formel der letzteren konnte jedoch durch Analyse des ziemlich beständigen Platindoppelsalzes festgestellt werden; von constanter Zusammensetzung erhält man dieses nur durch Fällen der mit über-

schüssigen  $\text{Pt Cl}_4$  versetzten, wässerigen Lösung des Hydrochlorats mit Alkohol als hellgelben, krystallinischen Niederschlag.

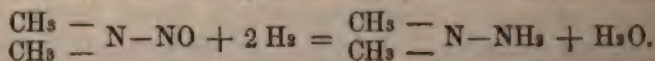
Die Analyse der im vacuum getrockneten Substanz ergab die der Formel  $[(\text{CH}_3)_2\text{—N—NH}_2 \cdot \text{HCl}]_2 + \text{Pt Cl}_4$  entsprechenden Werthe.

	Gefunden:	Berechnet:
Pt	36,83	37,09
N	10,71	10,52
C	10,27	9,01
H	3,17	3,38
Cl	40,4	40,00

Die Kohlenstoffbestimmung fiel ungenau aus, wahrscheinlich in Folge des hohen Chlorgehalts und der raschen Zersetzung der Substanz bei der Verbrennung; eine 2. Analyse konnte aus Mangel an Material noch nicht ausgeführt werden.

Das Platindoppelsalz ist durch sein Verhalten in alkalischer Lösung, wo in der Wärme unter Gasentwicklung Reduction des  $\text{Pt Cl}_4$  eintritt, noch als Hydrazinverbindung characterisirt; in Wasser ist es leicht löslich, wenig in Alkohol, unlöslich in Aether; beim Erwärmen schmilzt es schon unter  $100^\circ$  unter theilweiser Zersetzung zu einer röthlichen Masse.

Ueber die Constitution der freien Base, welche nach Bildungsweise und Analyse als Dimethylhydrazin bezeichnet werden muss, kann kein Zweifel herrschen. Ihre Bildung aus dem Nitrosodimethylamin erfolgt nach dem Schema:



Physikalische Eigenschaften und chemisches Verhalten, soweit dasselbe bis jetzt constatirt werden konnte, sprechen für diese Anschauung; die freie Base bildet ein leicht flüchtiges Liquidum von intensiv ammoniakalischem Geruch,



leicht löslich in Wasser, Alkohol und Aether; das Hydrochlorat ist unzersetzt flüchtig; gegen Fehling'sche Lösung zeigt sie die charakteristische Reaction der aromatischen Hydrazine und unterscheidet sich von diesen hauptsächlich nur durch grössere Beständigkeit gegen Alkalien und oxidirende Agentien. In der Aethylreihe wurden dieselben Erscheinungen beobachtet; Reduction der Nitrosoverbindung, Isolirung des gebildeten Diaethylhydrazins durch Destillation mit Wasserdämpfen, und Zersetzung des salzsauren Salzes durch festes Aetzkali gelingt leicht; die Base bildet eine farblose Flüssigkeit von ähnlichen Eigenschaften und Reactionen, wie die Methylverbindung. In der aromatischen Reihe scheint diese Reduction der NO- zur  $\text{NH}_2$ -gruppe weniger glatt zu verlaufen; nach vorläufigen Versuchen beim Nitrosoaethylanilin wenigstens erhält man durch die verschiedensten Reductionsmittel, durch Zinn und Salzsäure, Zinkstaub und Essigsäure in alkoholischer Lösung, Eisessig und Magnesium etc. immer nur eine Base, welche gegen alkalische Kupferlösung indifferent ist und den äussern Eigenschaften nach regenerirtes Aethylanilin zu sein scheint; es würde damit die bezügliche Angabe von Griess bestätigt werden; zur definitiven Entscheidung dieser Frage ist jedoch eine weitere Untersuchung des Productes nothwendig und bereits in Angriff genommen, zumal die aus Phenylhydrazin durch Einwirkung von Jodaethyl entstehenden, höher aethylirten Verbindungen ebenfalls nicht mehr reducirend auf Fehling'sche Lösung wirken und von den Aethylanilinen schwer zu unterscheiden sind.

Durch obige Synthese der fetten Hydrazine, welche im Allgemeinen den Character einer einfachen und glatten Reaction trägt, ist einerseits der Nachweis geliefert, dass die an Stickstoff gelagerte NO-Gruppe derselben Reduction, wie die an Kohlenstoff gebundene, fähig ist, womit ein bisher als typisch aufgestellter Unterschied beider Körperklassen

wegfällt; andererseits ist dadurch die Aussicht eröffnet, durch fortgesetzte Einführung von Alkoholradicalen in die Hydrazinbasen, Behandeln der entstehenden Imide mit salpetriger Säure, weitere Reduction u. s. f. den Aufbau längerer Stickstoffketten zu erreichen.

Von besonderem Interesse endlich sind diese Reactionen, worauf ich hier noch kurz hindeuten möchte, für das Studium und Verständniss derjenigen chemischen Vorgänge, welche im pflanzlichen Organismus den Aufbau der complicirtesten Stickstoffverbindungen aus den einfachen in Atmosphäre und Bodenflüssigkeit gebotenen Stoffen zur Folge haben.

Die wichtige Rolle, welche die salpetrige Säure bei diesen Processen spielt, ist nach zahlreichen Beobachtungen der Physiologen unzweifelhaft geworden. Das Vorhandensein freier secundärer Amine ist nicht allein für manche Pflanzen und Pflanzentheile direct nachgewiesen, es lässt auch das Auftreten dieser Basen bei der Zersetzung vieler stickstoffhaltigen Producte des Thier- und Pflanzenkörpers durch Fäulniss, trockne Destillation u. s. w. darauf schliessen, dass sie einen wesentlich integrirenden Theil derselben bilden. Das Zusammentreffen dieser Amine mit salpetriger Säure gibt Gelegenheit zur Bildung von Nitrosoverbindungen, die ihrerseits unter Bedingungen, welche von den im Organismus gegebenen nicht so sehr verschieden sind, zu stickstoffreicheren Basen führen; die grosse Reactionsfähigkeit der letzteren, die zahlreichen Umwandlungen, welche sie, soweit ihre Kenntniss bis jetzt reicht, unter dem Einfluss der verschiedensten Agentien erleiden, würde sie endlich besonders geeignet machen, im Organismus die Uebergangsstufe zu höheren Stickstoffverbindungen zu bilden.

So wenig auch diese Anschauung bei der lückenhaften Kenntniss dieses Theiles der Pflanzenphysiologie durch experimentelle Anhaltspunkte gestützt ist, so wird derselben doch einstweilen eine gewisse Berechtigung nicht abgesprochen werden können.



Herr C. W. Gumbel hält einen Vortrag:

„Ueber die Beschaffenheit des Steinmeteoriten vom Fall am 12. Februar 1875 in der Grafschaft Iowa N.-A.“

Am 12. Februar dieses Jahres ereignete sich in der Grafschaft Iowa in Nordamerika nach den Angaben von J. Lawr. Smith<sup>1)</sup> Abends um 10 $\frac{1}{2}$  Uhr bei leicht bewölktem Himmel unter starkem Knall<sup>2)</sup> der Fall eines weithin sichtbaren Meteors, welcher eine grosse Anzahl von Steine lieferte. Smith berichtet, dass bis dahin ungefähr 150 Kilogramm Steine gesammelt wurden, von denen 25 Kilogramm Prof. Hinrichs zukamen. Seiner Güte verdankt die Akademie ein ungefähr 1500 Gramm schweres prächtiges Stück, welches die Veranlassung zu der nachfolgenden näheren Beschreibung der Beschaffenheit dieses höchst merkwürdigen Meteorsteins gab.

Der Meteorit von Iowa gehört zu der Klasse jener am häufigsten vorkommenden Steine, welche man als Chondrite zu bezeichnen pflegt, oder nach Daubrée in die Abtheilung der Sporadosiderite und in die Gruppe der Oligosiderite, einreicht wie bereits Prof. Hinrichs<sup>3)</sup> in dem Begleitbriefe

1) Comptes rendus d. seanco de l'Academie d. sc. à Paris. T. LXXX. Nr. 23. 1875. p. 1451.

2) The Americ. Journ. ob. sc. a. arts. f. Dana a. Silliman. Mai 1875. Vol. IX. Nr. 53. p. 407.

3) Comptes rendus d. s. de l'Acad. d. sc. 1875. p. 1175.

zu einem der Pariser Akademie überschickten Stück dieses Meteorsteins ganz richtig bemerkt hatte und Daubrée selbst bestätigte.

Der ziemlich scharfkantige, spitzwinkelige, unregelmässig tetraëderische Stein ist mit einer schwarzen Schmelzrinde rings bedeckt, und im Innern licht graulich weiss, mit zahlreichen kleinen schwarzen Knöllchen und Körnchen von Meteor- und Schwefeleisen, und zerstreut vorkommenden kleinen Rostflecken versehen. Der Stein ist ziemlich hart und lässt sich nicht mit der Hand zerreiben. Er gleicht dem allgemeinen Character nach sehr dem Steinmeteoriten von Pultusk, indem er wie dieser, abgesehen von Meteor- und Schwefeleisen, aus einer weisslichen und gelblichen Hauptmasse besteht, in welcher einzelne glasglänzende Olivinkörnchen und theils dunklere, theils hellere, zuweilen opake Kügelchen (Sphaerochondren) sich abheben. Daubrée<sup>4)</sup> vergleicht ihn mit den Steinmeteoriten von Vouillé (13. Mai 1831) und von Aumale in Algier (25. August 1865). Es wird durch diesen Fall die bereits über alle andern Arten von Meteorsteinen weit überwiegende Zahl der Chondrite wiederum um eine vergrössert und der Eindruck des einheitlichen Ursprungs aller dieser Fragmente von einem einst zusammengehörigen Ganzen, den auch neulich Meunier<sup>5)</sup> so stark betont, wesentlich verstärkt.

Die äussere, ziemlich scharfkantige und eckige Form der Steine dieses Falls, welche durch die dünne, oberflächliche Schmelzrinde nur wenig verwischt wird, deutet unzweifelhaft auf Bruchstücke einer zersplitterten grösseren Steinmasse hin, welche durch Zertrümmerung einer bereits

4) Comptes rendus d. s. de l'Acad. d. sc. 1875. 1175.

5) Cours de géologie comparée. Vergleiche auch: Tschermak, Bildung der Meteoriten, Sitz. d. Ac. d. Wiss. in Wien. Bd. LXXI, 2. Abth. 1875.

vollständig fertigen festen Substanz entstanden sind. Dass diese Zerstückelung z. Th. während des Falls durch die Atmosphäre der Erde erfolgte, wird durch die Beobachtung Smith's<sup>6)</sup> angedeutet, welcher angiebt, dass mehrere der gefallenen Steine wie frisch gebrochen aussahen und dass sich auf diesen Bruchflächen eine erst beginnende Schmelzung zeigt. Im Uebrigen aber bemerkt man keine Abrundung, keine fladenförmige Ausbreitung oder strickartig gewundene, streifige Ausbildung, wie sie ein weicher, formbarer Körper bei einer Bewegung auf kosmischen Bahnen erhalten, oder aber bei vulkanenartigen Eruptionen im Fluge annehmen müsste, ähnlich den Rapilli und vulkanischen Bomben. Auch weist die innere trümmerigkörnige Beschaffenheit ohne Spur von glas- oder lavaartigen Theilchen, welche mit einer feuerflüssigen Schmelzung der Masse direct nicht in Uebereinstimmung gebracht werden kann, jeden Gedanken an ein Eruptionsprodukt im Styl unserer Vulkane entschieden zurück. Aeusserer Form und innere Beschaffenheit dieser Art Meteorite sprechen demnach von petrographischem Standpunkte nicht zu Gunsten der Annahme, dass diese Meteorsteine als Erzeugnisse von gewaltigen vulkanenartigen Eruptionen etwa vom Monde ausgeworfen seien. Ebenso unwahrscheinlich ist ihre Abstammung aus dem Schwarme der Sternschnuppen schon desshalb, weil die Zeit der Meteoritenfälle, so weit die Beobachtungen reichen, nicht mit der Zeit zusammentrifft, in welche das Maximum des Erscheinens der Sternschnuppen fällt. Auch wäre bei dieser Annahme die so auffallende Gleichartigkeit in der Zusammensetzung der Steinmeteoriten kaum zu erklären. Es gewinnt daher die Ansicht sehr an Wahrscheinlichkeit, dass wir es mit Bruchstücken von Himmelskörpern zu thun haben, welche durch eine Zertrümmerung, sei es in Folge von Zusammenstoss oder durch

6) A. a. O. p. 1453.



eine Art Zerstäubung aus inneren Ursachen entstanden sind, wobei die Schleuderkraft das Uebergewicht über die ursprüngliche Attraktionskraft erlangte und die Trümmer in die Anziehungsnähe der Erde gelangt, auf diese fallen mussten. Ob sie Theile eines Asteroidenkörpers, oder, wie Meunier will, eines zweiten Erdtrabanten sind, bleibt astronomischen Erörterungen, die hier ferne liegen, zu entscheiden vorbehalten.

### Rinde.

Der vorliegende Steinmeteorit von Jowa ist äusserlich, abgesehen von einer kleinen künstlichen Bruchstelle, allseitig mit einer schwarzen, mattschimmernden, schwachrunzeligen Rinde von durchschnittlich 0,05 m Dicke überzogen. Dieser glasartige Ueberzug ist einfach rissig, zerklüftet und lässt sich ziemlich leicht von der Hauptmasse ablösen, wobei jedoch Theile des letzteren daran haften bleiben. Im Innern des Steines bemerkt man an dem vorliegenden Stein keine der Rinde ähnliche Adern oder glatte Flächen, welche z. B. die Steine von Pultusk so häufig durchziehen.

Diese Rinde besteht nach näherer Untersuchung aus einer schwer durchsichtigen, glasartigen Masse, welche das Licht einfach bricht und stellenweise zahlreiche Bläschen und Poren umschliesst, doch nicht in so ausgezeichneter Weise, wie ich diess an der Rindensubstanz des Steins von Pultusk beobachtet habe. Die Rinde ist über die Oberfläche des Steins nicht ganz in gleicher Weise ausgebreitet; an einzelnen Stellen erkennt man die bei gelindem Reiben mit metallischem Glanz hervortretenden Meteoreisentheilchen, an andern ist sie äusserst dünn und etwas heller gefärbt, oder aber auch dicker und zugleich meist auch stärker glänzend. Wie Dünnschliffe zeigen, entsprechen die dünn-



rindigen Stellen dem Hineinragen von Olivinkörnchen in die Rindenregion, während da, wo Schwefeleisen hier vorkommt, eine dickere Schmelzrinde entstanden ist.

Es ist wegen der Tiefe der Färbung sehr schwierig, die Rinde in Dünnschliffen durchsichtig zu erhalten. Leichter gelingt diess durch Zerdrücken kleiner Splitterchen zwischen zwei Glasblättchen. Sie zeigt alsdann eine tief bouteillegrüne bis braunrothe Farbe und verhält sich im polarisirten Lichte wie eine amorphe Glasmasse. Diese Beschaffenheit bestätigt die Annahme, dass die Rinde durch eine oberflächliche Schmelzung beim Fliegen durch die Atmosphäre der Erde gebildet worden sei, also eine ächte Schmelzrinde darstellt. Zum Vergleiche wurden kleine Splitterchen aus dem Innern des Steins v. d. L. geschmolzen, was nur in ganz dünnen Stückchen an den feinen Spitzen gelingt. Die geschmolzene Masse zeigt ganz die Beschaffenheit der Schmelzrinde, dieselbe Farbe und dieselben Bläschen. Eigenthümlich verhält sich der Stein, wenn man ihn, ohne zu schmelzen, längere Zeit einer starken Rothgluth aussetzt. Er nimmt dabei eine dunkle, braunschwarze Farbe an und zeigt beim Durchschlagen einzelne Flecken, die wie geschmolzen aussehen. Es sind diess die Ränder um die Schwefelkiesputzen, welche in der That eine Schmelzung erlitten haben. Verfertigt man von solchen geglühten Stückchen Dünnschliffe, so sieht man in denselben, dass die grössere Masse, woraus der Stein besteht, durch das Glühen eine tiefbraune Farbe angenommen hat, welche, wie ich früher <sup>7)</sup> schon hervorgehoben habe, ein sehr gutes Kennzeichen für die Olivinbeimengung abgiebt. Die schwarzen Ränder um die Schwefelkiestheilchen sind fast undurchsichtig, tiefbraungefärbt und brechen das Licht gleichfalls einfach, genau wie die Schmelzrinde. Diese dunkle Farbe, welche der Stein

7) Die paläol. Eruptivgesteine des Fichtelgebirgs 1874. S. 39.

beim Erhitzen annimmt, die sich aber am natürlichen Stein selbst dicht unter der Schmelzrinde nicht vorfindet, beweist, dass die Schmelzhitze ihre Wirkung auf eine ausserordentlich dünne Lage der Oberfläche beschränkte, ohne tiefere Theile des Gesteins in höhere Hitzgrade zu versetzen. Dieser Erscheinung gegenüber ist die Durchaderung mancher Meteorsteine anderer Fundstellen von ganz dünnen schwarzen Streifen höchst bemerkenswerth. Bei dem Stein von Pultusk, von dem mir Material zur Verfügung stand, fand ich, dass diese Aederchen gleichfalls aus amorpher Glassubstanz bestehen. Aehnlich scheinen sich auch die schwarzen, fast undurchsichtigen Flecke zu verhalten, welche in manchen Meteorsteinen durch die ganze Masse zerstreut vorkommen und wahrscheinlich die Ränder um leichteren Schmelzfluss erzeugende Einmengungen z. B. Schwefelkies darstellen.

Ich glaube jedoch nicht, dass die oben erwähnten feinen Aederchen eine geschmolzene Masse ist, die von der Rinde aus ins Innere des Gesteins eingedrungen ist, sondern dass an solchen Stellen der Stein zersprungen oder rissig war, und dass sich auf diesen der Atmosphäre zugänglichen Rissen derselbe Schmelzprocess durch Reibung vollzog, wie auf der Oberfläche selbst.

### Gesteinsmasse.

Die ziemlich harte, zwischen den Fingern nicht zerreibliche Hauptmasse des Steins besteht aus einer Zusammenhäufung von Trümmertheilchen, die ohne jede Zwischensubstanz aneinander agglutinirt sind, da sich weder ein glasartiges, noch überhaupt ein ausgesprochenes Bindemittel zwischen den einzelnen Körnchen beobachten lässt. In grösster Anzahl finden sich in der Hauptmasse kleine Splitterchen von Mineralien mit völlig unregelmässigen Umrissen, wie sie durch Zertrümmerung von Krystallen oder krystallinischen



Massen entstehen. Nur höchst selten sieht man — im Dünnschliffe — solche Stückchen, welche von regelmässigen geraden Linien begrenzt, als Krystälchen oder regelmässige Spaltungskörperchen gelten können (*k* der lithogr. Tafel). Dazu gesellen sich unregelmässige eckige Körnchen, die an ihrem Glasglanz und an ihrer Farbe ziemlich sicher als Olivin zu bestimmen sind (*o*), weissliche Putzen einer opaken Substanz, kleine Körnchen von bleigrauem metallglänzendem Meteoreisen (*f*), tombackgelbe vielfach durchbrochene Häufchen von Schwefeleisen (*s*), deren feine Körnchen selten geschlossene Massen ausmachen und endlich jene kleinen abgerundeten bald dunkel-, bald hellfarbigen Kügelchen (Sphärochondren *c*), welche dem Stein den Charakter der Chondrite Rose's aufdrücken. Zerstreut oder zu kleinen Gruppen vereinigt stellen sich weiter noch äusserst feine schwarze, nicht metallischglänzende Staubeilchen (*ch*) ein, die entweder Chromeisen oder einer kohligen Substanz angehören, da sie jeder Einwirkung von Säuren Widerstand leisten.

Das Bild auf der beigegebenen lithographirten Tafel zeigt die Art der Vertheilung dieser Gemengtheile in einem Dünnschliffe in 25maliger Vergrösserung.

Erklärung der Randbezeichnungen der Lithographie

*o* Olivin,

*a* Augitische Theile,

*f* Meteoreisen,

*s* Schwefeleisen,

*ch* Chromeisen,

*k* Theile mit krystallartigem Umriss,

*io* Olivinkörnchen im Meteoreisen,

*g* röthliche granatähnliche Einschlüsse,

*c* Sphärochondren und zwar:

*cc* mit concentrischer Structur,

*sc* mit fasriger Structur,  
*fc* mit strahliger „  
*kc* mit körniger „  
*oc* aus Olivin bestehend,  
*dc* opake feinkörnige Kügelchen.

Eine der merkwürdigsten Erscheinungen bei fast sämtlichen Gemengtheilen, die metallischen abgerechnet, zeigt sich darin, dass die einzelnen Stückchen von einer erstaunlichen Menge feiner und feinsten Risse durchzogen sind. Bei manchen Gemengtheilen zeigt sich in der Richtung dieser endlosen Zerklüftung eine gewisse Regelmässigkeit durch einen parallelen Verlauf der Risse, welche vermuthlich im Zusammenhang mit der Spaltungsrichtung der betreffenden Mineralien steht. Aber gleichzeitig treten neben diesen mehr regelmässig verlaufenden andere Risse hervor, die jene rechtwinklig oder schief durchkreuzen und ein wahres Netzwerk von Rissen erzeugen, so dass selbst sonst helle Mineraltheilchen dadurch getrübt erscheinen. Sie müssen als ein Zeichen erlittener Zertrümmerung durch Stoss, Druck oder raschen Temperaturwechsel angesehen werden.

Durch diese rissige Beschaffenheit der meisten Gemengtheile wird die weitere innere Natur vielfach verdeckt, so dass man nur selten in einzelnen grösseren Theilchen die, wie es scheint, häufig vorkommenden Bläschen — aber so weit meine Beobachtungen reichen — ohne Flüssigkeitseinschlüsse, erkennen kann. Auch äusserst feine, staubartige Einnengungen zeigen sich häufig in den sonst hellen Mineraltheilchen, obwohl eigentliche Mikrolithe zu fehlen scheinen.

Was die mineralogische Natur der einzelnen Gemengtheile anbelangt, so dürfte eine grosse Anzahl derselben nicht einfachen Mineralien angehören, sondern Gesteinsplitter, die aus mehreren Mineralien zusammengesetzt sind,



oder eine mehr oder weniger regelmässige Verwachsung verschiedener Mineralien darstellen.

Olivin nimmt unter den einfachen Mineraltheilchen zweifelsohne die erste Stelle ein. Nicht blos das äussere Ansehen, die Farbe, der eigenthümliche Glanz weisen viele der grösseren Körnchen und Krystallsplitterchen dem Olivin zu, sondern diese Bestimmung findet ihre Bestätigung auch in der Zersetzbarkeit dieser Theilchen durch Salzsäure, in dem Braunwerden beim Glühen, und in dem bunten Farbenspiel bei Anwendung des polarisirten Lichtes in Dünnschliffen. Die meisten feinkörnig zerklüfteten Theile in der Abbildung gehören dem Olivin (*o*) an, ebenso viele der krystallartig regelmässig umgrenzten Stückchen und selbst von den kugeligen Ausscheidungen wurden mehrere sicher als Olivin erkannt. Aber auch in der staubartig feinen Zwischenmasse, welche die einzelnen grösseren Fragmente zu verbinden scheint, machen sich Olivintheilchen bemerkbar, wie das Braunwerden derselben beim Glühen erkennen lässt. Am eigenthümlichsten ist die Olivinsubstanz in manchen felderartig gestreiften Kügelchen (*sc* der Abbildung) mit einer weissen, federartig streifigen Substanz, wie solche für sich in den strahlig fasrigen Kügelchen vorkommt, in lamellarer Verwachsung nach Art des Schriftgranits verbunden. Die schmalen, abgesetzt verlaufenden Olivinlamellen treten sehr deutlich nach dem Glühen durch ihre dunkelbraune Färbung hervor. Dass sie einer Olivinsubstanz angehören, ergiebt sich bei Behandeln mit Salzsäure, wobei sie zersetzt werden, während die meisten Zwischenlamellen unverändert stehen bleiben.

Feldspathige Bestandtheile vermochte ich mit Sicherheit nicht nachzuweisen, obwohl einzelne wasserhelle Nadelchen i. p. L. die eigenthümlichen fahlgelben und blauen Farben zeigen, wie solche für den Feldspath so charakteristisch sind und wie ich sie mit aller Bestimmtheit in

grosser Menge in dem Meteorstein von l'Aigle (Fall am 26. April 1803) beobachtete, der zahlreiche, von Feldspathnadelchen vollgespickte Gesteinstrümmer enthält. Auch die chemische Analyse bestätigt, dass jedenfalls feldspathige Theile nur in höchst untergeordneter Weise an der Zusammensetzung theilhaft sind.

Behandelt man mässig feines Pulver längere Zeit mit Salzsäure in der Wärme, so zersetzt sich ein grosser Theil der Gesteinsmasse — der Olivinanteil — unter Abscheidung schleimiger Kieselsäure ohne eigentliche Gallerte zu bilden. In dem durch Kochen mit Alkalien von Kieselsäure befreiten Rückstande erkennt man nun sehr zahlreiche, oft wasserhelle, parallelstreifige Theilchen, neben trüben pulvrigkörnigen Resten, die meistens von zertrümmerten Kugeln herrühren. Auch die feinen, schwarzen Körnchen, welche hier und da gruppenweise vorkommen, sind ungelöst geblieben, während neben Olivin das Meteor- und Schwefeleisen in Lösung übergegangen sind. Die mehr oder weniger wasserhellen Stückchen, die ungelöst geblieben sind, erweisen sich als doppelbrechend und zeigen die schönsten Aggregatfarben i. p. L. Behandelt man diesen Rest noch weiter mit Flusssäure, so zersetzt er sich vollständig bis auf die feinen schwarzen Körnchen, welche Chromeisen oder einer kohlig Substanz angehören. Da beim Aufschluss der Gesteinsmasse mittelst Baryterdehydrat sich ein Gehalt an Chrom ergibt, so ist es höchst wahrscheinlich, dass die schwarzen Körnchen Chromeisen sind. Ich beobachtete zwar mehrfach beim Glühen des Gesteinpulvers ein sporadisches Verglimmen wie von kohlig Theilchen, ich konnte mich jedoch nicht bestimmt überzeugen, ob diess nicht von Staubtheilchen herrührt, die dem Stein nicht ursprünglich angehören, sondern nur mechanisch anhaften.

Ändert man den Versuch in der Weise ab, dass man ein nicht zu dünn geschliffenes, jedoch gut durchsichtiges

Blättchen des Gesteins erst in Salzsäure kocht, so behält dasselbe noch seinen Zusammenhalt. Auf eine Glasplatte aufgenommen und nun mit kaustischer Kalilauge sorgfältig behandelt, um die freigewordene Kieselsäure zu beseitigen, stellt dasselbe ein löcheriges Präparat dar, aus dem der Olivin, Meteoreisen und Schwefeleisen verschwunden sind, während das weisse Mineral und die meisten Kügelchen unverändert sich erhalten haben. Versucht man das auf diese Weise erhaltene Präparat mittelst Canadabalsam unter einem Deckgläschen zu conserviren, so zertheilt sich bei dem geringen Druck, den das Auflegen des Deckgläschens verursacht, die Masse in einzelne Häufchen des weissen Minerals, in einzelne Flocken und in die runden Kügelchen, welche oft ganz frei hervortreten und eine unebene rauhe Oberfläche erkennen lassen. Ausserdem machen sich äusserst spärlich kleine, lichtgranatrothe, ziemlich regelmässig 5—6 seitige Körperchen bemerkbar, die ich auch im Dünnschliffe (*g*) beobachtete. Sie erinnern an Granaten, erweisen sich aber als doppelt brechend. Die Farbe lässt auch an Noseau denken. Doch stimmt auch damit die optische Eigenschaft derselben nicht.

Ueber die Natur der in Salzsäure unzersetzten, hellen Mineraltheilchen, die wahrscheinlich der Gruppe des Augits angehören, vermag nur die chemische Analyse Aufschluss zu geben. Aber auch hierbei stellt sich eine gewisse Unsicherheit wegen der Anwesenheit der zahlreichen, gleichfalls in Salzsäure unzersetzten Kügelchen (abgesehen von den Olivinkörnchen) ein, die weder mit dem hellen Mineral identisch zusammengesetzt sind, noch überhaupt einem einfachen Mineral entsprechen. Manche dieser Kügelchen nähern sich in ihrem physikalischen Verhalten dem weissen Mineral, zeigen aber doch eine eigenthümliche Art der Zerklüftung. Andere bestehen deutlich aus Lamellen verschiedener verwachsener Mineralien und noch andere sind



wenig durchsichtig weiss, pulvrig körnig und zeigen häufig eine concentrische Structur mit dunkleren und helleren Zonen, oft auch mit einer rindenartigen dunklen Umbüllung oder einem theils dunklen, theils hellen Centrum. Schwarze staubartige Körnchen, die in denselben vorkommen, sind meist gleichfalls concentrisch oder radical geordnet. Doch sind diese Kügelchen nicht amorph, da der Lichtschimmer in p. L. deutlich gefärbt erscheint. Ihnen schliesst sich endlich die merkwürdigste Art dieser Kügelchen an, welche äusserst fein radialgestreift und feingekörnelt, schwach durchscheinend, weisslich gefärbt erscheinen. Die strahligen Streifchen sind excentrisch und stehen in keinen Zusammenhang mit der äusseren Form der Kügelchen. Oft treten in einem Kügelchen mehrere Systeme von Streifchen felderweise neben einander auf. Im p. L. erscheinen trotz der geringen Durchsichtigkeit deutlich büschelförmige Farben, welche entfernt an die bekannte Erscheinung bei vielen Variolithknöllchen erinnert, ohne ihr jedoch ganz gleich zu kommen. Von der lamellaren Verwachsung olivinartiger Streifchen mit einer ähnlich fasrigen weissen Substanz ist schon früher berichtet worden.

Was nun die Entstehung dieser merkwürdigsten unter den Gemengtheilen der Meteorsteine anbelangt, so nimmt Daubrée<sup>8)</sup> an, dass sie durch ein Festwerden während eines wirbelnden Flugs durch Gase sich gebildet hätten, während Tschermak<sup>9)</sup> sich für eine Entstehung in Folge einer Abrollung bereits fester Trümmer durch eine anhaltende Bewegung, wie sie durch vulkanische Explosion erzeugt wird, unter Hinweis auf ähnliche runde Kügelchen im trachytischen Tuff von Gleichenberg etc. ausspricht.

---

8) Journ. d. savants. 1870. p. 38.

9) Sitz. d. k. Ac. d. Wiss. Wien. Bd. LXXI. 2. Abth. 1875. Aprilheft S. 9 u. 10.



Durch die letztere Annahme erklärt sich die bei vielen Kügelchen wahrgenommene Eigenthümlichkeit, dass ihre innere Faserstruktur ohne alle Beziehung steht mit der äusseren Kugelform. Selbst bei den Kügelchen mit deutlich concentrischer Struktur dürfte an dieser Art der Entstehung festzuhalten sein, wenn man annimmt, dass, wie sehr wahrscheinlich ist, die concentrischen Streifen und schaligen Absonderungen nur als sekundäre Erscheinungen, als Folgen mechanischer und chemischer Veränderungen, welche das abgerundete Korn erst nach der Abrollung erlitten habe, aufzufassen sind.

Einen wesentlichen Antheil an der Zusammensetzung des Steins von Jowa nimmt das Schwefeleisen. Es erscheint auf kleine, unregelmässig umgrenzte Flecke vertheilt zwischen die übrigen Gemengtheile gleichsam eingezwängt. Bei dem Behandeln des Gesteinspulvers mit Salzsäure entwickelt sich Schwefelwasserstoff, ohne dass sich Schwefel ausscheidet. Es dürfte daher dieses Schwefeleisen als Troilit zu bezeichnen sein. Noch häufiger erscheinen die aus Meteoreisen bestehenden Körnchen der Gesteinsmasse in meist zackigen, winkelig gebogenen, oft in feine Spitzen auslaufenden Klümpchen beigemengt, welche so innig an die nicht metallischen Theile sich anschmiegen, als ob das Eisen erst zuletzt etwa durch Reduction an der Stelle ausgeschieden worden wäre, wo es sich vorfindet. Dieses Meteoreisen ist nickel- und etwas phosphorhaltig, sehr dehnbar, indem es sich mit dem Hammer leicht in dünne Blättchen ausschlagen lässt und activ, wie sich zeigt, wenn man ein geschliffenes Stückchen in Kupfervitriol taucht, wobei die Eisenfläche sich rasch mit einem Kupferniederschlag bedeckt. Ob durch Anätzen die Widmanstätten'schen Linien zum Vorschein kommen, konnte ich bei der Kleinheit der Eisenkörnchen nicht deutlich erkennen. Doch zeigten sich hellere und dunklere Flecke.

Dass das Gestein Wasser enthält, bedarf nicht erst eines Nachweises, da diess die nicht seltenen Rostflecke — Eisenoxydhydrat — zum Voraus verrathen.

Auch verschiedene Gasarten sind bereits durch Wriht <sup>10)</sup> in diesem Meteorite von Jowa nachgewiesen. Die vorläufigen Versuche Wriht's ergaben einen Gehalt an Gas, welches fast zur Hälfte aus Kohlensäure und Kohlenoxyd ( $\text{CO}_2 = 35$ ;  $\text{CO} = 14$ ), im Uebrigen hauptsächlich aus Wasserstoff besteht.

Das specifische Gewicht des Steins in der inneren Masse beträgt = 3,75; das eines Rindenstückes = 3,55 bei 20° C.

### Chemische Analyse.

Zur Vornahme einer chemischen Analyse stand mir etwas über 1,5 Gramm Substanz zur Verfügung. Aus dem fein zerriebenen Pulver wurde zuerst mit aller Sorgfalt das Meteoreisen mit dem Magnet ausgezogen und diess durch wiederholtes Verfahren möglichst von allen anhaftenden Gesteinstheilen befreit, alsdann besonders analysirt. Ein Theil diente zur Schwefelbestimmung, das übrige wurde zuerst mit kochender Salzsäure behandelt, der auf diese Weise zersetzte Antheil und ebenso der unzersetzte mittelst Barythydrat aufgeschlossene weiter analysirt.

Er ergab sich hierbei folgendes Resultat:

Das Gestein besteht aus

Meteoreisen . . . . .	12,32
Troilit . . . . .	5,25
in Salzsäure zersetzbarem Theil .	48,11
in Salzsäure unzersetzbarem Theil	34,32
	<hr/>
	100,00.

---

10) The Americ. Journ. o. sc. a. arts. J. Dana a. Silliman May 1875. Vol. IX. Nr. 54. p. 459; auch Ann. d. Phys. u. Chem. Ergänz. Bd. VII Stück 2.

Das Nickeleisen besteht ausser Spuren von Kupfer und Schwefel, letzterer wahrscheinlich von etwas anhängenden Troilit abstammend, aus

Eisen . . . . .	83,38	} also annähernd Fe, Ni.
Nickel (etwas cobalthaltig mit Schwefel und Phosphor) . . . . .	16,62	
	<u>100,00</u>	

Der in Salzsäure zersetzbare Theil <sup>11)</sup> (ohne Meteor- und Schwefeleisen berechnet) aus

		Sauerstoff	
Kieselsäure . . . . .	38,38	19,76	
Eisenoxydul . . . . .	28,58	6,33	} 19,51
Manganoxydul . . . . .	0,53	0,12	
Bittererde . . . . .	31,49	12,59	
Thonerde . . . . .	1,01	0,47	
Kalkerde, Alkalien, Wasser	Spuren		
	<u>99,99</u>		

Der in Salzsäure unzersetzte Rest besteht aus <sup>12)</sup>

		Sauerstoff	
Kieselerde . . . . .	53,96	28,74	} 29,68
Thonerde . . . . .	2,01	0,94	
Eisenoxydul . . . . .	25,18	5,57	
Bittererde . . . . .	8,91	3,56	} 10,29
Kalkerde . . . . .	4,04	1,16	
Manganoxydul . . . . .	Spuren		
Chromoxyd . . . . .	1,42	1,16	
Natron . . . . .	2,39	0,59	} 0,88
Kali . . . . .	1,67	0,29	
	<u>99,58</u>		

Was das Meteoreisen und das einfache Schwefeleisen anbelangt, so bedarf es hierüber keiner weitern Erörterungen. In dem durch Salzsäure zersetzbaren Antheil stellt sich ein

11) und 12) Diese Analysen wurden von Hrn. Assistent Ad. Schwager ausgeführt.



Sauerstoffverhältniss der Basen und Säure nahezu wie 1:1 heraus und es bedarf auch hier wohl kaum einer weiteren Ausführung, dass dieser Antheil von einem eisenoxydulreichem Olivin weit vorherrschend herstammt. Weit schwieriger ist die Deutung des in Salzsäure nicht zersetzbaren Restes, dessen Bestandtheile und ihre Sauerstoffverhältnisse zu keinem bestimmten Minerale passen. Diess stimmt auch vollständig mit der optischen Analyse überein, bei welcher nach Entfernung der in Salzsäure löslichen Antheile neben den Sphärochondren in ihrer sehr verschiedenartigen Beschaffenheit noch ein helles rissiges Mineral und kleine schwarze Körnchen nachgewiesen wurden. Dass die letzteren aus Chromeisen bestehen, ist nach den Resultaten der Analyse jetzt kaum mehr zu bezweifeln. Das helle, rissige Mineral gehört wohl sicher der Augitgruppe an. Ganz aussergewöhnlich ist der hohe Eisenoxydulgehalt, auch wenn man einen entsprechenden Theil als am Chromoxyd zu Chromeisen verbunden in Abzug bringt, wogegen die Armuth an Bittererde und Kalkerde auf der andern Seite auffallend ist. Der hohe Gehalt an Alkali scheint weiter mehr Bezug auf die Zusammensetzung der Kügelchen zu haben und auf deren feldspathige Zusammensetzung hinzudeuten. Gehört die Thonerde, wie wahrscheinlich, diesem Gemengtheile mit der entsprechenden Menge Kieselsäure an, so könnte schliesslich sich eine, — aber immer nur beiläufig entsprechende Zusammensetzung eines eisenreichen Augits, wie solcher in den Eukriten, z. B. dem von Juvinas gefunden wird, herausstellen. Immerhin scheint die nähere Natur dieses augitischen Gemengtheiles schwierig ermittelt werden zu können. Obwohl die Analyse, welche J. L. Smith<sup>13)</sup> von dem Jowameteoriten mittheilt, nicht genau mit der obigen stimmt,

13) Comptes rendus d. s. d. l'Acad. Tom. LXXX. Nr. 23. 1875. p. 1452.



so wird doch auch in dieser ein ungewöhnlich hoher Eisen-oxydulgehalt in dem in Säuren unlöslichen Antheil nämlich 27,41% angegeben. Des Vergleichs wegen folgen hier die Smith'schen Angaben:

Der ganze Stein besteht aus:

Steinige Masse . . .	81,64
Troilit . . . . .	5,82
Nickeleisen . . . .	12,54
	<hr/>
	100,00

Der steinige Antheil enthält:

A) 54,15 in Säuren zersetzbare,
B) 45,85 in Säuren unzersetzbare Substanzen.
<hr/>
100,00

Diese bestehen nun weiter

	A.	B.
Kieselsäure . . . . .	35,61	55,02
Eisenoxydul . . . . .	27,20	27,41
Magnesia . . . . .	33,45	13,12
Thonerde . . . . .	0,71	0,84
Alkalien, Eisen etc. . .	1,45	2,01.

Darnach berechnet Smith die Zusammensetzung des Meteoriten aus:

Olivin . . . . .	44,09
Pyroxen . . . . .	37,55
Troilit . . . . .	5,82
Nickeleisen . . . .	12,54
	<hr/>
	100,00.

Dabei haben die runden Kügelchen keine weitere Berücksichtigung gefunden, was gewiss nicht naturgemäss erscheint, da sich diese Kügelchen nicht ohne Weiters als aus Augit bestehend ansehen lassen.

Unter den bisher analysirten Chondriten ist nur jener

von Tadjara von einer ähnlichen Zusammensetzung<sup>14)</sup>, jedoch Kieselsteinen und Kalksteinen.

Fasst man die Ergebnisse der Untersuchung des Steinmeteoriten von Java zusammen, so berechtigen sie zu folgenden Schlüssen:

- 1) Die Steinmasse besteht aus unregelmässigen Mineral-splitterchen von Olivin und einer augitähnlichen Substanz, welche von einem zertrümmerten Gestein hergenommen scheinen. Derselben sind einzelne aus verschiedenen Mineralien zusammengesetzte Stückchen beigemengt. Auch scheint eine feldspathige Substanz in geringer Menge vorhanden zu sein. Fein zerriebene Theilchen dieser Mineralien scheinen das Kittmittel abzugeben.
- 2) Die rundlichen Kügelchen machen neben den erwähnten Mineraltheilchen einen wesentlichen Theil der Substanz des Steins aus. Sie gehören theils dem Olivin an, theils stellen sie lamellare Verwachsungen von Mineralien dar oder bestehen aus strahlig fasriger Masse. Ein Theil derselben scheint aus feldspathiger Substanz zu bestehen. Ihre Form verdanken sie einer mechanischen Abrundung.
- 3) Die Meteoriseisenkörnchen liegen so zwischen den Mineral-splitterchen und Kügelchen angeschmiegt, als seien sie erst nachträglich durch Reduction entstanden.
- 4) Von Glas- oder Lava-ähnlichen Beimengungen (die Schmelzrinde ausgenommen) ist in dem Gestein nichts zu finden. Es ist kein aus dem Schmelzfluss hervorgegangenes, krystallinisches, sondern ein klastisches Gestein, dessen Gemengtheilchen nicht die Eigenschaften einer vulkanischen Asche an sich tragen.

14) Rammelsberg, D. chem. Natur d. Meteoriten. S. 157.

**Verzeichniss der eingelaufenen Büchergeschenke.**

---

*Von der St. Gallischen naturwissenschaftlichen Gesellschaft in  
St. Gallen:*

Bericht über die Thätigkeit derselben während des Vereinsjahres  
1873—74. 8.

*Von der Schweizerischen naturforschenden Gesellschaft in Chur:*  
Verhandlungen. 57. Jahresversammlung. Jahresbericht 1873—74. 8.

*Von der Naturforschenden Gesellschaft in Bern:*  
Mittheilungen aus dem Jahre 1874. 8.

*Von der k. k. Gesellschaft der Aerzte in Wien:*  
Medicinische Jahrbücher, Jahrg. 1875. 8.

*Von der k. Landwirthschaftlichen Centralschule in Weihenstephan:*

- a) Jahresbericht pro 1874—75. 8.
- b) Mittheilungen aus den Weihenstephaner Arbeiten. Zum Jahresbericht 1874—75. 8.

*Von der Schlesischen Gesellschaft für vaterländische Cultur in Breslau*

- a) 52. Jahresbericht vom Jahre 1874. 8.
- b) Festgruss an die 47. Versammlung deutscher Naturforscher und Aerzte den 18. September 1874. 8.

*Vom Osservatorio della R. Università in Turin:*  
Bolletino Meteorologico ed Astronomico. Anno VIII. 1873. 4.

*Vom Institut Royal Grand-Ducal in Luxemburg:*

Publications. (Section des Sciences naturelles) Tom. XV. 1875. 8.

*Von der Société botanique de France in Paris:*

Bulletin. Tom. XXII. 1875. Comptes rendus des séances. 1. 1875. 8.

*Von der Société impériale des naturalistes in Moskau:*

Bulletin. Année 1875. 8.

*Von der Royal Society of Victoria in Melbourne:*

Transactions and Proceedings Vol. XII. 1874. 8.

*Von der Sociedad de historia natural in México:*

La Naturaleza. Periodico científico. Tom. III. 6—15. 1874. 4.

*Von der Linnean Society in London:*

- a) Transactions. Vol. XXX. 1875. 4.
- b) Transactions. 2. Serie. Zoology. Vol. 1. 2. Serie. Botany. Vol. 1. 1875. 4.

*Von der Zoological Society in London:*

- a) Transactions. Vol. IX. 1875. 4.
- b) Revised List of the vertebrated animals. Supplement 1872—74. 8.

*Von Ferd. Dümmler's Verlagsbuchhandlung in Berlin:*

Repertorium der Naturwissenschaften. Jahrg. I. 1875. 4.

*Von der Commission zur wissenschaftlichen Untersuchung der deutschen Meere in Kiel:*

Jahresbericht für die Jahre 1872. 1873. II. und III. Jahrg. Berlin 1875. Fol.

*Von der Naturhistorischen Gesellschaft in Hannover:*

23. und 24. Jahresbericht f. d. J. 1872—73 und 1873—74. 8.

*Von der naturforschenden Gesellschaft in Emden:*

- a) Kleine Schriften. Nr. 17. Ergebnisse der Witterungsbeobachtungen von 1864—1873, von M. A. F. Prestel. Hannover 1875. 4.
- b) 60. Jahresbericht 1874. 8.



*Vom Siebenbürgischen Verein für Naturwissenschaften in Hermannstadt:*  
Verhandlungen und Mittheilungen. XXV. Jahrg. 1875. 8.

*Vom Zoologisch-mineralogischen Verein in Regensburg:*

- a) Correspondenz-Blatt. Jahrg. 28. 1874. 8.
- b) Abhandlungen. Heft X. München 1875. 8.

*Von der deutschen geologischen Gesellschaft in Berlin:*  
Zeitschrift. Bd. XXVII. 1875. 8.

*Von der Geographischen Gesellschaft in Wien:*  
Mittheilungen. Bd. XVII. (N. F. Bd. VII) 1874. 8.

*Von der Sternwarte in Prag:*  
Astronomische Beobachtungen. Jahrg. 35. 1875. 4.

*Von der Sternwarte des eidgenössischen Polytechnikums in Zürich:*  
Schweizerische meteorologische Beobachtungen. 1873. 1874. 4.

*Von der Neuen zoologischen Gesellschaft in Frankfurt a/M.:*  
Der zoologische Garten. Zeitschrift. XVI. Jahrg. 1875. 8.

*Von der Redaction des Archivs der Mathematik in Greifswald:*  
Archiv der Mathematik und Physik. Theil 58. Leipzig 1875. 8.

*Von der American Pharmaceutical Association in Philadelphia:*  
Proceedings at the 22<sup>d</sup> annual Meeting held in Louisville, Ky., 1875. 8.

*Von der American Academy of Arts and Sciences in Boston:*  
Proceedings. Vol. IX (New Series Vol. I) 1873—74. 8.

*Von der California Academy of natural Sciences in San Francisco:*  
Proceedings. Vol. III. 1867. 8.

*Von der American Association for the advancement of Science in  
Cambridge:*  
Proceedings. 22<sup>d</sup> Meeting held at Portland, Maine, August 1873.  
Salem 1874. 8.

*Von der Society of natural Sciences in Buffalo:*

Bulletin. Vol. II. 1874. 8.

*Von der Redaction des American Journal of Science and Arts in New-Haven:*

The American Journal of Science and Arts. III. Series. Vol. VII. Nr. 42,  
Vol. VIII. Nr. 43—48, Vol. IX. Nr. 49—51. 1874—75. 8.

*Von der Sociedad de historia natural in Mexico:*

La Naturaleza. Periodico científico. Tom. III. 1874. 4.

*Vom Bureau of Navigation in Washington:*

The American Ephemeris and Nautical Almanac for the year 1877.  
1874. 8.

*Vom Departement of Agriculture in Washington:*

- a) Report of the Commissioner of Agriculture for the year 1872 and 1873. 8.
- b) Monthly Reports of the Departement of Agriculture for the year 1873. 8.

*Von der Zoological Society in Philadelphia:*

The 3<sup>d</sup> annual Report. 1875. 8.

*Von der Société des sciences physiques et naturelles in Bordeaux:*

Mémoires. Tom. X. 1875. 8.

*Vom Peabody Institute in Baltimore:*

8<sup>th</sup> annual Report, June 3, 1875. 8.

*Von der Société Khédiviale de géographie in Alexandrien:*

- a) Statuts. 1875. 8.
- b) Discours d'inauguration par G. Schweinfurth. 1875. 8.

*Von der Zoological Society in London:*

- a) Proceedings for the year 1874 and 1875. 8.
- b) Transactions. Vol. IX. 1875. 4.

*Von der Chemical Society in London:*

Journal. 1875. 8.

*Vom R. Osservatorio die Brera in Mailand:*

Pubblicazioni No. VIII. Resoconto delle operazioni fatte a Milano nel 1870. 4.

*Vom Ungarischen Karpthen-Verein in Késmark:*

Jahrbuch. II. Jahrg. 1875. 8.

*Vom Museo civico di storia naturale in Genua:*

Annali. Vol. VI. 1874. 8.

*Vom Physikalischen Central-Observatorium in St. Petersburg:*

Annalen. Jahrg. 1873. 4.

*Von der Redaction des Cosmos in Turin:*

Cosmos. Vol. III. 1875. 4.

*Von der Nederlandschen botanischen Vereeniging in Nijmegen:*

Nederlandsch kruidkundig Archief. Verslagen en Mededeelingen. II. Serie. 2. Deel. 1875. 8.

*Vom War Departement, Office of the Chief Signal-Officer in Washington:*

Daily Bulletin of Weather-Reports for the Month of January 1873. 4.

*Von der Redaction des American Chemist in New-York:*

The American Chemist Vol. VI. 1875. 8.

*Von der Society of Natural History in Boston:*

- a) Proceedings. Vol. XVII. 1874—75. 8.
- b) Memoirs. Vol. II. Part. III. IV. 1874—75. 4.
- c) Jeffries Wyman. Memorial Meeting of the Boston Society of Natural History, Oct. 7. 1874. 8.
- d) Archaeological Researches in Kentucky and Indiana, 1874. By F. W. Putnam. 1875. 8.
- e) 8<sup>th</sup> annual Report of the Trustees of the Peabody Museum of American Archaeology and Ethnology. Cambridge 1875. 8.

*Vom Essex Institute in Salem:*

Bulletin. Vol. VI. 1874. 8.

*Von der Ohio State Agricultural Society in Columbus:*

28. Jahresbericht der Staats-Ackerbau-Behörde von Ohio für d. J. 1873. 8.

*Von der Wisconsin Academy of Sciences, Arts and Letters in Madison:*  
Transactions. Vol. II. 1873—74. 8.

*Von der American Association for the advancement of science in Salem:*  
Proceedings. 23<sup>d</sup> Meeting held at Hartford. August 1874. 8.

*Vom U. S. Naval Observatory in Washington:*

Astronomical and meteorological Observations made during the year  
1872. 4.

*Vom War Departement, Surgeon General's Office in Washington:*

Circular Nr. 8 A Report on the Hygiene of the U. S. Army. 1875. 4.

*Von der Academy of natural Sciences in Philadelphia:*

Proceedings. 1874. 8.

*Vom Departement of Agriculture of the U. S. of America in Washington:*  
Monthly Reports for the year 1874. 8.

*Von der Société géologique de Belgique in Liège:*

Annales. Tom. I. 1874. 8.

*Vom Herrn Giebel in Halle:*

Zeitschrift für die gesammten Naturwissenschaften. Neue Folge. 1875.  
Band XI. Berlin 1875. 8.

*Vom Herrn Ernst Hæckel in Jena:*

Die Gastrula und die Eifurchung der Thiere. 1875. 8.



*Vom Herrn Gerhard vom Rath in Bonn:*

- a) Mineralogische Notizen. Berlin 1875. 8.
- b) Ueber merkwürdige Verwachsungen von Quarzkrystallen auf Kalkspath von Schneeberg in Sachsen. Leipzig 1875. 8.
- c) Beiträge zur Petrographie. Berlin 1875. 8.

*Vom Herrn A. W. Volkmann in Halle:*

Zur Mechanik des Brustkastens. 1875. 8.

*Vom Herrn Kronecker in Berlin:*

- a) Ueber quadratische Formen von negativer Determinante. 1875. 8.
- b) Ueber die algebraischen Gleichungen, von denen die Theilung der elliptischen Functionen abhängt.

*Vom Herrn P. Riccardi in Modena:*

Biblioteca Matematica Italiana. Fasc. 3. (Vol. II) 1875. 4.

*Vom Herrn G. Tschermak in Wien:*

Die Bildung der Meteoriten und der Vulcanismus. 1875. 8.

*Vom Herrn Robert Wiedersheim in Würzburg:*

*Salamandrina perspicillata* und *Geotriton fuscus*. Versuch einer vergleichenden Anatomie der Salamandrinen. Genua 1875. 8.

*Vom Herrn Adolph Wüllner in Aachen:*

Lehrbuch der Experimentalphysik. 3. Auflage. Bd. III. Leipzig 1875. 8.

*Vom Herrn Hermann Kolbe in Leipzig:*

Journal für praktische Chemie. N. Folge. Bd. 12. 1875. 8.

*Vom Herrn Hermann Kopp in Heidelberg:*

Beiträge zur Geschichte der Chemie. 3. Stück. Braunschweig 1875. 8.

*Vom Herrn Albert Müller R. v. Hauenfels in Graz:*

Die Gesetze der Kometen. 1875. 8.

*Vom Herrn Eduard Heis in Münster:*

Zodiacallicht-Beobachtungen in den letzten 29 Jahren 1847—1875. 4.

*Vom Herrn Maximilian Perty in Bern:*

- a) Anthropologische Vorträge. Leipzig 1863. 8.
- b) Blicke in das verborgene Leben des Menscheingeistes. Leipzig 1869. 8.
- c) Die mystischen Erscheinungen der menschlichen Natur. 2. Aufl. 2 Bde. Leipzig 1872. 8.
- d) Ueber das Seelenleben der Thiere. 2. Aufl. Leipzig 1876. 8.

*Vom Herrn A. Grisebach in Göttingen:*

La Végétation du Globe. Tom. I. Paris 1875. gr. 8.

*Vom Herrn F. V. Hayden in Washington:*

- a) Report of the United States Geological Survey of the Territories. Vol. VI. 1874. 4.
- b) Catalogue of the Publications of the United States Geological Survey of the Territories. 1874. 8.
- c) Miscellaneous Publications of the U. S. Geological Survey of the Territories. No. 3. Birds of the Northwest by Elliott Coues. 1874. 8.
- d) Geographical and Geological Surveys West of the Mississippi. Report by Townsend. 1875. 8.

*Vom Herrn Giovanni Omboni in Padua:*

Di alcuni oggetti preistorici delle caverne di Velo nel Veronese. Milano 1875. 8.

*Vom Herrn E. Regel in St. Petersburg:*

Descriptiones plantarum novarum et minus cognitarum Fasc. III. 1875. 8

*Vom Herrn A. Preudhomme de Borre in Brüssel:*

Notes sur les empreintes d'insectes fossiles. 1875. 8.

*Vom Herrn Nicolai von Kokscharow in St. Petersburg:*

Materialien zur Mineralogie Russland's. Bd. VI und VII mit Atlas, in 4. 1875. 8,

*Vom Herrn Frédéric Goppeleröder in Mühlhausen:*

- a) Étude pratique et théorique sur les outremers vert, bleu et violet. 1875. 8.
- b) Note sur quelques effets de l'ozone et de la gelée. 1875. 8.

*Vom Herrn E. Plantamour in Genf:*

Détermination télégraphique de la différence de longitude entre la station astronomique du Simplon et les observatoires de Milan et de Neuchâtel. 1875. 4.

*Vom Herrn Charles Pickering in Boston:*

The Geographical Distribution of Animals and Plants. 1854. 4.

*Vom Herrn Francesco Orsoni in Noto:*

I microfiti ed i microzoi della chimica organica. 1875. 4.

---





## Sach-Register.

---

- Aetzfiguren des Apatits und des Gypses** 169.  
**Aetzfiguren des Magnesiaglimmers und des Epidots** 99.  
**Allylverbindungen** 1.  
**Aluminium, Voltasche Polarisation desselben** 87.  
**Amidosäuren** 106.  
**Apatit** 169.
- Büchergeschenke, eingelaufene** 139. 239. 331.
- Cylinderfunktionen** 247.
- Eiweisszersetzung im Thierkörper** 206.  
**Elektrische Influenz auf Flüssigkeiten** 147.  
**Elektrisches Leitungsvermögen des Wassers und der Säuren** 284.  
**Elektrolyse** 273.  
**Elektrolyten, Elektricitätsleitung in ihnen** 59.  
**Epidot** 99.  
**Eugenol** 114.
- Fermente, angeformte, ihre Darstellung** 82.  
[1875. 3. math.-phys. CL.]

**Geschenk von H. Dr. A. Wittstein 178.**

**Gewitter, doppeltes Maximum ihrer Häufigkeit im Sommer 220.**

**Gyps 169.**

**Hydrazinverbindungen 306.**

**Hydroxysäuren 106.**

**Kohlensäure, freie, im Trinkwasser 55.**

**Kohlensäure, ihre Bestimmung in kohlensauren Salzen 10. 38.**

**Kru-Neger, ihre Charakteristik 178.**

**Kugelfunktionen 247.**

**Magnesiaglimmer 99.**

**Malzextrakt, sein Stickstoffgehalt 71.**

**Meteorit von Jowa 313.**

**Nelkenöl 114.**

**Quecksilbererze aus Mexico 178.**

**Reihen nach Kugelfunktionen 247.**

**Säuren, ihr elektrisches Leitungsvermögen 284.**

**Salze, phosphorsaure 6.**

**Schwefelwasser von Bir Keraui in der Libyschen Wüste analysirt 19.**

**Süsswasser-Mollusken, ihr Anpassungs-Vermögen 39.**

**Temperatur, ihr Einfluss auf die Elektrolyse 273.**

**Transfusion von Blut und Eiweisslösungen 206.**

**Trimethylenverbindungen 1.**

**Trinkwasser, Reagens zur Unterscheidung der freien Kohlensäure darin 55.**

**Wasser, sein elektrisches Leitungsvermögen 284.**

---

## Namen-Register.

---

Argelander F. W. A. (Nekrolog) 134.

Baeyer 306.

Bauer 247.

Baumhauer H. 99. 169.

Beetz 59. 87. 220. 273. 284.

v. Bezold 220.

Bucherer E. 273.

Élie de Beaumont (Nekrolog) 132.

Erlenmeyer 1. 6. 82. 106. 114.

Fischer E. 306.

Forster J. 206.

Gümbel C. W. 313.

Hansen P. A. (Nekrolog) 123.

Herrich Schaeffer G. A. (Nekrolog) 125.

Hesse L. O. (Nekrolog) 130.

Hessenberg F. (Nekrolog) 123.

v. Jolly 147.

v. Kobell 99. 123. 169. 202.  
Kohlrausch F. 284.

Lyell Ch. (Nekrolog) 135.

Meissner C. F. (Nekrolog) 126.

v. Pettenkofer 55.

Sandberger 202.

v. Schagintweit-Sakünlünski 178.

v. Siebold 39.

Vogel 71.

Voit 206.

Volhard 10. 19.

Wüllner 147.

---



# Der Meteorstein von Jowa.



## Erklärung der Buchstaben am Rande:

- a Olivin,
- s Augitische Theile,
- f Meteorisen,
- ch Schwefeleisen,
- ch Chromeisen,
- k Theile mit krystallartigem Umriss,
- oc Olivinkörnchen im Meteorisen,
- g röthliche granatähnliche Einschlüsse,

- c Sphärochondren und zwar:
  - cc mit concentrischer Structur,
  - sc mit faseriger Structur,
  - fc mit strahliger „
  - ke mit körniger „
  - oc aus Olivin bestehend,
  - de opake feinkörnige Kügelchen.



УРАХАЛ! ОРОНМАТ?

**Sitzungsberichte**  
der  
**mathematisch - physikalischen Classe**  
der  
**k. b. Akademie der Wissenschaften**  
zu **München.**

---

**Band VI. Jahrgang 1876.**

---

**München.**  
**Akademische Buchdruckerei von F. Straub.**  
**1876.**

**In Commission bei G. Franz.**





# Uebersicht

## des Inhalts der Sitzungsberichte Band VI

### Jahrgang 1876.

---

*Oeffentliche Sitzung zur Feier des 117. Stiftungstages der  
Akademie am 28. März 1876.*

	Seite
v. Kobell: Nekrologe der verstorbenen Mitglieder der mathematisch-physikalischen Classe . . . . .	113

---

*Sitzung vom 8. Januar.*

v. Bischoff: Ueber Unrichtigkeit der Angabe in Häckel's Anthropologie in Bezug auf das Ei des Menschen und der andern Säugethiere . . . . .	1
Beetz: Ueber die Cohäsion von Salzlösungen. Von G. Quincke	3
Beetz: Ueber anomale Angaben des Goldblattelectroskops und Bemerkung über das electriche Leitungsvermögen des Braunsteins und der Kohle . . . . .	20
v. Bezold: Ueber die Vergleichung von Pigmentfarben mit Spectralfarben . . . . .	30
Bayer: Ueber die Hydrazinverbindungen der Fettreihe. Von Emil Fischer . . . . .	35

# IV

## *Sitzung vom 5. Februar.*

Seite

Seidel: Ueber die Probabilitäten solcher Ereignisse, welche nur selten vorkommen, obgleich sie unbeschränkt oft möglich sind . . . . .	44
Gümbel: Geognostische Mittheilungen aus den Alpen . . .	51

## *Sitzung vom 4. März.*

v. Bezold: Eine neue Methode der Farbenmischung . . . .	106
Voit: Ueber die Ausscheidung des Salmiaks im Harn . . .	131

## *Sitzung vom 6. Mai 1876.*

Voit: Ueber die Abstammung des Glykogens im Thierkörper. Von Dr. J. Forster . . . . .	138
Baeyer: Zur Kenntniss des Rosanilins. Von Emil & Otto Fischer	145

## *Sitzung vom 17. Juni 1876.*

Voit: Structurlose Membranen bei Wirbelthieren und Wirbellosen. Von Professor Kollmann . . . . .	163
v. Bischoff: Ueber das Gehirn eines Orang-Outan . . . .	193

## *Sitzung vom 8. Juli 1876.*

v. Kobell: Ueber die Complementärfarben des Gypses im polarisirten Lichte . . . . .	206
v. Kobell: Zur Darstellung der Circularpolarisation durch Glimmerblättchen. Von Dr. Fr. Pfaff . . . . .	211

## *Sitzung vom 13. November.*

Seidel: Ueber den Gültigkeitsbereich der Taylorschen Reihenentwicklung von dem correspondirenden Mitgliede Herrn P. du Bois-Reymond in Tübingen . . . . .	225
---	-----

<b>v. Kobell:</b> Ueber Heubachit, ein natürlich vorkommendes Kobaltnickeloxydhydrat. Von F. Sandberger . .	Seite 238
--	--------------

~~~~~

*Sitzung vom 2. December.*

|                                                                                                                                             |     |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| <b>v. Bauernfeind:</b> Näherungs-Verfahren zur Ausgleichung de<br>zufälligen Beobachtungsfehler in geometrischen Höhen-<br>netzen . . . . . | 243 |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----|

~~~~~

*Sitzung vom 13. Januar 1877.*

<b>G ä m b e l:</b> Geognostische Mittheilungen aus den Alpen . . .	271
<b>E r l e n m e y e r:</b> Ueber das Wasser als Oxydations- und Reductions- mittel . . . . .	292





# Sitzungsberichte

der

## königl. bayer. Akademie der Wissenschaften.

---

Sitzung vom 8. Januar 1876.

---

### Mathematisch-physikalische Classe.

---

Herr Prof. v. Bischoff

legt zur Beleuchtung der Angabe Prof. Haeckels in dessen Anthropogenie pag. 106: „dass das Ei des Menschen „von dem anderer Säugethiere sowohl im unreifen als ausgebildeten Zustande nicht zu unterscheiden sei; sowie, dass „ferner die Eier der meisten höheren Säugethiere dieselbe „Grösse wie das Ei des Menschen, beim Elephanten und „Wallfisch ebenso wie bei der Maus und Katze haben; und „wir auch bei Anwendung des besten Mikroskopes mit der „stärksten Vergrösserung nicht im Stande seien, einen „wesentlichen Unterschied zwischen dem Ei des Menschen, „des Affen, des Hundes zu entdecken“, möglichst sorgfältige und genaue Zeichnungen des Eies des Menschen, der Kuh, des Hundes, Schweines, Kaninchens, der Katze, Ratte, Maus und des Maulwurfs in derselben 400 maligen Vergrösserung vor, welche sowohl in der Grösse des Eies, der Dicke der

[1876. 1. Math.-phys. Cl.]

Dotterhaut, als besonders in der Zusammensetzung des Dotters, bedeutende Unterschiede wahrnehmen lassen. Eier vom Elephanten und Wallfisch hat leider bis jetzt noch Niemand gesehen und abgebildet.

Ebenso zeigt Prof. v. Bischoff möglichst sorgfältig mit der Camera lucida bei 9facher Vergrößerung angefertigte Zeichnungen von jungen Menschen- und Säugethier-Embryonen auf dem möglichst gleichen frühen Stadium der Entwicklung, bei welchem noch die sogen. Kiemen- oder Visceral-Bogen des Kopfes vorhanden sind. Dieselben zeigen bedeutende und charakteristische Unterschiede in ihrer ganzen Configuration und sind daher sehr verschieden von den analogen Abbildungen Prof. Haeckels in seiner Anthropogenie Taf. V zweite Reihe. Dieselben widersprechen entschieden dem Ausspruche Prof. Haeckels pag. 255 seiner Anthropogenie, dass „der Embryo des Menschen auch noch „auf diesem Stadium von demjenigen der höheren Säugethiere nicht zu unterscheiden sei“. Auch erklärt Prof. v. Bischoff, dass er auch auf früheren Entwicklungsstadien nie eine solche Identität der Gestaltung der Embryonen von verschiedenen Arten von Säugethieren beobachtet habe, wie sie Prof. Haeckel in der ersten Reihe der genannten Tafel, oder auch Taf. I. von der Gesichtsbildung des Menschen-, Fledermaus-, Katzen- und Schaaf-Embryo gegeben hat.

Endlich zeigt Prof. v. Bischoff auch noch einige Photographien von Affen-Köpfen, so weit sich ihm Gelegenheit darbot, solche anfertigen zu lassen oder von Anderen zu beziehen, welche ebenfalls weit davon entfernt sind, jene berüchtigte Uebereinstimmung in der Gesichtsbildung der niederen Menschenrassen und höheren Affen nachzuweisen, welche Prof. Haeckel, auf dem Titelblatte seiner natürlichen Schöpfungsgeschichte zur Anschauung gebracht hat.

---

Herr W. Beetz legte vor und besprach eine Abhandlung:

„Ueber die Cohäsion von Salzlösungen“  
von G. Quincke, correspondirendem Mitgliede  
der k. Akademie der Wissenschaften.

§ 1. Die bis jetzt veröffentlichten Bestimmungen über die Cohäsion wässriger Salzlösungen beschränken sich fast ausschliesslich auf Messungen der mittleren Steighöhen  $h$  in gläsernen Capillarröhren vom Durchmesser  $2r$  und der sogenannten specifischen Cohäsion  $a^2$ , indem

$$rh = a^2 \cos \vartheta = (a^2) \dots\dots\dots 1$$

wo  $\vartheta$  den sogenannten Randwinkel bezeichnet, den das letzte Element der Flüssigkeits-Oberfläche mit der Röhrenwand einschliesst.

Nennt man  $\sigma$  das specifische Gewicht der Flüssigkeit so ist die Oberflächenspannung oder Capillarconstante der freien (d. h. von Luft oder dem luftleeren Raum begrenzten) Flüssigkeits-Oberfläche

$$a^2 \cdot 1 \cdot \frac{\sigma}{2} = \alpha \dots\dots\dots 2$$

oder also

$$rh \cdot \frac{\sigma}{2} = \alpha \cos \vartheta = (\alpha) \dots\dots\dots 3$$

wo  $r$  und  $h$  in Millimetern,  $\alpha$  in Milligrammen gemessen

ist, und  $\alpha$  das von einem Millimeter freier Flüssigkeits-Oberfläche getragene Gewicht bedeutet.

Ferner wird die keineswegs erwiesene Annahme gemacht, dass die wässrige Salzlösung die Röhrenwand benetze, oder der Randwinkel 0 sei. Ist diese Annahme falsch, so wird die spec. Cohäsion zu klein gefunden.

Dasselbe gilt von der wirklichen Cohäsion oder der Capillarconstante  $\alpha$ , in dem das Product aus capillarer Steighöhe, Röhrenradius und halbem specifischen Gewicht, wie Gl. 3 zeigt, nur  $\alpha \cos \vartheta$  oder wie es im Folgenden bezeichnet werden soll, nur  $(\alpha)$  bestimmt.

Viele Beobachter geben das specifische Gewicht der Flüssigkeit nicht an und nur in seltenen Fällen lässt sich dies indirect aus anderen Bemerkungen (z. B. concentrirte Lösung etc.) ergänzen.

Bei einer früheren Untersuchung (Pogg. Ann. 139 p. 80. 1870) hatte ich gefunden, dass bei Flüssigkeiten, die in jedem Verhältniss mischbar sind, immer die Flüssigkeit mit der kleinsten Oberflächenspannung  $\alpha$  an die freie von Luft begrenzte Oberfläche gehen muss. Fasst man also eine wässrige Salzlösung als ein Gemisch von Wasser und geschmolzenem Salz auf, so würde nach meinen Messungen (Pogg. Ann. 135 p. 621 1868 und 138 p. 151. 1869) Wasser als Flüssigkeit mit der kleinsten Capillarconstante an der Oberfläche der Salzlösungen sich ausbreiten müssen.

Ich habe nun schon vor längerer Zeit sämmtliche mir irgend zugängliche Messungen der Capillarconstanten wässriger Lösungen von Säuren und Salzlösungen seit Newton bis in die neueste Zeit auf dieselben Einheiten, Millimeter und Milligramm, reducirt.

Die Resultate der verschiedenen Beobachter zeigen im allgemeinen Werthe zwischen 7,5 und 8 Mllgr. oder nahezu dieselbe Oberflächenspannung wie reines Wasser.



Wenn auch in vielen Fällen ( $\alpha$ ) mit dem Salzgehalt zuzunehmen scheint, so sind die Abweichungen für verschiedene Salzlösungen nicht grösser, als die von verschiedenen Beobachtern für reines Wasser gefundenen. Dieselben könnten, abgesehen von den Mängeln der benutzten Beobachtungsmethode, sehr wohl in zufälligen Verunreinigungen oder unvollkommener Benetzung der Capillarröhren ihren Grund haben.

Ich habe daher nach verschiedenen Methoden die spezifische Cohäsion  $a^2$  und die Capillarconstante oder Oberflächenspannung  $\alpha$  für eine Reihe von Salzlösungen selbst bestimmt und erlaube mir einen Theil der Resultate dieser Untersuchungen, die mich mehrere Jahre hindurch beschäftigt haben, hier mitzuthemen.

§ 2. Methode der capillaren Steighöhen. Aus einer dickeren möglichst gereinigten Glasröhre wurden vor der Glasbläserlampe Fäden von 0,2 bis 0,5<sup>mm</sup> innerem Durchmesser gezogen, oben zugeschmolzen und mit dem zugeschmolzenen Ende durch 2 Kautschukringe geschoben, welche das von dem Glasfaden gebildete Capillarrohr auf einem reinen Spiegelglasstreifen von 300<sup>mm</sup> Länge und 10<sup>mm</sup> Breite festhielten. Der Spiegelglasstreifen trug eine eingetätzte Millimetertheilung und wurde gleichzeitig mit dem unteren Ende der Capillarröhre in die zu untersuchende Flüssigkeit getaucht. Die Höhe  $h$ , bis zu welcher letztere sich über die ebene horizontale Flüssigkeits-Oberfläche erhob, sobald das obere zugeschmolzene Ende der Capillarröhre abgeschnitten war, wurde bis auf 0,1<sup>mm</sup> genau an der vertikal gestellten Millimeterscala mit einem horizontalen Fernrohr oder einer passend gestellten Lupe abgelesen, das Capillarrohr an der Stelle des Flüssigkeits-Meniskus mit dem Glasmesser durchgeschnitten und der grösste und kleinste Durchmesser der Schnittfläche durch ein Mikroskop mit Ocular-Mikrometer bestimmt.

Das letztere hatte 100 Scalentheile, von denen noch Zehntel zu schätzen waren. 1 Scalentheil entsprach  $0,00941^{\text{mm}}$ . Das halbe Mittel aus den gemessenen Werthen des Röhrendurchmessers wurde als Röhrenradius  $r$  in Rechnung gebracht. Das specifische Gewicht bestimmte ich mit einem Senkgläschen, das an einem feinen Platindraht an einer hydrostatischen Wage aufgehangen war.

Die Concentration der Salzlösungen habe ich entweder selbst bestimmt oder aus dem spec. Gewicht nach den Messungen von Gerlach <sup>1)</sup> berechnet, von deren Zuverlässigkeit ich mich mehrfach durch eigene Beobachtungen überzeugt habe.

Die Salzlösungen wurden gewöhnlich 12 bis 36 Stunden nach der Auflösung des Salzes untersucht, welches so rein war, wie ich es mir im Handel verschaffen konnte.

Die im folgenden angegebenen Zahlen sind gewöhnlich das Mittel aus den wenig von einander abweichenden Resultaten dreier Versuchsreihen.

§ 3. Methode der flachen Luftblasen. Vor einem Kathetometer (Pogg. Ann. 105, p. 15 u. Taf. 1, Fig. 4, 5, 11, 12, 1858) mit einem horizontalen Mikroskop von  $120^{\text{mm}}$  Object-Abstand befand sich ein von planparallelen Glasplatten gebildeter Glastrog. (Pogg. Ann. 153, p. 181 u. Taf. 1, Fig. 8, 1874). Die vertikale Verschiebung des Mikroskops konnte bis auf  $0,001^{\text{mm}}$ , die horizontale bis auf  $0,05^{\text{mm}}$  genau gemessen werden. Der Glastrog wurde mit der betreffenden Flüssigkeit gefüllt, und in diese eine horizontale Glasplatte gehängt. Mit einem rechtwinklig gebogenen reinen Glasfaden von 1 bis  $2^{\text{mm}}$  Durchmesser wurde eine flache Luftblase unter die horizontale Deckplatte gebracht, so dass die Contour derselben scharf im Gesichts-

---

1) G. Th. Gerlach, Specifische Gewichte der gebräuchlichsten Salzlösungen bei verschiedenen Concentrationsgraden. Freiberg. 1859.

feld des Mikroskops erschien. Aus den vertikalen Abständen  $K$  und  $x$  der Kuppe und des Bauches der flachen Luftblase von der horizontalen Deckplatte ergibt sich dann die spezifische Cohäsion  $a^2$  und der spitze Randwinkel  $\Theta$  unter welchem die Flüssigkeits-Oberfläche die horizontale Glasfläche schneidet.

Für unendlich grosse flache Luftblasen ist nämlich, wie ich Pogg. Ann. 139, 1870, p. 7 nachgewiesen habe:

$$(K-x)^2 = a^2 \quad . . . . . 4$$

$$\frac{K}{K-x} \frac{1}{\sqrt{2}} = \cos \frac{\Theta}{2} \quad . . . . . 5$$

Aus  $(K-x)^2$  erhält man durch Multiplication mit dem halben specifischen Gewicht die wirkliche Cohäsion oder Oberflächenspannung  $\alpha$  der freien Oberfläche der Flüssigkeit unabhängig vom Randwinkel. (vergl. Gl. 2).

Für flache Luftblasen von endlichem Durchmesser  $2r$  lässt sich die Theorie bis jetzt nicht vollständig durchführen. Die Erfahrung lehrt aber, dass für diese Luftblasen  $K$  und  $K-x$  wenig grösser als bei unendlich grossen Blasen ist. Die Differenz beträgt höchstens 0,04 des ganzen Werthes, sobald  $2r > 20^{mm}$ .

Für viele Bestimmungen kann daher der daraus entspringende Fehler vernachlässigt und  $K$  oder  $K-x$  als unabhängig vom Durchmesser der Blase angesehen werden. Dies bei meinen früheren Versuchen eingeschlagene Verfahren war um so mehr berechtigt, als der Einfluss anderer Fehlerquellen, besonders zufälliger unvermeidlicher Verunreinigungen viel bedeutender war.

Es lässt sich jedoch auch dieser Mangel in folgender Weise beseitigen:

In reinem Wasser wurden an flachen Luftblasen, deren Durchmesser zwischen 14 und 100  $^{mm}$  schwankte,  $K$  und  $K-x$  bestimmt. Nennt man die für den Durchmesser 100  $^{mm}$  gefundenen Werthe von  $K$  und  $K-x$

$K_{\infty}$  und  $a$ ,

so lässt sich das Verhältniss

$$u = \frac{K}{K_{\infty}} \quad v = \frac{K-x}{a} \quad . . . . . 6$$

für jeden Durchmesser  $2r$  durch Interpolation bestimmen.

Da nun flache Luftblasen in Wasser und in wässrigen Salzlösungen, wie der Versuch zeigt, sehr nahe dieselbe Gestalt haben, so braucht man die bei einer flachen Luftblase vom Durchmesser  $2r$  in wässrigen Salzlösungen beobachteten Werthe von  $K$  und  $K-x$  nur mit dem für reines Wasser bei demselben Durchmesser gefundenen Verhältniss  $u$  resp.  $v$  zu dividiren, um die entsprechenden Grössen für eine unendlich grosse Luftblase zu erhalten.

Ein analoges Verfahren wurde bei Alkohol und alkoholischen Salzlösungen benutzt.

Bei den Beobachtungen hatten die flachen Luftblasen in wässrigen Salzlösungen meist einen Durchmesser von etwa  $30^{\text{mm}}$ , in alkoholischen Salzlösungen von etwa  $20^{\text{mm}}$ . Bei diesen Dimensionen haben  $K$  und  $K-x$  einen Maximalwerth. Bei kleinen Schwankungen des Durchmessers änderten sich dann diese Grössen am wenigsten.

Die Messungen wurden möglichst bald nach Entstehung der Luftblase angestellt, indem man das Mikroskop des Kathetometers nacheinander einstellte auf die Kuppe, den rechten und linken Bauch, die Kuppe, den rechten und linken Durchschnittspunkt der Meridian-Curve mit der horizontalen Glasplatte, und jedes Mal die Stellung der Kathetometer-Scala ablas. Eine ähnliche Reihe Ablesungen wurde wiederholt, nachdem der grösste Durchmesser  $2r$  der flachen Luftblase gemessen war. Aus den 12 Ablesungen, die 2 bis 3 Minuten Zeit in Anspruch nahmen, ergaben sich je 4 Werthe für  $K$  und  $K-x$ , deren Mittelwerth mit Hilfe des Durchmessers  $2r$  auf eine unendlich grosse Luftblase in der vorher beschriebenen Weise reducirt wurde.



Mit den so corrigirten Werthen von  $K$  und  $K - \alpha$  wurde dann aus Gl. 4 und 2 der Werth von  $\alpha$  und  $a^2$  berechnet. Die Bestimmungen an verschiedenen flachen Luftblasen zeigten keine grössere Verschiedenheit, als die Bestimmungen aus capillaren Steighöhen nach der ersten Methode.

§ 4. Sowohl die Capillar-Constante  $\alpha$ , wie die specifische Cohäsion  $a^2$  nehmen mit sinkender Temperatur zu, und erreichen kurz ehe die Flüssigkeit erstarrt, ihren grössten Werth. Diese Maximalwerthe hätte man eigentlich bei den verschiedenen Salzlösungen zu vergleichen. Ich habe jedoch, um Beschaffung und Uebersichtlichkeit der Apparate nicht zu sehr zu erschweren, vor der Hand darauf verzichten müssen, die Abhängigkeit von der Temperatur genauer zu bestimmen. Alle Messungen beziehen sich auf eine mittlere Temperatur von 15 bis 20°.

In der folgenden Tabelle sind die nach beiden Methoden erhaltenen Resultate zusammengestellt, zunächst nur für eine Reihe von Chloriden in Wasser gelöst, indem ich die bei andern Salzlösungen erhaltenen Resultate einer späteren Mittheilung vorbehalte.

Die mit S überschriebene Spalte giebt den Salzgehalt, die Gewichtstheile wasserfreien Salzes, welches in 100 Gewichtstheilen Wasser gelöst war.

Tabelle I.

No.	Substanz.	Spec. Gew.	Salzgehalt	Capillarröhren		Flache Luftblasen.		Röhren	Blasen
				Cohäsion ( $\alpha$ )	Spec. Cohäsion ( $\alpha^2$ )	Cohäsion $\alpha$	Spec. Cohäsion $\alpha^2$		
		$\sigma$	S	mgr.	$\square$ mm	mgr.	$\square$ mm	$\Theta$	$\Phi$
1	Wasser.	1,	0,	7,35	14,70	8,35	16,70	27°14'	28°20'
2	Chlor-Lithium	1,0595	11,14	7,798	14,72	8,810	16,96	31°26'	27°46'
	"	1,1233	25,14	8,409	14,97	9,556	17,01	30°48'	28°21'
3	Chlor-Ammonium	1,0360	13,30	7,643	14,75	8,587	16,58	31°9'	27°07'
	"	1,0758	35,18	8,086	15,03	8,907	16,56	32°43'	24°47'
4	Chlor-Natrium	1,0865	13,27	7,724	14,22	8,659	15,94	22°50'	26°53'
	"	1,1543	25,61	8,038	13,93	8,832	15,30	14°51'	24°30'
	"	1,1574	26,22	8,083	13,97	8,892	15,36	31°50'	24°37'
	"	1,2063	37,55	8,418	13,97	9,324	15,46	27°47'	25°28'
5	Chlor-Kalium	1,0487	8,03	7,430	14,17	8,335	15,90	24°7'	26°56'
	"	1,0932	16,13	7,667	14,03	8,494	15,54	29°13'	25°29'
	"	1,1471	27,36	7,848	13,69	8,564	14,93	1°50'	23°37'
	"	1,1709	32,83	8,008	13,68	8,756	14,95	13°42'	23°52'

5	Chlor-Magnesium	1,1385	18,75	8,003	14,05	8,945	15,71	97'	26°30'
	"	1,2824	43,37	9,020	14,04	10,21	15,93	24°28'	27°56'
6	Chlor-Calcium	1,0813	10,33	7,627	14,11	8,456	15,64	26°55'	25°35'
	"	1,1632	22,01			9,145	15,72	25°6'	
	"	1,2128	28,20	8,322	13,72	9,391	15,48	32°55'	27°36'
	"	1,3078	46,62			9,813	15,00	20°52'	
7	Chlor-Strontium	1,4197	70,61	9,656	13,64	10,327	14,55	29°35'	20°44'
	"	1,0718	7,27	7,484	13,97	8,357	15,59	28°45'	26°27'
	"	1,1303	15,83	7,613	13,47	8,432	14,92	26°22'	25°26'
	"	1,2289	29,11	7,893	12,85	8,690	14,14	21°57'	24°43'
	"	1,3622	49,08	8,422	12,36	9,236	13,56	19°16'	24°14'
8	Chlor-Barium	1,0620	7,11	7,475	14,07	8,410	15,84	27°36'	27°16'
	"	1,1306	15,38	7,674	13,57	8,541	15,11	28°38'	26°4'
	"	1,2043	24,76	7,672	12,78	8,716	14,48	32°7'	28°19'
	"	1,2501	30,53	7,804	12,49	8,827	14,12	30°50'	27°51'

Die mit der Methode der Steighöhen in Capillarröhren gefundenen Werthe von  $(\alpha)$  und  $(\alpha^2)$  sind alle etwa 0.9 der mit flachen Luftblasen gefundenen.

Darnach würde entgegen der gewöhnlichen Annahme Glas von wässerigen Salzlösungen nicht benetzt werden und der Randwinkel etwa  $25^\circ$  statt  $0^\circ$  betragen.

Im Uebrigen zeigen die nach beiden Methoden ausgeführten Messungen eine befriedigende Uebereinstimmung. Bei verschiedenen Lösungen desselben Salzes nimmt die Cohäsion oder Oberflächenspannung  $\alpha$  mit der Concentration zu. Die spec. Cohäsion  $\alpha^2$  ändert sich dagegen weit weniger und nimmt im Allgemeinen mit steigender Concentration ab. Eine Ausnahme bilden  $\text{LiCl}$   $\text{NH}_4\text{Cl}$   $\text{MgCl}_2$ , wo sogar eine kleine Zunahme mit steigender Concentration bemerkbar ist.

Eine nähere Vergleichung der Werthe von  $(\alpha)$  oder  $\alpha$  bei verschiedenen Salzlösungen zeigt, dass bei derselben Concentration die Stoffe mit kleinem Aequivalentgewicht einen besonders hohen Werth der Oberflächen-Spannung zeigen. Es wurde die Anzahl  $y$  von Salz-Aequivalenten berechnet, die bei gleichem Chlorgehalt. mit 100 Aequivalenten Wasser in der Salzlösung verbunden sind. Die Spannung der freien Oberfläche oder die Cohäsion ist dann nahezu proportional mit  $y$ .

Für die Beobachtungen an Capillarröhren ist nahezu  
mgr.

$$(\alpha) = 7.35 + 0.1783 y \quad . \quad . \quad . \quad . \quad . \quad 7a$$

für die Beobachtungen an flachen Luftblasen nahezu  
mgr.

$$\alpha = 8.30 + 0.1870 y \quad . \quad . \quad . \quad . \quad . \quad 7b$$

Die nach beiden Formeln berechneten Werthe finden sich in der folgenden Tabelle mit den beobachteten zusammengestellt.



Tabelle II.

No.	Substanz	Aeq.	$\gamma$	Spec. Gewicht	( $\alpha$ )		$\alpha$	
					beob.	ber.	beob.	ber.
					mgr.	mgr.	mgr.	mgr.
1.	2 Li Cl	85	2,359	1,0595	7,798	7,770	8,810	8,741
			5,325	1,1283	8,409	8,299	9,556	9,296
2.	2 NH <sub>4</sub> Cl	107	2,251	1,0360	7,643	7,751	8,587	8,721
			5,917	1,0758	8,086	8,405	8,907	9,407
3.	2 Na Cl	117	2,042	1,0865	7,724	7,714	8,659	8,682
			3,940	1,1543	8,038	8,052	8,832	9,037
			4,033	1,1574	8,088	8,069	8,892	9,054
			5,779	1,2063	8,418	8,380	9,324	9,380
4.	2 K Cl	149	0,970	1,0487	7,430	7,523	8,335	8,481
			1,948	1,0932	7,667	7,697	8,494	8,664
			3,306	1,1471	7,848	7,939	8,564	8,918
			3,966	1,1709	8,008	8,057	8,756	9,042
5.	Mg Cl <sub>2</sub>	95	3,591	1,1385	8,003	7,990	8,945	8,971
			8,307	1,2824	9,020	8,831	10,21	9,853
6.	Ca Cl <sub>2</sub>	111	1,676	1,0813	7,627	7,649	8,456	8,613
			3,570	1,1632			9,145	8,968
			4,573	1,2128	8,322	8,165	9,391	9,155
			7,561	1,3078			9,813	9,714
			11,45	1,4197	9,656	9,391	10,327	10,441
7.	Sr Cl <sub>2</sub>	158,5	0,826	1,0718	7,484	7,497	8,357	8,454
			1,799	1,1303	7,613	7,671	8,432	8,636
			3,306	1,2289	7,893	7,939	8,690	8,918
			5,575	1,3622	8,422	8,344	9,236	9,342
8.	Ba Cl <sub>2</sub>	208	0,615	1,0620	7,475	7,460	8,410	8,415
			1,330	1,1306	7,674	7,587	8,541	8,549
			2,143	1,2043	7,672	7,732	8,716	8,701
			2,642	1,2501	7,804	7,821	8,827	8,794

Abgesehen von Salmiak, wo eine nicht unwahrscheinliche Bildung von Ammoniak und Salzsäure den Unterschied erklären würde, stimmen beobachtete und berechnete Werthe der Cohäsion überein. Die Abweichungen fallen erst bei

sehr starken Concentrationen ausserhalb der Grenzen der Beobachtungsfehler, so dass man sagen kann:

„Aequivalente Mengen verschiedener Chloride (von gleichem Chlorgehalt) zu derselben Menge Wasser gebracht, geben Salzlösungen von nahezu gleicher Cohäsion oder Oberflächenspannung.“

§ 5. Die Beobachtungen an flachen Luftblasen gestatten den Werth des Randwinkels  $\Theta$  mit Hülfe der Gl. 5 zu bestimmen. Die einzelnen Messungen zeigen aber weit grössere Unterschiede als die Bestimmungen von  $\alpha$ . Zum Theil mag die Unsicherheit von der empirischen Reduction auf unendlich grossen Durchmesser der Luftblasen herühren. Ich muss jedoch bemerken, dass auch ohne diese Reduction die einzelnen Beobachtungen ähnliche Verschiedenheiten des Randwinkels  $\Theta$  ergeben und dass diese Verschiedenheiten sehr wohl durch zufällige Verschiedenheiten bei der Entstehung der Luftblasen bedingt sein können.

Eine zweite Bestimmung des Randwinkels ergibt sich durch Combination der Messungen beider Methoden, da aus Gl. 2, 3 und 4

$$\frac{(\alpha)}{\alpha} = \cos \vartheta \quad . . . . . 8$$

Die Mittelwerthe beider Bestimmungen sind in den letzten beiden Spalten der Tabelle I aufgeführt und stimmen im allgemeinen besser überein, als man bei so schwierigen Versuchen und so verschiedenen Beobachtungs-Methoden erwarten kann.

Da die Bildung der freien Oberfläche in verschiedenen Capillarröhren leichter in genau derselben Weise zu bewirken ist, als bei verschiedenen Luftblasen, so zeigen auch die Werthe von  $\vartheta$  für verschiedene Salzlösungen eine bessere Uebereinstimmung, als die von  $\Theta$ . Würden  $\vartheta$  und  $\Theta$  vollkommen übereinstimmen, so würde der Unterschied der

Werthe ( $\alpha$ ) und  $\alpha$  oder ( $a^2$ ) und  $a^2$  theoretisch vollständig erklärt sein.

Jedenfalls folgt aus diesen Versuchen, dass der Randwinkel bei Glas und wässrigen Salzlösungen nicht  $0^\circ$  ist. Es lässt sich diess auch direct nachweisen, wie ich an einer anderen Stelle ausführlicher erörtern werde.

§ 6. Alkoholische Lösungen derselben Salze verhalten sich ähnlich wie wässrige Lösungen, abgesehen von dem Randwinkel, der bei alkoholischen Lösungen  $0^\circ$  ist.

Die Messungen an flachen Luftblasen werden bei den alkoholischen Salzlösungen auch dadurch unsicherer, dass der Alkohol mit grosser Begierde Wasser aus der freien Luft anzieht.

Die Beobachtungsergebnisse sind für Chlorlithium und Chlорcalcium im Folgenden zusammengestellt.

Tabelle III.

No.	Substanz.	Spec. Gewicht.	Salz- gehalt.	Capillarröhren		Flache Luftblasen	
				Cohäsion	Spec. Cohäsion	Cohäsion	Spec. Cohäsion
		$\sigma$	S	( $\alpha$ )	( $a^2$ )	$\alpha$	$a^2$
1.	Alkohol	0,8064	0.			mgr. 2,389	□mm. 5,924
	Chlor- Lithium	0,8674	8,52	2,491	5,744	2,590	5,971
		0,9210	17,20	2,689	5,840	2,735	5,939
2.	Chlor- Calcium	0,8004	0.	2,295	5,733	2,287	5,712
		0,8537	6,93	2,407	5,639	2,346	5,497
		0,9012	13,93	2,502	5,553	2,464	5,468

Auch hier ändert sich wie bei wässrigen Salzlösungen die spec. Cohäsion nur unbedeutend mit der Concentration.



Dagegen ist wieder die Oberflächenspannung  $\alpha$  nahezu proportional mit der Anzahl  $y$  von Salz-Aequivalenten, die in 100 Aequivalenten Alkohol gelöst sind. Es ist nämlich ( $\alpha$ ) und  $\alpha$  nahezu gegeben durch

mgr.

$$\alpha = 2,336 + 0,1097 y$$

wie die folgende Zusammenstellung der beobachteten und berechneten Werthe zeigt.

**Tabelle IV.**

No.	Substanz.	Aeq.	$y$	Spec. Gewicht.	Cohäsion.		
					( $\alpha$ ) beob.	$\alpha$ beob.	$\alpha$ ber.
					mgr.	mgr.	mgr.
1.	2 LiCl	85	1,804	0,8674	2,491	2,590	2,534
			3,642	0,9210	2,689	2,735	2,736
2.	CaCl <sub>2</sub>	111	1,124	0,8537	2,407	2,346	2,459
			2,260	0,9012	2,502	2,464	2,584

Das am Schluss von § 4 für wässrige Salzlösungen ausgesprochene Gesetz würde hiernach auch für alkoholische Lösungen gelten.

§ 7. Elastische Nachwirkung bei Flüssigkeiten.

Ausser der oben erwähnten unvollkommenen Benetzung unterscheiden sich die Versuche mit Capillarröhren noch in einem anderen wesentlichen Punkte, von denen über flache Luftblasen.

Schützt man den Meniskus oder die freie Oberfläche im Innern der Capillarröhre vor Verunreinigungen, so bleibt die Steighöhe stundenlang ungeändert, sowohl bei reinem Wasser und Alkohol, als auch bei Lösungen von Salzen in diesen Flüssigkeiten.



Dagegen nimmt die Höhe flacher Luftblasen in diesen Flüssigkeiten mit der Zeit ab, zuerst schnell, dann langsamer, und nähert sich einer gewissen Grösse, die sie nach 20 bis 40 Stunden erreicht.

Es zeigt dies, dass die Cohäsion oder Oberflächenspannung der erwähnten Flüssigkeiten zuerst schnell, dann langsamer abnimmt.

Bei reinem Wasser war

$$0^h \quad 3^h48' \quad 21^h20'$$

nach Entstehung der freien Oberfläche

$$\alpha = 8,445 \quad 8,195 \quad 7,940 \text{ mgr.}$$

Wurde die flache Luftblase statt mit atmosphärischer Luft mit reinem Wasserstoff erzeugt, so war

$$0^h \quad 1^h3' \quad 17^h23' \quad 21^h4'$$

nach Entstehung der freien Oberfläche

$$\alpha = 8,455, \quad 8,420 \quad 7,985 \quad 7,590 \text{ mgr.}$$

Bei reinem Alkohol und atmosphärischer Luft war

$$0^h \quad 0^h14' \quad 1^h44' \quad 2^h30' \quad 5^h51'$$

nach der Entstehung der freien Oberfläche

$$\alpha = 2,329 \quad 2,268 \quad 2,228 \quad 2,222 \quad 2,220 \text{ mgr.}$$

Werden durch Bewegen der Luftblase wieder neue Flüssigkeitstheilchen an die Oberfläche gebracht, so nimmt die Höhe der Luftblase oder die Oberflächenspannung  $\alpha$  wieder zu, ohne jedoch den ursprünglichen Maximalwerth wieder zu erreichen. Eine in derselben Flüssigkeit frisch erzeugte flache Luftblase giebt aber sofort nach der Herstellung gemessen, wieder den ursprünglichen Maximalwerth für  $\alpha$ .

Bei Salzlösungen ist diese Abnahme der Höhe flacher Luftblasen oder der Spannung der freien Flüssigkeits-Oberfläche noch viel bedeutender. Je nach der Natur der Flüssigkeit sinkt der Werth von  $\alpha$  von der Grösse, wie er der frisch gebildeten Oberfläche zukommt (8,4 bis  $11^{\text{mm}}$ , je nach der Natur der Salzlösung) im Laufe von 6 bis 70

Stunden nicht nur bis  $7,6^{\text{mer}}$ , wie er einer reinen lange gebildeten Wasserfläche entsprechen würde, sondern noch bedeutend tiefer bis 7 oder  $6^{\text{mer}}$ . Beim Bewegen der Luftblase nimmt er wieder zu, sobald neue Theilchen aus dem Innern der Flüssigkeit an die Oberfläche gelangen. Eine frisch gebildete flache Luftblase giebt wieder den ursprünglichen Maximalwerth für  $\alpha$ .

Während also Versuche an Capillarröhren keine merkliche Aenderung der Capillar-Constante  $\alpha$  mit der Zeit zeigen, tritt dieselbe in hohem Grade deutlich bei flachen Luftblasen hervor und geht bei den letzteren sogar weiter, als die im Anfang dieser Mittheilung (§ 1) erwähnte Theorie erwarten lässt.

Diese Erscheinungen sind analog denen der elastischen Nachwirkung bei festen Körpern. Eine Flüssigkeit zeigt je nach den Bedingungen, unter denen sie sich befindet und je nach den Kräften, denen sie im Laufe der Zeit unterworfen gewesen ist, ganz verschiedene Eigenschaften — verschiedene Dichtigkeit, verschiedene Cohäsion, verschiedene Beweglichkeit, verschiedene elektromotorische Kraft (vergl. Pogg. Ann. 153 p. 164 1874). Die Abnahme der Oberflächenspannung  $\alpha$  mit der Zeit, welche Salzlösungen zeigen, rührt wahrscheinlich von einer sehr dünnen Wasserschicht her, die sich an der freien Oberfläche der Salzlösung ansammelt. Diese Wasserschicht, deren Dicke von der Ordnung des Radius der Wirkungssphäre der Molecularkräfte ist (circa  $0,000050^{\text{mm}}$ ) hat aber ganz verschiedene Eigenschaften, je nachdem sie sich zwischen Luft und Wasser, oder Luft und Salzlösungen, befindet.

Dass bei einem Flüssigkeits-Meniskus in einer Capillarröhre diese Aenderungen weniger deutlich hervortreten, könnte darin seinen Grund haben, dass die von der Glaswand auf die benachbarten Flüssigkeitstheilchen ausgeübten Molecularkräfte eine Concentrationsänderung der Salzlösung

oder eine Dichtigkeitsänderung des Wassers und Alkohols verhindern.

Die Berührungsflächen der Flüssigkeiten mit Luft zeigen hiernach ähnliche Verschiedenheiten, wie die Berührungsflächen mit anderen Flüssigkeiten oder mit festen Körpern, jedoch mit dem Unterschiede, dass bei den letzteren eine Verdichtung, bei den ersteren eine Verdünnung der Flüssigkeitstheilchen allmählig aufzutreten scheint.

Heidelberg, den 30. December 1875.

Herr W. Beetz trug vor:

Ueber anomale Angaben des Goldblattelectroskops.

Dasjenige Goldblattelectroskop, welches in den physikalischen Cabineten allein noch angewandt zu werden pflegt, ist das Kuglelectroskop <sup>1)</sup>. Für die meisten feineren Untersuchungen ist dasselbe zwar durch das Säulenelectroskop fast ganz verdrängt und zur Demonstration in den Vorlesungen eignet es sich seiner kleinen Dimensionen wegen auch nicht besonders; (ich bediene mich statt seiner für diesen Zweck stets des sehr empfindlichen und weithin sichtbaren Bifilarelectroskops <sup>2)</sup>); immerhin ist aber das Goldblattelectroskop noch vielfach in Anwendung, z. B. wenn man untersuchen will, ob ein Körper ein Leiter der Electricität ist, oder nicht.

Soll ein solches Electroskop geladen werden, so lässt man die auf der Oberfläche eines geriebenen Körpers vorhandene Electricität in der Regel nur durch Influenz auf den Leiter des Electroskops wirken; unter Umständen theilt man diesem aber auch direct durch Berührung Electricität mit, z. B. wenn man die Anwendung des Electroskops zeigen will, ehe man die Lehre von der Influenz erläutert hat. In einem solchen Falle fand Herr Forster <sup>3)</sup>, dass das Electroskop, wenn es durch Berührung mit einem stark negativ electrischen Körper geladen worden war, eine positive Ladung angenommen hatte. Die Erklärung, welche derselbe von dieser sonderbaren Erscheinung giebt, ist folgende: „Nähert

<sup>1)</sup> P. Riess, die Lehre von der Reibungselectricität, 1853. I. p. 60.

<sup>2)</sup> W. Beetz, Bifilarelectroskop, Carl. Rep. IX. p. 182.

<sup>3)</sup> Poggend. Ann. CXLIV. p. 439. 1871.



man dem Knopf des Electroskops die stark negativ electrische Stange, so findet Vertheilung der Electricitäten im Electroskop statt. Die  $+E$  strömt in den Knopf, in welchem sie durch die  $-E$  der Stange gebunden wird; die  $--E$  strömt in die Blättchen, welche unter ihrem Einflusse divergiren. Unter dem Einflusse der Stange strömt  $-E$  aus dem Electroskop ab, während im Knopf sich immer mehr  $+E$  sammelt und gebunden wird. Im Momente des Berührens von Stange und Knopf giebt die Stange diejenige Menge  $-E$ , welche an der Berührungsstelle vorhanden ist, an den Knopf ab und neutralisirt in demselben eine entsprechende Menge  $+E$ . Da aber die mit dem Knopfe nicht in unmittelbarer Berührung befindlichen Theile der Stange ihre  $-E$  nicht abgeben, so wird dieser Ueberschuss von  $-E$  die angedeutete Vertheilung und Bindung fortsetzen, in Folge dessen sich im Knopfe viel mehr gebundene  $+E$ , als in den Blättchen freie  $-E$  ansammelt, weil ein fortwährender Verlust an  $-E$  des Electroskops stattfindet.“

Diese Erklärung ist ohne Frage richtig, nur lässt sie einen Umstand unerörtert, nämlich den: wohin strömt die  $-E$  aus dem Electroskop unter dem Einfluss der  $-E$  der Stange? Dies wird sofort klar, wenn man nicht nur die eine beschriebene Thatsache betrachtet, sondern die ganze Reihe der abnormen Erscheinungen, welche das Electroskop zeigt.

Ich stellte meine Versuche mit verschiedenen Electroskopen und verschiedenen Electricitätsquellen an, will aber in der Folge immer von ein und demselben Electroskop, einem Kugelectroskop von Schubert in Gent mit Aluminiumblättchen, und immer von ein und derselben Electricitätsquelle, einer mit Katzenfell geriebenen Siegellackstange reden.

1) Nähert man die Stange dem Knopfe des Electroskops, ohne denselben zu berühren, so divergiren die Blättchen

und zwar zeigen sie nach Entfernung der Stange, wenn die Annäherung einige Secunden gedauert hatte oder die Stange langsam über den Knopf hingeführt worden war, positive Electricität. (Auch dies hat Herr Forster schon beobachtet). Ueberlässt man nun das Electroskop sich selbst, so fallen die Blättchen langsam zusammen. Berührt man aber den Knopf, so lange die Divergenz noch dauert, einen Moment leitend, so fallen die Blättchen plötzlich zusammen, allmählich aber gehen sie wieder auseinander und zwar mit negativer Electricität. Dieser Vorgang zeigt, wohin die  $-E$  aus dem Electroskop geströmt ist: nämlich auf die innere Glasfläche. Sobald die  $-e$  Stange dem Knopfe genähert wird, strömt  $-E$  aus den Blättchen auf die Glasfläche; im Knopfe bleibt aber  $+E$ . Entfernt man die Stange, so divergiren die Blättchen mit  $+E$ , saugen aber langsam die  $-E$  von der Glasfläche wieder ein und der Versuch ist zu Ende. Berührt man aber sofort den Knopf des mit  $+E$  geladenen Electroskops, so wird diese abgeleitet, die unelectricisch gewordenen Blättchen saugen aber ebenfalls die  $-E$  von der Glasfläche wieder ein und divergiren mit derselben. Haben sie das Maximum der Divergenz erreicht und man berührt den Knopf, so wird das Electroskop entladen.

2) Berührt man den Knopf mit der Stange und entfernt diese dann, so divergiren die Blättchen heftig mit positiver Electricität; die Divergenz verliert sich nur schwer. Berührt man den Knopf, so bleibt die Divergenz mit positiver Electricität bestehen. Sehr allmählich nimmt sie ab; berührt man unterdess wieder den Knopf, so nimmt sie sogar wieder zu und nur sehr schwer nimmt das Electroskop seinen völlig unelectricischen Zustand wieder an. Die Erklärung dieser auffallenden Erscheinung ist folgende: Beim Berühren des Knopfes mit dem stark  $-e$  Körper wird das Electroskop ganz in der von Herrn Forster angegebenen

Weise mit  $+E$  geladen. Hat man statt der geriebenen Siegellackstange eine geriebene Ebonitplatte genommen, so sieht man beim Aufstreuen eines Gemisches von Schwefel- und Mennigepulver eine positive Staubfigur an der Stelle entstehen, an welcher der Funke zwischen dem Knopf und der Platte übergegangen ist. Nach dieser Richtung entweicht also, wie sich von selbst versteht,  $+E$  aus dem Knopfe; aber die  $-E$ , durch deren Austritt die  $+e$  Ladung des Electroskops allein erklärt werden kann, ist in grosser Menge auf die Glasfläche übergetreten. Berührt man den Knopf, so leitet man die  $+E$  nicht ab, weil sie zu stark durch jene, auf der Glasplatte ausgebreitete  $-E$  gebunden ist. Fallen die Blättchen langsam zusammen, und man berührt den Knopf wieder, so ist immer noch  $-E$  genug auf dem Glase vorhanden, um durch Influenz bedeutende Mengen von  $+E$  in den Blättchen festzuhalten. Man nimmt also durch Berührung nur die in die Blättchen zurückgekehrte und nicht gebundene  $-E$ , aber nicht die  $+E$  fort. Nur langsam kann die grosse Menge der auf dem Glase haftenden Electricität ihren Ausweg durch die Blättchen finden.

Alle beschriebenen Erscheinungen setzen gar nicht etwa sehr kräftige Electricitätsquellen voraus; man kann dieselben auch mit einem an einem Kautschuktuch oder an Amalgam geriebenen Glasstabe leicht hervorrufen. Wohl aber ist die Länge der Blättchen nicht gleichgültig: mit etwas längeren Blättchen treten alle Erscheinungen stärker auf; selbstverständlich dürfen dieselben unter keinen Umständen bis an die Kugelwände reichen.

Wenn nach diesen Angaben das Electroskop geradezu eins der unbrauchbarsten physikalischen Instrumente zu werden scheint, so ist dies nur deshalb der Fall, weil man eine höchst einfache Zugabe zum Electroskop, welche Herr Riess in der oben angezogenen Beschreibung desselben ganz

klar angegeben und abgebildet hat, als ganz überflüssig unbeachtet gelassen hat: das ist die Stanniolbekleidung auf der Aussenseite der Glaskugel, welche den Messinghals des Instrumentes mit dessen Fussgestell leitend verbindet. Die älteren Electroskope von Cavallo, Volta, Bennet trugen solche Stanniolbelege an der Innenseite des Glasgefässes, um die etwa zu stark divergirenden Pendel zu entladen, wenn sie an die Gefässwände anschlagen. Am Kugelelectroskop sind die Belege aussen angebracht; hiedurch sind zunächst die störenden Einflüsse vermieden, welche durch jede noch so leichte Reibung der den Blättchen gegenüberstehenden Glaswände entstehen müssen, dann aber wird auch die aus den Blättchen auf die Innenseite der Glaswände überströmende Electricität sofort grösstentheils gebunden. Der geringe ungebunden bleibende Ueberschuss, im betrachteten Falle  $-E$ , reicht deshalb nicht hin, um eine erhebliche Menge  $+E$  in den Blättchen festzuhalten, und deshalb divergiren dieselben selbst nach der Berührung mit dem  $-e$  Körper niemals mit  $+E$ , sondern, wie man es immer erwartet hat, mit  $-E$ . Berührt man den Knopf der Electroskops, während die Blättchen divergiren, so erfolgt in der That eine Entladung und ebenso kann man das nicht mit Stanniolbelegen versehene Electroskop scheinbar vollständig entladen, wenn man die untere Kugelhälfte mit einer Hand bedeckt, während man mit der anderen den Knopf berührt. Aber eine solche Entladung trifft noch nicht die Glaskugel, in welcher vielmehr beide Electricitäten wie in einer leydenen Flasche festgehalten sind, so dass je nach zufälligen Umständen doch noch Störungen in den normalen Angaben des Electroskops stattfinden können. Ebenso wirkt jeder noch so schwach leitende Ueberzug auf der äusseren Glasfläche, z. B. Feuchtigkeit, bindend auf die innen haftende Electricität; die oben beschriebenen Vorgänge finden deshalb am reinsten statt, wenn man die äussere Glasfläche zuvor mit Alkohol



sauber abgeputzt und bis zum Abflauen des Beschlages mit einer Flamme erwärmt hat. Wäscht man dagegen das Glas mit Alkohol ab, ohne es zu erwärmen, und stellt sogleich die Versuche an, so ladet sich oft das Electroskop beim Berühren mit der Siegelackstange negativ, weil die durch die Verdunstung des Alkohols entstandene Kälte die Bildung eines wässrigen Niederschlages auf der Glasfläche veranlasst hat.

Jedenfalls zeigen die vorstehenden Mittheilungen, dass das Glas überhaupt der unzweckmässigste Körper ist, aus dem man das Gehäuse eines Electroskops hat herstellen können. In der That hat man an anderen electricischen Beobachtungs- und Messapparaten dasselbe schon lange durch Metall ersetzt: so z. B. R. Kohlrausch an seinem Torsions- und Sinuselectrometer, Thomson an seinem Quadrantelectrometer. Ich habe ein Electroskop construiren lassen, dessen Gehäuse ein horizontalliegendes, von Metallfüssen getragenes Messingrohr von 12 cm Durchmesser und 8 cm Länge ist. Seine beiden Endflächen sind durch verticale Glasplatten geschlossen, denen parallel die Ebene liegt, in welcher die Aluminiumblättchen divergiren. An einem solchen Electroskop bilden sich nirgends störende Rückstände; man kann alle seine Theile ganz vollständig entladen, indem man Knopf und Gehäuse leitend mit einander verbindet; ausserdem eignet es sich für objective Projection besser, als das Kugelelectroskop. Durch lange dauernde Annäherung eines — e Körpers nehmen die Blättchen wohl auch in diesem Electroskop eine geringe + E an, während die zugehörige — E abgeleitet wird, beim Berühren überwiegt aber sofort die mitgetheilte — E über die durch Influenz erzeugte + E, weil diese nicht mehr durch eine gegenüberstehende — E festgehalten wird. Die sonst vorhandene Quelle des Irrthums ist also vermieden.

Endlich hat dieses Mantelelectroskop noch die vortreff-

liche Eigenschaft, dass man es durch denselben electricen Körper durch Influenz nach Belieben positiv oder negativ laden kann. Ist der electriche Körper wieder die geriebene Siegellackstange, so geschieht die positive Ladung wie immer. Will man aber das Electroskop negativ laden, so stellt man es auf eine Ebonitplatte, nähert die Siegellackstange dem Knopf, berührt mit dem Finger das Gehäuse, entfernt dann den Finger und darauf die Siegellackstange. Die Blättchen hängen jetzt neutral herab, wie wenn in ihrer Nähe gar kein electricer Körper wäre; in der That aber befinden sie sich im Innern des durch Influenz positiv-electrisch gemachten Cylinders. Berührt man daher jetzt den Knopf des Electroskops leitend, so entzieht man demselben  $+E$ , während die Blättchen sofort mit  $-E$  divergiren.

Das Mantelelectroskop vermeidet also die Fehlerquellen der bisher gebräuchlichen Apparate und gestattet ausserdem eine weitere Anwendbarkeit, als jene.

---

Derselbe machte folgende Bemerkung

„Ueber das electriche Leitungsvermögen  
des Braunsteins und der Kohle.“

Auf Veranlassung des Herrn von Kobell prüfte ich einige Manganerze, welche mir Derselbe freundlichst übergab, auf ihr electriche Leitungsvermögen. Es war ein Pyrolusit und ein Manganit. Durch Spalten und weiteres Bearbeiten mit der Feile wurden aus den gegebenen Erzen möglichst gut prismatische Stücke hergestellt. Das eine Ende eines solchen Prismas wurde durch Eintauchen in leichtschmelzbare Metalllegirung mit einer Metallhülse versehen, an welcher ein Leitungsdraht befestigt wurde; das andere Ende wurde bis zu einer bezeichneten Stelle in Quecksilber getaucht, dann wurde der Widerstand der ganzen Combination be-

stimmt. Darauf wurde das Prisma bis zu einer zweiten bezeichneten Stelle in Quecksilber versenkt, und wiederum der Widerstand der Combination bestimmt. Die Differenz der beiden Ergebnisse ist dann der Widerstand des zwischen den beiden Zeichen liegenden Leiterstückes von bekannter Länge. Der mittlere Querschnitt desselben wurde aus dem Gewichte des Stückes und dessen Dichtigkeit berechnet.

Da ich theils früher, theils jetzt das Leitungsvermögen einiger Kohlensorten bestimmt habe, so theile ich auch die mit diesen Körpern erhaltenen Resultate hier mit. Während die für die Manganerze erhaltenen Zahlen nur als Annäherungen an die wahren Werthe betrachtet werden dürfen, weil die gegebenen Stücke nur sehr klein und die prismatische Gestalt etwas mangelhaft war, und weil in den verschiedenen Richtungen diese Erze ihres strahligen und krystallinischen Gefüges wegen gewiss sehr verschiedene Leitungsfähigkeit besitzen, dürfen die für die Kohle gegebenen Werthe auf grössere Genauigkeit Anspruch machen, weil die angewandten Stücke von sehr regelmässig prismatischer Form und von bedeutender Länge waren. Die an verschieden langen Stücken beobachteten Widerstände stehen denn auch sehr nahe im richtigen Verhältniss zu den Längen. Die Querschnitte wurden an den grösseren Stücken (3, 5 und 6) durch Messung der Breite und Dicke direct gefunden, an allen übrigen wie an den Manganerzen aus Masse und Dichtigkeit berechnet.

Das gefundene Leitungsvermögen  $\lambda$  bezieht sich auf das des Quecksilbers = 1; der Siemensschen Definition der Widerstandseinheit entsprechend sind deshalb die Längen der Leiter  $l$  in Metern, ihre Querschnitte  $q$  in Quadratmillimetern ausgedrückt. Ueber die einzelnen Kohlensorten mache ich noch folgende Angaben:

4) Graphitstifte von Faber sind sehr homogene unbedeckte Stifte aus Bleistiftmasse, im Handel bezeichnet F.

28 *Beetz: Leitungsvermögen des Braunsteins und der Kohle.*

Crayons d'artiste. 3) und 5) sind parallelipedische Kohlenstücke für Bunsenelemente und zwar ist 5 eine sehr gute Kohle aus Münchener Gasretortenkohle geschnitten, 3 dagegen eine Kohle aus Nürnberg von so grossem Widerstande, dass sie sich für den Gebrauch in der Batterie als vollständig unbrauchbar erwiesen hat.

6) Ist eine Kohlenplatte aus einer Bunsenschen Plattenbatterie, wie sie Ruhmkorff seinen Inductionsapparaten beigiebt. Alle Batteriekohlen waren noch ungebraucht und vor der Messung gut getrocknet.

7) Ist ein Kohlenstab von einer Faucaultschen Lampe, von Duboscq geliefert.

Die Beobachtungen sind in folgender Tabelle zusammengestellt.

No.	Leiter	s	q	l	w	$\lambda$
1	Manganit	4,34	14,43	0,012	520	0,0000016
			10,00	0,006	230	0,0000026
2	Pyrolusit	4,66	3,23	0,024	60	0,000123
			1,41	0,026	80	0,000230
3	Nürnberger Batteriekohle	1,47	1125	0,140	0,73	0,00017
4	Graphitstab von Faber	2,28	2,36	0,070	0,37	0,00455
				0,100	8,55	
5	Münchener Retortenkohle	1,72	1272	0,050	4,30	0,0110
				0,140	0,010	
6	Kohlenplatte von Ruhmkorff	1,82	1232	0,140	0,009	0,0138
7	Kohlenstab von Duboscq	1,90	22,42	0,070	0,005	0,0288
				0,140	0,217	
				0,070	0,109	



Das Leitungsvermögen der beiden Manganerze ist also sehr gering; das einer concentrirten Zinkvitriollösung würde sogar grösser sein, als das des Manganits (0,0000046). Die schlechtleitenden Kohlsorten 3 und 4 sind keine reine Kohle, sondern Gemische mit schlechten Leitern. Dagegen sind die drei letzten Stücke 5, 6 und 7 aus Retortenkohle geschnitten; ihr Leitungsvermögen nimmt in derselben Ordnung zu, wie ihre Dichtigkeit. Die Pariser Kohlen sind weitaus die am besten leitenden.

Herr Matthiessen <sup>4)</sup> hat auch einige Angaben über die Leitungsfähigkeit mehrerer Graphit- und Kohlsorten gemacht. Wenn dieselben auf die Leitungsfähigkeit des Quecksilbers = 1 reducirt werden, so ordnen sie sich zwischen die von mir gefundenen Werthe. Er fand nämlich für

Graphit (Bleistiftmasse) zwischen 0,0425 und 0,0024

Batteriekohle 0,00177.

Gaskohle 0,0224.

---

4) Poggend. Ann. CIII. p. 428.

Herr Wilhelm von Bezold spricht

„Ueber die Vergleichung von Pigment-  
farben mit Spectralfarben“.

Nach dem Gesetze der Farbenmischung, wie es zuerst von Newton aufgestellt, und später durch die Untersuchungen von Grassmann, Helmholtz und Maxwell als richtig erwiesen wurde, lässt sich jede Farbenempfindung, deren wir fähig sind, durch Mischung einer Spectralfarbe mit Weiss hervorrufen. Ausgenommen sind hievon nur die sogenannten Purpurtöne, für welche zwei Spectralfarben nämlich Roth und Blau erforderlich sind und ausserdem allenfalls noch mehr oder weniger Weiss. Von diesen Tönen soll im Folgenden gänzlich abgesehen werden.

Unter Berücksichtigung der eben gemachten Beschränkung genügt demnach zur vollständigen Bestimmung irgend einer Farbe die Kenntniss dreier Stücke: des Farbentones, der Reinheit<sup>1)</sup> und der Helligkeit, d. h. man muss vor Allem jene Spectralfarbe kennen, durch deren Mischung mit Weiss sich die betreffende Farbe herstellen lässt, dann das Verhältniss, nach welchem diese Mischung vorgenommen werden muss, und endlich die Helligkeit der Mischfarbe oder einer ihrer Componenten nach irgend einem fest bestimmten Maasse.

Wäre man im Stande, diese einzelnen hier genannten Grössen mit Schärfe zu bestimmen, so könnte man auch die Farbe eines Pigmentes durch drei Zahlen vollständig

---

1) Vgl. Poggdff. Ann. Bd. CL. S. 77 u. 78.

charakterisiren. Ein Versuch eine solche Bestimmung wirklich auszuführen, ist meines Wissens noch niemals gemacht worden. Zwar hat Maxwell zwischen verschiedenen Pigmenten Farbgleichungen hergestellt, aber er beschränkte sich hierauf, ohne eine Reduction auf die prismatischen Farben vorzunehmen. Chevreul dagegen, dessen „Exposé d'un moyen de definir et nommer les couleurs“ den ganzen 33. Band der Memoiren der Pariser Academie einnimmt, liess bei dieser umfangreichen und mühsamen Arbeit das Gesetz der Farbenmischung so sehr ausser Acht und räumte dem blossen Gefühle einen solchen Spielraum ein, dass man diesem Werke zwar eine gewisse praktische Bedeutung nicht absprechen, aber kaum einen hohen wissenschaftlichen Werth beilegen kann. Auch die Vergleichung der Farben einiger gefärbten Körper mit Stellen des Spectrums, welche er im Vereine mit E. Becquerel ausführte und von letzterem a. a. O. auf S. 46—48 beschrieben ist, flösst wegen der dabei angewendeten Methode nur mässiges Vertrauen ein. Aber selbst wenn diese wenigen Bestimmungen vollkommen gelungen sein sollten, so wäre die Methode doch jedenfalls viel zu umständlich, um eine häufigere Anwendung zu gestatten. Bei Pigmenten von geringerer Helligkeit oder Reinheit müsste sie überdies erst wesentlich modificirt werden.

Im Folgenden sollen nun zwei Methoden beschrieben werden, vermittelt deren man wenigstens eines dieser Elemente, und zwar das interessanteste, den Farbenton, auf einfache Weise und mit geringer Mühe ermitteln kann.

Diese Methoden schliessen sich eng an einen Vorschlag an, der einmal, ich weiss leider nicht mehr, wo und von welcher Seite, gemacht wurde, um Mischungen von Pigment- und Spectralfarben hervorzubringen.

Der genannte Vorschlag bestand darin, die Scala im Scalenfernrohre eines gewöhnlichen Spectralapparates durch eine passend erleuchtete farbige Fläche zu ersetzen; dann

muss das Spiegelbild dieser Fläche sich über das Spectrum lagern, so dass der Beobachter eine Mischung der von dem Pigmente zurückgeworfenen und der Spectralfarben erblickt.

Auf ganz ähnliche Weise kann man nun ein Spiegel-Bild einer bemalten Fläche neben ein Spectrum legen und so die beiden mit einander vergleichen.

Nach mehreren Versuchen fand ich die folgende Anordnung am zweckmässigsten:

Ein weisser Carton von möglichst feinem Korne wurde zum Theile mit schwarzem Papier beklebt, so dass eine scharfe horizontale Trennungslinie die beiden Hälften scheidet. Senkrecht auf diese Trennungslinie ist in den schwarzen Theil eine Spalte eingeschnitten von etwa einem Millimeter Breite oder weniger; diese Spalte reicht genau bis zu der Trennungslinie der beiden Hälften. Damit dieser Schlitz möglichst scharfe Ränder erhalte, ist es zweckmässig, ihn im Carton etwas breiter zu lassen, so dass die Ränder nur von dem schwarzen Papiere gebildet werden.

Diesen so vorgerichteten Carton bringt man nun in die Brennebene des Scalentfernrohres, von dem man die Scala entfernt hat und das bewegliche Rohrstück entweder möglichst weit hineingeschoben, oder allenfalls auch hinweggenommen hat. Die horizontale Trennungslinie muss durch die Axe des Rohres senkrecht geschnitten werden und der ganze Carton in seiner eigenen Ebene leicht horizontal verschiebbar sein, was sich durch Aufkleben desselben auf einen Holzklötz ohne Schwierigkeit erreichen lässt. Befindet sich der weisse Theil oberhalb der Fernrohraxe, so erblickt man im Beobachtungsfernrohre unten das Spiegelbild der weissen Fläche, oben dicht daranstossend das des Schlitzes.

Hat man nun gleichzeitig die untere Hälfte des Spaltes im Collimatorfernrohre mit einem Blättchen Stanniol oder sonst einem undurchsichtigen Körper bedeckt, während die obere frei gelassen wurde, so sieht man zugleich in der



unteren Hälfte des Gesichtsfeldes das Spectrum gemischt mit Weiss. Durch geeignetes Beschatten des weissen Cartons sowie durch passende Wahl der Spaltbreite (im Collimator), kann man sowohl die Helligkeit des Spectrums als auch des weissen Spiegelbildes innerhalb ziemlich weiter Grenzen beliebig verändern, und hat so die Reinheit und Helligkeit des unten erscheinenden Spectrums in seiner Gewalt.

Stellt man nun in einiger Entfernung hinter den Schlitz im Carton die zu untersuchende farbige Fläche auf, so erblickt man den Schlitz in der betreffenden Farbe. Durch Verschieben des Cartons kann man alsdann das Bild des Schlitzes dicht über die Farbe im Spectrum bringen, welche ihm am nächsten steht und endlich durch allmälige Aenderung in der Helligkeit und Reinheit des letzteren vollständige Uebereinstimmung herbeiführen.

Hiebei ist es wesentlich, dass der Carton ein sehr feines Korn habe, weil sonst das über das Spectrum gelagerte Bild desselben dem Spectrum ein fremdartiges Ansehen gibt, während das von der farbigen Fläche herrührende Licht dadurch, dass kein deutliches Bild dieser Fläche, sondern nur ein solches des Schlitzes entsteht, jene eigenthümliche Durchsichtigkeit besitzt, wie man sie sonst an Körperfarben vergeblich sucht.

Die Resultate, welche man auf diese Weise erhalten hat, lassen sich nun noch mit Hülfe einer zweiten Methode controliren, die noch rascher zum Ziele führt, aber vielleicht weniger frei von Einwürfen ist.

Diese Methode ist die folgende:

Man ersetzt die Scala im Scalenfernrohre durch eine undurchsichtige Platte (im Nothfalle nur aus Stanniol), die mit einem, die Mitte überschreitenden, verticalen Schlitze versehen ist, während die Spalte im Collimator, wie beim vorigen Versuche zur Hälfte bedeckt bleibt.

Bringt man nun vor dem Schlitze am Scalenfernrohre die farbige Fläche an, so erblickt man das Bild des Schlitzes im dunklen Theile des Gesichtsfeldes in dieser Farbe. Die andere Hälfte des Bildes lagert sich über das in der unteren Hälfte sichtbare Spectrum und erscheint demnach dort in der aus der Pigmentfarbe und einer Spectralfarbe gebildeten Mischfarbe. Diese Mischfarbe neigt sich nun der brechbareren Seite zu, wenn die Spectralfarbe, auf welche das Bild des Schlitzes fällt, brechbarer ist als die dem Pigmente entsprechende, während das Umgekehrte eintritt, wenn die Spectralfarbe weniger brechbar ist. Da man durch eine kleine Bewegung des Scalenfernrohres das Bild des Schlitzes leicht über das ganze Spectrum hinwegführen kann, so ist es unschwer, jene Stelle zu finden, wo das Umspringen der Mischfarbe statt hat und diese Stelle besitzt offenbar denselben Farbenton, wie die betreffende Pigmentfarbe.

Diese Reaction ist äusserst empfindlich. Gesetzt z. B. man habe ein grünes Pigment vor sich, wie es der Linie E entspricht, so genügt die allergeringste Verschiebung des Scalenfernrohres nach rechts oder links um den auf das Spectrum fallenden Theil des Schlitzbildes im Vergleiche mit dem andern Theile das einmal gelblich das anderemal bläulich erscheinen zu lassen.

Ob die beiden Methoden ganz genau übereinstimmende Resultate liefern, dies kann natürlich erst nach eingehenden Versuchen entschieden werden. Für jene Theile des Spectrum's in welchen sich die Fluorescenz der Netzhaut nicht merkbar macht, glaube ich dessen bereits sicher zu sein.

Die hier mitgetheilten Methoden sollen zunächst dazu verwendet werden, die Grundlagen für eine wirklich richtige in Pigmentfarben ausgeführte Farbentafel zu liefern.

---

Herr Baeyer berichtet über die in seinem Laboratorium ausgeführte Arbeit:

„Ueber die Hydrasinverbindungen der Fettreihe von Emil Fischer.“

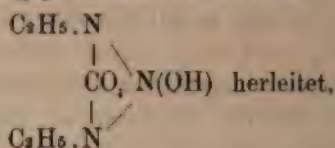
Nachdem es gelungen, vor den secundären Aminbasen ausgehend die zweifach substituirten, fetten Hydrasinbasen darzustellen, war Aussicht vorhanden, auf ähnliche Weise die nur ein Alkoholradical enthaltenden Hydrazine der Fettreihe zu gewinnen, deren Kenntniss durch die nahen Beziehungen zu den bisher vergebens angestrebten Diazokörpern ein erhöhtes Interesse erhielt.

Durch Benutzung derselben Reaction, welche durch Reduction der NO- zur NH<sub>2</sub>-gruppe die Synthese des Dimethyl- und Diaethylhydrazins ermöglichte, ist es mir nun neuerdings in der That gelungen, zunächst ein Glied dieser Körperklasse, das Monoaethylhydrazin C<sub>2</sub> H<sub>5</sub>.NH-NH<sub>2</sub> zu erhalten.

Als Ausgangspunkt für die Gewinnung desselben diente der Diaethylharnstoff, welcher als secundäre Aminbase einerseits die Einführung einer Nitrosogruppe nach der gewöhnlichen Methode durch Einwirkung von salpetriger Säure gestattete und andererseits wegen seiner leichten Spaltbarkeit besonders geeignet erschien, eine spätere Entfernung und Ersetzung der Carbamidgruppe durch Wasserstoff zu ermöglichen.

Ueber die Einwirkung der salpetrigen Säure auf Diaethyl-

harnstoff sind die älteren Angaben von Würtz, welcher bei dieser Reaction die Bildung von Stickstoff, Kohlensäure und Aethylamin constatirte, neuerdings von v. Zotta <sup>1)</sup> wesentlich ergänzt und modificirt worden; unter Einhaltung günstigerer Bedingungen konnte letzterer die Spaltung des Harnstoffs vermeiden und erhielt bei der Einwirkung von  $\text{KNO}_3$  auf eine kalt gehaltene Lösung von salpetersaurem Salz ein gelbes Oel, für welches er, allerdings ohne Analyse der explosiven Substanz, aus den bei der Destillation entstehenden Zersetzungsproducten die Formel



Bei Wiederholung der Versuche von Zotta habe ich die Angaben desselben, soweit sie Bildung, Eigenschaften und empirische Zusammensetzung dieser Substanz betreffen, vollständig bestätigt gefunden; dagegen führte das weitere Studium des Körpers zu einer wesentlich verschiedenen Auffassung seiner Constitution.

Zur Darstellung habe ich verschiedene Methoden in Anwendung gebracht; durch Eintragen von  $\text{KNO}_3$  in eine neutrale oder stark saure Lösung von salpetersaurem oder salzsaurem Diaethylharnstoff, sowie selbst beim Einleiten von überschüssiger, salpetriger Säure in die ätherische Lösung desselben, wurde, wie ich mich wiederholt überzeugte, stets dieselbe Substanz erhalten.

Letztere Methode lieferte das reinste Product, welches desshalb auch zur Analyse verwandt wurde; nach Abdampfen des Aethers, der durch salpetrige Säure tief grün gefärbt war, bei sehr gelinder Wärme, wurde das rückständige, gelbe Oel

1) Liebigs Ann. 179. 101.



mehrmals mit Wasser gewaschen, wieder in Aether gelöst, mit Chlorcalcium getrocknet und der Aether verdampft; der ölige Rückstand setzte beim längeren Stehen im vacuum bei Wintertemperatur prachtvoll ausgebildete, anscheinend rhombische, wasserhelle Tafeln ab, welche bei etwa  $5^{\circ}$  schmelzen; indess gelang es auch bei weit grösserer Abkühlung nicht, die ganze Masse zum Erstarren zu bringen.

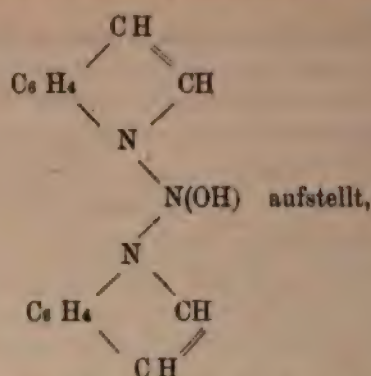
Die Analyse der so dargestellten und gereinigten Substanz, welche im Schiffchen und weiten, offenen Verbrennungsrohr ausgeführt wurde, wobei trotz aller Vorsicht plötzliche Verpuffung kaum zu vermeiden ist, gab nur annähernd stimmende Zahlen, welche indessen für die Formel  $C_5 H_{11} N_3 O_2$  als hinreichend entscheidend betrachtet werden können.

Gefunden	Berechnet.
C 40,23	41,38
H 7,47	7,55

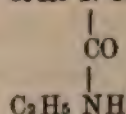
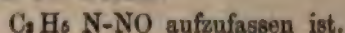
Es wird dadurch die Ansicht Zotta's über die empirische Zusammensetzung der Substanz bestätigt; gegen die von ihm aufgestellte, oben angeführte, rationelle Formel, welche den Körper gewissermassen als Abkömmling des Hydroxylamins darstellt, scheinen mir jedoch manche Bedenken berechtigt zu sein.

Abgesehen davon, dass eine derartige Formel dem gegen Alkalien und Säuren indifferenten Körper wenig entspricht, liegt für das gleichzeitige Eingreifen eines Moleküls  $HNO_2$  in zwei Iimidgruppen unter Bildung eines substituirten Hydroxylamins trotz der zahlreichen in dieser Richtung angestellten Versuche kein Analogie-Fall vor, es sei denn, dass man das neuerdings von Nencki <sup>1)</sup> beschriebene Nitrosoindol hierzu zähle, für welches er die aber ebenfalls noch sehr problematische Formel

2) Ber. d. d. chem. Ges. in Berlin VIII 1518.



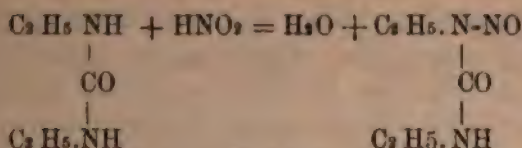
ein Körper, der übrigens durch seine basischen Eigenschaften, und seine Reduction zu einer Hydrazoverbindung als wesentlich von obiger Substanz verschieden charakterisirt ist. Die langsame Zersetzung desselben schon in der Kälte unter Entwicklung von Oxyden des Stickstoffs, die Bildung der Liebermann'schen Farbstoffe beim Zusammenbringen mit Phenol und Schwefelsäure (Reaction der NO-gruppe.) und endlich die unten beschriebene Reduction der Verbindung zu einer Hydrazinbase scheinen mir vielmehr genügender Beweis zu sein, dass dieselbe als einfaches Nitrosoderivat des Diaethylharnstoffs von der Formel



Es bleibt diess jedenfalls einstweilen der einfachste und vollkommenste Ausdruck für Entstehung und sämtliche Reactionen der Substanz.

Ihre Bildung erfolgt dann nach dem für die Nitrosamine<sup>2)</sup> allgemeinen Schema

2) Dieser von Witt (Ber. d. d. chem. Ges. VIII 877) vorgeschlagene Name für diejenigen Nitrosoverbindungen, welche die Nitrosogruppe an



Auffallend kann bei dieser Reaction allerdings der Umstand erscheinen, dass selbst bei Einwirkung von überschüssiger, salpetriger Säure immer nur eine Imidgruppe angegriffen wird; es erklärt sich diess jedoch einfach, wenn man mit Rücksicht auf das bis jetzt über jene Reaction vorliegende experimentelle Material annimmt, dass die Nitrosaminbildung wesentlich abhängig resp. proportional ist der Basicität der Imidgruppe.

Dem einbasischen Diaethylamin entspricht das Diaethylnitrosamin. Der ebenfalls nur einbasische Diaethylharnstoff liefert unter denselben Bedingungen ein Mononitrosoderivat, während bei solchen Imiden, deren basische Eigenschaften durch den Einfluss von Säureradicalen aufgehoben sind, die Darstellung von Nitrosaminen nach den gewöhnlichen Methoden wenigstens bisher nicht gelang.

Die Umwandlung des Diaethylnitrosaminharnstoffs in die entsprechende Hydrazinbase wurde nach der bereits mehrfach erwähnten Methode durch Zinkstaub und Essigsäure bewerkstelligt; zu der mit überschüssigem Zinkstaub ver-

Stickstoff gebunden enthalten, wird zur Vereinfachung der Nomenclatur zweckmässig allgemein eingeführt.

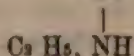
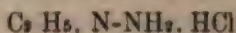
Die Beziehungen zwischen den Aminen, ihren salpetrigsauren Salzen, dem Nitrosaminen, Diazokörpern und Hydrazinen lassen sich dann in folgenden, einfachen, allgemeinen Ausdrücken zusammenfassen.

- 1)  $\text{NH}_2 \quad \text{NH}_2 \text{NO}_2 - \text{H}_2\text{O} = \text{NH}_2 - \text{NO} - \text{H}_2\text{O} = \text{N}_2$   
 (Amin) (salpetrigs. Salz)                      (Nitrosamin)                      (Stickstoff.)
- 2)  $\text{NH}_2 - \text{NO}$  durch Umlagerung  $= \text{NH} = \text{N} \cdot \text{OH}$   
 (Nitrosamin)                      (Diazoverbindung)
- 3)  $\text{NH}_2 - \text{NO} + 2\text{H}_2 = \text{NH}_2 - \text{NH}_2 + \text{H}_2\text{O}$   
 $\text{NH} = \text{N} \cdot \text{OH} + 2\text{H}_2 = \text{NH}_2 - \text{NH}_2 + \text{H}_2\text{O}$   
 (Diazoverbind.)                      (Hydrazin)



setzten alkoholischen Lösung setzt man allmählig Eisessig unter gleichzeitiger guter Abkühlung des Gefässes zu, so dass die in Folge der Reaction eintretende Temperaturerhöhung  $20-25^{\circ}$  nicht übersteigt, die Reduction ist beendet, sobald eine filtrirte Probe der Flüssigkeit auf Zusatz von Salzsäure und Wasser nicht mehr getrübt wird. Die vom Zinkstaub abfiltrirte Lösung wurde zur Entfernung des Alkohols auf dem Wasserbade eingedampft, dann mit concentrirter Kalilauge unter Abkühlen übersättigt und die Hydrazinverbindung mit Aether extrahirt; beim Verdampfen des letzteren blieb ein farbloser Syrup, der alle Eigenschaften der zweifach substituirten Hydrazinbasen zeigte, alkalisch reagirte und Fehling'sche Lösung oder Platinchlorid in kalischer Lösung erst in der Wärme reducirte; im krystallisirten Zustande wurde die Verbindung bisher nicht erhalten, lieferte indessen mit Salzsäure und Platinchlorid gut charakterisirte Salze, welche zur Feststellung ihrer Formel dienen. Das Hydrochlorat scheidet sich theilweise schon beim Zusammenbringen der Base mit rauchender Salzsäure in sternförmig vereinigten Nadeln ab; zur Reindarstellung empfiehlt es sich jedoch mehr, die alkoholische Lösung der Base mit rauchender Salzsäure anzusäuern und das Salz durch Aether auszufüllen, welches so in Form von feinen, weissen Nadeln erhalten wird.

Die Analyse der im vacuum getrockneten Substanz führte zu der erwarteten Formel



	Gefunden	Berechnet
C	36,05	35,82
H	8,38	8,36
N	25,21	25,08.



Das Salz ist in Wasser und Alkohol leicht löslich, weniger in concentrirter Salzsäure, beim Erhitzen zersetzt es sich.

Die Platindoppelverbindung erhält man in derselben Weise durch Zusatz von Aether zu einer mit überschüssigem  $\text{PtCl}_4$  versetzten Lösung des Hydrochlorats in schönen, gelben Nadeln von der Formel



Gefunden

Berechnet

Pt 29,53

29,28.

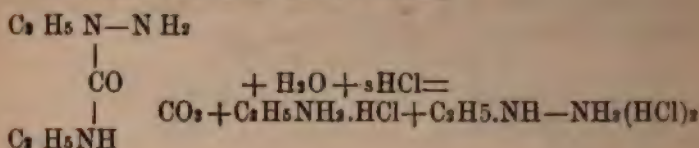
Die freie Base, der Diaethylhydrazinharnstoff, bildet, wie erwähnt, einen farblosen Syrup, ist leicht löslich in Wasser, Alkohol und Aether, wird beim Kochen mit Wasser nicht verändert, zersetzt sich aber beim stärkeren Erhitzen fast ohne Verkohlung. Alkalien zerlegen ihn in der Wärme leicht analog dem gewöhnlichen Carbamid in Kohlensäure, Aethylamin und Aethylhydrazin, welches letztere jedoch theilweise bei der Reaction selbst zerstört zu werden scheint.

Entschieden glatter lässt sich dieselbe Spaltung durch Erhitzen mit concentrirter Salzsäure bewerkstelligen, welche Methode zugleich eine bequeme Trennung der Hydrazinbase von dem gleichzeitig gebildeten Aethylamin gestattet.

Zu diesem Zwecke wurde 1 Theil Harnstoff mit dem 3—4fachen Volumen Salzsäure (v. 1,19 sp. G.) einige Stunden im zugeschmolzenem Rohre auf dem Wasserbade erhitzt; die Röhre zeigte beim Oeffnen starken Druck; das entweichende Gas bestand aus Kohlensäure; beim Erkalten erstarrte die Flüssigkeit zu einem Brei von feinen, weissen Nadeln des in Salzsäure schwer löslichen, salzsauren Aethylhydrazins; durch Abfiltriren und Auswaschen mit rauchender  $\text{HCl}$  gelang es leicht, alles Aethylamin zu entfernen; das rückständige Salz wurde im vacuum getrocknet und hat dann die Zusammensetzung  $\text{C}_5 \text{H}_8 \text{N}_2 \text{H}_2 (\text{HCl})_2$ .

Gefunden	Berechnet.
C 18,24	18,05
H 7,61	7,52
Cl 53,28	53,38
N 21,09	21,05

Es bildet sich nach der Gleichung



Das Aethylhydrazin trägt demnach den Charakter einer zweisäurigen Base; die Bindung des zweiten Moleküls HCl ist jedoch eine ziemlich lockere; schon beim Erhitzen auf dem Wasserbade entweicht ein Theil derselben und es bleibt ein Salz als Syrup zurück, welches durch geringe Krystallisationsfähigkeit, Zerfliesslichkeit u. s. w. sehr an die durch gleiche unerquicklichen Eigenschaften ausgezeichneten Hydrochlorate des Dimethyl- und Diaethylhydrazins erinnert und wahrscheinlich als das neutrale Salz anzusprechen ist.

Die frei Base wurde bei dem geringen mir zu Gebote stehenden Material bisher noch nicht im freien Zustande gewonnen; hinsichtlich ihrer Eigenschaften kann ich einstweilen nur erwähnen, dass sie unzersetzt flüchtig ist, sich in Wasser und Alkohol löst, stark ammoniakalisch riecht und in ihren typischen Reactionen vollständige Analogie mit dem Phenylhydrazin zeigt.

Für das weitere Stadium der Hydrazinverbindungen tritt augenblicklich natürlich die Frage in den Vordergrund, ob es in ähnlicher Weise gelingen wird, zu dem einfachsten Repräsentanten dieser Körperklasse, dem freien Hydrazin,  $\text{NH}_2-\text{NH}_2$  zu gelangen. Es liegt die Möglichkeit vor, dieses Ziel zu erreichen, wenn die Hydrazinbildung auch

noch bei solchen Imiden eintritt, bei welchen 2 H-atome durch Radicale festgelegt sind, die nach Einführung einer Nitrosogruppe und Reduction derselben wieder eliminirt resp. durch Wasserstoff vertreten werden können.

Es sind zu diesem Zwecke bereits die betreffenden Versuche mit Acediamin und ähnlichen Imiden, welche jene Bedingungen erfüllen, in Angriff genommen, über deren Resultat späterhin berichtet werden soll.

---

Sitzung vom 5. Februar 1876.

Mathematisch-physikalische Classe.

Herr Ludwig Seidel hält einen Vortrag:

„Ueber die Probabilitäten solcher Ereignisse, welche nur selten vorkommen, obgleich sie unbeschränkt oft möglich sind.“

Das folgende Problem ist in der Theorie der Wahrscheinlichkeiten sehr vielfacher Einzel-Anwendungen fähig:

*Ein Ereigniss A kann in einer unbeschränkt grossen, oder doch in einer sehr grossen und nicht näher bekannten Anzahl von Einzelfällen, die von einander unabhängig sind, und alle als gleich möglich gelten, möglicherweise zur Verwirklichung kommen; es bestehen aber dafür, dass es gar nicht, oder im Ganzen gerade Einmal, gerade zweimal, etc. realisirt wird, endliche und nicht der Einheit ganz nahe kommende Wahrscheinlichkeiten  $y_0, y_1, y_2, \dots$ . Eine dieser Grössen ist gegeben; wie bestimmen sich hiernach die übrigen?*

So zum Beispiel ist die Anzahl der Kometen, deren Helligkeit ein beliebig angenommenes Minimum überschreitet, und die in Einem Jahre zur Erscheinung kommen können, unseres Wissens durch nichts endlich begrenzt; die Probabilitäten für ganz mässige Zahlen solcher Erscheinungen in



Einem Jahre sind aber beträchtlich gross. Man kann die Frage aufwerfen: gesetzt man kennt die Wahrscheinlichkeit, dass *wenigstens* Einmal im vorgeschriebenen Zeitraum ein solches nicht voraus berechnetes Ereigniss sich begibt, wie stellen sich die Erwartungen dafür, dass es *nur* Einmal, oder dass es zweimal etc. geschehen wird. Oder umgekehrt: man kennt die Wahrscheinlichkeit, dass der Fall sich gerade Einmal ergeben wird, und fragt nach derjenigen, dass es zweimal etc., sowie nach der, dass es gar nicht stattfinden wird. Bei einer grossen Anzahl anderer Natur-Phänomene, die sehr oft hervortreten könnten, aber doch einen gewissen Grad von Seltenheit haben, findet die gleiche Betrachtung ihre Anwendung. Aehnlich könnte man denken, dass in einer Gegend, wo sehr viele Menschen wohnen und also möglicherweise auf einem bestimmten Wege angetroffen werden könnten, die Wahrscheinlichkeiten, innerhalb einer gewissen Zeit (z. B. bei Nacht) gar keinem, oder nur Einem, nur zweien etc. dort zu begegnen, beträchtlich gross sind und zu analogen Fragen wie zuvor Veranlassung geben; oder auch, dass in einem Staate von sehr bedeutender Einwohnerzahl gewisse Vorkommnisse, z. B. besondere Delicte, innerhalb eines Jahres doch nur vereinzelt sich ereignen, und dass daher die Probabilität eines  $n$ -maligen Vorkommens fast allein für die paar ersten Werthe von  $n$  in Betracht kommt, und wieder zu solchen Fragen, wie oben gestellt wurden, Anlass gibt.

Die überaus vielseitige Anwendung, welche unsere Aufgabe finden kann, scheint die Mittheilung ihrer Lösung zu rechtfertigen, so einfach auch dieselbe auf demjenigen Wege sich ergibt, der im Nachstehenden eingeschlagen wird, und auf welchen man sich gewiesen sieht, sobald man diejenigen Anwendungen, bei welchen das Ereigniss unbeschränkt oft vorkommen kann, nicht für sich allein, sondern in Verbindung mit solchen betrachtet, bei welchen nothwendige aber sehr weite Schranken für die Häufigkeit von  $A$  existiren.

In der That bilden auch die Fälle dieser letzteren Kategorie, denen die beiden letzten der obigen Exemplificationen angehören, bereits eine Ausnahme von der allgemeinen Regel des Bernoulli'schen Satzes, weil nach dieser, wenn die ganze Anzahl der Fälle, in welchen A eintreten könnte, sehr gross wird, für jede einzelne bestimmte Zahl  $n$  die Wahrscheinlichkeit, es werde A gerade  $n$  mal sich ereignen, sich der Null nähert, und nur mehr dafür endliche Probabilitäten übrig bleiben, dass die wirkliche Anzahl der realisirten Fälle von A in solchen Schranken eingeschlossen sein wird, die zwar relativ gegen die Gesamtzahl der Möglichkeiten eng, absolut genommen aber sehr weit gesteckt sind, — deren Differenz nämlich die Quadratwurzel aus der Anzahl der Möglichkeiten zum Factor hat. Auch passt das Gesetz der grossen Zahlen seiner mathematischen Begründung nach nicht auf Fälle, in welchen schliesslich nur zu Gunsten ganz mässiger Zahlen, vielleicht einiger wenigen der allerersten in der natürlichen Scala, Probabilitäten bestehen bleiben. Die zuerst gedachten Beispiele aber, in welchen trotz der unbegrenzten Anzahl von Möglichkeiten das Endergebniss noch derselben Art ist, lassen sich ohnedies nicht direct den Prämissen jenes Satzes unterordnen. Wohl aber kann die Lösung der gestellten Fragen auch für diesen Grenzfall auf dieselben Grundlagen basirt werden, auf welchen der Bernoulli'sche Satz ruht.

Denkt man sich zunächst eine endliche Anzahl  $N$  von einander unabhängiger Processe, von welchen jeder für sich Einmal mit der Probabilität  $p = 1 - q$  das Ereigniss A herbeiführen kann, so wird bekanntlich die Wahrscheinlichkeit, dass A im Ganzen gerade  $n$  mal verwirklicht wird, sein

$$z_n = \frac{N(N-1)(N-2) \cdots (N-n+1)}{1. \quad 2. \quad 3. \quad \cdots \quad n} p^n q^{N-n}$$

wobei

$$z_0 = q^N$$

Hält man endliche Werthe von  $p$  und  $q$  fest, und lässt  $N$  fortwährend wachsen, so nähert sich  $z_n$  der Null; für denjenigen Werth von  $n$ , welcher  $z_n$  möglichst gross macht, und für die ihm benachbarten gestaltet sich dann  $z_n$  bekanntlich zum Elemente eines Integrales, welches die Probabilität repräsentirt, dass die Häufigkeit des Vorkommens von  $A$  innerhalb bestimmter Grenzen fällt, deren Abstand von dem erwähnten ausgezeichneten Werthe von  $n$  man eine der  $\sqrt{N}$  proportionale Ausdehnung geben muss, wenn bei beständig wachsendem  $N$  das Integral einen endlichen und von Eins verschiedenen Werth behalten soll. Dies ist die Regel des Bernoulli'schen Satzes.

Sollen dagegen, während  $N$  wächst, die Grössen  $z_0, z_1, z_2, \dots$  sich endlichen Grenzen  $y_0, y_1, y_2, \dots$  nähern, so muss man sich offenbar denken, dass  $p$  eine kleine Grösse der Ordnung  $N^{-1}$  ist; denn nur so wird

$$\log z_0 = -N(p + \frac{1}{2}p^2 + \dots)$$

endlich bleiben, ohne zu verschwinden. Setzt man demnach

$$p = \frac{\lambda}{N} \quad ; \quad q = 1 - \frac{\lambda}{N}$$

wobei  $\lambda$  irgend eine feste positive Grösse vorstellt, deren Zahlenwerth je nach der besondern Natur des Falles der Anwendung verschieden sein wird, und geht man darauf von den  $z$  zu ihren Grenzen  $y$  für unendliche  $N$  über, so erhält man:

$$\begin{cases} y_0 = c^{-\lambda} \\ y_n = \frac{1}{1.2.3\dots n} e^{-\lambda} \lambda^n \end{cases} \quad \text{und allgemein}$$

in welchen Gleichungen die Lösung der Anfangs gestellten Aufgabe enthalten ist. Sie bietet, wie man sieht, die Eigenthümlichkeit dar, dass der Zusammenhang zwischen der Wahr-

scheinlichkeit, das Ereigniss A werde in irgend einer bestimmten Anzahl von Fällen eintreten, und der analogen für eine andere Anzahl ein transscendenter ist, während man dagegen, wenn erst zwei der Grössen  $y$  berechnet sind, alle übrigen algebraisch ableiten kann.

Je nachdem  $\lambda$  zwischen 0 und 1, oder zwischen 1 und 2, 2 und 3, etc. liegt, wird offenbar unter den verschiedenen Grössen  $y$  entweder  $y_0$ , oder  $y_1, y_2, \dots$  die grösste sein, so dass nach der Besonderheit des Falles diese Eigenschaft auf jeden beliebigen Index treffen kann.

Wenn man sich vorstellt, dass  $y_n$  die Wahrscheinlichkeit sei, dass innerhalb eines bestimmten Zeitabschnittes oder Gebietes das Ereigniss A  $n$  mal zu Stande kommt, so lässt sich aus den Grössen  $y_0, y_1, y_2, \dots y_n$  offenbar auch die Wahrscheinlichkeit zusammensetzen, dass in dem doppelten dann in dem dreifachen etc. Abschnitt oder Gebiet dasselbe  $n$  mal sich begibt. Diese Wahrscheinlichkeit muss der Natur der Sache nach selbst wieder ein Ausdruck von der Form der Grösse  $y_n$  sein, nur mit verändertem Werthe der Constanten  $\lambda$ . Wenn man diese Betrachtung, die eine Verification der gefundenen Resultate enthält, durchführt, so findet man in der That, dass an die Stelle von  $\lambda$  lediglich die Grössen  $2\lambda, 3\lambda, \dots$  treten, wenn die Gelegenheit zum Hervortreten des Ereignisses A durch Verdoppelung, Verdreifachung etc. des Zeitraumes oder des Gebietes, für welches  $y_n$  gilt, vervielfältigt wird. Auch stimmt dies Ergebniss mit der ursprünglichen Bedeutung von  $\lambda = Np$  durchaus überein; denn wenn die Zeit verdoppelt wird, innerhalb deren A (welches in jeden Augenblicke gleich leicht sich begibt) hervortreten soll, so wird für jeden einzelnen Process, der A herbeiführen kann, die Wahrscheinlichkeit  $p$ , dass er diese Wirkung hat, sich verdoppeln\*); eine Vergrösserung des Gebietes dagegen, auf

\*) Streng genommen würde sie  $1 - (1 - p)^2$ ; in unserer Anwendung fällt aber die zweite Ordnung von  $p$  ausser Betracht.



welchem in Anwendungen anderer Art überall gleich leicht A realisirt wird, vergrössert den Werth von  $N$ . In beiden Fällen wächst also  $\lambda$  naturgemäss im gleichen Verhältnisse.

Die Constante  $\lambda$  selbst lässt sich definiren als der Mittelwerth, wie er im grossen Durchschnitt aus vielen beobachteten Werthen von  $n$  zu erwarten ist. Denn wenn man jedes  $n$  multiplicirt mit der Wahrscheinlichkeit  $y_n$ , dass es in einem einzelnen Falle statt finden wird, und alle diese Producte addirt, so erhält man  $\lambda$ ; — wiederum ganz übereinstimmend mit dem Ergebniss einer Betrachtung, welche sich auf die ursprüngliche Einführung von  $\lambda = pN$  stützt. — Man kann sonach auch solche Fragen beantworten, wie: wenn ein Ereigniss im grossen Durchschnitt 7mal im Jahre eintritt, während es unendlich oft eintreten konnte, wie gross ist die Wahrscheinlichkeit, dass es in einem vorausbezeichneten Jahre gar nicht eintreten wird — im Beispiel ist dieselbe  $= e^{-7}$  oder nicht ganz  $\frac{1}{1000}$  — oder, wie die umgekehrte Frage: wie oft per annum wird im Durchschnitt ein Ereigniss A zu erwarten sein, für dessen Häufigkeit keine Schranken gesteckt sind, und bei welchem die Probabilität, es werde in einem Jahre nicht völlig ausbleiben, gleich ist 0,999? —

Als ein vielleicht von der Erwartung, zu der man geneigt sein möchte, etwas abweichendes Ergebniss der mathematischen Analyse mag hier erwähnt werden, dass, wenn, wie in dem eben angenommenen Beispiel, die Durchschnittszahl  $\lambda$  eine ganze Zahl  $r$  ist, es um nichts wahrscheinlicher ist, dass A gerade  $r$ mal, als dass es nur  $r-1$ mal eintritt, und dass sogar die letztere Probabilität die erstere ein wenig übertrifft, sobald  $\lambda$  ein wenig kleiner als  $r$  genommen wird. Gesetzt z. B., dass im Durchschnitt vieler Jahre 6,9 Kometen-Erscheinungen auf ein Jahr träfen, so wäre der Fall, wo nur 6 beobachtet werden, etwas häufiger zu erwarten,

als der von 7, indem hier  $y$ , im Verhältniss von 7 : 6,9 grösser ist als  $y$ . Eine naheliegende Ueberlegung benimmt übrigens diesem Rechnungs-Resultate das Paradoxe, was es auf den ersten Blick haben kann. Denn da unterhalb der plausibelsten ganzen Zahl (im Beispiel der Zahl 6) nur einige wenige ihr nahe, oberhalb aber unendlich viele liegen, so ist es sehr begreiflich, dass aus dem grossen Durchschnitt eine grössere Zahl, als jene im einzelnen Fall plausibelste hervorgehen wird.

---

Herr C. W. Gumbel giebt:

„Geognostische Mittheilungen aus den Alpen“.

### III.

#### Aus der Umgegend von Trient.

Ein mehrfach wiederholter Besuch der Gegend von Botzen, Trient und des Fassathals hat mir Gelegenheit verschafft, die früheren geognostischen Mittheilungen <sup>1)</sup> über Südtirol vielfach zu vervollständigen und zu erweitern. Obwohl diese meine Beobachtungen, die ich nur bei gelegentlichen Ausflügen anstellte, zu einem erschöpfenden Bilde der geognostisch so höchst interessanten Landschaft auch nicht entfernt zureichend sind, so glaube ich doch, dass sie einige nützliche Beiträge zu einer später nachfolgenden, umfassenden Untersuchung liefern können, wesshalb ich sie, soweit dieselben ein allgemeineres Interesse haben, hier mittheile.

Seit meiner ersten Publikation über das Mendel- und Schlerngebirge ist durch die umfassenden Leistungen der Wiener Geologen innerhalb des bezeichneten und zunächst angrenzenden Gebiets, ferner durch die fortgesetzten Forschungen von v. Klipstein, Prof. Fuchs, Pichler, Dr. Loretz u. A. eine erstaunliche Menge neuer Thatsachen gesammelt und vielfach neue Gesichtspunkte gewonnen, zugleich auch manche theoretischen Fragen eingehender erörtert worden, wie z. B. jene über die Bildung der Südtiroler Dolomite, dass es nicht

---

1) Geognost. Mittheil. a. d. Alpen I. Das Mendel- und Schlerngebirge im Sitzungsab. d. Acad. d. Wiss. math.-phys. Cl. 1873. I. S. 14.

unpassend sein dürfte, vorerst einen Rückblick auf das Botzener Gebiet zu werfen.

Ich war in meiner erwähnten ersten Skizze zu zeigen bemüht, dass der Porphyry von Botzen als eine ältere Eruptivbildung vor der Triaszeit angesehen werden müsse und dass derselbe nur mit solchen Schichtgesteinen in engster Beziehung stehe, welche durch ihre Zusammensetzung aus grauen Sandstein- und Schieferlagen, mit freilich undeutlichen kohligen Pflanzenresten und durch stark verworfene conglomerat- und breccienartige Bänke am lebhaftesten ausseralpinen carbonischen und postcarbonischen Ablagerungen der paläolithischen Periode gleichen, während der röthliche sog. Grödener Sandstein, der den Porphyry an so vielen Orten direct überdeckt, ohne von demselben durchbrochen zu werden, mithin als eine jüngere Bildung am passendsten dem Buntsandstein ausserhalb der Alpen nach der Zeit der Ablagerung gleich zu stellen sein dürfte, die Trias einleitet.

Ich habe weiter über diesem Schichtensystem eine versteinungsreiche, gelbverwitternde Dolomitlage für die Parallelbildung des ausseralpinen Grenzdolomits erklärt und auf die grosse geognostische Bedeutung einer über einen sehr weiten Strich des Gebirgs verbreiteten schwarzen Dolomit, welcher erfüllt ist von Foraminiferen, Pflanzen und Fischresten, hingewiesen. Auf diesen schwarzen Foraminiferen Dolomit ist in neuester Zeit die Aufmerksamkeit ganz besonders gelenkt worden.

Es hat nämlich zuerst Bergrath Dr. Stache<sup>2)</sup> eine Beobachtung bekannt gemacht, die geeignet erscheint, ernste Bedenken gegen die obige Auffassung zu erwecken. Nach Funden der Wiener Geologen namentlich von Dr.

---

1) Sitz.-Ber. d. k. geol. Reichs., 1874 N. 15 S. 366.



Hörnes bezeichnet er *Productus*, *Bellerophon*, *Orthis* und *Spirifer* als Einschlüsse in unzweifelhaft denselben Kalk- und Dolomitlagen, die ich früher als besonders beachtenswerth hervorgehoben hatte und glaubt die Schichten „mit ziemlicher Sicherheit als oberpermisch“ annehmen zu dürfen, wornach in dem sog. Grödener Sandstein sowohl Buntsandstein, als die obere Abtheilung der Permformation in einer sehr ähnlichen Sandfacies vertreten sei.

Diese höchst beachtenswerthe Ansicht, wornach wir in den Alpen wirklich einmal wahren Zechstein zu erwarten hätten, forderte mich zu wiederholten Untersuchungen in den Gebieten auf, in welchen ich diese Schichten bereits genau kennen gelernt hatte. Nach meinen früheren Beobachtungen läge dieser schwarze Foraminiferenkalk, besser wohl als Bellerophonkalk zu bezeichnen, stets über allen Schichten, die man als Grödener Sandstein ansprechen könnte. Wäre derselbe wirklich „oberpermisch“, dann müsste ohne allen Zweifel das ganze Schichtensystem des Grödener Sandsteins ungetheilt dem Rothliegenden zu fallen. Bei diesen Fragen schien es mir nicht nur wichtig, die normale Lage dieses Bellerophonkalks durch wiederholte Untersuchungen festzustellen, sondern auch den Schichtenverband näher zu untersuchen, in welchem in der Umgegend von Waidbruck, Atzwang, Klausen u. s. w. der Grödener Sandstein und der Porphyry zu gewissen Conglomeratbildungen vom Aussehen des Rothliegenden stehen.

#### Conglomeratbildungen bei Botzen.

Schon um Botzen finden sich die Conglomerate und Breccien — wo sie an Porphyry grenzen, hauptsächlich aus Bruchstücken dieses Gesteins, wo sie auf Thonschiefer liegen, aus den härteren Lagen und Gesteinsmassen dieser Schichten, besonders aus Quarz zusammengesetzt — bei näherer Untersuchung häufig an den steilen Porphyrygehängen, oft nur wie ange-

klebt, oft aber auch tief in den Porphyr eingeklemmt. Man muss das Auge erst an die eigenthümliche Rundung der an den oft unzugänglichen Gehängen vorstehenden Felsen und an die Streifen gewöhnen, welche die Schichtung der dicken Conglomeratbänke kennzeichnen, um sich von dem häufigen Vorkommen dieser noch wenig beachteten Bildung im Porphyrgebiete von Botzen zu überzeugen.

Wo neue Strassen hier angelegt werden, sieht man solche Conglomerate durchbrochen und oft bis in die Thalsole herabreichen. Ausgezeichnet und leicht zu studieren stehen die Bänke an dem Weg von Botzen nach Jenesien unterhalb der Kirche St. Georgen zwischen Porphyrmassen eingezwängt an. Reichliche Quellen verrathen hier die Gesteinscheide gegen Porphyr und an einem kleinen Wasserfall im Thälchen oberhalb der Mühlen treten auch die thonig sandigen Zwischenschichten mit undeutlichen Pflanzenresten genau so zu Tag, wie ich solche zuerst aus dem Naifthale bei Meran beschrieben habe. Bei den im Conglomerate eingebetteten Porphyrstücken zeigt sich häufig eine eigenthümliche Umbildung der Orthoklaskrystalle. Sie sind, wie auch in manchen Porphyren selbst, zum Theil in eine Pinitoid-Substanz umgewandelt, zum Theil auch ausgewittert und von Kalkspathäderchen durchzogen. Solche Orthoklase brausen lebhaft mit Säuren und gewinnen ein ganz fremdartiges Aussehen. Ich stelle hier die Analyse<sup>3)</sup> eines solchen von Kalkspath durchzogenen Orthoklases aus dem Talferthal ungefähr Birchboden (I) gegenüber und eines normalen, fleischrothen Orthoklases aus dem nächstbenachbarten dunkelrothen Porphyr (II) des Talferthales unfern Botzen zusammen:

---

3) Ausgeführt von Ass. Schwager.

	I	II
Kieselsäure	44,99	65,77
Thonerde	13,55	17,71
Eisenoxyd	1,52	0,63.
Kohlens. Kalkerde	29,20	—
Kalkerde	—	0,26
Bittererde	0,25	0,13
Natron	1,24	2,88
Kali	7,70	12,54
Glühverlust	2,15	0,53
	<hr/> 100,60	<hr/> 100,45

Es ist merkwürdig, dass eine so schwerlösliche Substanz wie der Orthoklas ist, einem leichtlöslichen — dem Kalkspathe — Platz machen muss; denn schliesslich würde eine Kalkspathpseudomorphose nach Orthoklas auf diese Weise entstehen.

Zwischen Atzwang und Klausen lehnt sich der Porphyry an ein System von Thonschiefer an, der seiner petrographischen Beschaffenheit nach von einem ächten Phyllit kaum zu unterscheiden ist. In diesen Thonschiefer sieht man sehr häufig linsenförmige, seltener gangartige Ausscheidungen von Quarz, mit welchem zugleich krystallinischer und krystallisirter Orthoklas, Glimmer- und Chloritblättchen verwachsen sind, genau so wie in vielen Gegenden der Nordalpen. Gegen Klausen aufwärts fasst dieser Thonschiefer eine Zone glimmerigen Quarzitschiefers in sich und wechsellagert mit hornblendehaltigen Lagen vom Typus des Diorites. Ein sehr interessantes Gestein ist bei Klausen sehr verbreitet und wird zu vielen technischen Zwecken, verwendet, z. B. als Strassenmaterial, für Abweistein, Trockenmauern u. dergl. Es besteht aus weissem Plagioklas und büschelförmig fasriger Hornblende, denen sich eine opake, dichte weisse Substanz, sehr feine, im Ganzen spär-

liche Magneteisentheilen und hier und da gelbliche zirkonartige Mineralien beigegeben. Die sehr reichlich vorhandene Hornblende bildet keine scharf begrenzte grössere Krystalle, sondern grosse Putzen und Büschel von äusserst feinen, nach Aussen oft farbenartig auseinander laufenden Nadelchen. Der weisse halbdurchsichtige Plagioklas lässt auf den glänzenden Spaltungsflächen die feinen Linien der Zwillingungsverwachsung sehr deutlich erkennen und zeigt in Dünnschliffen i. p. L. bunte Farbenstreifen. Eine Analyse (Ad. Schwager) mit sorgfältig gesondertem Material gab für denselben folgende Zusammensetzung:

Kieselsäure	65,35
Thonerde	20,87
Eisenoxyd	1,03
Kalkerde	0,58
Bittererde	0,12
Natron	10,92
Kali	0,39
- Glühverlust	0,60
	<hr/> 99,86

Diese weist auf einen Oligoklas von der Zusammensetzung des Minerals von Bannle in Norwegen und Haddam hin. Man könnte das Gestein mithin Aktinolithdiorit nennen.

Auf beiden Gehängen des Eisackthales zwischen Atzwang und Klausen legen sich wohlgeschichtete, dickbankige, hellgraue, breccienartige Conglomerate aus fast nicht abgerollten Stücken des Thonschiefergebirgs, besonders aus Quarz zusammengesetzt auf den Thonschiefer in sehr ungleichem Niveau an. Man bemerkt in denselben ziemlich häufig Spuren von Malachit, im Uebrigen tragen sie in Farbe und Ausbildung ganz den Charakter der ausseralpinen Rothliegenden an sich. Trotz ihrer durchschnittlich horizon-



tal<sup>n</sup> Lagerung konnte ich hier ebenso wenig, wie im Gröden<sup>e</sup>ner Thale einen unmittelbaren Anschluss an den Gröden<sup>e</sup>ner Sandstein beobachten. Beide nehmen getrennte, besondere Verbreitungsgebiete in dieser Gegend ein. Einzelne geneigte Bänke des Conglomerats oberhalb Atzelwang sind offenbar nur verrutscht und herabgebrochen. Weitere Aufschlüsse konnte ich hier keine erlangen.

Was die Stellung der Bellerophon-Schichten anbelangt, so habe ich dieselbe auf den langen Strich zwischen Pusterthal und der Puf<sup>l</sup>er Schlucht wiederholt zu bestimmen gesucht. Ueberall nehmen diese Schichten ihre Stellung über dem Gröden<sup>e</sup>ner Sandstein, zwischen diesem und den Seisser Schichten ein, wie auch Dr. Loretz und Dr. Hörnes gefunden haben. Diese meist intensiv schwarzen Kalke und Dolomite reichen von NO. her bekanntlich nur bis zum NO. Fuss des Schler<sup>n</sup>gebirgs und werden weiter gegen W. und S. schon vom Westfusse des Schler<sup>n</sup> an und bei Neu<sup>m</sup>arkt durch gelbe Dolomite ersetzt. Es schien nicht ohne Interessen die bei Tiers aufgeschlossenen Profile, die man schon aus der Gegend von Botzen aus als grell rothe Streifen unter den weissen Dolomitwänden hinziehen sieht, einer näheren Besichtigung zu unterziehen.

Vom Eisackthale bis gegen Tiers steht ununterbrochen Porphyr an. Die Grenze gegen die sedimentären Schichten ist im Hauptthale überrollt und bis über das Dorf aufwärts herrscht grossartige Schuttüberdeckung. In Dorfe selbst legt ein Seiten<sup>g</sup>rab<sup>n</sup> oberhalb der steinernen Brücke zuerst ein mächtiges Schichtensystem bloss. Es sind oben mächtige Bänke buntgefärbten Sandsteins mit grauen thonigen und gelben dolomitischen Zwischenlagen. Erstere enthalten nicht selten Pflanzenreste, aber in unbestimmbaren Fragmenten, letztere einzelne Muscheleinschlüsse. Erst oberhalb der einsamen St. Sebastianskapelle begegnen wir zusammenhängenderen Profilen. Man kann hier bequem Schicht auf Schicht über die

mächtigen intensiv rothen Lettenschiefer und grauen Mergelkalkbänke voll von *Naticella costata* (Campiler Schichten) bis zur Steilwand aufsteigen. Unmittelbar über der obersten Lage brennend rothen Lettenschiefers folgt hier eine schwache Schicht grauen Schiefers mit Spuren von Pflanzenresten und dann fast senkrecht ansteigend der graue klotzig knolligbrechende dolomitische Kalk, der nach Oben allmählig in weissen Dolomit übergeht. In Folge eines Eisengehaltes sind diese tieferen Lagen immer etwas rostfleckig und gelblich gefärbt. Die von dieser Steilwand stammende Schutthalde enthält aber auch sehr zahlreiche Stücke eines starkkieselhaltigen und hornsteinführenden Kalkes, der an der Steilwand nicht zugänglich, nicht sehr hoch (etwa 10 m) über dem Fuss derselben zu liegen scheint. Die Hornsteine weisen zahlreiche Versteinerungen auf, sie sind aber meist so stark überrindet, dass man die einzelnen Formen schwer erkennen kann. Nur *Terebratula angusta* erscheint sicher bestimmbar. Der Dolomit reicht dann höher bis zum Tschaffon- und Mittagkogel, so dass auch hier, wie am S. und SW.-Fuss des Schlern, eine auffällige Scheidung der Schichtenglieder vom oberen Muschelkalk bis zu dem Schlerndolomit, diesen mit eingeschlossen, nicht vorliegt.

Verfolgt man von der St. Sebastianskapelle den Steig gegen Prösls zu, so gelangt man zu einem Kapellchen in der nächsten Nähe des Bauernhauses „Weissenecker“ an den Rand ungewöhnlich tief eingeschnittener Gräben, der sog. Rietz- (Riess?) Gräben, die nach oben in der von Botzen aus sichtbaren rothen Wand auslaufen. Man kann an dem Grabenrande ganz leicht bis zu dieser rothen Wand aufsteigen, welche dieselbe brennendrothen Lettenschiefer bilden, wie jene soeben an der St. Sebastianskapelle geschilderten, obersten Campiler Schichten. Sie machen auch hier den durch stete Ab- rutschungen bloss liegenden Untergrund der kalkigen Steilwand aus. Von dem Kapellchen führt ein ganz bequemer

Fussweg durch die Gräben an den grauen Seisserschichten vorüber, die an Versteinerungen hier strotzen, zugleich aber auch Gyps beherbergen. Am Nordrande der Gräben abwärts steigend gelangt man bald an die Porphyrgrenze und indem man einen in dieser Höhe in die Gräben hineinführenden Holzweg verfolgt, gelangt man im Hauptgraben an eine prächtig aufgeschlossene Grenzstelle zwischen Porphyr und darauflagerndem Sandstein. Die Klarheit des Profils lässt nichts zu wünschen übrig. Nach unten zu steht der hellgrüngraue Porphyr in mächtigen Massen an und auf ihm liegt ohne alle Zwischenbildung eines Conglomerats intensiv rother Letten in Wechsellagerung mit an Porphyrgrus reichem Sandstein etwa  $\frac{3}{4}$  M. mächtig. Hier finden wir gleich in den allertiefsten Lagen zahlreiche Gypsknollen und Ausblühungen von Kochsalz, wodurch gegenüber dem Vorkommen von Gyps in den Seisser Schichten weiter oben in denselben Gräben das Vorkommen des Gypses auf zwei weit getrennten Horizonten auch hier sicher nachgewiesen ist.

Zahlreiche Bänke von grobkörnigem, meist roth, oft buntfarbig gestreiftem feinkörnigem Sandstein und röthlichem oder grauem Lettenschiefer machen die Zwischenschichten bis zu den grauen Mergelkalken der Seisser Schichten aus, ohne dass sich auch hier eine Lage schwarzer Bellerophonkalke entdecken lässt. Ihr Stellvertreter ist ein gelblicher, oft poröser Dolomit.

Diese Facies der Triasschichten herrscht ohne namhafte Aenderung südwärts über Neumarkt hinaus selbst bis ins Fleimser- und Fassathal, wie die schönen Aufschlüsse zwischen den Marmorbrüchen an Canzocoli und dem von Zanon nach Sforzella aufwärts ziehenden Thaleinschnitte nachweisen.

Es ist nicht zweifelhaft, dass die durch das Eruptivgestein von Canzocoli bewirkte ebenso grossartige, wie un-

verkennbare Contactmetamorphose die ganze Reihe der Campiler Schichten bis hoch hinauf in die ihnen aufgelagerten Dolomite erfasst hat.

Denn die theils hornstein-, theils thonstein- oder porzellanjaspisartig veränderten Schiefer lassen in einzelnen Zwischenschichten noch deutlich die Natur der Gesteinslage erkennen, aus welcher sie entstanden sind. Diess ist namentlich in einer kleine *Crinoideen*-Stiele enthaltenden hornsteinartigen Schicht der Fall, welche ich in dem Aufschlusse oberhalb Zannon in ihrer ursprünglichen nicht veränderten Beschaffenheit wieder erkannt zu haben glaube. Doch ist diese Identität immer nicht sicher genug, um mittelst der chemischen Analyse direct Schlüsse über die Art der erfolgten Umänderungen ziehen zu können. Indess glaube ich, dass es nicht schwer hält, bei einem längeren Aufenthalte von der tiefen Schlucht zwischen den Marmorbrüchen an Canzocoli und dem Waldsaume, in welcher die veränderten Schichten sehr gut entblösst anstehen, durch ein Verfolgen der einzelnen Lagen am Gehänge bis gegen den Einriss, durch den der Steig von Zannon auf das Gebirge gegen Sforzella aufwärts führt, die einzelnen Schichten in veränderter und unveränderter Beschaffenheit zu identificiren und dann die Art der erlittenen Umänderung genau nachzuweisen, eine gewiss dankbare Arbeit. Die zu dem blendendweissen sog. Marmor umgewandelten Gesteine gehören zweifelsohne der Dolomitregion unmittelbar, über den Campiler-Schichten an.

Aus dem schönen Profil an dem oben genannten Steig bei Zannon möchte ich noch einige Einzelheiten mittheilen, da dasselbe den Uebergang aus der westlichen Schlernfacies in die östliche anzudeuten scheint. Ich beobachtete daselbst über den brennendrothen Campiler-Schichten unmittelbar lagernd, folgende Schichtenreihe in abwärts gehender Ordnung:



- 1) zu oberst bis gegen Sforzella: weissen geschichteten Schlerndolomit,
- 2) darunter tuffige, z. Th. rauhwackenartige, z. Th. bröckliche, kurzklüftige Dolomite mit einzelnen *Gyroporellen* . . . . . 50 m
- 3) schwarze dünnplattige Kalke mit Zwischenlagen von schwarzem festem kalkigem Schiefer, ähnlich den Habolienschichten, in der mittleren Lage knollig, unten dolomitisch, zuweilen porös 10 m
- 4) weissliche Dolomite nach unten übergehend in dunkle Dolomite mit einzelnen Hornsteinausscheidungen . . . . . 30 m
- 5) Wellenkalk-ähnliche klotzige, dünnschichtige mergelige Kalke mit einzelnen Crinoideen-Stielen (? *Dadocrinus*) . . . . . 10 m
- 6) hellgrünlich graue, weisse, z. Th. sandige Mergel mit Pflanzenspuren . . . . . 1 1/2 m
- 7) Campiler Schichten.

Es folgen dann tiefer die zahlreichen Glieder der Campiler und Seisser Schichten, bis gegen Panchia der Grödener Sandstein sich stellenweis aus dem mächtigen Gehängeschutt heraushebt, welcher auch hier mittelst gelber Dolomite anstatt der schwarzen Bellerophon-Schichten an die Seisser Schichten sich anschliesst.

#### Umgegend von Trient.

Jenseits des Porphyrostocks südwärts gegen Trient zu findet man die ersten schönen Entblössungen bei dem Dorfe Le Villé am N.-Gehänge des Avisothals unfern Lavis. Hier beginnt jene Entwicklungsart der unteren Triassschichten, die sich nun über die ganze Gegend von Trient verbreitet zeigt. Sie ist charakterisirt durch die Häufigkeit des Vorkommens kohligter Lagen im Grödener Sandstein, durch den Reichthum an Schwerspath, Blei- und Kupfer-

erzen in dem gelben Dolomit, welchen die Tyroler Karte desshalb als „unteren Alpenkalk“ angegeben zu haben scheint, und über dem Trias durch die Ausbildung der jüngeren Schichtenglieder nach dem Typus der Schichten bei Roveredo insbesondere durch das Auftreten der Lithiotiskalke.

Es giebt wohl in den Alpen wenige Stellen von gleichem Umfange, wie jene der Umgegend von Trient, welche eine grössere Mannigfaltigkeit den Gesteinsschichten in Verbindung mit höchst verwickelten und gestörten Lagerungsverhältnissen darbieten. Das Wenige, was ich zu beobachten hier Gelegenheit fand, und worüber ich in dem Nachfolgenden einen gedrängten Bericht erstatte, bezieht sich hauptsächlich auf die Fragen über die Zugehörigkeit des Grödener Sandsteins zur Trias oder Dyas, über das Vorkommen der Bellerophonschichten, über die Andeutungen der Crinoideenlage im alpinen Muschelkalk und über das Niveau der erzführenden Dolomite.

#### Die ältesten Ablagerungen über dem Porphyry und Thonschiefer.

Die Gegend von Trient weist an zahlreichen Stellen eine ganz eigenthümliche Bildung über dem Porphyry und Thonschiefer auf, die man als tuffiges Conglomerat bezeichnen kann. Schon die alte Tyroler montanistische Karte giebt dieselbe in einem breiten Streifen an der Strasse von Trient nach Val Sorda bis gegen Pantè an.

Leider hindern die Weinbergsmauern, die der geologischen Forschung namentlich im Herbste unübersteigbare Schranken setzen, das genauere Verfolgen des Zusammenhangs dieser höchst merkwürdigen Bildung mit den zunächst auflagernden Schichten. Gleich am Ansteig der genannten Strasse aus der Thalsole gegen Villazzano steht das deutlich geschichtete porphyrtuffartige Conglomerat mit zahl-

reich eingebetteten bald mehr, bald weniger abgerundeten Porphyrstücken mächtig an. Schichtweise ist es gröber und feiner ausgebildet und wechselnd dunkelgrau und licht grünlich gefärbt. Es hat das Aussehen, als entstamme die Hauptbindemasse den Melaphyreruptionen, bei welchen der Porphyr durchbrochen und Fragmente desselben mit fortgerissen wurden. Das direct auflagernde Gestein ist hier an der Strasse nicht zu sehen. Die nächsten bei Hausnummer 249 anstehenden Schichten bestehen aus gelbem rauhwackeartig porösem Dolomit nach Art der Lagen über dem Grödenener Sandstein.

Es geht dem entsprechend weiter aufwärts bei Hausnummer 253 und 254 auch der graue Mergel der Seisser-Schichten zu Tag aus. Vollständiger ist der Aufschluss oberhalb Panté südwärts vom Wege nach Pergine am Westgehänge des Mt. Chegul in der Nähe der höchst gelegenen Weinberganlagen. Hier zeigt sich neben einem Fahrweg erst eine Mandelstein- und Tuffbildung bedeckt von demselben, oben erwähnten Gebilde an der Strasse nach Val Sorda, wohlgeschichtet und schwach nach SW. geneigt. Dasselbe geht nach Oben in ein graues Conglomerat über, welches in gleichförmiger Lagerung bedeckt wird von grauen, dünngeschichteten, dolomitischsandigen Lagen mit unbestimmbaren Pflanzenresten und kugeligen Ausscheidungen, denen, wie Dünnschliffe lehren, nichts Organisches zu Grunde liegt. Thonsteinartige Schichten voll von schwarzen Hornsteinausscheidungen und gelbverwitternde Dolomiten folgen weiter im Hangenden. Der ganze Schichtencomplex mag gegen 30 m mächtig sein. Eine Aehnlichkeit mit den grauen Schichten von Ums<sup>4)</sup> ist unverkennbar. Erst darüber beginnt die Reihe röthlicher und gelblicher Sandsteinschichten mit Gypseinlagerungen bis zu einer hohen Felswand weissen

4) S. I. Mittheilung. Sitz. d. Ak. d. Wiss. math. phys. Cl. 1873. I. S. 23.



Dolomits, dessen geologische Stellung später ausführlich erörtert werden wird. Ueber sie emporsteigend finden wir dann die weiteren Schichten der Seisser und Campiler Reihe, hier mit einer zweiten oberen Gypseinlagerung in letzterer und einer Decke wellenkalkähnlich wulstigwellig dünn-schichtiger Mergelkalke, über welchen bereits der aus blendend weissem Dolomit bestehende mächtige Schutt am Gehänge des Mt. Chegul beginnt.

Genau S. von Panté und direct O. von Salé finden wir in einem tiefen Graben einen zweiten ähnlichen Anschluss. Wo der Weg durch diesen Graben zieht, steht an einem einzelnen Haus grobes tuffiges Conglomerat von Porphy- und Quarzrollstücken an. Darüber legen sich in dem tiefen Wassergraben und hoch am östlichen Gehänge ansteigend blaurothe, wohlgeschichtete Tuffe und grün getüpfelte, buntstreifige, aus Porphyrguss bestehende Sandsteine an, welche wiederum von 3 M. mächtigem rothem lettigem Schiefer und 2 M. mächtigem graulichem Sandstein nach Art des oben erwähnten hornsteinführenden überdeckt sind. Ohne jede auffallende Gesteinsscheide folgen darüber in gleichförmiger Lagerung, die rothen und buntgefärbten Sandsteinschichten mit Pflanzenresten und Kohlenputzen, welche die Beschaffenheit des gewöhnlichen Grödener Sandsteins besitzen.

Aehnliche Verhältnisse scheinen über den ganzen Gebirgsstrich SO. von Trient zu herrschen. Auch an der Hauptstrasse nach Pergine begegnen wir zwischen dem Einzelhaus Ciré und der Fersina-Brücke einer gleichen Conglomeratbildung, welche hier zwischen dem anstehenden Porphy- und dem kurz vor der Fersinabrücke zu Tag austreichenden Thonschiefer mit steil nach NW. einfallenden Schichten eingekellt ist. Das Conglomerat besteht hier fast ganz aus Quarzrollstücken und ist nahezu horizontal gelagert, während etwas abwärts an dem Ufer der Fersina dem Hause Stacche gegenüber aus dem Flussbette nach W.



einfallende Schichten zu Tage treten. Es sind am NO. Flussrande grobkörnige grauliche oder lichtweisse mürbe Sandsteine mit Kohlenputzen und Pflanzeneinschlüssen, auf dem SW.-Ufer dünngeschichtete, schwarze dolomitische Mergel voll kleiner Höhlungen, wechselnd mit schwarzen Schieferzwichenschichten. Darüber baut sich in hoher steiler abgerutschter Wand ein schichtenreiches System von graulichem, öfter buntem, röthlichem Sandstein, der unter der mächtigen Geröll- und Schuttdecke verschwindet, auf, bis endlich noch höher der weisse stark zerklüftete Dolomit des Mt. Celva sich wieder heraushebt und mit NW.-Einfallen rasch bis in die Thalsohle herabsenkt, wo das Flussbett in enger Schlucht sich durch denselben sein Rinnsal gebrochen hat. Derselbe Dolomit setzt auch an der Hauptstrasse in der Nähe der Wegabzweigung nach Civezzana durch die Thalung streichend N. fort und wird hier bei Malpensada durch eine Verwerfungspalte von dem weiter W. vorliegenden Lithiotiskalke geschieden und von grossartig entwickeltem Schutt überdeckt. Im Ganzen sind demnach die Verhältnisse genau so, wie näher bei Trient.

Kaum anders verhält es sich weiter S. in dem Strich, der bereits dem Zuge des Val Sugana angehört. Ich verfolgte hier auf dem Wege, der von Caldonazzo nach Centa führt, den Thonschiefer bis nahe zu dem Dorfe Centa, wo ein vollständig zersetztes, melaphyrartiges Gestein die Thonschiefergrenze bezeichnet. Weiter aufwärts verhüllt aber der Gebirgsschutt jeden Aufschluss bis hoch oben zum Dolomit des Mt. Terrarossa, unter dem ein rother Streifen das Durchziehen der Campiler Schichten verräth. Dagegen ist der Aufschluss bei Vigolo, wenn man von Calceranica aus über Bosentino nach Val Sorda den Sattel überschritten hat, überraschend schön und lehrreich. Neben einem von Vigolo in N. Richtung aufwärts führenden Fahrwege ist die Grenze zwischen dem tiefer anstehenden phyllitähnlichen Thonschiefer, wie

er auch bei Centa getroffen wird, und den höheren Sandsteinschichten mehrfach direct entblösst. Keine Spur von Conglomeratbildung ist hier zu sehen. Es beginnt unmittelbar über dem Thonschiefer die höhere Schichtenfolge mit intensiv rothem Letten, auf welchem sandige Lagen mit den bekannten kohligen Einnengungen folgen bis zu einer mächtigen oolithischen Dolomitbank, die plötzlich als Steilwand an dem Gehänge sich erhebt. Wir werden später auf diese, sowie auf die höheren, hier Schicht für Schicht entblössten Lagen zurückkommen.

Sehen wir uns in der Gegend NO. von Trient um, so finden wir die ausgezeichnetsten Profile in dem Graben unmittelbar hinter Gardolo di mezzo und noch ausgiebiger in derselben Schlucht etwas höher aufwärts bei Masi Saracini.

Von der Trient-Laviser Strasse steigt man bei Gardolo aufwärts über stark zertrümmerten, oft breccienartigen Dolomit, der als Fortsetzung des Dolomits vom Mt. Culisberg sich am Gehänge herabzieht und bei Gardolo die Thalung erreicht, aufwärts bis Gardalo di mezzo, wo plötzlich hinter den Häusern eine tiefe Schlucht eingegraben ist. In derselben steht eine kleine Mühle. Etwa 25 Schritt abwärts von dieser Mühle ist die Grenze des eben erwähnten Dolomits, dessen Bänke steil nach SW. einfallen. Ein grossartige Verwerfung hat hier bewirkt, dass die ganze Reihe der Campiler und Seisser Schichten fast ganz fehlt und gleich oberhalb des Wegübergangs nach Meano, in dessen Nähe ein grauer Sandstein von isolirten Gypsputzen wie gespickt erscheint, bereits der Grödener Sandstein beginnt. Der graue, grobkörnige Sandstein, erfüllt von Pflanzenresten, schliesst mehrfache Lagen schwarzer kohligter Schiefer in sich, die sogar Veranlassung zu Versuchsbauen auf Steinkohlen gegeben haben. Es ist höchst eigenthümlich, dass trotz der grossen Menge von Pflanzeneinschlüssen, die sich hier finden, es auch an diesen Stellen ebenso wenig, wie an anderen gelingen

wollte, irgend Bestimmbares zu entdecken. Der Länge nach gestreifte und gefurchte Stengel sind das Einzige, was sich erkennen lässt. Sie haben äusserlich eine gewisse Aehnlichkeit mit Voltzienholz, wie es sich im Buntsandstein bei Zweibrücken findet, aber von einer bestimmten Identität kann keine Rede sein. Dagegen glückte es mir ein verkieseltes Stammstück zu finden, welches Material zu sehr schönen Dünnschliffen lieferte. In dem Radial- und Tangentialschnitte lassen sich in den Dünnschliffen fast nur langgezogene fadenähnliche Strukturtheile mit verdunkelten Wandungen erkennen, als ob das Ganze nur aus Zellen bestände. Stellenweise jedoch bemerkt man querlaufende dunklere Streifchen in denselben und es entstehen dadurch an Ringgefässe erinnernde Formen, endlich stellen sich auch hier und da ganz verdichtete Cylinder ein, die deutlich von hellen Züpfel durchbrochen sind. Es gewinnt daher sehr an Wahrscheinlichkeit, dass die langen fadenartigen Formen noch als Gefässe anzusehen sind, in welchen durch den Versteinerungsprocess die Gefässtructur zu Grunde ging und nur die Wandungen sich erhalten haben. Nach den wenigen Andeutungen der erhaltenen Gefässe zu urtheilen, gehört der Stamm einem Coniferenholz an. Die kohlenführenden Schichten werden unterlagert von rothem, sandigem Lettenschiefer und ziemlich grobkörnigem rothem und buntgestreiftem Sandstein, der hier ohne eine Spur von anderer Zwischenlage unmittelbar auf dem quer durch die Schlucht streichenden Porphyrruht. Die Grenze ist vollständig freigelegt. Genau dasselbe Profil wiederholt sich auch in der Nähe am Wege von Gardolo di mezzo aufwärts nach M. Saracini, wo ebenfalls die Porphyrgrenze vollständig entblösst ist und noch einmal oberhalb des letzteren in der Schlucht, da wo der Weg nach Cortesano durch dieselben führt. Hohe nackte Wände der Schlucht schliessen hier die Gesteinsreihe mit schwachem NW.-Einfallen Schicht für

Schicht bis zu dem unterlagernden dunkelrothen Porphyr, der auch hier quer durch die Schlucht zieht, auf. Es sind folgende Schichten aufgeschlossen:

- 1) Zu oberst, die Schlucht mit steiler Felswand krönend oolithischer, gelblicher und weisslicher Dolomit, nach unten bräunlich, zerstreut kleinluckig, mit Stylolithen . . . . . 8 m
- 2) darunter dünnschichtiger, röthlicher und gelblicher, steinmergelartiger Dolomit in dicken Bänken gesondert, von eigenthümlichen, langgezogenen, rechtwinkelig zu den Schichtflächen verlaufenden hohlen Röhren durchzogen, unten grossluckig und knollig . . . . . 3 1/2 m
- 3) gelblich grauer Vergel mit kohligen Theilchen und einzelnen verkohlten breiten Nadeln, dann knollige Dolomitzwischenlagen und Gypsputzen einschliessend . . . . . 6 m
- 4) dolomitische kleinknollige Steinmergel mit röhrenartigen Höhlungen . . . . . 2 m
- 5) grauer Mergel, dünnschichtig, wechselnd in dünnen Lagen mit grauem, gelblich verwitterndem Dolomit . . . . . 17 m

Ich bin der Ansicht, dass dieser Schichtencomplex (1---5) die Grenzschichten zwischen eigentlichem Grödener Sandstein und den Seisser Schichten vertreten, also den Grenz-Dolomit und die Bellerophon-Schicht repräsentiren. Es folgte dann tiefer:

- 6) graulicher weisslicher, seltener röthlicher Sandstein, wechselnd mit grauen Thonzwischenlagen und dünnen dolomitischen Streifen, kohligem schwarzem Schiefer voll zahlreicher Pflanzenresten, Kohlenputzen und von Schwerspathäderchen durchzogen . . . . . 63 m



- 7) getigelter Sandstein, Porphyrgruslagen mit  
spärlichen Spuren von Rollsteinen . . . . . 1 m  
8) als Unterlage: dunkelrother Porphyr.

Im Ganzen stellt sich dieses Profil demjenigen gleich, durch welches man von Neumarkt an einer neugebauten Strasse nach Mazzon aufsteigt und entspricht ziemlich genau den Aufschlüssen, welche sich längs der Porphyrgrenze NO. vom Kalisberg über Monte Vaccino und den Sattel Doss dei cani gegen Civezzano über vielfach wiederholen.

Fasst man das Ergebniss dieser mühsamen, meist in ganz unwegsamen Schluchten angestellten Untersuchungen zusammen, so scheint mir folgende Annahme der Natur der Verhältnisse am besten zu entsprechen, obwohl ihr die Unterstützung durch paläontologische Momente abgeht.

Soweit über Porphyr oder Thonschiefer jüngere Sedimente bei Trient vorkommen, lagern sie ohne Unterbrechung bis zu dem weissen Dolomite gleichförmig übereinander. Trotzdem scheint eine Theilung innerhalb der tiefsten Glieder in eine ältere dem Rothliegenden entsprechende und in eine höhere dem Buntsandstein parallele Bildung dadurch angedeutet, dass an sehr vielen Stellen die Reihe der Sedimente ohne alle Conglomerate und ohne dunkle Schiefer direct mit den dem Buntsandstein petrographisch ähnlichen kohlenführenden Schichten beginnt. Es nehmen daher die Conglomerate eigene, von der späteren Ablagerung des bunten Sandsteins unabhängige Verbreitungsgebiete ein, wodurch ihre Selbstständigkeit und ihre Scheidung von den jüngeren Ablagerungen begründet erscheint. Ganz analogen Verhältnissen zwischen Rothliegendem und Buntsandstein begegnen mir auch im mittleren Deutschland z. B. im Spessart, Vogelsgebirge, Odenwald, wo der intensiv rothe lehmige Röthelschiefer der postcarbonischen Formation und das kaum unterscheidbare tiefste Glied der Bunt-

sandsteinformation, der bröckliche Leberschiefer, unmittelbar und gleichförmig übereinander liegen. Beide petrographisch so ähnliche Gebilde erweisen sich nur dadurch zu den verschiedenen Formationen gehörig, dass beide stellenweis unabhängig von einander auftreten und besondere Verbreitungsgebiete einnehmen, und zwar in der Art, dass in diesem Falle der lehmige Röthelschiefer immer mit dem Zechstein und von dessen Verbreitung abhängig, der bröckliche Leberschiefer dagegen jedesmal an das Vorkommen des bunten Sandsteins gebunden und an diesen innigst angeschlossen auftritt. Analog verhält es sich in Südtirol mit dem breccienartigen Conglomerat des Rothliegenden und den buntgefärbten Sandsteinlagen des alpinen Buntsandsteins. Diese Analogie der Verhältnisse mit mitteldentschen Ablagerungen tritt namentlich am Ostrande des Hardtgebirgs besonders deutlich hervor. Während nämlich im Spessart noch der Zechstein normal und mächtig entwickelt ist und die Röthelschiefer erst über dem Zechstein auftauchen, verliert sich westwärts der Zechstein gänzlich und es folgen am Westraude des Rheinthals ohne Unterbrechung und ohne discordante Lagerung die Conglomerate des Rothliegenden, die Röthelschiefer, die Leberschiefer und die tiefsten Lagen des Buntsandsteins über einander. Bei flüchtiger Betrachtung sehen sich Röthelschiefer und Leberschiefer hier zum Verwechseln ähnlich. Aufmerksamere Betrachtung lehrt jedoch, dass jene immer zu thonigem, gleichförmig zähem Lehm sich zersetzen, während die Leberschiefer stets nur zu bröcklichem Grus zerfallen. In manchen Gegenden erscheint nun nur das Rothliegende mit dem Röthelschiefer, und in anderen nur der Buntsandstein mit dem Leberschiefer. Dadurch ist ihre Scheidung und Zutheilung zu den beiden verschiedenen Formationen, trotz ihrer petrographischen Aehnlichkeit und gleichförmigen Lagerung, sicher gestellt.

Dieselben Principien wenden wir auch auf die Schich-

ten in Südtirol an und verfahren dabei nicht nach Willkür, sondern nach wohl begründeten Analogien.

Gleichwohl würde diese Zutheilung und Scheidung sofort in Nichts zerfallen, wenn die Bellerophon-Schichten als ein alpinen Aequivalent für Zechstein sich erweisen würden; denn dann müsste der ganze Complex darunter, also der Grödener Sandstein mit sammt dem Conglomerate als alpinen Rothliegende aufgefasst werden. Bei der hohen Wichtigkeit dieser Frage habe ich ihr bei meinem letzten Besuch der Alpen vorzugsweise meine Aufmerksamkeit zugewendet. Es scheint nicht nöthig, hier alle die einzelnen Profile in ihrem kleinsten Detail anzuführen, die ich z. Th. wiederholt in der oberen Grenzregion des Grödener Sandsteins gegen die Seisser Schichten untersucht habe. Es herrscht darin so grosse Gleichförmigkeit und so einstimmige Auffassung der Schichtenfolge bei allen denen, welche die bezüglichen Gegenden geognostisch aufgenommen haben, dass es genügen möchte, diess zu constatiren. Ich habe bereits in meinem ersten Beitrag auf die zwischen Grödener Sandstein und Seisser Schichten eingeschalteten Schichten, die schon durch v. Richthofen von mehreren Fundstellen hervorgehoben worden waren, sowie auf ihren grossen Reichthum an organischen Einschlüssen aufmerksam gemacht und darauf hingewiesen, dass sie dadurch und wegen ihrer weiten Verbreitung hier einen wichtigen Horizont abzugeben geeignet scheinen. Später hat sie Dr. Loretz am Nordrande der Südalpen in fast ununterbrochenem Zuge auf der Südseite des Pusterthales kennen gelernt und auch Dr. Hörnes ihre Identität mit den von mir aus der Puffer Schlucht genau geschilderten Foraminiferen-Schichten bestätigt. Es sind hier bis zum Enneberg vorherrschend dunkelschwarze Kalke und Dolomite, in denen Dr. Hörnes eine Anzahl von Versteinerungen, darunter besonder charakteristisch *Bellerophon peregrinus* nachgewiesen hat. Vom



Enneberg westwärts lassen sie sich in gleicher Beschaffenheit über Picolein, Nombladè, durch den oberen Casarilbach, bei Pragles, unter Solschedia vorüber bis ins Grödenner Thal verfolgen, wo sie in der Puffler Schlucht das erwähnte schöne Profil bieten.

Weiter westwärts am Fusse des Schlerngebirgs und weiterhin verliert sich die schwarze Farbe, es treten an die Stelle der dunklen Gesteine helle gelbliche Dolomite. In dieser Art verbreitet ziehen sich die Schichten oft in's bräunliche übergehend, oft weiss, häufig auch oolitisch und nicht selten steinmergelartig vom Schlernfuss ober Tiers, Neumarkt, das untere Fleimsthal unterhalb Predazzo, dann über Palu unfern Lavis durch die Gegend von Triest bis in's Val Sugana, wozu schon die Bildungen bei Vigolo zu rechnen sind. Zahlreiche kleine Steinbrüche schliessen bei Neumarkt an der Strasse nach Mazzon das 6—7. m. Dolomitlager voll leider schlecht erhaltener Versteinerungen auf. Keine der zahlreichen Formen kann ich mit Sicherheit als eine Zechsteinspecies deuten. Aehnlich fand ich die Lage bei Palu, wo man über eine Steilwand von Dolomitschichten zur Höhe von Villé aufsteigt. Zerstreut herumliegende Blöcke braunen Dolomits enthalten reichlich Schwerspath nebst Spuren von Kupfererz; doch bin ich über ihre ursprüngliche Lage hier nicht ganz sicher, da sie auch aus höheren Lagen herabgestürzt sein können. Der Umstand, dass zwischen Lavis und Palu auch den Porphyry zahlreiche Schwerspathgänge, mit Kupfererzen durchschwärmen, spricht freilich für den tieferen Horizont. Auch bemerkt man in dieser Gegend zahlreiche kleine Berghalden als Ueberreste von Bergbauunternehmungen, die der Grösse den Halden nach kaum über das Versuchsstadium hinüber gekommen sind.

Aehnlich verhält es sich auch in der ganzen Trientiner Gegend. Wenn man von dem früher genaunten Gardolo di



mezzo den Fahrweg gegen Masi Saracini verfolgt, gelaugt man nahe über Gardolo di mezzo an einen Gebirgsaufschluss, in welchem derselbe gelbe, splittrige Dolomit unmittelbar auf der Schichtenreihe des Grödener Sandsteins entblösst lagert. Die Aehnlichkeit dieser Schichten mit dem gelben Zechsteindolomit, wie er im mittleren Deutschland häufig auftritt, ist hier eine wahrhaft überraschende, um so mehr, als auch eine ganz ähnliche Durchaderung von Schwerspath und Kupfererz z. B. in Spessart den Zechstein auszeichnet. Wären wir auch noch so sehr von dieser petrographischen Aehnlichkeit befangen, wenige Schritte weiter aufwärts würden uns sofort zeigen, dass die grauen versteinungsreichen Seisserschichten unmittelbar darüber folgen. Wäre der gelbe Dolomit ein Stellvertreter des Zechsteins, so müsste der graue Mergelkalk mit *Posidonomya Clarai* bereits den bunten Sandstein darstellen. In dieser Gegend ist es die Holopellenkalkbank, welche durch Mächtigkeit und Gesteinsausbildung eine hervorragende Stellung einzunehmen beginnt. Diese Schichten bestehen aus einem z. Th. oolithischen z. Th. dolomitischen, oft sehr dichten, luckig porösen, rauhwascheähnlichen, oder auch steinmergelartig derben Kalk, welcher ungemein reich ist an Rotheisensteinbeimengungen und grünen glauconitischen Theilchen. Auch Stylolithen machen sich häufig bemerkbar, während die Schichtflächen von zahllosen kleinen *Holopellen* strotzen. Auch innerhalb dieses durch rothe thonige Zwischenlagen und durch das Vorkommen des rothen Conglomerats unzweideutig als Campiler Schichten gekennzeichneten Complexes wiederholen sich mehrfach mächtige Bänke gelben und braunen Dolomits, ähnlich den vorhin erwähnten tieferen Lagen. Sie bilden in dieser Gegend häufig nackt vorstehende steile Felsrippen, die gegen Monte Vaccino streichen. Auch in diesen finden sich vielfach Schwerspath und Kupfererze, welche zu ähnlichen Bergbauversuchen Ver-

anlassung gegeben haben, wie bei Palu. Ich konnte eine ganze Reihe alter Berghalden im Streichenden von Monte di sopra bis zum Sattel, der hinüber nach Civezzana führt, weithin verfolgen. Es sind diess dieselben Gesteine, welche auf der Tiroler montanistischen Karte unter der Bezeichnung „unterer Alpenkalk“ verzeichnet wurden. Dass Schwerspath und Kupfererze in diesem hohen Horizonte der Campiler Dolomite vorkommen, obwohl sie schon in viel tieferen Schichten, selbst im Grödener Sandstein beginnen, daran kann man sich am N. Gehänge des Kalisbergs in mehrfachen Querprofilen überzeugen. Ich beobachtete in dem Fahrweg, der von Masi Saracini nach Monte Vaccino führt, deutlich anstehende, ausgezeichnet oolitische Dolomite und rothbraune dolomitische Kalke, welche von zahlreichen Schwerspathadern mit Kupferspuren durchschwärmt sind. Gleich daneben am Gehänge ziehen sich die alten Bergbau-Halden hin.

Noch klarer ist der Aufschluss oberhalb Gardolo di mezzo da, wo ein Seitenweg von jenem nach Masi Saracini südlich sich abzweigt. Hier streicht der vom Kalisberg zum Thal bei Gardolo ziehende bröckliche blendend weisse jüngere Dolomit quer durch und es folgt zunächst unter demselben in gleichförmiger Lage der graue, dem deutschen Wellenkalk petrographisch so ähnliche Mergelkalk als Decke der tieferen Campiler Schichten, wie sie in dieser Gegend ausgebildet sind. Etwa 100 m unter der Grenze gegen den vorliegenden Kalisberg-Dolomit steht als eine Einlagerung oder Zwischenbank in der Campiler Reihe ein mächtiger Fels gelben und braunen Dolomits an, reich an Schwerspathadern und Rotheisensteinschnürchen genau im Fortstreichenden des oben erwähnten Dolomits mit Kupfererzen und unterlagert von der reichen Mergelbildung der Seisser Schichten. Dadurch ist die Stellung dieses Dolomits ganz sicher ermittelt.

Was die Gegend SO. von Trient anbelangt, so gewährt

das in seinen tieferen Lagen bereits früher geschilderte Profil oberhalb Pantè die besten Aufschlüsse. Im Allgemeinen ist die Schichtenausbildung die nämliche, wie bei Gardolo di mezzo. Die einzelnen mächtigen Dolomitbänke ragen auch hier als Felsrippen oder steile Terrassenränder zwischen den anderen Gesteinsbänken vor. Ganz besonders macht sich die meist rothe, oolitische Holopellenbank bemerkbar, welche das meiste Material zu den Weinbergsmauern dieser Gegend geliefert hat. Bemerkenswerth für diesen Strich ist auch das Vorkommen von Gypsknollen in den höchsten Lagen der Campiler Schichten oberhalb einer 15 m. mächtigen Rauhwackenbank.

Noch weiter südlich bieten sich uns in den Profilen an den Gehängen oberhalb Vigolo gegen Terra rossa und den M. Marzola sehr interessante Verhältnisse. Auch hier erhebt sich über den sandigen Lagen der Grödener Schichten mit vielen Kohlenputzen zuerst eine steile hohe Felswand, welche aus unten dünnen, oben dickeren Bänken eines z. Th. oolithischen z. Th. sehr dichten, gelben oder weisslichen Dolomits besteht. Wir sehen darin den Stellvertreter der Bellerophon-Dolomite, wie die zahlreichen, aber in hohem Grade undeutlichen Versteinerungen erkennen lassen, die darin auftreten. Graue dünnschichtige Mergelkalke mit den charakteristischen organischen Einschüssen der Seisser Schichten bedecken diese Felsbänke. In rascher Wiederholung erscheinen nach Oben noch dreimal ähnliche ziemlich mächtige Dolomitfelsmassen, von einander nur durch graue und rothe thonige, mergelige und sandige Zwischenlagen getrennt. Die oberste dieser Bänke beginnt mit einer oolithischen, weissen, gelblich verwitternden, z. Th. intensiv rothen eisenreichen Dolomitlage, in welcher wie NO. von Trient Schwerspath und Kupfererze brechen. Steinmergelartig dichte Gesteine vermitteln hier den Uebergang in grossluckige Rauhwacke, welche in dieser Gegend besonders

mächtig hervortritt. Leider sind bis auf einzelne Steinmergelbänke die höheren Lagen bis unter dem zunächst darüber folgenden blendend weissen Dolomit des Mt. Marzola (Calisberg-Dolomit) mit etwa 30—35m. ganz überrollt.

Es ist kaum zweifelhaft, dass es dieselben Schichten sind, in denen ich eine Anzahl Triasformen (vergl. I, S. 34) nachgewiesen habe. Es lässt sich namentlich an den Foraminifereneinschlüssen, die in Dünnschliffen sichtbar werden, erkennen, dass es derselbe Horizont sei, in welchen die Wiener Geologen das Vorkommen von *Bellerophon peregrinus*, von *Spirifer*, *Avicula*, *Mytilus*, *Myophoria*, *Turbo* u. s. w. angeben, so dass im Ganzen, wie Stache annimmt, ein paläozoischer Typus hervortrete. Dergleichen Anklänge an ältere Faunen in jüngeren Schichten begegnen wir zu wiederholten Malen in den Alpen. Es dürfte daher eine gewisse Formähnlichkeit nicht für zureichend erachtet werden, um daraus auf eine Gleichstellung mit älteren Schichten zu schliessen. Wir sehen ähnliche Andeutungen in der Fauna von St. Cassian, ja selbst noch in der des rhätischen Schichtencomplexes und über diese hinaus mehrfach wiederkehren. Es zeigen sich darin eben einzelne erhaltungegebliebene Glieder jener grossen Kette der Artenverwandtschaft und der Formencontinuität, welche eine ältere Fauna mit einer jüngeren verbunden hält. Süss<sup>5)</sup> hat sich neuerlichst über die Bedeutung dieses wiederholten Auftretens sogenannter alter Typen in jüngeren Schichten in lichtvoller Weise ausgesprochen. Wie mir scheint, haben wir in den *Bellerophon*-Schichten uur ein weiteres Beispiel dieser Wiederholung einer Vortriasfauna in Triasschichten zu verzeichnen.

Eine weitere Frage, die ich durch meine Untersuchun-

---

5) Die Entstehung der Alpen S. 99 ffd.



gen bei Trient zu beantworten versuchte, bezieht sich auf den Nachweis der Crinoideen- und Brachiopoden-Schichten des Muschelkalks von Recoaro, die nordwärts in den Profilen am Schlern und bei Neumarkt sich nicht sicher bemerkbar machen. In diesen nördlichen Gegenden schreitet die Dolomitbildung über den rothen Campiler Schichten fast ununterbrochen bis zum Schlerndolomit fort. Bei Tiers, wo ich den vortrefflichen Aufschluss über der St. Sebastians-Kapelle zu erneuerten Beobachtungen benützte, tritt über den obersten brennendrothen Lettenschiefer der Campiler Schichten zuerst eine festere Gesteinslage als Fuss der weiter aufragenden Steilwand auf, welche 2 m. mächtig aus dünnen Schichten eines knollig klotzigen blaugrauen dolomitischen Mergelkalks mit zwischenliegenden grauen Mergeln besteht. Letztere enthalten Spuren von Pflanzenversteinerungen. Darauf baut sich erst die fast senkrechte 10 m. hohe Wand aus hellgelblich weissem, fleckweise rostfarbigem klotzigem Dolomit auf, welcher dadurch ausgezeichnet ist, dass er flache Linsen und Knollen oder Lagen von Hornstein und kieseligem Kalk enthält. In diesen Ausscheidungen zeigen sich ziemlich viele, aber meist sehr undeutliche organische Formen, *Crinoideen* und *Brachiopoden*. Ueber diesen Felsen springt der Abhang etwas terrassenförmig zurück. Der so gebildete Absatz wird durch die Zwischenlage von weicheren grauen Dolomiten von 5 m. Mächtigkeit veranlasst, über denen dann erst ohne weitere Unterbrechung der blendend weisse Schlerndolomit bis hoch hinauf zum Tschaffon sich aufthürmt. Also auch hier ist noch keine deutliche Abgliederung wie bei Recoaro ausgeprägt. Auch O. und SO. von Trient bieten die zahlreichen, von mir näher untersuchten Profile keine weiteren Aufschlüsse, als dass über den rothen Campiler Schichten ein System grauer, dünnschichtiger, wellig gebogener, dem mitteldeutschen Wellenkalk petrographisch (natürlich nicht der Lage

nach) bis zum Verwechseln ähnlicher Kalke constant sich vorfindet. Der unmittelbare Anschluss an den etwa 10 m. höher beginnenden blendend weissen Dolomit (Schlerndolomit des Kalisbergs) ist hier überall durch Zusammenbruch und Schutt verdeckt: so oberhalb Pantè, am Steilgehänge des Mt. Chegol, wo eine grossartige Verwerfung O. von Mt. Cerva durchzieht und in der Fleimsthalpalte fortsetzt. Auch am Wege nach Val Sorda sind diese Grenzsichten entblösst. Nirgends aber begegnen wir einer Spur der so grossartig entwickelten Schichtenreihe, wie im Enneberger Gebiete, keinen typischen Wengener Schichten, keinen Buchenstein-Kalken, keinen St. Cassianer-Gebilden, deren Faciesausbildung, wie es scheint, erst östlicher im mittleren Fleimsthal zwischen Cavalese und Predazzo sich anzulegen beginnt, während dieser Typus bekanntlich bei Recoaro und in den südlicheren venetianischen Alpen gleichfalls fehlt. Aber auch, das Charakteristische der Schichtenausprägung, wie sie sich bei Recoaro zu erkennen giebt, ist bei Trient nicht in gleicher Schärfe zu finden, obwohl eine gewisse Annäherung nicht zu verkennen ist. Bei Recoaro nämlich ist das untere Schichtensystem ausserordentlich dürftig ausgebildet. Es liegen hier über dem Phyllit, ähnlich wie in Val Sugana, zuerst 1) röthlicher Sandstein, der unten oft Conglomeratbänke in sich schliesst, durchschnittlich wohl nicht über 10 m. mächtig, dem Grödener Sandstein entsprechend, dann darüber 2) gelbliche Dolomite wechselnd mit rothem Lettenschiefer, grauen dolomitischen Mergelkalken, wohl auch röthlichen sandigen Zwischenschichten nach oben mit einer gypsführenden Lage abschliessend als Stellvertreter der Seisser und Campiler Schichten zusammen, gegen 40 m. mächtig; 3) dünnplattig wulstiger Kalk gegen 10 m. mächtig, als Hauptlagen des *Dadocrinus gracilis*, 4) weicher grauer z. Th. sandiger Mergel mit den Voltzieneinschlüssen, gegen 8 m. mächtig; 5) der Brachiopodenkalk, grau, fest, oft klotzig

und hornsteinführend nach oben in dolomitische, rostbraun verwitternde Schichten übergehend im Ganzen etwa 15 m. mächtig; 6) röthliche Conglomeratbänke und grellrothe, oft sandige Lagen mit 10 m, 7) dünngeschichtete graue Mergelkalke und gelbverwitternde dolomitische Lagen gegen 20 m. mächtig, 8) schwarze Kalke, in welchen Beyrich zuerst das ursprüngliche Lager der *Gyroporella triasica* entdeckt und festgestellt hat und endlich 9) das Massiv der weissen deutlich geschichteten Kalke, welche an vielen Stellen Blei- und Zinkerze führen und sowohl dem Schlerndolomit als Wettersteinkalk entsprechen. Man könnte in den pflanzenführenden Lagen bei Tiers die Voltzienschicht, in den grauen wellenkalkähnlichen Bildungen SO. von Trient die *Dadocrinus*-Bänke vermuthen. Aber sichere Anhaltspunkte des Vergleichs fehlten bis jetzt. Desto bemerkenswerther ist der Gebirgsaufschluss, den ich oberhalb Villé di sopra im Val di Cembra NO. von Lavis direct N. vom Dorfe an einem über den schmalen Gebirgsvorsprung hinüberführenden Fussessteig auffand. Dieser felsiger Gebirgsrücken, der von Mt. Corona in SW. Richtung bis oberhalb Ville bis zum Pfad nach Masa Serchi streicht, selbst besteht aus blendend weissem, splittrigem Schlerndolomit, der oben von Gletscherschliffen reichlich polirt ist. An dem genannten Steig wird derselbe von lichtgrauen und grünlichen, dünn-schichtigen, oft wellig wulstigen Kalken unterlagert. Die untersten Bänke dieser etwa 30 m. mächtigen Schichtenreihe, welche an un-deutlichen Versteinerungen nicht arm ist, nehmen Bänke eines festeren Kalkes ein und in diesen fand ich nicht grade häufig *Dadocrinus gracilis* mit Gliedern eines etwas grösseren *Crinoideen*. Dadurch ist für diese Gegend die so charakteristische Muschelkalkbank sicher nachgewiesen. Die Unterlage machen 25 m. mächtige graue gelblich verwitternde Mergelkalke aus, die wieder von grauem, und schwarzem Lettenschiefer mit gelben Dolomitzwischenlagen unter-

teuft werden. In diesem schwarzen Gestein kommen Fragmente von Pflanzen vor, jedoch nicht deutlich genug, um sie zuverlässig als zu *Foltzia recubariensis* gehörend bestimmen zu können. Darunter beginnt das hier in grossartiger Weise entblösste System der Campiler Schichten mit den bekannten brennend rothen Letten, den rostfleckigen, gelben Oolithdolomiten und Breccien, in stetem Wechsel mit Dolomitbänken und nach unten sich reichlicher einstellenden grauen Mergelplatten bis zum mächtigen, weissen Grenzdolomit, der die Scheide bildet gegen den noch tiefer liegenden Grödenener Sandstein. Das *Gyroporellen*-Lager konnte ich hier nicht auffinden, es scheint sich auf das enge Gebiet von Recoaro zu beschränken. Es ist dadurch sehr wahrscheinlich gemacht, dass der wulstige Mergelkalk bei Pantè und an der Strasse nach Val Sorda über den Campiler Schichten der Region des *Dadocrinus gracilis* gleichzustellen ist.

### Die Dolomite und dolomitischen Kalke.

Die über den Schichten der unteren Trias nach oben folgenden theils rein dolomitischen, theils dolomitisch-kalkigen (Gesteine<sup>6)</sup> gewinnen in der Gegend O. von Trient keine so hervorragende Bedeutung, wie in N. S. und W. Von den hohen Bergen, welche sich am S.-Rande des Val Sugana steil erheben, streichen diese durch eine blendend weisse Farbe und ihre nackte Felsbildung schon aus der Ferne unterscheidbaren Gesteinsmassen durch das Centathal, in welchem ein neu angelegter Weg von Caldonazzo nach Folgaria auf eine lange Strecke durch sie sich emporzieht, in fast rein nördlicher Richtung vom Mt. Scanupia durch den oberen Theil des Val Sorda zum Mt. Marzola und dem Mt. Chegol im Osten von Trient in stets abnehmender

---

6) Vergl.: Doelter und Dr. Hörnes, Chem. gen. Betracht. üb. Dolomit u. s. w. III. Heft d. Jahrb. d. geol. Reichsanst. 1875.



Mächtigkeit herab. Dieser Zug bricht an dem tiefen Gebirgssattel oberhalb Pantè plötzlich ab, legt sich jedoch weiter nördlich in dem Mt. Celva mit der verstürzten und herabgebrochenen Bergscholle des alten Castells wieder an, um von da an in ganz schmalem Zuge zwischen Malpensada und einer gegen Civezzano vorliegenden Verwerfungsspalte mit nach SW. geneigten Schichten quer durch das Fersina-thal streichend sich aufs Neue zum Calisberg zu erheben. Das reichliche Vorkommen von *Turbo solitarius* in freilich nur verstürzten Bruchstücken bei Val Sorda deutet es an, dass in diesen Felsmassen nicht bloss die tiefsten, sondern auch höhere Horizonte vertreten sind. Diess weist der Durchschnitt, den die prächtige Felsenstrasse von Trient nach Pergine in den durchsprengten Felsen zugänglich gemacht hat, nun noch näher nach. Von Trient aus über die bis zur Stadt reichenden, mächtig ausgebreiteten Diphyenkalk und über die versteinerungsarmen rothen Jurakalke aufsteigend gelangt man jenseits des Wirthshauses Cognola zu einem System hellrother bis weisser dichter, zum Theil fein oolithischer Kalke, die dem äussern Ansehen nach dem Doggerkalk von Roveredo und am Garda-See entsprechen. Eine dolomitische Lage scheidet die vorliegenden Bänke von den gleichförmig sie unterlagernden, weissen, dünnbankigen Kalken, welche zahlreiche, graulich grüne Lettenlagen zwischen sich schliessen. Alle Schichten neigen sich ganz conform unter geringem Neigungswinkel nach SW. In der Nähe eines wasserreichen Felsenbrunnens enthalten diese Kalke zahlreiche Versteinerungen in nicht gutem Erhaltungszustande; doch erkennt man darunter *Megolodon punilus* und breite Streifen, die auf das Vorkommen von *Lithotis* hindeuten. Der neue Anbruch der Felsen, bei welchen in Folge von Verwitterung die Formen der Versteinerungen noch nicht deutlich ins Auge fallen und die Bestäubung des Gesteins wirken zusammen den wahren Reich-

[1876. 1. Math.-phys. Cl.]

thum der Schichten an Versteinerungen fast ganz zu verdecken. Doch ist soviel gewiss, dass wir bereits in dem Gebiete der Rotzschichten oder des grauen Lithiotiskalkes von Roveredo stehen, auch wenn das Gestein hier ganz abweichend meist als blendend weisser Kalk entwickelt ist. In den noch tieferen Lagen, denen wir beim weiteren Verfolgen der Strasse nach Pergine begegnen, lässt sich eine Scheidung nicht herausfinden, bis sich der Dolomit in mächtigen Massen einstellt. Weil der neue Aufbruch des Gesteins längs der Strasse wenig paläontologische Ausbeute lieferte, wurde der über das Gebirge von Villa montagna nach Orzano führende Weg aufgesucht, welcher auch in gewünschter Deutlichkeit die gehofften Aufschlüsse lieferte. Wenn man von Villa montagna aufsteigt, so sieht man zuerst das System weisser und röthlicher Kalke in stark geneigten Bänken neben dem Wege entblösst, deren zahlreiche organische Einschlüsse ihre Zugehörigkeit zum Doggerkalk bestätigen. Man steigt über ihre Schichtenköpfe nach und nach zur Sattelhöhe hinan, auf welcher grossartig in Karrenfeldern ausgewitterte Kalke mit unter  $55^{\circ}$  nach SW. geneigten Schichten weithin sich ausbreiten. An dem verwitterten Gestein kommen nun die breiten Streifen der *Lithiotis* in erstaunlicher Menge zum Vorschein. Es sei nur nebenbei bemerkt, dass auf dieser Sattelhöhe noch Glacialgeröll abgelagert ist und dass die Oberfläche der Felsen durch Gletscherschliffe, deren Politur man sehr deutlich erkennt, stark abgerundet worden ist. Gleich jenseits des Sattels nehmen Dolomiten — blendend weiss, kleinklüftig, jedoch deutlich geschichtet — ihre Stellung ein, so dass die ganze Mächtigkeit der Lithiotiskalke kaum mehr als 200 m betragen dürfte. Diese Stelle ist wohl neben jenem bei Cortina d' Ampezzo durch H. v. Mojsisovic<sup>7)</sup>

---

7, Reisebericht. Verh. d. geol. Reichs. 1875. N. 12 S. 220.

entdeckten Vorkommen einer der nördlichsten Punkte, bis zu welcher die Rotzolliasfacies nachgewiesen ist.

Während bei Villa montagna und N. davon zwischen Calisberg und dem riffartigen Vorsprunge des Mt. Calmus unter diesem durchstreichend grauer Neocommergel und *Scalia* sich ausbreiten und über diesen eine reiche Reihe glauconitischer grünlich grauer klotziger Mergel voll Versteinerungen namentlich Crinoideen (von Tavernaro zum Mt. Calmus) als tiefste und älteste Glieder der hier beginnenden Eocänformation (Spilecco-Schichten) und als unmittelbare Unterlage des von *Nummuliten* strotzenden weissen Kalkes, aus welchem der Mt. Calmus besteht, lagern, aber rasch an einer plötzlich im N. auftauchenden tuffartigen Eruptionsmasse absetzen und in steilen, sogar seiger gestellten Schichten sich umbiegen, setzt der Zug der älteren weissen Dolomite und Kalke in NW. Richtung über den schmalen Rücken, dessen höchste Spitze der Kalisberg genannt wird, ununterbrochen fort und erreicht weiter in rascher Senkung über Gardola di mezzo, wie schon erwähnt, das Etschthal bei Dorf Gordola zwischen Trient und Lawis.

Ich will diese wenigen Bemerkungen über den Osttrientiner Kalk- und Dolomitzug nicht abschliessen, ohne denselben auf Grund neuerer Untersuchungen und Studien einige Nachträge über die Dolomiten der nördlicheren Gegenden anzuschliessen.

Nach meinen früheren Untersuchungen in dem Dolomitgebiete NO. von Botzen war ich zu dem Ergebniss gekommen, dass die sog. Schlerndolomite dieser Gegend ursprünglich eine mehr oder weniger geschlossene Decke bildeten, welche in Folge späterer theilweiser Zerstörung der Unterlage, durch Zusammenbrüche und Wegwaschungen erst nachträglich jene eigenthümlichen und charakteristischen Formen annahm, wie solche jetzt in

den berühmten Dolomitbergen des Ennebergs unsere Bewunderung erregen, und dass letztere nicht von einer ursprünglichen Korallenriffbildung abzuleiten wären. Diese Annahme ist auf vielseitigen Widerspruch gestossen, sowohl von Seiten des ersten Begründers der Korallenrifftheorie H. v. Richthofen's <sup>8)</sup>, als auch von Seiten mehrerer Wiener Geologen <sup>9)</sup>, welche letztere sogar behaupteten, die Riffhypothese nunmehr mit unumstösslichen Gründen sicher gestellt zu haben.

Ich folgte um so lieber dem Rath meines verehrten Freundes, mir die Sache denn doch noch einmal in der Natur gründlich anzusehen, als ich weiss, wie belehrend und läuternd die Wiederholung früherer Beobachtungen auf etwa vorgefasste Meinungen einzuwirken im Stande ist. Ich habe daher an den wichtigsten Orten die vorliegende Frage noch einmal mit aller Sorgfalt geprüft und habe mich dadurch nur noch mehr von der Richtigkeit der nicht von mir erfundenen oder neu aufgestellten, sondern vielmehr früher allgemein angenommenen Ansicht, die ich nur weiter ausgeführt habe, überzeugt. Ich bin wiederum darauf zurückgeführt worden, dass wir zur Erklärung aller vorkommenden Verhältnisse, unter denen der Schlerndolomit im südöstlichen Tirol auftritt, nicht nöthig haben, eine Korallenriffbildung anzunehmen. Auch habe ich an einem von zahlreichen Stellen neuerlichst gesammelten Material auf das Bestimmteste die Ueberzeugung von dem enormen Mangel, um nicht gerade zu sagen Ausschluss der Korallenüberreste im Schlerndolomite mir aufs Neue verschafft. Es sei gestattet,

---

8) v. Richthofen, Ueber Mendola- und Schlerndolomit in Zeitschr. d. d. geol. Gesellsch. 1874, S. 225.

9) v. Mojsisovics, Ueber die Ausdehnung und Structur d. SO.-Tirol-Dolomit. Sitz. der Akad. d. Wiss. 71. Bd. 1875 und zahlreiche Berichte von M. u. Dr. Hörnes in d. Verh. d. geol. Reichsanst. 1874 und 1875.



hier im Voraus zu constatiren, dass H. v. Richthofen selbst die Schichtung des nach seiner Ansicht aus Korallenriffen hervorgegangenen Dolomits zugesteht, ja selbst ein besonderes Gewicht darauf legt, dass auf dieses Moment von ihm selbst zuerst aufmerksam gemacht und das davon gegen die Rifftheorie abgeleitete Bedenken widerlegt worden sei.

Da H. v. Richthofen seit seiner Weltreise Tirol nicht wieder besucht hat, so beschränkt sich seine neuerliche Erwiderung wesentlich auf die frühere Beweisführung, die er nur durch die Ergebnisse seiner Untersuchungen an den Korallenriffen der Südküste von Java weiter zu stützen sucht. Ich setze nicht den geringsten Zweifel an die äussere Aehnlichkeit der Erscheinung zwischen den Dolomitfelsen in Tirol und den Korallenriffen der Südsee, aber für mich liegt darin weiter keine zwingende Nothwendigkeit, von dieser äussern Aehnlichkeit auf die innere Gleichheit der Entstehung zu schliessen; da ja nicht geläugnet werden kann, dass die Formen, die in den meisten Tiroler Dolomiten hervortreten, auch durch Denudation erklärt werden können, wie selbst von den heftigsten Vertretern der Korallenrifftheorie theilweise zugestanden wird. H. v. Richthofen vermisst (S. 236) die Mittheilung der meiner Anschauung zu Grunde liegenden Beobachtungen. Soweit sie sich auf stratographische Verhältnisse beziehen, sind sie ganz die nämlichen, wie auch er sie angestellt hat, darüber herrscht keine Differenz, die ja nur in der Deutung der beobachteten Thatsachen besteht. Ich sehe in den vielfach zerrissenen Dolomitbergen, in den steilen Rändern, mit denen sie plötzlich sich erheben, nichts anderes, als die Ueberreste einer grossen Gesteinsdecke, übrig gebliebene Fetzen einer weit verbreiteten Dolomitbedeckung und die Steilabbrüche von den nach einer Richtung hin zerstörten Theilen dieser Decke. Das sind Erscheinungen, die sich ja bei

jedem Ausblick nach den Dolomitbergen darbieten und tausendfach wiederkehren. Ich betrachte z. B. den Dolomit des Schlern als ein ursprünglich mit dem Dolomit der Mendel unmittelbar zusammenhängendes Dolomitcontinuum, das durch die Unterspülung und Wegwaschung der zwischen Schlern und Mendel unter dem Dolomit lagernden weicheren Schichten seiner Unterlage beraubt, theilweise zusammenbrach, wodurch die auf diese Art entstandenen Trümmer und Bruchstücke der fortspülenden Macht der fluthenden Gewässer zum Opfer fielen. Die Steilränder am Schlern, wie an der Mendel erscheinen mir als die derzeitigen Randtheile dieser zerstückelten Decke. Diese Verhältnisse sind genau so, wie wenn die Dolomitdecke, welche heute zu Tage noch zwischen Schlern und Rosengarten ein Continuum bildet, an der bereits zum Durchbruch vorbereiteten Eintiefung des Tschamin- und Duron-Bachs durch weiter fortgeschrittene Auswaschung der Campiler, Seisser und Grödener Schichten unterspült, etwa an den Rosszähnen zusammenbrechen würde und zwei neue Steilränder entstünden, genau so wie zwischen Peitler-Kogel und Sabatschberg, wo durch denselben Unterspülungsprocess die ursprünglich zusammenhängenden, jetzt getrennten Kalkberge entstanden sind. Ich vermag hier und nirgends Korallenriffränder zu sehen. Dergleichen spätere Isolirungen früher continuirlich ausgedehnter Schichtensysteme und ihre Trennung in mehrere Gebirgsstöcke gehören ja zu den allergewöhnlichsten Erscheinungen in unsern Alpen, und die Südtiroler Berge machen hiervon nicht die geringste Ausnahme; es sind durch Zerstörung der Zwischenmassen isolirte Berggruppen wie der Wetterstein und der Minninger, wie Karwendelgebirge und Solstein, wie Pentling und Kaisergebirge, wie vorderer und hinterer Kaiser, oder in den Südalpen zwischen Mt. Cislun mit den Neumarkter Bergen und dem Schönleitenkopf mit Mt. Roen. Wir sehen bei Neumarkt noch deutlich



die ursprüngliche Querverbindung durch das Etschthal angedeutet.

Es gereicht mir zur grossen Befriedigung, dass selbst die am meisten fortgeschrittenen Vertreter der Rifftheorie die Allgemeinheit dieser Theorie in den Südtiroler Dolomitbergen haben fallen lassen und sie auf einzelne Fälle beschränkt wissen wollen. Wenn von dieser Seite ein ursprünglicher deckenförmiger Zusammenhang der Dolomitdecke zwischen Schlern- und Mendelbergen, zwischen Rothewand und Latemar zugleich mit Sasso di Loch, Campo Ziegelau und der Vedretta Marmolata u. s. w. zugegeben wird, so ist damit der allgemeinen Gültigkeit der Rifftheorie für Südtirol bereits das weiteste Feld entzogen, ich glaube das ganze. Denn wenn die durch Korallenriff angeblich entstandenen und steilrandigen Berge geschichtet sind, wie die Kalk- oder Dolomitmassen anderer Berge, wenn sich in diesen Gesteinsmassen keine oder nur Spuren von Korallen — wie ja zugegeben wird — erkennen lassen, was ist es denn, muss man fragen, was uns die Nöthigung auferlegt, ihre Bildung aus Korallenriffen herzuleiten? Ihre plötzliche Erhebung in hohen Steilrändern und ihr plötzlich mächtiges Anschwellen, sowie gewisse Structurverhältnisse sollen den Korallenriffcharakter documentiren.

Vorerst ist es ja mehr als zweifelhaft, dass sich in den jetzigen Steilrändern ehemaligen Riffränder auch nur der ungefähren Form nach erhalten haben könnten, wo rings die grossartigste Zerstörung auf Quadratmeilen ausgedehnte mächtige Berge vernichtet hat. Wir haben es überall nur mit abgebrochenen Lagen zu thun und ich vermag nirgendwo irgend etwas Eigenthümliches zu entdecken, welches diese steilen plötzlich aufsteigenden Felswände vor anderen Abbruchsrändern auszeichnete und sie als Theile von Korallenriffen charakterisiren würde. Aber selbst wenn sie ehemals Theile von Riffen dargestellt hätten, wären sie, wie die

überall an ihrem Fuss aufgehäuften Bruchstücke augenscheinlich lehren, in ihrer ursprünglichen Form so weit verändert, dass die jetzige Berggestaltung nicht mehr auf jene frühere Bildung bezogen werden könnte. Ich habe mir wiederholt die Frage gestellt, wodurch denn diese Steilränder der Südtiroler Dolomitberge von anderen Abbruchrändern, die ja überall in den Kalk- und Dolomitgebirgen wiederkehren, sich unterscheiden liessen; ich habe Nichts herausfinden können.

Was weiter die Erscheinung des plötzlichen Anschwellens der Dolomite zu aussergewöhnlicher, d. h. in nächster Nähe nicht vorkommender Mächtigkeit anbelangt, so sind diess Verhältnisse, welche in- und ausserhalb der Alpen vorkommen, wo sicher keine Mitbetheiligung von Korallen anzunehmen ist. Ich erinnere nur an das plötzliche Anschwellen der schwammreichen Stellen in dem Juragebiete, an das rasche Mächtigerwerden der Dolomite in Franken, bei welchen gewiss keine Korallenriffe mitspielen. Es darf auch an den Wettersteinkalk in den Alpen erinnert werden, der z. B. im Kessel von Reichenhall wenige hundert Fuss mächtig in dem unmittelbar anschliessenden hohen Staufengebirge zu eben so vielen tausend Fuss anschwillt. Dasselbe ist an vielen Stellen mit dem Dachsteinkalk der Fall. Dass dieses rasche Anschwellen Folge lokalreicherer Niederschläge und Absätze oder Anschwemmungen sei, muss überall angenommen werden, wo Korallenreste in dem Gestein fehlen, während andere Thierreste von gleicher Beschaffenheit sich erhalten haben. Warum müssen es denn in Südtirol gerade riffbauende Korallen gewesen sein, die dies bewirkten, aber nachträglich total zerstört worden sind, während sich Foraminiferen und Schalthierreste erhielten? Wenn ich für die Bildung der Dolomitfelsenmassen in Südtirol keine andern Agentien anzunehmen für nöthig erachte, als die sind, welche überall Kalk- und Dolomitschichten erzeugten



— darunter auch natürlich stellenweise Material, zu dem Korallen Beiträge lieferten — so steht meine Ansicht mit den thatsächlichen Beobachtungen und den allgemeinen Erscheinungen vollständig in Einklang; lokal Abweichendes aber lässt sich nur aus lokalen Ursachen ableiten und erklären, wie ich es versucht habe. Dass die von mir angenommene Dolomitdecke nicht unbegrenzt sich ausdehnt und lokal durch eine andere Bildung ersetzt wird, ist allerdings eine Inconsequenz der Natur (l. c. 237), für die aber ich denn doch nicht verantwortlich gemacht werden kann. Auch ist es keine unklare Vorstellung, sondern Thatsache, dass sich neben einander aus demselben Meere sehr heterogene Absätze bilden können ohne Mitbetheiligung von Korallenriffen, wie die Tiefsee-Untersuchungen reichlich gezeigt haben. Eine scharfe Abgrenzung von reinem Dolomit gegen schwarze Tuffschichten ist mir ebenso unerklärlich wie meinem verehrten Freunde, aber ich kenne einfach keine solche, sofern nicht Dislokationen sie hervorgerufen hätten. Wo dergleichen Grenzen in normaler Lagerung aufgeschlossen sind, da bemerkt man keinen scharfen Abbruch, sondern den geforderten allmählichen Uebergang und sogar ein gegenwärtiges, durch Wechsellagerung vermitteltes Ineinandergreifen.

Ich vermochte demnach auch in Folge meiner neueren Beobachtungen mich nicht zu überzeugen, dass irgendwo in Südtiroler Dolomit ein altes Korallenriff noch sichtbar geblieben ist, und ich will es mir gefallen lassen, vielleicht auch in Bezug auf die Erklärung der Entstehung alpiner Felsmassen für ein Reaktionär erklärt zu werden, wie denn H. v. Richthofen mein Bestreben, alpine Schichten mit ausseralpinen dem Alter nach gleichzustellen und demgemäss zu benennen, geradezu als einen Rückschritt in der Methodik der Alpengeologie bezeichnen zu dürfen glaubt und Benennungen wie „Alpiner Röth“, „Alpiner unterer

Muschelkalk“ etc. gelassen für unexakt hält. Ich meinen Theils fühle mich trotzdem befriedigt bei solchen Rückschritten in der Alpengeologie, von denen ich mit Genugthuung sehe, dass sie einen wahren Fortschritt der Geologie im Allgemeinen im Gefolge haben, mitwirken zu können. Wenn ich irgend einen Beitrag zur Förderung der geologischen Kenntniss der Alpen je geleistet habe, so besteht er eben nur darin, die in den Alpen herrschenden besonderen Verhältnisse auch solchen verständlich zu machen, die nicht speciell Alpengeologen sind und diess hauptsächlich durch meine Bemühungen, die Faciesdifferenzen und Gleichheiten der Gebilde in den Alpen mit denen ausserhalb derselben klar zu stellen, nach denselben Methoden, die ich auch in meiner letzten Arbeit befolgt habe. Ich betrachte es als Rückschritt in der Methodik der Alpengeologie, wenn man für dieselben eine eigene Wissenschaft mit eigener Nomenclatur und besonderer Titulatur zur Zeit noch festzuhalten für nothwendig erachtet, wo es vollständig klar geworden ist, dass die geologische Geschichte in den Alpen zwar ihren besonderen Gang, aber doch ganz gleichzeitig und analog mit gewissen Ereignissen ausserhalb der Alpen genommen hat und dass es absolut erforderlich ist, um die Alpengeologie allgemein verständlich zu machen, so viel als immer thunlich ist, die besonderen alpinen Bezeichnungen mit allgemeinen zu vertauschen. Auf diesem Wege werde ich mich durch keine noch so herbe und ungerechtfertigte Beurtheilung abbringen lassen.

Die Korallenrifftheorie ist in der neuesten Zeit durch die umfassenden Detailaufnahmen der Geologen der k. k. Reichsanstalt in ein neues Stadium getreten. In den über diese Forschungsergebnisse bisher erschienenen Publikationen wird der erbrachte Beweis als endgültig und unumstösslich bezeichnet und von den Gegnern die Beibringung des Beweises vom Gegentheil gefordert. Darüber dagegen wird

ganz stille hinweggegangen, dass die Untersuchungen dahin geführt haben, an die Stelle der ganz allgemein für die Südtiroler Dolomite als gültig ausgesprochenen Korallenrifftheorie eine enorme Einschränkung auf einige wenige Fälle treten zu lassen, und dass wir es mithin ganz und gar nicht mehr mit der früheren Theorie zu thun haben. Ich nehme davon Akt, weil damit eigentlich der Hauptsache nach bereits das, was ich behauptet habe, nicht widerlegt, sondern nur bestätigt ist, und es sich nur mehr um einzelne Ausnahmefälle handelt, die nun im Einzelnen zu betrachten wären. Das ist der jetzige Standpunkt der Sache.

Ich will nun versuchen, die Hauptzusammenstellung der bisher gewonnenen Ergebnisse zu Gunsten der letzten Ueberreste der Rifftheorie, wie sie die neueste Schrift des Herrn Bergraths v. Mojsisovics <sup>10)</sup> liefert, möglichst genau zu folgen.

Diese Schrift bezeichnet die Resultate paläontologischer Untersuchungen und Vergleichen der Einschlüsse der in verschiedenen Höhen und in verschiedenen Reihenfolgen auftretenden, unter einander sehr abweichenden Bildungen in Verbindung mit der Beobachtung des gegenseitigen Ineinandergreifens der beiden Facies der Dolomite und der Mergel als die Hauptstütze dieser Theorie. Diese Gründe sind mehrfach verschieden von jenen des Herrn v. Richthofen, namentlich in Bezug auf das Vorkommen der Pachycardien-Schicht auf der Seisser Alp, auf welches besonderes Gewicht gelegt worden war, dann in Bezug auf die Stellung, die der Schlerndolomit gegenüber den St. Cassianer Schichten einnimmt, und endlich in Bezug auf das Fehlen der Schichtung, die H. v. Richthofen zugegeben hat.

---

<sup>10)</sup> U. d. Ausdehnung u. Structur d. südtir. Dolomitblöcke. Sitz. d. Ac. d. Wiss. in Wien, I Abth. Bd. 71, Maiheft 1875.

Was den ersten Theil der oben angeführten Abhandlung anbelangt, so stimmen die hier angeführten Hauptresultate ziemlich vollständig mit der bereits in meinem ersten Beitrage nachgewiesenen stellenweisen Vicariirung des Dolomits für den oberen Muschelkalk <sup>11)</sup> die Buchensteiner, Wenger und St. Cassianer Schichten (s. S. 51, 69, 70 u. s. w.). Auch habe ich daselbst schon auf die Möglichkeit einer Zerlegung dieses Dolomitcomplexes in die einzelnen Schichtenglieder, die er vertritt, hingedeutet. Indem weiter die einzelnen ursprünglich räumlich getrennten Dolomitstücke aufgeführt werden, zwischen denen becken- oder kanalartige Gebiete der Mergelfacies sich ausbreiten, begegnet man der Annahme, dass das Schlerngebirge einst wahrscheinlich sogar mit dem Mendelgebirge einerseits zusammenhing, andernseits erst mit der Marmolatagruppe sich abschloss. Also die W. und S. Steilränder des Schlerngebirgs mit seinem Anhang, sowie auch die östlichen des Mendelgebirgs und westlichen der Marmolata haben nichts

---

11) H. v. Richthofen wird sich aus dieser Abhandlung überzeugen, dass es denn doch nicht so unexakt ist, in den Alpen von oberem und unterem Muschelkalk zu reden, da man diese Bezeichnungen von einer Seite angenommen hat, welcher er gewiss den Vorwurf des Rückschritts in der Methodik der Alpengeologie nicht machen will. Wenn er aber (l. c. S. 221) mit einer kühnen Redewendung den Leser glauben zu machen sucht, dass ich die Richtigkeit der Bezeichnung von Schlerndolomit und Mendoladolomit erst recht begründet hätte, so wechselt er eben die Sache mit dem Namen. Dass es zwei verschiedene und in gewissen Gegenden trennbare Dolomithorizonte in Südtirol gebe, wie H. v. Richthofen zuerst gefunden hat, das habe ich eben so scharf nachzuweisen gesucht, als das Unzutreffende der Bezeichnung „Mendoladolomit“, nach dem Mendelgebirge, in welchem eben die beiden Dolomite nicht zu trennen sind und der Name nur durch eine Verwechselung und ein Zusammenwerfen der zwei Dolomithorizonte entstanden ist. Das liegt so klar zu Tag, dass ich es wirklich für überflüssig erachte, noch ein Wort darüber zu sagen.



mit Riffränder zu thun. Es sind steile Abbruchränder, Folgen späterer Zerstörung einer weit ausgedehnten Decke. Das ist denn doch nur eine Bestätigung meiner Annahme. Auch Peitlerkogel und Geisterspitz werden mit dem Gerdenazzogebirge als ein früher zusammenhängendes Massiv geschildert und bemerkt, dass für einige andere, jetzt allseitig isolirte Dolomitstöcke der Beweis ursprünglicher Isolirung nicht nach allen Richtungen hin sich erbringen liesse; es dürften dieses durch Denudation abgetrennte Partien grösserer Massen sein, welche in das Gebiet der Mergelfacies übergegriffen haben. Es werden 5 solcher Gruppen angeführt. Damit ist die Rifftheorie bereits auf einen verhältnissmässig kleinsten Raum der Dolomitverbreitung eingeengt.

Indem weiter (S. 7) der für die Buchensteiner Schichten stellvertretende Dolomit als randlicher Dolomitwall bezeichnet wird, von dem denn doch wohl nicht behauptet werden kann, dass er aus Korallen bestehe, finde ich hierin bereits die Erklärung für die jüngeren „Wälle“ angedeutet, die eben so wenig, wie die älteren, ihren Ursprung in Korallenriffen nehmen müssen. Von dem Inhalte der folgenden Erörterung hebe ich als das Wichtigste die Angabe hervor, dass manche Dolomite eine laterale Abgrenzung erlangen durch ein allmähliges Zurücktretten der oberen Lagen oder durch ein Ineinandergreifen der Dolomit- und Mergelfacies, wodurch selbst eine Ueberlagerung der Mergelbildung durch Dolomit entstehen kann, und wo eine Erosion noch hinzutritt, eine isolirte freie Auflagerung von Dolomitplatten auf Mergel möglich wird. Demnach werden die sämmtlichen jetzt isolirten, dem Mergel frei aufgesetzten Dolomitgruppen auf einer Seite hin ursprünglich mit dem grossen Stock zusammen hängend dargestellt unter der Annahme, dass erst durch Erosion dieselben zertheilt worden sind. So die St. Cassianer Massen vom Set Sass im W. an über Mt. Nuvolau

nach O. bis in das Boitathal, die Dolomite des Sasso Pitschi, der Zug des Sasso di Capello bis zum Marmolatastock. Sie alle brechen wenigstens nach einer Seite hin mit steilen Erosionswänden ab. Die ursprüngliche Continuität der Dolomitdecke ist damit bereits über weite Flächen zugegeben. Wenn nun aber Set Sass mit Nuvolau u. s. w. über dem Mergel früher zusammenhing, wenn Schlern- und Marmolatagebirge vormalig ein zusammenhängendes Ganze ausmachten, warum soll nicht die Schlernostseite mit der Langkofelgruppe, diese mit dem Gerdenazzo- und Pardoistock vordem über dem Mergel im Zusammenhang gestanden haben und erst durch Erosion in einzelne Gruppen zertheilt worden sein? Ich habe mir diese Frage an Ort und Stelle vorgelegt und konnte keine Gegengründe auffinden. Dieselben Strukturverhältnisse, dieselben Steilabbrüche in Folge von Erosion, dieselbe Leere an Korallen, wie da, wo zugestandener Maassen, die Ränder als Abbrüche angesehen werden. So ist es an den Steilrändern der Langkofelgruppe, am Peitlerkofel, am Pardoigebirge. Es bedarf gar nicht der Continuität der Dachsteinplatte zu einem weiteren Beweis. Beide Bildungen, der tiefere Dolomit und der Dachstein, sind verschieden altrige Ablagerungen, die so unabhängig in ihrer Verbreitung sind, dass man von der Continuität des einen ja ohnehin nicht mit Grund auf die der andern für denselben Verbreitungsbezirk schliessen darf.

Aus der gegenwärtigen Isolirung einzelner Dolomitstücke kann meiner Ansicht nach nicht auf ihre Entstehung aus einem Korallenriff geschlossen werden, da diese Isolirung vollständig auch durch Erosion erklärlich wird.

Ein weiteres Moment für die Begründung der Rifftheorie wird von der Struktur der Dolomitmassen hergeleitet. Es wird behauptet (S. 7), dass eine regelmässige Theilung des Dolomits in Südtirol als ächte Schichtung nicht vorkäme. Diese Annahme steht weder mit der Auffassung der

Strukturverhältnisse des Dolomits H. v. Richthofen's noch mit meiner Erfahrung in Einklang. Ich fand den Dolomit Südtirols überall mindestens ebenso deutlich geschichtet, wie den Juradolomit in Franken, in der Regel noch viel deutlicher. Die Behauptung mangelnder Schichtung findet aber schon S. 12 eine entsprechende Korrektur, indem hier die höchsten Lagen der Stöcke selbst als ausgezeichnet wohlgeschichtet hervorgehoben werden. Nur die tiefere Hauptmasse soll der eigentlichen Schichtung ermangeln, und dafür soll einerseits eine Art „Conglomeratstruktur“ oder andernseits eine „Uebergangsschichtung“ Platz greifen.

Was zunächst die sog. Conglomeratstruktur anbelangt, so wird dieselbe beschrieben, als eine Zusammenhäufung von Dolomitblöcken oder Klumpen durch Dolomitbindemittel. Diese Klumpen werden als eine Art Pseudomorphose nach früheren Korallen erklärt, ohne dass aber zugestandener Maassen sich eine Spur von Korallen in diesen Klumpen findet. Warum sind es denn nicht Pseudomorphosen nach Schwämmen? Wenn es aber Korallen wirklich gewesen wären, warum sind diess jetzt Klumpen, deren Form doch eher auf eine Abrollung durch die Fluthbewegung hindeuten würde und nicht scharfzackige, spitze Trümmer, wie die Theile der Korallenriffe? Oder bestehen etwa die jetzt zu Fels gewordenen Korallenriffe aus solchen Klumpen? Ich habe durch die Güte des Hrn. Prof. Semper eine Auswahl solcher Riffkalke der Südsee genau zu untersuchen Gelegenheit gefunden und kann nur sagen, dass von solchen Klumpen sich nichts vorfindet, sondern die zu dichtem Kalkfels verwachsenen Korallen ganz das Zackige und Scharfe beibehalten haben, das sie früher besessen haben. Diese Struktur findet sich also nicht bei den zu Felsmasse umgewandelten Korallenriffen der Jetztzeit. Auch ist es ein Irrthum, dass an den heutigen Korallenriffen jede Spur



des organischen Ursprungs sehr häufig verschwindet. Wer hat denn solche Felsmassen bis jetzt mikroskopisch untersucht, und darf sich demnach für berechtigt halten, dieses Urtheil zu fällen? Man kann auch nicht annehmen, dass die dolomitische Beschaffenheit der Felsmassen Veranlassung an diesem Verschwinden der organischen Struktur ist. Denn nach den eingehenden Untersuchungen von Dr. Dölter und besonders von Dr. Hörnes <sup>12)</sup> besitzen viele dieser Gesteine keine dolomitische, sondern kalkige Zusammensetzung, so dass man sogar die Berechtigung in Frage stellen kann, die aus ihnen bestehenden Gebirge als Dolomitgebirge zu bezeichnen. Warum finden sich denn auch in diesen Kalkfelsmassen keine Korallenreste? Doch wohl weil niemals dergleichen darin enthalten waren. Meine Untersuchungen der reichen Suite des Hrn. Prof. Semper gaben mir lehrreiche Aufschlüsse. In Felsmassen, die äusserlich an Dichte keinem Alpenkalk oder Jurakalk nachstehen, die selbst so vollkommen in krystallinischen Zustand übergegangen sind, dass sich bei Zerschlagen auf grössere Strecken hin der spiegelnde Glanz der Kalkspathspaltungsflächen wahrnehmen lässt, treten in Dünnschliffen die Strukturverhältnisse der die Kalkstein bildenden Korallen mit vollster Bestimmtheit hervor. Sie sind in keinem Stücke oblitterirt, das ich untersucht habe. Ich darf daher auch die aus dieser sog. Conglomeratstruktur der Dolomite, die ich übrigens selbst nirgendswo zu beobachten im Stande war, zu Gunsten der Entstehung aus Korallenriffen abgeleiteten Beweise als unbegründet zurückweisen.

Es dürfte abgesehen von der vorliegenden Frage von allgemeinerem Interesse sein, die Struktur dieser Korallenfelsen der Jetztzeit etwas näher zu beschreiben, indem wir

---

12) Vergl. Zeitschr. d. deutschen u. österr. Alpenvereins 1875 S. 108 u. ff., und Jahrb. d. geol. Reichsanstalt. 1875. 3. Heft. 298 u. ff.



hier ein lehrreiches Beispiel der Entstehung von festen Kalkmassen gegenüber der aus dem kreidigen Tiefseeschlamm vor Augen haben. Es soll am Schlusse desshalb hierüber eine weitere Mittheilung gemacht werden.

Wir kehren zunächst zur weiteren Besprechung der Strukturverhältnisse des Dolomits zurück. Die zweite Strukturform, welche der Südtiroler Dolomit besitzen soll, wird als Uebergangsschichtung bezeichnet. Diese Art der Ausbildung von Schichtgesteinen ist bekanntlich nirgendwo schöner zu beobachten, als in Sandsteingebirgen, z. B. im Buntsandstein oder Keuper. Es bedarf wohl nicht erst des Beweises, dass hier keine Korallen mitthätig waren. Dergleichen Strukturverhältnisse werden durch hin- und herwogende Fluthungen hervorgerufen. Sie stehen ausser Beziehung zur Korallenriffbildung, bei welcher, wie das H. v. Richthofen (l. c. S. 244) selbst nach eigener Beobachtung an jetzigen Riffelsen ganz besonders hervorhebt, „das Gestein geschichtet ist und zwar grösstentheils in dicken Bänken, hier und da auch in dünnen Lagen, die 20—30 F. weit fortsetzen“. Derartige höchst vereinzelte Erscheinungen, von denen übrigens nur an zwei Stellen beobachtete Beispiele angeführt werden, können mithin nichts für die Rifftheorie im Grossen und Allgemeinen beweisen. Ich will dagegen gar nicht geltend machen, dass von mir an den zwei bezeichneten Stellen, nämlich am Schlern- und Bovaigehänge eine ähnliche Ausbildung des nach meiner Auffassung immer unzweideutig geschichteten Gesteins, trotz aufmerksamer Untersuchung nicht ausfindig gemacht werden konnte, weil es ja bei so ausgedehnten Entblösungen immerhin möglich ist, dass man den betreffenden Punkt nicht aufgefunden hat. Aber als eine allgemein verbreitete, desshalb irgendwie wichtige Schichten- ausbildung kann eine derartige Erscheinung nicht gelten.

Inwiefern das Vorkommen des Cipitkalks eine Beziehung  
[1876. 1. Math.-phys. Cl.]

zu der vorliegenden Frage besitzen soll, ist nicht abzusehen. Der Cipitkalk ist, wo er vorkommt, eine kalkige Zwischenbank in den Tuffschichten, wie der schöne Aufschluss in einem Graben ganz nahe der Cipitalpe erkennen lässt. Er enthält Korallen in grosser Menge und gutem Erhaltungszustande. Man bemerkt an ihnen keine klumpigen Pseudomorphosen, welche einer Strukturart des Dolomits zu Grunde liegen soll. Das Vorkommen von Korallen im Cipitkalke, einem Gestein, welches nicht anders zusammengesetzt ist, als viele sog. dolomitische Lagen im Schlerndolomit, ist der schlagendste Beweis dafür, dass wo einmal Korallen im Gestein vorhanden waren, sie auch jetzt noch kenntlich sind. Denn an zwei Stellen kommen sie ja auch im weissen Dolomit (l. c. S. 15) massenhaft vor, während sonst überall „nicht ganz zweifellose Reste“ zu finden sind, d. h. denn doch, wo Korallen jemals im Gestein vorhanden waren, sind sie auch jetzt noch zu sehen. Der Cipitkalk besteht nach meiner Analyse (I), der ich jene eines dolomitischen Kalks von den Rosszähnen am Schlern nach der von den Hrn. Dr. Doelter und Dr. Hörnes <sup>13)</sup> mitgetheilten Analyse beisetze (II), aus:

	I	II
Kohlensaurer Kalkerde	87,85	CO <sub>2</sub> . . . 43,15
Kohlensaurer Bittererde	3,83	CaO . . . 51,43
Kohlens. Eisenoxydul mit		
etwas Manganoxydul	4,05	MgO . . . 2,44
Eisenreicher Thon . . .	4,03	FeO . . . 1,03
Wasser . . . . .	0,20	unlös. Rückst. 1,48
	<hr/> 99,96	<hr/> 99,53

Die chemische Zusammensetzung ist nicht sehr verschieden und die Frage gewiss gerechtfertigt, warum finden

---

13) Jahrb. d. geol. Reichsanstalt. 1875, 3. Heft S. 321.

sich im Cipitkalk so reichlich Korallenreste, warum fehlen sie in dem ganz ähnlich zusammengesetzten Gestein an den Rosszähnen? Doch wohl weil sie niemals in letzterem vorhanden waren; denn wie sollten sie hier spurlos verschwunden sein, während man auf der anderen Seite „sandsteinartige Dolomitstöcke noch deutlich als zusammengesickelter Korallensand zu erkennen im Stande“ sein soll.

Ich empfinde hier am Schluss meiner Darstellung in der That nicht die grosse Verlegenheit, in der ich, wie befürchtet wurde, (l. c. S. 16) gerathen würde, um die Genesis der oben geschilderten Strukturformen zu erklären. In einer irgend nennenswerthen Allgemeinheit kommen sie nicht vor, und bedürfen daher als der allgemeinen Gesteinsbildung zu Grunde liegend keiner Erklärung, und wo sie etwa lokal vorkommen, beweisen sie alles andere, nur nicht den Ursprung des Gesteins aus Korallenriffen!

Aber ganz abgesehen von allen diesen besprochenen Verhältnissen, erwächst der Rifftheorie aus den Niveauverhältnissen eine Schwierigkeit, welche sie wohl schwerlich ganz aus dem Weg zu räumen im Stande ist.

Die riffbauenden Korallen unserer Meere können bekanntlich nicht tiefer, als höchstens 200 Fuss unter dem Meeresspiegel fortkommen. Ich denke, Niemand wird in Zweifel ziehen, dass zur Triaszeit die Korallen ähnlichen Bedingungen der Existenz unterworfen waren, wie die jetzt lebenden. Nun besitzen die Felsmassen in Südtirol, welche aus Korallenriffen entstanden sein sollen, an vielen Stellen — welche direkt als Korallenriff ausgebildet angeführt werden, z. B. die Schlernwand oberhalb Bad Ratzes, — mitunter eine Mächtigkeit von mindestens 2000 F. Es müsste demnach der Untergrund, auf dem die riffbauenden Korallen fort und fort weiter wuchsen, nach und nach und ganz allmählig sich um nahe 2000 Fuss gesenkt haben. Die Gegenden aber, in welchen an der Stelle des Dolomits die



allgemeine Mergelfacies sich entwickelt findet, oder der normale Aufbau der Schichten ohne Beihilfe der Korallen fort und fort andauerte, mussten dem gehobenen benachbarten Untergrund der Korallenriffe gegenüber Spuren einer solchen enormen Senkung auch jetzt noch deutlich erkennen lassen. Denn diese Gegend müsste entweder gleichmässig mit der Basis der Korallenriffe mitgesenkt worden sein und dann die Mergelfacies in entsprechender Mächtigkeit aufweisen, was nicht der Fall ist, oder aber unverrückt geblieben sein, während bloss die Basis der Korallenriffe sich allmählig senkte. Vergleicht man dem gegenüber das gleichmässig ausgebildete Fundament, welches allen den jüngeren Bildungen gemeinschaftlich zu Grunde liegt, in den verschiedenen Gegenden, innerhalb welcher in Südtirol vermeintliche Korallenriffe angenommen werden in Bezug auf das relative Niveau des Vorkommens, so treten solche Differenzen eben nicht hervor. Die Seisser und Campiler Schichten, die beiden Faciesbildungen zur Grundlage dienen, liegen von Tiers, über Seiss bis in's Grödener Thal nahezu gleich hoch, wie auf dem gegenüberstehenden Porphyryplateau von Klobenstein. Die Zonen, in welchen diese Schichten am Fuss der Dolomitberge zu Tage austreichen, bilden, wie ein Blick auf die geologischen Karten lehrt, über weite Strecken, innerhalb welcher nur durch solche eminente Senkungen des Untergrundes das Fortwachsen der Riffe möglich gedacht werden könnte, in erstaunlicher Regelmässigkeit fortlaufende und ununterbrochene Streifen. Die in der Gesamtausbreitung dieser Fundamentgesteine hervortretenden Höhendifferenzen in der Lage, welche sie jetzt einnehmen, weisen allerdings auf grossartige Verschiebungen hin, welche die Schichten sowohl durch die allgemeine Gestaltung, als speziell durch die Durchbrüche der mächtigen Eruptivgesteine erlitten haben. Man wird desshalb ebenso wohl wie lokale Senkungen auch lokale



Hebungen annehmen dürfen, um die jetzigen Niveauverhältnisse zu erklären. Aber diese Dislokationen haben die Basis und die auf ihnen höher aufgelagerten Faciesgebilde beiderlei Art ganz gleichmässig getroffen. Es wird sich demnach die kolossale Mächtigkeit der Dolomitfelsmassen, aus Korallenfelsriffen entstanden gedacht, gegenüber dem relativen Niveau, welches die benachbarte Mergelfacies einnimmt, durch Senkungen und nachträgliche Hebungen nicht erklären lassen, ohne den natürlichen Verhältnissen, wie sie vorliegen, Zwang anzuthun.

Ich gestehe gern, dass die Erklärung der grossen Mächtigkeit der Südtiroler Dolomitmassen eine schwierige Sache ist, aber sie scheint mir denn doch nicht schwieriger, als überhaupt jene der Entstehung nicht minder mächtiger Dolomite, wie sie im Hauptdolomit vorkommen oder des Wettersteinkalks in den Nordalpen. Es wäre gewiss auch mir in hohem Grade erwünscht, für diese Erscheinung wenigstens innerhalb eines Theils unserer Alpen durch die Annahme der Rifftheorie eine vollgentügende Erklärung zu finden. Ich kann mich aber von ihrer Richtigkeit aus eigener Anschauung nicht überzeugen, und so sehe ich mich genöthigt, frei von aller leidenschaftlichen Rechthaberei auch jetzt noch an dem festzuhalten, was ich den beobachteten Thatsachen gegenüber für das Naturgemässe erachte.

#### **Einige Bemerkungen über die Beschaffenheit des Korallenriffkalks.**

Der vollständig zu Fels gewordene Riffkalk von der SO.-Seite der kleinen Lagune von Nariungno stellt eine an der Oberfläche von vielen Höhlungen, Bohrlöchern und feinsten Poren durchzogene rauhe Steinmasse dar, welche auf der Bruchfläche sich der Hauptsache nach aus vollständig krystallinischer Masse zusammengesetzt zeigt, so dass selbst auf kleineren Parthieen in verschiedenen Richtungen

die prächtig spiegelnden Flächen des Kalkspaths zum Vorschein kommen, wobei die organische Struktur der Koralle, welche dieser Masse zu Grunde liegt, gleichwohl noch sehr deutlich und bestimmt dadurch zu erkennen ist, dass theilweise in die von der thierischen weichen Substanz eingenommenen Räume eine gelbe, ockrige Substanz eingedrungen ist, diese Räume theilweise aber auch noch unausgefüllt geblieben sind. Die ursprüngliche Scerodermmasse ist dagegen ganz in Kalkspath übergegangen. In dieser Hauptmasse des Stains sind nun vielfache Putzen und Nester eingebettet, die von minder dichtem, schmutziggelbem körnigem oder aber auch von ganz dichtem Material ausgefüllt und mit dem Korallenkalk dadurch zu einer Gesteinsmasse innigst verbunden erscheinen. Auch bemerkt man in diesen eingeschlossenen Putzen, welche durch Ausfüllungen der früher im Korallenstock vorfindlichen Höhlungen entstanden sind, kleine *Schnecken-*, *Crinoideen-* und *Foramiferen-*Durchschnitte. An andern Stellen scheinen Muschelschalen, Stücke anderer Korallen (*Millepora*) und dergleichen, von den fortwachsenden Korallen umschlossen worden zu sein. Bei dieser so vollständigen steinigen Umbildung des Kalkgerüsts der Koralle ist es nicht ohne Interesse, die chemische Zusammensetzung kennen zu lernen. Ein möglichst reines Stückchen, das ich analysirte, bestand in Salzsäure löslichen Antheilen aus:

kohlensaurer Kalkerde . . . .	95,00
kohlensaurer Bittererde . . . .	2,92
Kieselerde in Salzsäure löslich . .	0,07
Eisenoxyd und Thonerde . . . .	0,36
Phosphorsäure . . . . .	0,02
Fluor . . . . .	Spur
in Salzsäure unlöslich bei 100° C.	
getrocknet . . . . .	1,75
	<hr/> 100,12

In Dünnachliffen erscheinen die Kalkwände der Korallen aus klarem, stellenweise durch feine eingestreute Staubtheilchen wolkig trübem Kalkspath bestehend, auch lässt sich in demselben selbst die feinere organische Struktur noch wahrnehmen. Daneben zeigen sich die charakteristischen Risse des Kalkspaths in den Spaltungsrichtungen, und stellenweise eine Anzahl kleiner, oft etwas gekörnelter Nadelchen, welche ich für die Räume eingedrungener Bohralgen oder Bohrschwämme (*Vioa*) halte. Die Zwischenräume sind theils mit einer braunen, feinkörnigen Substanz überzogen, seltener ganz bedeckt, theils aber auch durch Kalkspath ganz ausgefüllt, in der Weise, dass radienförmig von den Wandungen her gegen das Innere einzelne krystallinische Körnchen vordringen. Die gelbe, äusserlich ockerähnliche Ueberrindung dürfte aus feinzerriebenem Kalkschlamm und eisenhaltiger organischer Substanz bestehen.

Die eingeschlossenen, nicht aus dem Skelett der Korallen bestehenden Putzen, die meist die Form von grossen Bohrhöhlungen besitzen, bestehen nach der mikroskopischen Untersuchung der möglichst dünnegeätzten Stückchen, welche sehr schwer durchsichtig zu machen sind, aus einem ziemlich gleichmässigen, äusserst feinen, wie aus bloss kleinsten Körnchen bestehenden Hauptmasse von gelblich und bräunlich weisser Farbe, in der nun Schalenreste von *Mollusken*, Stücke von *Crinoideen*, *Foraminiferen*, *Polycystinen*, einzelne *Diatomeen* und *Lithothamnien* eingebettet sind. Es macht diess ganz den Eindruck, als ob in vorhandene Löcher und Höhlungen feinsten abgeriebener Kalkstaub mit kleinen Theilchen abgestorbener Organismen hineingeschwemmt worden sei und sich nach und nach durch den Kalk, welcher mittelst der aus der zersetzten thierischen Substanz entstandenen Kohlensäure beweglich gemacht wurde, verkittet hätte. Trotz der genauesten Untersuchungen konnte ich keine Spur von *Coccolithen* weder in diesen Theilen noch auch an Stellen, wo die Masse noch locker und pulverig



geblieben war, entdecken. Dieser Hauptbestandtheil des Tiefseeschlammes scheint an der Bildung des Riffkalks sich nicht zu betheiligen. Auch vermisste ich die im Tiefsee so häufigen *Globigerinen*, *Orbulinen*, *Truncatulinen* etc., während *Dentalinen*, *Miliolinen*, *Guttulinen*, *Textularien* bei den Ausfüllungen der Korallenhöhlungen besonders betheiligt und grossentheils im Innern ihrer Kammerräume von krystallinischem Kalke bereits ausgefüllt sind.

Ein vollständig dichter Riffkalk von Bitaitaitai, Fluss Bislig, besitzt keine leeren Höhlungen und Poren, sondern bildet eine stetige Kalkmasse etwa von der Beschaffenheit des Nummulitenkalks. Auf dem Querbruche bemerkt man neben der dichten nur stellenweise durch kleinste spiegelnde Flimmerchen an eine krystallinische Zusammensetzung erinnernden Hauptmasse fleckenweise ausgebreitete mehr erdige Parthieen. Während die Hauptmasse in den Dünnschliffen aus noch deutlich in der Struktur erkennbaren Korallenstücken besteht, bei welchen die Zwischenräume zwischen dem festen Kalkgerüste durch feine krystallinische Kalkspatheilchen ausgefüllt sind, bilden in den erdigen Parthieen feinste, staubartige Kalktheilchen, untermengt mit *Foraminiferen*, deren Kammern gleichfalls durch krystallinischen Kalk ausgefüllt sind, mit *Polycystinen*, einzelnen *Diatomeen*, kleine Stückchen von *Korallen*, Nadel- oder haarähnlichen Röhrchen eine compacte, durch kalkspathige Zwischenmassen verbundene Masse von grosser Festigkeit. Auch hier scheinen diese erdigen Putzen früheren Aushöhlungen im Korallenstock ihren Ursprung zu verdanken, in welchen sich Kalkschlamm nach und nach mit abgestorbenen kleinsten Thierresten zum festen Gestein verkittete.

Ein anderes sehr merkwürdiges Stück besteht aus einem Poriten, dessen Stock dem äusseren Ansehen nach vollständig felsig verkalkt erscheint. Bei näherer Prüfung im Dünnschliffe finden sich aber die meisten Durchbrechungen noch leer, wenige sind mit feinkörnig späthigem Kalk er-



füllt. Die Masse des Gerüsts lässt noch mit bewunderungswürdiger Vollständigkeit die ursprünglichen Strukturverhältnisse erkennen. Man sieht, dass das kalkige Gerüste aus einer überaus feinstrahligen Masse besteht, welche büschel- oder bündelweise übereinander liegend die Kalkwände bilden; da wo zwei Wandungen zusammenstossen, liegen mehr in die Länge gestreckte Fasern. Diese Fasernstruktur gewinnt im Allgemeinen ganz das Ansehen derjenigen der Foraminiferenschalen. Gelingt es, im Durchschnitt senkrecht zu einem solchen Faserbündel zu sehen, so bemerkt man feinste Cylinderchen in einer homogenen Masse liegend, so als wären diess feinste Poren, die das Kalkgerüste in unendlicher Anzahl durchdringen. Diese Cylinderchen sind durch allmählichen Aufbau schichtweise übereinander gestellt oder verlängert, so dass im Längsschnitte etwas dunklere, feinschwellige Streifchen sichtbar werden, die ein moirirtes Aussehen hervorrufen. Schon bei der zuerst erwähnten versteinerten Koralle habe ich feine Röhrchen erwähnt, welche die Kalkwandungen durchziehen. Hier bei diesem Poriten stellen sie sich nun in unendlicher Menge ein, und durchschwärmen die Kalkmasse nach allen Richtungen. Sie besitzen constant zweierlei Grössen. Die grösseren sind mehr gekrümmt, die kleineren dagegen oft nadelförmig gradgestreckt, meist einfach, doch auch hier und da verzweigt. Beide sind entweder leer oder mit einer bräunlichen körnigen Substanz ausgefüllt. Wegen ihres unregelmässigen, nach allen Richtungen hin gewendeten Verlaufs kann man nicht annehmen, dass sie in einem organischen Zusammenhange mit dem Korallenskelette stehen, vielmehr ist es wahrscheinlich, dass sie von das Kalkgerüste durchbohrenden Schmarotzern herrühren. Wegen ihrer Häufigkeit scheinen sie nicht unwesentlich dazu beizutragen, das Durchdringen von Wasser zu vermitteln und dadurch den Versteinerungsprocess zu fördern.

---

Sitzung vom 4. März 1876.

---

### Mathematisch-physikalische Classe.

---

Herr Wilhelm von Bezold hielt einen Vortrag über  
„Eine neue Methode der Farbenmischung“.

Bekanntlich war es Helmholtz, welcher zuerst erkannte, dass zwischen der Mischung von Farben und jener von Farbstoffen ein wesentlicher Unterschied besteht.

Er zeigte, dass die Farbe, welche man durch das Vermengen von zwei oder mehreren Pigmenten erhält, sich oft ganz beträchtlich von jener unterscheidet, die man wahrnimmt, wenn man das von den betreffenden Pigmenten herührende oder ihnen entsprechende Licht gleichzeitig auf die nämliche Netzhautstelle wirken lässt.

Man musste desshalb zur Erreichung des letzteren Zieles besondere Methoden ersinnen, die sich im Grunde genommen sämtlich in die folgenden drei Gruppen einreihen lassen:

Man bringt entweder verschiedene Stellen verschiedener Spectra zur Deckung, oder man lässt von der Vorderfläche einer ebenen unbelegten Glasplatte das Bild einer gefärbten Fläche reflectiren, während man zugleich durch die Platte nach einer andersfarbigen Fläche blickt, oder man benutzt endlich noch die Nachwirkung des Lichteindruckes, indem

---

man Scheiben, die mit verschiedenfarbigen Sektoren versehen sind, in rasche Rotation versetzt.

So trefflich diese Methoden sind, um das Gesetz der Farbenmischung zu studiren, so ist doch keine von ihnen recht geeignet, um eine dieses Gesetz versinnlichende Farben-  
tafel in wirklichen Farbstoffen auszuführen.

Zwar kann man mit Hülfe des Farbenkreisels die Lösung dieser Aufgabe versuchen, aber nur mit viel Mühe und mit grossem Zeitaufwande. Hat man z. B. die beiden Hälften der rotirenden Scheibe mit zwei verschiedenen Farben bemalt, so kann man nach längerem Probiren sehr wohl die Farbe ausfindig machen, welche man etwa auf einer kleineren centralen Scheibe aufzutragen hat, damit das Ganze bei gemeinschaftlicher Rotation vollkommen einfarbig erscheine. Alsdann hat man auf der kleinen Scheibe die wahre Mischfarbe aus den beiden anderen. Diese Methode ist jedoch äusserst umständlich und zeitraubend, da man bei jeder einzelnen Probe die kleine Scheibe abnehmen, ihre Farbe corrigiren, sie alsdann wiederum anbringen und den Kreisel abermals in Bewegung setzen muss, um sich von dem Erfolge der vorgenommenen Aenderung zu überzeugen.

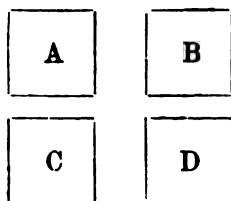
Ueberdies erfordern die Versuche mit dem Farbenkreisel viel Sorgfalt und genaue Bekanntschaft mit derartigen Experimenten, wenn Irrthümer in Folge von Contrastwirkungen oder mangelhafter Beleuchtung ausgeschlossen sein sollen.

Diese Uebelstände sind bei der Methode vermieden, welche hier beschrieben werden soll. Sie gestattet, die wahre Mischfarbe zweier Farben durch Farbstoffe wiederzugeben ohne irgend grössere Schwierigkeiten darzubieten, als jene sind, welche man bei dem Copiren irgend einer beliebigen Farbe zu überwinden hat.

Man erreicht dieses Ziel durch die folgende Vorrichtung:

Das eine (untere) Ende eines innen geschwärzten Rohres ist mit einer gleichfalls auf der Innenseite geschwärzten

Platte verschlossen. Diese Platte hat vier gleich grosse quadratische Oeffnungen, welche in den Ecken eines Rechteckes liegen, wie durch das folgende Schema versinnlicht wird.

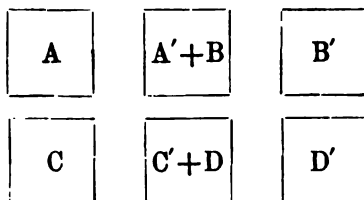


Am anderen Ende des Rohres in einem besonderen Auszugsrohre befindet sich ein achromatisirtes Kalkspath-Prisma, das so orientirt wird, dass seine brechende Kante der schmälern Seite des aus den vier Quadraten gebildeten Rechteckes parallel zu liegen kommt.

Alsdann erblickt man durch dieses Prisma im Allgemeinen jedes der Quadrate verdoppelt, mithin acht Quadrate, von denen bei passender Wahl der Dimensionen die vier mittleren paarweise zur Deckung kommen, so dass man schliesslich nur mehr sechs Quadrate vor sich sieht.

Bezeichnet man die beiden von jedem Quadrate mit Hülfe des Prisma's entworfenen Bilder durch A und A', B und B' u. s. w., so kommen bei richtigem Abstände von Prisma und Platte A' mit B und C' und D zur Deckung.

Das folgende Schema macht dies anschaulich:



Bringt man nun unter A und B zwei verschieden gefärbte Flächen an, so zeigt das mittlere der drei in oberster



Reihe stehenden Quadrate die Mischfarbe aus beiden, während man in A und B' die Componenten vor sich hat.

Sucht man nun jene Farbe, welche man unter C und D zu legen hat, damit die beiden mittleren Quadrate d. h. A' + B und C' + D genau gleich gefärbt erscheinen, so ist jene dritte Farbe eben die Mischfarbe aus beiden.

Stimmen die beiden mittleren Quadrate in der Farbe noch nicht ganz genau mit einander überein, so ist es für jemanden, der einigermaßen mit dem Pinsel umzugehen versteht im Allgemeinen nicht sehr schwer, die vollkommene Uebereinstimmung herbeizuführen.

Die Helligkeit der auf diese Weise erzielten Mischfarbe ist das arithmetische Mittel aus den Helligkeiten der beiden Componenten.

Bezeichnet man die Intensitäten der beiden unter A und B liegenden Farben durch  $J_a$  und  $J_b$  und jene der unter C und D befindlichen Mischfarbe durch J so ist

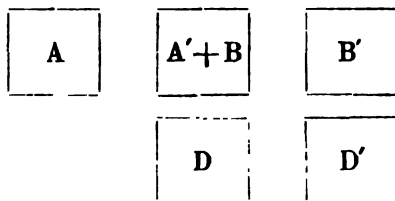
$$2J = J_a + J_b$$

$$\text{oder } J = \frac{J_a + J_b}{2}$$

Man erhält demnach genau dieselbe Farbe sowohl in Ton als in Helligkeit, welche der Farbenkreisel zeigt, wenn man die beiden Hälften der rotirenden Scheibe mit den unter A und B liegenden Farben bemalt hat.

Ebenso leicht lässt sich die Mischfarbe mit der Helligkeit  $J' = 2J$  herstellen, d. h. jene Farbe, welche man in dem oberen mittleren Quadrate direct vor sich sieht.

Man braucht nämlich nur das eine der Quadrate C oder D durch einen darunter angebrachten undurchsichtigen Schieber zu verschliessen. Dann sieht man nur mehr 5 Quadrate, wie beistehendes Schema zeigt:



Hat man nun in D die gleiche Farbe wie in  $A' + B$ , so ist dies eben die Mischfarbe wie sie durch Uebereinanderlagerung der Farben A und B entsteht und dann ist

$$J_d = J_a + J_b$$

Die eben erwähnten Schieber gestatten auch vortrefflich den Nachweis, dass die bei geöffneten Schiebern im mittleren Felde erscheinende Farbe thatsächlich aus den seitlich sichtbaren zusammengesetzt ist. Man braucht nämlich nur die beiden zu mischenden Farben unter den verschliessbaren Oeffnungen anzubringen und bald die eine bald die andere wirklich zu verschliessen, so sieht man wie das mittlere Quadrat bald die eine bald die andere Farbe zeigt.

Auf den ersten Blick könnte man vielleicht glauben, dass dieser Apparat, den man etwa Mixoskop (abgekürzt aus Mixochromoskop) nennen könnte, dem Farbenkreisel nachstünde, da man nicht wie dort im Stande ist, das Mischungsverhältniss der beiden Componenten beliebig zu verändern. Durch Anbringung eines Nicols und einer Gradtheilung über dem Kalkspathprisma wäre dieser Mangel leicht zu beseitigen. Da nämlich die beiden Bilder, welche sich in den mittleren Quadraten über einander lagern in aufeinander senkrechten Ebenen polarisirt sind, so kommen die beiden Componenten nur dann in ihrem ursprünglichen Intensitätsverhältnisse zur Geltung, wenn die Polarisations-ebene des Nicols einer der Diagonalen der Quadrate parallel ist. Bei jeder anderen Orientirung des Nicols wird dieses

Verhältniss ein anderes, durch Ablesung am Gradbogen leicht bestimmbares.

Den Zweck, den ich bei Construction dieses Apparates eigentlich verfolgte, nämlich die Herstellung einer wirklichen Farbentafel, lässt sich jedoch ohne diese Complication ebenso gut erreichen. Da man nämlich in diesem Falle doch Scalen von Mischfarben effectiv ausführen muss, so ist es ganz gleichgültig ob man die Zwischenstufen dadurch erzielt, dass man die Intensitäten der Componenten durch physikalische Hilfsmittel verändert oder durch allmähliges Weiterschreiten von einer Zwischenstufe zur anderen.

Man kann zu dem Ende verschiedene Wege einschlagen.

Man kann z. B. bei festgehaltenem Farbentone und constanter Reinheit nur die Helligkeit successive verändern.

D. h. man kann zuerst jene Reihen von Farben herstellen, welche bei Repräsentation des Farbensystemes durch einen Kegel auf Gerade zu liegen kämen, die durch die Kegelspitze führen.

Zur Herstellung solcher Scalen, bei denen die Helligkeit das allein wechselnde Element ist, eignet sich der Apparat in hohem Grade.

Auf der inneren Seite der die Quadrate tragenden Platte ist nämlich die Helligkeit nahezu gleich Null, wie man leicht sieht, wenn man ein Stück tief schwarzen Sammetes oder ähnliche Körper an die Stelle der gefärbten Flächen bringt, die sämmtlich nun grau erscheinen. Man drückt demnach durch Schliessen einer Oeffnung die Helligkeit des mittleren Quadrates nahezu auf die Hälfte von jener herab, welche dieses Quadrat zeigte, wenn beide Oeffnungen frei und unter beiden die nämliche Farbe angebracht war.

Schliesst man nun C und bringt man dann unter A und B eine Fläche von solcher Beschaffenheit, dass das mittlere Quadrat  $A' + B$  dem darunter befindlichen D vollkommen gleich scheint, so muss die unter D befindliche

Fläche die doppelte Helligkeit besitzen, während Ton und Helligkeit die nämlichen sind.

Nimmt man nun  $J_a = J_b = J$  als Ausgangspunkt so ist

$$J_a = 2J = J'$$

Macht man nun  $J_a = 2J$  und  $J_b = J$  so wird der neue Werth von

$$J_a = 3J = J''$$

Indem man sowohl  $J_a = 2J$  als auch  $J_b = 2J$  wählt erhält man

$$J''' = 4J,$$

ein Resultat, zu welchem man auch durch Combination von  $J'$  und  $J''$  gelangen kann, so dass man gleich ein Mittel hat um sich von der Richtigkeit der früher gewonnenen Resultate zu überzeugen.

In vollkommen analoger Weise kann man verfahren, um zwischen zwei ganz beliebigen Farben die intermediären Farben zu finden.

Dieser Apparat gestattet demnach besser als irgend eines der bisher bekannten Hilfsmittel, eine richtige Farben-tafel oder einen Farbenkegel in wirklichen Pigmenten auszuführen<sup>1)</sup>.

---

1) Der Apparat wird in sehr schöner Ausführung in dem physikalisch-mechanischen Institut von M. Th. Edelman in München um den Preis von 130 Rmk. angefertigt.



Oeffentliche Sitzung der k. Akademie der Wissen-  
schaften

zur Feier des 117. Stiftungstages

am 28. März 1876.

---

Der Secretär der mathematisch-physikalischen Classe  
Herr von Kobell las nachstehende Nekrologe:

**Carl Johann August Theodor Scheerer.**

Geb. am 28. August 1813 zu Berlin.

Gest. am 19. Juli 1875 zu Dresden.

Scheerer machte seine Fachstudien in Mineralogie, Chemie und Metallurgie an der Freiburger-Bergakademie 1830—1832 und an der Berliner-Universität 1832—33 und wurde dann als Hüttentechniker auf dem Blaufarbenwerk des Herrn Beneke zu Grodzberg bei Modum in Norwegen angestellt, wo er später, bis 1839, das Amt eines Hüttenmeisters verwaltete. Hierauf doctorirte er in Berlin und erhielt 1841 eine Professur für Mineralogie, Metallurgie, Probirkunst und Bergfabrikslehre an der Universität zu Christiania. 1847 kehrte er nach Freiberg zurück und erhielt 1848 eine Professur für Chemie und Eisenhüttenkunde, welche er bis 1872 ausgeübt hat. Seine Vorträge über Eisenhüttenkunde erwarben ihm einen ausgezeichneten Namen und sein Lehrbuch darüber, 2 Bände 1848, gilt als die [1876. 1. Math-phys. Cl.]

erste strengwissenschaftliche Behandlung des Gegenstandes. Er hat über 100 Abhandlungen publicirt und auf zahlreiche Analysen hin die Theorie des polymeren Isomorphismus (1846) aufgestellt und eine eigenthümliche Art des Pseudomorphismus unterschieden, welche er Paramorphismus nennt. (Der Paramorphismus etc. Braunschweig 1854.) An die Lehre vom Paramorphismus schloss er eine Theorie über die Entstehung plutonischer Gesteine und die Bildung gewisser ihrer Gemengtheile an. Er weist darauf hin, dass die Hauptagentien der Urzeit, Wärme, Wasser und Druck dabei zugleich theilgenommen haben.

Die Theorie des polymeren Isomorphismus hat mehrfachen Widerspruch hervorgerufen, die Vertheidigung Scheerers zeigt, dass er den Gegenstand wohl durchdacht habe, er weiss die schwachen Seiten der Gegner überall zu finden und nicht selten äussert er sich dabei in humoristischer Weise. So sagt er über Bischofs Ansicht des in vielen Silicaten durch Infiltration eingeführten Wassers, welches er, Scheerer, als ursprünglich bezeichnet, es sei zu bedauern, dass Bischof mit dem wunderthätigen Wasser kein Maass zu halten wisse. „Durch die Macht seines Geistes, sagt er, fingen die Quellen an zu sprudeln; allein es scheint fast, als stehe ihm, wie Göthe's Zauberlehrling, der Spruch für ihr rechtzeitiges Versiegen nicht zu Gebote.“ — Für die erwähnte Theorie hat er namentlich ausführliche Untersuchungen über den Wassergehalt vieler Silicate angestellt und denselben als wesentlich in zahlreichen Fällen erkannt, wo ein solcher früher als zufällig angesehen wurde, so beim Epidot, Vesuvian, bei den Glimmern etc.

Diese Untersuchungen verband er mit Beobachtungen des Vorkommens der besprochenen Species und mit Speculationen über ihre Entstehung, namentlich in Beziehung auf Gleichzeitigkeit. Das chemisch gebundene Wasser und der Paramorphismus wurden von ihm auch für gemengte

Felsarten im Auge gehalten, so bei einer ausgedehnten Arbeit über die Gneusse des Sächsischen Erzgebirges und verwandte Gesteine und über die krystallinischen Gesteine des Fassathales und benachbarter Gegenden Tyrols. Er konnte danach Gesteinsklassen aufstellen, in welche sich die verschiedenen Gneusse, Granite, Porphyre, Syenite etc. einreihen liessen und er charakterisirt diese Klassen durch den procentalen Gehalt der Kieselerde und deren Sauerstoffverhältniss zu den Basen.

Die Gesteine des Fassathales, seine Melaphyre und Augitporphyre klassificirt er als Vulkanite, ähnlich wie seine sog. Plutonite der sächsischen Gneusse. Eine besondere Abhandlung ist den chemischen und physischen Veränderungen krystallinischer Silicatgesteine durch Naturprocesses gewidmet (Giessen 1863), in welcher er einen Wassergehalt nicht als von Zersetzung herrührend bezeichnet und darthut, dass für gewisse jener Gesteine der chemische Charakter sich vielleicht seit ihrer Entstehung constant erhalten habe. —

Gelegenheitlich dieser Arbeiten hat sich Scheerer lebhaft an dem Streit über die Zusammensetzung der Kieselerde betheiligt, die er mit Beziehung auf den polymeren Isomorphismus den neueren Ansichten entgegen als aus 1 Mischungsgewicht Silicium und 3 Mischungsgewichte Sauerstoff angenommen hat.

Bei der 100jährigen Festfeier der Freiburger-Bergakademie publicirte Scheerer mehrere Abhandlungen, so über das bergmännische Studium; über die chemische Constitution der Plutonite (mit zahlreichen Analysen) über die Fortschritte der Chemie in den Gebieten der Metallurgie, Mineralogie und Geologie während des letzten Jahrhunderts und die Schrift „Theorie und Praxis in Kunst und Wissenschaft, wie im Menschenleben“ (Freiberg 1867). Diese Schrift ist reich an philosophischen Betrachtungen und humoristischen Bemerkungen. Sie verbreitet sich unter

ändern auch über die Theorie und Praxis als Ausdruck des Volkscharakters und bespricht in dieser Beziehung die Engländer als ein von Praxis ganz durchdrungenes und in Technik hartgesottenes Volk, welches mit der Frage *What is the use of it?* wenig Raum und Gefühl für Theorie hat, den ähnlichen Charakter der Nordamerikaner und der Holländer, den vorzugsweise philosophirenden und theoretisirenden der Deutschen, und weiter die Franzosen, Belgier, Russen, Skandinavien etc. mit Excursen auf den Charakter der Sprache, auf ihre Leistungen in Wissenschaft und Poesie.

Scheerer war mit einem hellen Blick begabt, frei von sogenannten Gelehrten-Pedanterien und er freute sich der Natur, die ihn wissenschaftlich beschäftigte, auch in der Poesie, die sie bietet. Er äussert sich über die Einseitigkeit mancher Forscher in einem Briefe an mich mit sarkastischer Laune „Diese Natur-Hämorrhoidarier, welche in der Natur wie in einem Bureau hocken und sich den frohen Blick nach aussen durch inhaltsarme Aktenstücke borniren, könnten mir zuweilen das Naturforschen fast verleiden. Im Süden Deutschlands ist diese Forscher-Race glücklicherweise nicht so verbreitet wie im Norden etc.

Von seinen vielen wissenschaftlichen Arbeiten suchte er sich denn auch auf Reisen zu erholen und die Naturschönheiten der Schweiz und Italiens zogen ihn vorzugsweise an. Seiner Stimmung gab er in mehreren Gedichten Ausdruck, die ebenso feines Gefühl als derben Humor bekunden.

Scheerer ist durch eine Reihe von Diplomen gelehrter Gesellschaften ausgezeichnet worden; dergleichen von Moskau, Paris, Upsala, Göttingen, Leipzig, Wien, Florenz etc. Er war Ritter des Norweg'schen St. Olaf-Ordens, Comthur des Russischen Stanislaus-Ordens und Officier des Brasilianischen Rosen-Ordens. Sein Andenken wird in der Wissenschaft wie unter seinen Freunden fortleben.

---



### Charles Wheatstone.

Geb. 1802 in Gloucester.

Gest. am 19. Okt. 1875 zu Paris.

Ursprünglich Verfertiger musikalischer Instrumente in London, später 1834 Professor der Physik am Kings-College daselbst, lebte Wheatstone längere Zeit als Privatmann. Zu seinen frühesten Studien gehören mehrere über die sogenannten Klangfiguren (1825), deren er eine neue Art durch sein Kaleidophon beobachtete. Er construirte auch ein Instrument, Mikrophon, um schwache Töne von festen Körpern hörbarer zu machen und zeigte wie mittelst eines Metalldrathes musikalische Töne von einem Instrument auf ein anderes übertragen werden können. — Er ist der Erfinder des Stereoscops. Seinen genialen Constructionen von Apparaten verdankt man die Messung der Geschwindigkeit des electrischen Stromes und der Dauer des electrischen Funkens. Die Geschwindigkeit ergab sich grösser als die des Lichtes der Jupiters-Trabanten. Damit war die Electricität als ein Mittel zur Telegraphie gekennzeichnet, dem kein anderes gleichzustellen und die galvanische Electricität hat dann dazu noch wesentliche Vortheile geboten. Für seine Maassbestimmungen des galvanischen Stromes wurde Wheatstone von der königl. Societät in London durch Zuerkennung ihrer Medaille ausgezeichnet.

Durch einen, von Baron Schilling von Canstatt construirten electromagnetischen Telegraphen, über welchen ein Engländer W. F. Cooke, der den Apparat bei Munke in Heidelberg gesehen hatte, Wheatstone Mittheilung machte, wurde er auf das Telegraphenwesen aufmerksam und nahm 1837 mit Cooke ein Patent auf einen für praktische Anwendung geeigneten electrischen Telegraphen, mit welchem dann am Londoner Bahnhof der Nordwestbahn die ersten Versuche gemacht wurden. Bekanntlich gehört

die Priorität der Idee der electrischen Telegraphie Sömmering an und eine practische Ausführung war schon etwas früher, als die Wheatstone'sche mit Benützung der Beobachtungen von Gauss und Weber hier in München versuchsweise durch Steinheil gemacht worden, welcher dann durch Anwendung der Erdleitung das Fundament der gegenwärtigen Telegraphie begründete. —

Wheatstone war Mitglied der Royal Society zu London.

---

### **Dr. Anton Schrötter, Ritter von Kristelli.**

Geb. 1802 am 26. Nov. zu Olmütz.

Gest. 1875 am 15. April zu Wien.

Anfangs Adjunkt und Supplent an der Universität in Wien, wurde er zum Professor der Chemie am Johanneum in Graz promovirt und kam weiter als solcher an das polytechnische Institut in Wien.

Schrötter hat in der unorganischen wie in der organischen Chemie zahlreiche Arbeiten geliefert und interessante neue Verbindungen entdeckt. Indem er den Temperaturverhältnissen und ihrem Einflusse auf chemische Reactionen besondere Aufmerksamkeit schenkte, untersuchte er das Verhalten von Metallen und Metalloxyden, wenn sie in Ammoniakgas erhitzt werden und erkannte die Bildung von Stickstoffkupfer und Stickstoffchrom, welche nur bei einem gewissen niederen Wärmegrad existiren können. Er untersuchte weiter die Amidverbindungen des Quecksilbers. Eine Reihe von Untersuchungen hat er mit dem Phosphor und seinen Verbindungen angestellt, wobei er (1848) den von ihm sogenannten rothen Phosphor, entdeckte, eine sehr merkwürdige Modification dieses Elements, welche für sich nicht so leicht entzündlich und nicht giftig ist, wie der

gewöhnliche Phosphor und bei Verwendung in den Fabriken der Streichzündhölzer die Gefahren für die Gesundheit der Arbeiter beseitigt hat, welche die Anwendung des gewöhnlichen Phosphors mit sich brachten. Die Pariser Akademie hat ihn für diese Entdeckung mit Verleihung des Monthyon-Preises ausgezeichnet. Er hat 12 Verbindungen des Phosphors mit verschiedenen Metallen, Palladium, Platin, Nickel, Kobalt, Kupfer, Eisen etc. dargestellt und für ihre Mischung die chemische Formel bestimmt; er schrieb auch über das Leuchten des Phosphors und bestimmte sein Atomgewicht, ebenso das des Selens. —

Die Lithionglimmer haben ihn vielfach beschäftigt zur Darstellung des Lithion, Rubidium, Cäsium und Thallium im Grossen und er hat gezeigt, dass von 1000 Centnern des mineralischen Materials gegen 78 Centner kohlsaures Lithion,  $6\frac{1}{2}$  Centner cäsiumhaltiges Rubidiumchlorid und 6 Pfund Thallium gewonnen werden können. Aehnliche seiner Untersuchungen betreffen die Darstellung des Indiums aus Zinkblenden.

Er hat die Braun- und Steinkohlen Oesterreichs analysirt und ihren technischen Werth bestimmt; die daraus darstellbaren Harze, das Idrialin, das Vorkommen des Ozons im Flussspath von Wölsendorf, die Chromoxydsalze und vieles Andere zog er in den Kreis seiner Arbeiten.

Schrötter hat sich überall den Ruf eines ausgezeichneten Chemikers erworben. Im Jahre 1851 hat ihn die Akademie der Wissenschaften in Wien zu ihrem Secretär ernannt. Er bekleidete zuletzt die Stelle eines Directors der Wiener Münze. —

**Adolph Theodor Brongniart.**

Geb. 1801 am 14. Januar zu Paris.

Gest. 1876 am 19. Februar ebenda.

Adolph Brongniart war der Sohn des Geologen Alexander Brongniart, welcher sich durch seine geologische Beschreibung der Umgegend von Paris, durch seine Charakteristik und Classification der Felsarten u. a. einen hervorragenden Namen erworben und die Porcellanfabrik zu Sèvres, deren Director er war, zu hoher Ausbildung gebracht hat. Der Sohn gewann vom Vater die Liebe zu den geologischen Wissenschaften und ergänzte diese durch seine Forschungen über die urweltlichen Pflanzen. Die Arbeiten von Fr. v. Schlottheim und vom Grafen Kaspar von Sternberg hatten die Studien über die fossilen Pflanzen zuerst in das Gebiet der Geologie eingeführt und ihre Wichtigkeit dargethan. Ad. Brongniart erweiterte diese Studien und publicirte 1828–47 seine *Histoire des végétaux fossiles*, ein Werk, in welchem er die Pflanzenreste der verschiedenen geognostischen Formationen systematisch zur Uebersicht brachte. Er bezog sich dabei auf die 4 Formationsgruppen, welche sein Vater aufgestellt hatte, das sog. Uebergangsgebirg mit Inbegriff des Steinkohlenegebirges, dann die Formation des bunten Sandsteins, die des Muschelkalkes bis zur Kreide und die tertiären Formationen. Später hat er nur 3 Formationen festgestellt und die Formation der Kreide mit den jüngeren in Verband gebracht. Indem er aus dem Charakter der fossilen Pflanzen auf die climatischen Verhältnisse jener Perioden schloss, gelangte er zu vielen interessanten Betrachtungen, namentlich über den Kohlensäure-Gehalt der Atmosphäre, deren Temperatur und Feuchtigkeitszustand. Damit ergab sich der Grund des in den jüngeren Perioden mehr und mehr zahlreichen Auftretens der Landthiere, sowie das Fehlen solcher in den



älteren. Es wird eine fortschreitende Ausdehnung des trockenen Landes, Herabsinken der Temperatur und Minderung der atmosphärischen Kohlensäure erkannt, wie auch in den jüngeren Formationen Näherung und Uebergang der organischen Welt an ihren Zustand in der historischen Zeit.

Ad. Brongniart hat eine Menge Detailstudien über die Pflanzen der Urzeit mitgetheilt, welche Zeugniß von seinem Forschungseifer geben, so in den Abhandlungen über fossile Coniferen der Insel Iliodroma in Nordgriechenland, über die versteinerten Lycopodiaceen-Stämme von Autun, über Lepidodendron und seine Verwandtschaft, über die Structur der *Sigillaria elegans* u. a.

Im Jahre 1849 hat er die früheren Arbeiten in einer eingehenden Abhandlung über fossile Pflanzen im Allgemeinen und ihr Vorkommen weiter geführt. Belege zu seinen Studien hat er in einer ausgezeichneten Sammlung im Jardin des Plantes aufgestellt. —

Ad. Brongniart war Professor der Botanik am Collège de France und am Musée d'histoire naturelle zu Paris und seit 1834 Mitglied der Akademie der Wissenschaften daselbst.

### **Dr. Heinrich, Hermann Hlasiwetz.**

Geb. am 7. April 1825 zu Reichenberg in Böhmen.

Gest. am 8. Oktober 1875 in Wien.

Hlasiwetz studirte in Jena und es waren Döbereiner und Wackenroder, die ihn für das Fach der Chemie anregten, in welchem er sich später mit Auszeichnung hervorthat. Er widmete sich dem Lehramte, wurde zuerst Assistent der Chemie in Prag und kam 1851 als Professor der Chemie an die Universität nach Innsbruck. Weiter erhielt er Schrötter's Stelle am Polytechnikum in Wien und wurde dann an Redtenbacher's Stelle an die Universität daselbst berufen.

Hlasiwetz hat die organische Chemie, die er zum Felde seiner Forschungen gewählt, in vielfacher Weise bereichert. Schon seine erste Arbeit über das Assafödit-Oel bewährt den sorgfältigen und umsichtigen Forscher. Er untersuchte auf's genaueste das chemische Verhalten des Oels und seine Verbindungen, sowie das Harz desselben und die mannigfaltigen Producte seiner trockenen Destillation. Ebenso eingehend sind seine Untersuchungen über die Einwirkung von Schwefelkohlenstoff und Ammoniak auf Aceton, seine Arbeiten über das Chinchonin und dessen Salze, über das Senföl, über die Rinde von China nova, seine Säure und Destillationsproducte, über die Identität der Rubiniasäure mit Asparagin, der Rutinsäure mit Quercitrin, der Achilleasäure mit Aconitsäure, über Phloretin und Phloretinsäure und über Verbindungen des Harnstoffs mit organischen Säuren. Er hat eine Reihe krystallisirter Verbindungen der Xanthinsäure mit Metallen beschrieben, mit Arsen, Antimon, Wismuth, Zinn, Quecksilber, Chrom, Kobalt und Nickel. Andere Untersuchungen betreffen die Bestimmung des Kohlensäuregehalts der atmosphärischen Luft, Analysen der Mineralwässer von Obladis in Tyrol und von del Franco zu Recoaro bei Vicenza u. a.

Mehrere Arbeiten hat er mit Rochleder und mit seinen Schülern, Barth, v. Gilm, Grabowski, Malni und Pfaundler ausgeführt.

Hlasiwetz war als Forscher wie als Lehrer eine hervorragende Kraft und ging mit unermüdlichem Eifer an die Lösung der vielen Aufgaben, die er sich gestellt hatte. —

Die Kaiserliche Akademie der Wissenschaften in Wien hat ihn 1861 zum correspondirenden Mitgliede gewählt und unsere Akademie als solches im Jahre 1870.

---

**Dr. Maurus Ignatius Weber.**

Geb. zu Landshut am 19. Juli 1795.

Gest. zu Bonn am 29. Juli 1875.

Weber, der Sohn des Buchhändlers Anton Weber in Landshut, machte daselbst seine ersten Studien, absolvirte das Gymnasium und besuchte die Universität, wo er Medicin studirte und speciell die Anatomie des Menschen. Sein erfolgreicher Fleiss, sowie seine geistigen Fähigkeiten erwarben ihm die Liebe und Achtung seiner Lehrer und Philipp von Walther wählte ihn bevorzugend zu seinem Assistenten. Seine Arbeiten im Gebiete der Anatomie und Physiologie datiren von 1820, wo er seine Grundlinien der Osteologie des Menschen und der Hausthiere herausgab. Es folgte dann das Werk „Die Skelette der Haussäugethiere und Hausvögel, sein Handbuch der vergleichenden Osteologie, die Zergliederungskunst des menschlichen Körpers“. Im Jahre 1830 wurde er Professor der Anatomie zu Bonn und publicirte ein Werk über die Urformen der Schädel und Becken, welches in England grosse Anerkennung fand und ebenso von Alexander von Humboldt. Ein berühmtes Werk war ferner sein Anatomischer Atlas des menschlichen Körpers in natürlicher Grösse. Die letztgenannten Werke bezeichnet er selbst gelegentlich als seine Hauptwerke und daneben die Gründung seiner Beckenlehre, die vor ihm keinen Bearbeiter gefunden, sowie den Nachweis der Conformität zwischen Kopf und Becken. — Ausser vielen Abhandlungen, womit er die Wissenschaft bereicherte, hat er auch ein Handbuch der Anatomie (1839—1842) in 2 Bänden herausgegeben.

Weber wurde durch mehrere Orden ausgezeichnet und zum geheimen Medicinalrath ernannt. Zwei seiner Söhne, Eduard und Gustav, haben mit gleichen Studien ihre Namen dem des Vaters würdig angereiht. 1849 wurde er zum correspondirenden Mitglied unserer Akademie ernannt.

**Heinrich Ludwig d'Arrest.**

Geb. 1822 am 18. Juli zu Berlin.

Gest. 1875 am 14. Juni in Kopenhagen.

d'Arrest war anfangs Rechner auf der Berliner-Sternwarte, wo er einige Zeit an den Beobachtungen des berühmten Encke theilnahm. Er kam dann als Adjunct und Observator an die Sternwarte zu Leipzig. Dasselbst publicirte er (1851) zur Habilitation in der philosophischen Facultät der Universität die Abhandlung „Ueber das System der kleinen Planeten zwischen Mars und Jupiter“, wo er die eingreifenden und isolirt stehenden Bahnen der Hygiea, Ceres, Parthenope, Pallas, Flora und Iris etc. zusammenstellte. Er wurde nun Professor extraord. an der Universität zu Leipzig und später als Director, der Sternwarte nach Kopenhagen berufen. d'Arrest hat über 100 Abhandlungen publicirt, deren viele in den Astronomischen Nachrichten und in den Schriften der Leipziger Akademie abgedruckt sind. Es erweist sich damit seine Thätigkeit als Astronom und als Mathematiker. In ersterer Richtung sind seine grösseren Untersuchungen über die Nebelflecken und Sternhaufen zu nennen, in der letzteren namentlich verschiedene Aufsätze über Projectionslehre und sphärische Kegelschnitte. Am bekanntesten ist er durch seine Arbeiten über die Cometen geworden, über die Gruppierung der periodischen Cometen, über die Bahn des Bruhn'schen Cometen, über den Colla'schen und die Cometen von Peters, Hemke, Brorsen, Graham, Schweizer, Pons u. a. Er war auch 1851 der Entdecker und Berechner eines der wenigen bisher bekannten periodischen Cometen, der seitdem allgemein nach ihm benannt wird und 1862 entdeckte er den kleinen Planeten Freia. —

Die Astronomische Gesellschaft in London hat ihn durch Zuerkennung ihrer goldenen Medaille ausgezeichnet.

---



**Dr. Friedrich Julius Richelot.**

Geb. 1808 am 6. November zu Königsberg.

Gest. 1875 am 1. April ebenda.

Richelot begann seine gelehrte Laufbahn in Königsberg, wo er 1831 als Privatdocent, 1832 und 1844 als extraord. und ordin. Professor der Mathematik an der Universität lehrte. Richelot hat sich durch zahlreiche Arbeiten, besonders in der Theorie der elliptischen und speciell der Abelianischen Integrale, ihrer Eigenschaften und Transformation bekannt gemacht und die Differentialgleichungen des Jakobi'schen Systems erweitert. Einige der betreffenden Abhandlungen in Crelle's Journal sind:

De integralibus Abelianis primi ordinis comment. prima (1834).

De transformatione integralium Abelianorum primi ordinis comment. (1837).

Nova theoremata de functionum Abelianarum cujusque ordinis valoribus etc. (1845).

Ueber die Substitutionen von der ersten Ordnung und die Umformung der elliptischen Integrale in die Normalform (1847).

Ueber die auf wiederholten Transformationen beruhende Berechnung der ultraelliptischen Transcendenten etc.

Nach dem Urtheil v. Steinheil's gehörte Richelot neben Dirichlet zu den hervorragendsten Analytikern. Eine vollständige Angabe seiner Schriften findet sich in dem Catalogue of Scientific Papers. Vol. V. 1871.

---

## Verzeichniss der eingelaufenen Büchergeschenke.

---

### *Vom Verein für Erdkunde in Leipzig:*

Mittheilungen. 1874. 8.

### *Vom Verein für Erdkunde in Dresden:*

XII. Jahresbericht. 1875. 8.

### *Von der physikalischen Gesellschaft in Berlin:*

Die Fortschritte der Physik im Jahre 1870 u. 1871. XXVI. u. XXVII. Jahrgang. 1875. 8.

### *Von der Senkenbergischen naturforschenden Gesellschaft in Frankfurt a. M.:*

Bericht 1873—74. 8.

### *Von der Sternwarte in Zürich:*

Schweizerische meteorologische Beobachtungen. Jahrgang XII. 1875. 4.

### *Von der medicinischen Gesellschaft in Berlin:*

Verhandlungen aus dem Gesellschaftsjahre 1874/75. Bd. VI. 1875. 8.

### *Vom naturwissenschaftlichen Verein für Steiermark in Graz:*

Mittheilungen. Jahrg. 1875. 8.

### *Von der fürstlich Jablonowski'schen Gesellschaft in Leipzig:*

Preisschriften. XVIII. A. Wangerin, Reduction der Potentialgleichung für gewisse Rotationskörper. 1875. 4.

### *Von der physikalisch-ökonomischen Gesellschaft in Königsberg:*

Schriften. Jahrg. 14. u. 15. 1873 - 74. 4.

*Von der Société de physique et d'histoire naturelle in Genf:*  
Mémoires. Tome XXIV. 1874/75 4.

*Vom botanischen Garten in St. Petersburg:*  
Trudi. (Arbeiten.) Tom. III. Heft 2. 1875. 8.

*Von der University Biological Association in Dublin:*  
Proceedings. Vol. 1. Session 1874/75. 8.

*Von der Geological Survey of India in Calcutta:*  
a) Memoirs. Palaeontologia Indica. 1874. 4.  
b) Memoirs. Vol. XI. 1873/74. 8.  
c) Records. Vol. VII. 1874. 8.

*Von der Società Toscana di scienze naturali in Pisa:*  
Atti. Vol. I. 1875. 8.

*Vom Observatorio de marina de San Fernando in Cadix:*  
a) Anales. 2. Seccion. Observaciones meteorologicas. Anno 1874. Fol.  
b) Almanaque Nautico para 1877. Barcelona 1876. 8.

*Von der schwedischen Akademie der Wissenschaften in Stockholm:*  
a) Meteorologiska Jakttagelser. Bd. 12—14. 1870—72. 4.  
b) Icones selectae Hymenomycetum nondum delineatorum. auct. Fries.  
Heft VII—X s. a. folio.

*Von der k. norwegischen Akademie der Wissenschaften in Christiania:*  
a) Enumeratio insectorum Norvegicorum. Fasc. I. II. auctore H. Siebke  
1874—75. 8.  
b) Transfusion und Plethora von Jakob Worm Müller 1875. 8.  
c) Die Pflanzenwelt Norwegens von F. C. Schübeler. Specieller  
Theil. 1875. 4.  
d) Om Skuringsmaerker, Glacialformationen, terrasser og strand-  
linier. II. Af. Theodor Kjerulf. 1873. 4.  
e) On some remarkable Forms of animal Life. II. By G. O. Sars.  
1875. 4.  
f) Jaettegryder og gamle Strandlinier i fast klippe, af S. A. Sexe.  
1874. 4.

*Von der American Geographical Society in New-York:*

Journal. 1873. Vol. IV. 1874. 8.

*Von der Société hollandaise des sciences in Harlem:*

Archives Néerlandaises des sciences exactes et naturelles. Tom. X. La Haye 1875. 8.

*Vom k. meteorologischen Institut in Utrecht:*

- a) Meteorologisch Jaarboek voor 1874. 26. Jaargang 1875. 4.
- b) Les courants de la mer et de l'atmosphère par Buijs-Ballot. Bruges s. a. 8.

*Vom kgl. Instituut voor de Taal-, Land- en Volkenkunde van Nederlandsch Indië in Gravenhage:*

Reisochten naar de Geelvinkbaai op Nieuw-Guinea in de jaren 1869 en 1870 door C. B. H. v. Rosenberg. 1875. 4.

*Vom Museo publico in Buenos Aires:*

- a) Anales. Entrega 12. 1870—74. Fol.
- b) Boletín de la Academia nacional de ciencias exactas existente en la Universidad de Cordova. Entrega IV. 1875. 8.

*Von der Société Royale des Sciences in Upsala:*

Bulletin météorologique. Vol. VI. Année 1874. 4.

*Von der astronomischen Gesellschaft in Leipsig:*

Vierteljahrsschrift. 11. Jahrgang. 1876. 8.

*Vom naturhistorischen Verein in Augsburg:*

23. Bericht veröffentlicht i J. 1875. 8.

*Von der kgl. ungarischen geologischen Anstalt in Pest:*

A. M. k. földtani intézet évkönyve. Kötet IV. füzet 2. 1875. 8.

*Vom naturhistorischen Verein in Passau:*

10. Bericht für die Jahre 1871—74. 8.

*Von der deutschen chemischen Gesellschaft in Berlin:*

Berichte. IX. Jahrg. 1876. 8.



*Von der k. k. Sternwarte in Wien:*

Annalen. III. Folge. Bd. 24. Jahrg. 1874. 8.

*Vom baltischen Central-Verein in Eldena:*

Landwirthschaftliche Wochenschrift. No. 1—4. 1876. 8.

*Von der Société de géographie in Paris:*

Bulletin. Janvier 1876. 8.

*Von der Société des sciences physiques et naturelles in Bordeaux:*

- a) Mémoires. Tom. IX Cahier 1. II. Serie. Tom. I Cahier 2. 1873—76. 8.
- b) Extraits des procès-verbaux des séances. Année 1874—75.

*Von der deutschen Gesellschaft für Natur- und Völkerkunde Ostasiens  
in Yokohama:*

Mittheilungen. Heft VIII. September 1875. Fol.

*Von der Royal Society in London:*

- a) Philosophical Transactions. 1875. Vol. 165. 1875. 4.
- b) Proceedings. Vol. XXII. XXIII. No. 151—163. 1874—75. 8.
- c) The Anatomy of the Lymphatic System. By E. Klein. II. The Lung. 1875. 8.
- d) List of the Royal Society 30th. Nov. 1874. 4.

*Von der kgl. Akademie der Wissenschaften in København:*

- a) Skrifter. Naturvidenskabelig og mathematisk Afdeeling. Vol. XI. XII. 1875. 4.
- b) Oversigt. 1875. 8.

---

*Vom Herrn Joh. N. Woldrich in Wien:*

Hercinische Gneissformation bei Gross-Zdikau im B  hmerwalde. 1875. 8.

*Vom Herrn G. F. Rammelsberg in Berlin:*

Handbuch der Mineralchemie I. II. Leipzig 1875. 8.

*Vom Herrn Adolph Wüllner in Aachen:*

Lehrbuch der Experimentalphysik. 4. Bd. 3. Aufl. Leipzig 1875. 8.  
[1876. 1. math.-phys. Cl.]

*Vom Herrn L. Rütimeyer in Basel:*

- a) Ueber Pliocen und Eisperiode auf beiden Seiten der Alpen. 1876. 4.
- b) Weitere Beiträge zur Beurtheilung der Pferde der Quaternär-Epoche. Zürich 1875. 4.
- c) Die Veränderungen der Thierwelt in der Schweiz seit Anwesenheit des Menschen. 1875. 8.
- d) Die Knochenhöhle von Thayingen bei Schaffhausen 1875. 4.
- e) Ueberreste von Büffel (Bubalus) aus quaternären Ablagerungen von Europa. 1875. 8.
- f) Ueber die Ausdehnung der pleistocenen oder quartären Säugethierfauna. 1875. 8.
- g) Spuren des Menschen aus interglaciären Ablagerungen in der Schweiz. 1875. 8.

*Vom Herrn Friedrich Krafft in Basel:*

Ueber die Entwicklung der theoretischen Chemie. 1875. 8.

*Vom Herrn Rudolf Wolf in Zürich:*

Astronomische Mittheilungen. XXXVIII. 1875. 8.

*Vom Herrn Lender in Berlin:*

Die oxydirende Kraft der Natur oder die Bedeutung des Sauerstoffs. 1876. 8.

*Vom Herrn S. A. Miller in Cincinnati:*

Cincinnati Quarterly Journal of Science Vol. I. No. 1. 2. 3. 4. 1874.  
Vol. II. No. 1. 2. 3. 1875. 8.

*Vom Herrn F. Schultz in Brüssel:*

Observations sur la statistique botanique du Forez de M. A. Leyrand. 1875. 8.

*Vom Herrn Eduard Regel in St. Petersburg:*

Gartenflora. Nov. 1875. Stuttgart 8.

*Vom Herrn A. Lieben in Berlin:*

Anton Schrötter Ritter von Kristelli. Eine Lebens-Skizze. 1876. 8.

*Vom Herrn P. Moennich in Rostock:*

Untersuchung über die scheinbare Ortsänderung eines leuchtenden Punktes. 1875. 8.

Sitzung vom 4. März 1876.

Mathematisch-physikalische Classe.

---

Herr Voit berichtet über eine in seinem Laboratorium von Herrn Ludwig Feder ausgeführte Untersuchung:

„über die Ausscheidung des Salmiaks im Harn“.

Man giebt gewöhnlich an, dass der aus dem Darm aufgenommene Salmiak unverändert im Harn wieder zum Vorschein komme, namentlich hat C. Neubauer<sup>1)</sup> am Menschen Versuche in dieser Richtung gemacht und nach Zufuhr von 10 Grm. Salmiak während fünf Tagen mit Hilfe der Schloesing'schen Methode das Ammoniak von 9.57 Grm. Salmiak im Harn wieder aufgefunden. Diese Angabe schien auch ganz erklärlich und selbstverständlich zu sein, denn in was sollte sich das Ammoniak verwandeln, da man weiss, dass im Allgemeinen bei den Zersetzungs Vorgängen im Thierkörper schliesslich immer einfachere Verbindungen entstehen, wodurch allein unter Entbindung von lebendiger Kraft aus Spannkraft die Wirkungen im Thierkörper oder die Lebenserscheinungen ermöglicht werden.

In neuerer Zeit sucht man dem gegenüber die Bildung complicirter chemischer Verbindungen mit höherem Mole-

---

1) Journ. f. prakt. Chem. Bd. 64. 1855. S. 177.  
[1876. 2. Math.-phys. Cl.]

külargewicht aus einfacheren d. h. das Vorkommen sogenannter Synthesen im Thierkörper hervorzuheben. Es ist keinem Zweifel unterworfen, dass solche Synthesen im thierischen Organismus vorkommen, so z. B. die Bildung des Hämoglobins aus gewöhnlichem Eiweiss, oder die der Hippursäure nach Einführung von Benzoesäure, aber es werden auch Synthesen leichthin angenommen, welche durchaus nicht bewiesen sind, wodurch dann synthetische Vorgänge viel verbreiteter zu sein scheinen als sie es in Wirklichkeit sind und die Vorstellungen über die stofflichen Prozesse im Thierkörper vielfach verschoben werden.

Es ist nun neuerdings auch eine synthetische Umwandlung für das Ammoniak des Salmiaks im Thierkörper angegeben worden, dasselbe solle sich in letzterem in Harnstoff umwandeln, so zwar, dass der grösste Theil des Stickstoffs desselben sich in Harnstoff im Harn findet. Es ist dies zuerst von Knieriem <sup>2)</sup> mitgetheilt und dann von E. Salkowski <sup>3)</sup> bestätigt worden. Ein solcher Vorgang wäre von grosser Bedeutung und es ist wichtig genug, die Sache mit allen Hilfsmitteln zu prüfen und einen sicheren Entscheid zu bringen. Herr Ludwig Feder hat desshalb unter meiner Leitung den genannten Versuch wiederholt.

Es handelt sich dabei vor Allem, nachdem die Stickstoffausscheidung im Harn möglichst gleichmässig und niedrig gemacht worden ist, damit man jede Aenderung in derselben alsbald mit Sicherheit zu erkennen vermag, um eine genaue Bestimmung des Harnstoffs im Harn. Die Liebig'sche Methode durch Titrirung mit salpetersaurem Quecksilberoxyd ist in diesem Falle nicht brauchbar, da sich das salpetersaure Quecksilberoxyd neben dem Harnstoff noch

---

2) Zeitschrift f. Biologie Bd. 10. 1874. S. 265.

3) Centralblatt f. d. mediz. Wiss. 1875. Nro. 58.



mit manchen andern Ausscheidungsprodukten und auch mit dem Ammoniak verbindet. Die Bestimmung mit unterbromigsaurem Natron nach Knop oder Hüfner ist ebenfalls in unserem Falle nicht zulässig, weil dadurch auch der Stickstoff des Ammoniaks als Gas entweicht. Die Methode von Ragsky und Heintz könnte allenfalls zum Ziele führen, denn man fällt dabei bekanntlich in einer ersten Probe das Kali und Ammoniak des Harns mit Platinchlorid aus, und dann thut man das Gleiche in einer zweiten Probe nach vorheriger Behandlung derselben mit Schwefelsäure, wobei aber wohl noch aus anderen stickstoffhaltigen Harnbestandtheilen ausser dem Harnstoff Ammoniak abgetrennt wird.

Es ist am besten sich für die Harnstoffbestimmung der Bunsen'schen Methode zu bedienen, wenn auch diese nicht vollkommen ist, da sicherlich noch andere Harnbestandtheile beim Erwärmen mit ammoniakalischer Chlorbaryumlösung Kohlensäure liefern.

Diese Methode ist nun auch von Knieriem, Salkowski und Feder angewendet worden.

Knieriem hat zuerst einem kleinen, nur 4 Kilo schweren Hündchen, nachdem es mit Brod und Milch auf eine gleichmässige Stickstoffausscheidung im Harn (von 1.746 Grm. im Tag) gebracht worden war, 4 Grm. Salmiak mit 1.046 Grm. Stickstoff gegeben. Das Thier schied darauf an 2 Tagen im Harne 0.939 Grm. Stickstoff mehr aus, es war aber nur wenig (0.11 Grm.) Ammoniak mehr als normal, dagegen das gesammte Chlor des Salmiaks im Harn zu finden, so dass es wirklich scheint, als ob das Ammoniak des Salmiaks zum grössten Theile in Harnstoff übergehe.

Da dieses Resultat höchst auffallend war und den bestimmten Angaben Neubauer's direkt widersprach, und ausserdem der Anwendung der Schloesing'schen Methode zur Ammoniakbestimmung im Hundeharn sich Schwierig-

keiten entgegensetzten, welche ich früher schon hervor-  
gehoben habe, so wiederholte Knieriem den Versuch am  
Menschen. Derselbe erhielt an 2 Tagen ein Mal 6.0 und  
das andere Mal 4.5 Grm. Salmiak. Wie vorher beim Hunde  
wurde auch hier beim Menschen nur wenig mehr Ammoniak  
im Harn ausgeschieden wie gewöhnlich, aber es trat ent-  
sprechend der Ammoniakmenge im Salmiak (an einem Tage  
1.164 Grm. Stickstoff) mehr Harnstoff auf. Es werden  
also nach Knieriem's Schlussfolgerung auch in diesem  
Falle  $\frac{9}{10}$  des im Salmiak eingeführten Stickstoffs in Harn-  
stoff, und nur  $\frac{1}{10}$  etwa in einer Ammoniakverbindung  
wieder entfernt.

Salkowski sagt in seiner vorläufigen Mittheilung  
nur, dass bei Hunden ein erheblicher Theil des Stickstoffs  
des Salmiaks sich in Harnstoff vorfindet, wenn auch nicht  
so viel als Knieriem angab. Im Maximum sah er bei  
einem Hunde von 20 Kilo Gewicht durch Salmiak die  
Harnstoffausscheidung von 5.61 Grm. auf 9.75 Grm. sich  
erheben; er fügt jedoch bei, dass davon ein kleiner Theil  
auf vermehrten Eiweisszerfall zu beziehen sei.

Herr Feder ist nun durch 2 Versuche an einem  
Hunde von 24 Kilo Gewicht zu ganz anderen Resultaten  
gelangt als Knieriem und Salkowski, und zwar zu  
den gleichen wie Neubauer. Das Thier musste hungern,  
bis die Stickstoffausscheidung im Harn gleichmässig ge-  
worden war; es wurde dadurch erreicht, dass nur wenig  
Stickstoff erschien und die immerhin geringe Ammoniak-  
menge im verzehrten Salmiak einen grösseren Bruchtheil  
darstellte, und ferner dass eine Aenderung in der Aus-  
nützung des Futters im Darm in Folge des Salmiaks nicht  
in Betracht kam.

In einem ersten Versuche, bei welchem nur das Am-  
moniak mit Platinchlorid und der Harnstoff mit salpeter-  
saurem Quecksilberoxyd bestimmt wurden, ergab sich bei



Zufuhr von 19.7 Grm. Salmiak an 2 Tagen, von denen aber am zweiten Tage der grösste Theil erbrochen wurde, eine Vermehrung des Ammoniaks im Harn von 2.66 Grm., also eine viel grössere Menge von Ammoniak wie Knieriem sie beobachtet hatte.

Bei dem zweiten Versuche schied der nämliche Hund nach fünftägigem Hunger täglich im Mittel 7.6 Grm. Harnstoff und 3.73 Grm. Stickstoff aus. Darauf bekam er an einem Tage 16.66 Grm. Salmiak zugeführt, von dem er aber einen unbekannten Theil durch Erbrechen wieder entleerte, so dass man die Vermehrung der Chlorausscheidung als Maassstab für die Resorptionsgrösse des Salmiaks nehmen musste. Die Ausscheidung des Stickstoffs stieg dadurch am ersten Tage auf 7.84 Grm. und die des Harnstoffs auf 14.2 Grm.

Es ist also keinem Zweifel unterworfen, dass die Harnstoffmenge durch den Salmiak nahezu um das Doppelte zunimmt; hierin befinden wir uns in völliger Uebereinstimmung mit den Angaben von Knieriem und Salkowski. Aber die mit Platinchlorid ausgeführte Ammoniakbestimmung im Harn ergab in Folge der Salmiakfütterung während mehrerer Tage eine ansehnliche Vermehrung des Ammoniaks und zwar um 2.4 Grm., während sich aus der Chlorausscheidung 2.7 Grm. berechneten; bei den Versuchen von Knieriem findet sich dagegen im Harn ein grosser Ueberschuss von Chlor gegenüber dem Ammoniak.

Wenn demnach das im resorbirten Salmiak gegebene Ammoniak nahezu vollständig im Harn wieder erscheint, so ist es unmöglich, dass in unserem Falle die Vermehrung des Harnstoffs von der Ueberführung des Ammoniaks des Salmiaks in Harnstoff herrührt. Die Differenz der Stickstoffbestimmung nach Bunsen und der Gesamtstickstoffbestimmung ist unter dem Einflusse des Salmiaks entgegen den Beobachtungen von Knieriem wesentlich grösser,

was auch bezeugt, dass dabei viel unverändertes Ammoniak im Harn enthalten ist. Das Gleiche geht aus der Harnstoffbestimmung nach Liebig hervor, nach welcher man bei der Salmiakfütterung eine wesentlich höhere Stickstoffausscheidung berechnet, als die Gesamtstickstoffbestimmung ergibt, weil die gleiche Menge von salpetersaurem Quecksilberoxyd weniger Ammoniak in Anspruch nimmt als Harnstoff.

Es fragt sich, woher denn die grössere Quantität des Harnstoffs herrührt. Es ist aus meinen Versuchen bekannt, dass durch Gaben von Chlornatrium die Harnstoffmenge vermehrt wird und zwar durch Steigerung der Eiweisszersetzung; es ist von vorneherein höchst wahrscheinlich, dass der Salmiak die gleiche Wirkung hat. Als Herr Feder seinem Hunde soviel Chlornatrium gab, dass die Chlorausscheidung im Harn so gross war wie bei Verabreichung des Salmiaks, stieg die nach Bunsen bestimmte Harnstoffmenge um ebensoviel an als im letzteren Falle.

Ich kann daher für unsern Hund bestimmtst angeben, dass bei ihm das Ammoniak des Salmiaks unverändert den Körper durch den Harn wieder verlässt. Ich bin nicht im Stande über die Widersprüche zwischen den Zahlen von Knieriem und den unsrigen Aufklärung zu geben, es muss dieselbe weiteren sorgfältigen Versuchen überlassen werden. Ich bemerke, dass die Ausscheidung des Ammoniaks des Salmiaks aus dem Körper sich durch eine auffallend lange Zeit hinzieht, wie schon Lohrer mittheilte <sup>4)</sup>, während das Chlor des Salmiaks alsbald erscheint; es findet also jedenfalls eine Trennung des Salmiaks statt, wahr-

---

4) Lohrer, Uebergang der Ammoniaksalze in den Harn, diss. inaug. Dorpat 1862.



scheinlich in Wechselwirkung mit dem phosphorsauren Alkali der Säfte, so zwar dass dabei phosphorsaures Ammoniak und Chloralkali entsteht. Es wäre möglich, dass bei Knieriem's Versuchen die kleinen Mengen von Ammoniak, um die es sich dabei handelt, erst spät zur Ausscheidung kamen.

Herr Feder wird die Resultate seiner Untersuchung ausführlich in der Zeitschrift für Biologie veröffentlichen und die Versuche auch noch weiter fortsetzen.

---

Sitzung vom 6. Mai 1876.

---

Herr Voit legt der Classe eine in seinem Laboratorium ausgeführte Untersuchung vor:

„Ueber die Abstammung des Glykogens im Thierkörper“. Von Privatdozent Dr. J. Forster.

Bekanntlich haben Pettenkofer und Voit<sup>1)</sup> in einer grösseren Reihe von Versuchen gezeigt, dass der in den Thierkörper aufgenommene Traubenzucker in diesem nicht in bemerkenswerther Menge aufgespeichert, sondern alsbald unter Sauerstoffaufnahme in Kohlensäure und Wasser zersetzt und so aus dem Körper ausgeschieden wird. In neuester Zeit nun schreibt man, in anscheinendem Widerspruche mit obigen Versuchen, dem thierischen Organismus, und zwar insbesondere der Leber, die Eigenschaft zu, den ihr zugeführten Zucker in Glykogen, eine zwar in Wasser lösliche allein nur sehr schwer durch thierische Membranen diffundirende Substanz, umzuwandeln, welche eben letzterer Eigenschaft halber im Körper sich in grösserer Menge anhäufen könne. Da man aber allgemein das Molekulargewicht der glykogenen Substanz mindestens doppelt so

---

1) Sitz.-Ber. der Münch. Akad. 1873, Heft 3; und Zeitschr. für Biol. Bd. IX, S. 435 ff.

gross annimmt, als das des Zuckers, so besässe der Thierkörper hiemit in hohem Maasse die Fähigkeit, complicirtere Moleküle aus einfacheren aufzubauen oder auch lebendige Kraft in Spannkraft überzuführen.

Man hat dies aus der Beobachtung geschlossen, dass bei Fütterung mit Kohlehydraten in der Leber der gefütterten Thiere häufig Glykogen in reichlicher Menge enthalten ist oder dass dabei Glykogen selbst bei solchen Körperzuständen in den Organen auftritt, bei welchen für gewöhnlich ohne Zufuhr von Kohlehydraten dasselbe nicht oder kaum nachzuweisen ist.

Diejenigen nun, welche das Vorkommen von Synthesen im Thierkörper, sofern man darunter den Aufbau höherer Moleküle aus einfachern versteht, nur nach zwingender Beweisführung in jedem einzelnen Falle annehmen wollen, erklären das Auftreten von Glykogen nach Zufuhr von Kohlehydraten durch die Annahme, dass normaler Weise aus dem beständig sich zersetzenden Eiweisse im Körper unter anderen Produkten auch Glykogen abgespaltet werde, eine Annahme, für welche genügend Beweise beigebracht werden können. Während jedoch für gewöhnlich dasselbe weiter zersetzt und oxydirt werde, finde es bei genügender Resorption von Zucker aus dem Darne, da alsdann dieser zerfällt, nicht mehr die Bedingungen seiner Zersetzung und könne nun an seiner Bildungsstätte abgelagert werden. Es würde nach dieser Vorstellung für die glykogene Substanz dasselbe gelten, was für die Bildung des Fettes aus Eiweiss und dessen Aufspeicherung im Thierkörper bei reichlicher Fütterung mit Kohlehydraten von Pettenkofer und Voit<sup>2)</sup> dargethan wurde.

Nachdem nun letztere Ansicht durch Versuche, die unter Prof. Voit's Leitung von Dr. Wolffberg ausgeführt

---

2) a. a. O.

worden waren, sehr an Wahrscheinlichkeit gewonnen, habe ich versucht, zu einer Entscheidung der vorliegenden Differenzen durch an grösseren Thieren angestellte Untersuchungen, welche deutlichere Resultate als die Experimente an kleinen Thieren versprochen, zu gelangen.

Zu diesem Zwecke liess ich grosse, ausgewachsene und vorher in annähernd gleichem wohlgenährten Zustande befindliche Hunde, die einige Tage hindurch nur mit fettarmem Fleische gefüttert worden waren, längere Zeit hungern. In dem ersten Versuche wurden am 9. Hungertage einem Thiere von 22 Kilogramm Körpergewicht etwa 400 cc. einer 50procentigen Traubenzuckerlösung langsam und vorsichtig in eine ven. *messaraica* eingeführt, wodurch der Leber und dem Körper im Verlaufe von  $1\frac{1}{2}$  Stunden etwa 200 grm. Zucker zur Verarbeitung geboten wurden. Eine halbe Stunde nach Beendigung der Injection, also zwei Stunden nach Beginn derselben, wurde das Thier durch Verbluten rasch getödtet, sofort die Leber herausgenommen und in kochendes Wasser eingetragen. Die Menge des nach Brücke's Angaben bestimmten Glykogens in der ganzen Leber betrug 9.3 grm. oder 1.78 % der frischen Leber.

In einem zweiten Versuche liess ich einem 28 Kilogramm schweren Hunde am 10. Hungertage wieder 400 cc. einer 50procentigen Traubenzuckerlösung vorsichtig im Laufe einer Stunde in eine ven. *femoralis* einfliessen. Auf gleiche Weise wie vorher wurde sodann das Thier getödtet und die Menge des Glykogens in der Leber bestimmt. Es fanden sich hier 9.7 grm. Glykogen oder 1.53 % des frischen Organes.

Bei einem Hahne von 2.24 Kilogramm Körpergewicht, dem am 2. Hungertage 60 cc. derselben Zuckerlösung in die Jugularvene injicirt wurden, fanden sich in der 39.8 grm.



schweren Leber 0.12 grm. Glykogen oder 0.29 % derselben.

Glykogene Substanz ist nun wie bekannt auch nach längerem Hunger immer noch in gewisser Menge in der Leber zu finden. Bei einem 24 Kilogramm schweren Hunde, der wie die oben erwähnten Thiere 10 Tage gehungert hatte, fand ich am 10. Hungertage nach der Verblutung noch 4.2 grm. Glykogen oder 0.92 % der frischen Leber.

Offenbar ist aber unter dem Einflusse der Zuckerinjection in die Venen die Menge von Glykogen in der Leber vermehrt. Es fragt sich nun, woher dasselbe stammt?

Die beobachtete Vermehrung beträgt etwas über 5 grm. in beiden Fällen und sinkt, wenn man für alle 3 Hunde eine gleiche Lebergrösse für das Körpergewicht derselben, nämlich 2.35 % des lebenden Thieres, so wie es bei dem ersten Versuchsthier gefunden wurde, berechnet, unter 5 grm. herab. Die Menge des in der Leber des Hahnes gefundenen Glykogens übersteigt sogar trotz der Injektion von 30 grm. Zucker, einer relativ bedeutenden Masse, kaum die auch sonst in derselben zu erwartende Quantität.

Trotz der colossalen Menge von 200 resp. 60 grm. Zucker, die in den Körper eingeführt wurde, ist sonach nur eine äusserst geringe Vermehrung der glykogenen Substanz erfolgt. Schon dieser Umstand spricht deutlich gegen die Anschauung, dass der in den Körper eingeführte Zucker in Glykogen übergehe. Noch unwahrscheinlicher wird dieselbe, wenn man sieht, dass dann, wenn gerade dem angeblich die Synthese bewerkstellenden Organe, der Leber, die Zuckermenge direkt zugeleitet wird, wie in dem ersten Versuche, die Glykogenmenge in demselben nicht grösser gefunden wird, wie bei der Injektion von Zucker in eine Femoralvene.

Die Bildung von Glykogen aus Zucker dürfte man nur dann aus den vorliegenden Versuchen schliessen, wenn für dasselbe durchaus keine andere Quelle vorhanden wäre. So aber müssen wir denselben entnehmen, dass die Zufuhr des Zuckers bei der geringen Aufspeicherung von Glykogen nur eine sekundäre Rolle spiele und dass die glykogene Substanz im Körper hiebei aus einer andern in Quantität minder ergiebigen aber sicher gestellten Quelle d. h. dem zersetzten Eiweisse stammen müsse und bei der reichlichen Zuckerzufuhr abgelagert werde.

Am 10. Hungertage ist aber die Eiweisszersetzung im Körper bekanntlich sehr gering; bei hungernden Hunden von der oben erwähnten Grösse überschreitet die Menge des in 24 Stunden zersetzten Eiweisses kaum 30–50 grm. oder etwa 2–4 grm. in den zwei Stunden, die hier in Betracht kommen. Diese Grösse könnte also kaum zur Erklärung des Mehrbefundes von 4–5 grm. Glykogen in den obigen Versuchen ausreichen.

Nun habe ich aber vor einiger Zeit gezeigt <sup>3)</sup>, dass durch Injektion von Zucker- und Kochsalzlösungen in die Blutbahn die Eiweisszersetzung im Thierkörper in ganz erheblichem Maasse erhöht wird. Dasselbe geschah nun auch in diesen Versuchen, was ich direkt durch die Menge des während der Dauer der Operation gebildeten Harns und dessen Stickstoffgehalt darthun konnte. Die Quantität des in den 2 resp.  $1\frac{1}{2}$  Operationsstunden zur Blase gelangenden Harnstoffes oder Stickstoffes entspricht zudem nicht vollständig der in derselben Zeit stattgefundenen Eiweisszersetzung, da bei der Tödtung des Thieres Zersetzungs-

---

3) Sitz.-Ber. d. Münch. Akad. Juli, 1875 u. Zeitschr. f. Biol. Bd. XI, S. 515.

produkte des Eiweisses noch in grösserer Menge innerhalb der Organe sich befinden mussten, die erst später in den Harn übergegangen wären. Dessenungeachtet aber betrug die Menge des nach Liebig's Methode bestimmten Harnstoffes in dem während der Operation gewonnenen Harne in dem ersten Versuche 4.74 grm., in dem zweiten 2.43 grm., was also im Mindesten eine Eiweisszersetzung von 14, resp. über 7 grm. anzeigt.

Dass in der That die Stoffzersetzung im Körper durch die Injektion selbst in lebhafterem Maasse, als dies durch die Harnstoffausscheidung zu erkennen war, angeregt wurde, kann ich noch einer weitem merkwürdigen Beobachtung entnehmen. Während der ersten Injektion der Zuckerlösung in eine Mesenterialvene füllten sich Magen und Dünndarm allmählig mit einer Flüssigkeit, die sorgfältig gesammelt und deren Menge im Magen 170 cc., im Dünndarme 210 cc. betrug. Bei der Analyse erwies sich dieselbe durch ihren Gehalt an Gallensäuren und Farbstoffen unzweifelhaft als zuckerhaltige, wenn auch etwas verdünnte Galle.

Nach diesen Beobachtungen erklärt sich also die Möglichkeit einer geringen Glykogenvermehrung in der Leber leicht durch den bei der Zuckerinjektion stattfindenden Mehrzerfall von Eiweiss und die Ersparniss des hiebei abgespaltenen Glykogens unter dem Einflusse des reichlich zugeführten leicht zersetzlichen Zuckers. Damit lässt sich auch leicht die Thatsache vereinen, dass bei einem kleinen Organismus, dem Hahne in meinem vierten Versuche, bei dem entsprechend der Körpergrösse die Eiweisszersetzung eine sehr geringe ist, auch nur sehr wenig Glykogen in der Leber enthalten ist.

Zum Schlusse bemerke ich noch als einen erwähnenswerthen Umstand, dass bei den drei vorgenommenen Zucker-

injectionen ziemliche Mengen von Zucker im Blute der Versuchsthiere nachgewiesen werden konnten, sowie dass der Harn der Hunde sowohl wie auch Harn, der von dem Hahne in reichlicher Menge während der Operation entleert wurde, grössere Zuckerquantitäten enthielt.

Ausführlichere Mittheilung dieser und ähnlicher Versuche behalte ich mir zur Veröffentlichung an einem andern Orte vor.

---



Herr Baeyer berichtet über die in seinem Laboratorium von Emil Fischer und Otto Fischer ausgeführte Untersuchung:

„Zur Kenntniss des Rosanilins“.

In einer unlängst in Liebig's Annalen<sup>1)</sup> erschienenen Abhandlung legen Gräbe und Caro die Details ihrer bereits auf der Naturforscherversammlung zu Wiesbaden im Auszug publicirten Untersuchung über Rosolsäure und ihre Beziehung zum Rosanilin nieder. Auf Grund der Umwandlung des letzteren durch Einwirkung von salpetriger Säure in die als ein Oxychinon characterisirte Rosolsäure thun sie in überzeugender Weise dar, dass die bisher für das Rosanilin aufgestellten, zahlreichen Structurformeln unhaltbar sind und substituiren dafür die ihren experimentellen Resultaten angepasste Formel  $C_6 H_3 . (NH_2) \begin{Bmatrix} CH_2 . C_6 H_4 . NH \\ CH_2 . C_6 H_4 . NH \end{Bmatrix}$

Letztere trägt hauptsächlich dem Umstande Rücksicht, dass bei der Rosolsäurebildung aller Stickstoff des Rosanilins, ähnlich wie bei den gewöhnlichen, aromatischen Aminen eliminirt und durch sauerstoffhaltige Gruppen ersetzt wird, wobei eine Verbindung entsteht, deren ganzes, sorgfältig studirtes Verhalten zu der Formel  $C_6 H_3 (OH) . \begin{Bmatrix} CH_2 . C_6 H_4 O \\ CH_2 . C_6 H_4 O \end{Bmatrix}$  führt.

Auf den ersten Anschein hat diese Auffassung viel Gewinnendes, da sie die Beziehungen zwischen Rosanilin und Rosolsäure in übersichtlicher Weise darstellt und dem

1) 179 p. 184.

Verhalten beider Körper wohl entspricht; weniger indessen genügt, sie zur Erklärung der eigentlichen Reaction, worauf sie gegründet ist, d. h. der Bildung einer Diazoverbindung und späteren Umwandlung derselben in Rosolsäure.

Es ist diese Schwierigkeit bereits von den Verfassern selbst betont; sie glaubten sich jedoch mit der Annahme begnügen zu können, dass die im Rosanilin enthaltenen Imidogruppen durch Einwirkung der salpetrigen Säure analog den gewöhnlichen Aminen in Diazoverbindungen oder in Körper, welche sich bei der Zersetzung mit Wasser diesem ähnlich verhalten, übergeführt werden können. So lange indessen diese Ansicht der experimentellen Grundlage entbehrte, mussten die daraus für die Constitution des Rosanilins gefolgerten Schlüsse ebenfalls zweifelhaft erscheinen.

Zur Entscheidung der Frage war vor Allem eine neue Untersuchung obiger Diazoverbindung selbst nothwendig. Die Kenntniss derselben beschränkte sich auf die Angaben von Caro und Wanklyn<sup>3)</sup>, dass zu ihrer Bildung 3 Mol.  $\text{HNO}_2$  auf 1 Mol. Rosanilin erforderlich sind, und dass sie beim Kochen mit Wasser 6 aeq. N als Gas abgiebt, woraus dieselben die den damaligen theoretischen Anschauungen entsprechende Formel  $\text{C}_{20}\text{H}_{10}\text{N}_6$  herleiteten.

Da indessen diese analytischen Resultate sich ebenso gut mit der oben erwähnten späteren Auffassung von Gräbe und Caro vereinigen liessen, so wurde letztere Formel von denselben anscheinend nicht weiter berücksichtigt und es war damit die Entstehung und Natur jener Diazoverbindung von Neuem in Frage gestellt.

Durch das Studium der Hydrazinverbindungen, deren Beziehungen zu den Diazokörpern vollständig klar gelegt sind, und durch die Beobachtung, dass die Reactionen, welche von den einfachern, aromatischen Aminen zu diesen

---

3) London R. Soc. Proc. 15. 210.



Basen führen, im Allgemeinen auch beim Rosanilin Gültigkeit haben, glaubten wir neue experimentelle Anhaltspunkte zur Entscheidung obiger Frage gewinnen zu können und wurden dadurch zu nachfolgender Arbeit veranlasst, deren Resultate wir mit der freundlichen Einwilligung von Herrn Caro mittheilen.

Technische Schwierigkeiten nöthigten uns allerdings bald, den Gang der Untersuchung abzuändern, da die Hydrazinbildung beim Rosanilin keineswegs so einfacher Natur ist, wie es erst den Anschein hatte und mithin von diesen Körpern ebenso wenig wie von der Rosolsäure ein directer Rückschluss auf das Rosanilin gestattet war.

Behandelt man die nach Gräbe und Caro dargestellte Diazoverbindung des Rosanilins in wässriger Lösung mit saurem schwefligsaurem Kali oder Natron, so beobachtet man zunächst ganz dieselben Erscheinungen, wie sie für das Diazobenzol von dem Einen von uns<sup>4)</sup> angegeben werden. Die Lösung wird ohne Gasentwicklung anfangs dunkelgelb, nimmt jedoch beim gelinden Erwärmen unter Einfluss der schwefligen Säure durch weitere Reduction bald eine hellgelbe Farbe an, die hierbei jedenfalls entstehenden Sulfonsauren Salze der Diazo- resp. Hydrazinverbindung könnten ihrer Löslichkeit halber nicht von den unorganischen Beimengen getrennt werden.

Beim Ansäuern der wenig gefärbten Lösung mit conc. HCl treten dagegen abnorme Erscheinungen auf; die Flüssigkeit färbt sich Anfangs violettroth, wird beim Erwärmen tief violettblau und scheidet in der Kälte, wenn man in hinreichender Concentration und mit einem Ueberschuss von Salzsäure arbeitet, einen dicken, blauschwarzen, voluminösen Niederschlag eines salzsauren Salzes ab. Die demselben zu Grunde liegende Base ist jedoch keineswegs eine

4) Berichte der deutschen Gesell. VIII. 589.  
[1876. 2. Math.-phys. Cl.]

einfache Hydrazinverbindung; sie löst sich vielmehr leicht in allen kaustischen und kohlensauren Alkalien mit rother Farbe, zeigt mithin das Verhalten eines Amidophenols und scheint in naher Beziehung zur Rosolsäure zu stehen; ihre Isolirung ist aus diesem Grunde noch nicht gelungen und ein genaueres Studium ihrer Salze wurde aufgeschoben, da ihre Kenntniss für die Rosanilinfrage einstweilen nicht von Bedeutung war.

Zu entscheidenderen Resultaten gelangten wir bei einer neuen Untersuchung der Diazoverbindung selbst. In dem Gold- und Platinadoppelsalze fanden sich wohl characterisirte und hinreichend beständige Derivate, deren vollständige Analysen eine genaue Feststellung der Formel gestatteten.

Das Goldsalz wurde dargestellt durch Eintragen der wässrigen Lösung des durch Abscheiden mit Alkohol und Aether mehrmals gereinigten Diazorosanilinchlorids, wie wir die Verbindung nennen wollen, in eine verdünnte, schwach saure Lösung von überschüssigem Goldchlorid, wobei es sich sofort als hellgelber, flockig krystallinischer Niederschlag abscheidet; dasselbe lässt sich unverändert mit Wasser, Alkohol und Aether auswaschen und hat im vacuum getrocknet die Formel:  $C_{20}H_{15}N_6Cl_3 + 3AuCl_3 + H_2O$ .

	Gef.		Ber.
	I	II	
Au	43	43,1	43,08
C	17,66	17,85	17,49
H	1,3	1,11	1,09
N	6,27	—	6,12
Cl	30,94		31,05
O			1,17

Dass das eine in der Verbindung enthaltene Molekül Wasser die Rolle von Krystallwasser spielt, wird wahrscheinlich durch die Beobachtung, dass die hellgelbe Substanz



beim längeren Aufbewahren im vacuum oberflächlich braun wird, an feuchter Luft jedoch ihre ursprüngliche Farbe bald wieder annimmt; eine direkte Bestimmung desselben durch Wärmezufuhr war natürlich bei der Zersetzlichkeit des Körpers nicht auszuführen.

In seinem sonstigen Verhalten zeigt das Goldsalz vollständige Analogie mit der entsprechenden Verbindung des Diazobenzols; beim Erhitzen verpufft es heftig, weshalb die Goldbestimmung durch Abbrauchen mit conc. Schwefelsäure ausgeführt werden musste.

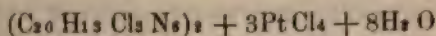
Beim Kochen mit Wasser zersetzt es sich vollständig; aller Stickstoff, der nach der Griess'schen Methode bestimmt wurde, entweicht in Gasform.

Gef.	Ber.
N 6 %	6,12 %.

In dem dunkel gefärbten Rückstande war keine Rosolsäure nachzuweisen; dieselbe wird offenbar in statu nasc. durch das Goldchlorid oxidirt, worauf der beträchtliche Gehalt der wässrigen Lösung an  $\text{Au}_2\text{Cl}_3$  deutlich genug hinweist.

Das Platindoppelsalz, welches ganz in derselben Weise wie das Goldsalz erhalten wurde, unterscheidet sich von diesem nur durch grössere Unbeständigkeit und höheren Krystallwassergehalt.

Die Analyse der mit Alkohol und Aether gewaschenen und nur kurze Zeit im vacuum getrockneten Substanz ergab Zahlen, welche annähernd der Formel



entsprechen.

	Gef.		Ber.
	I	II	
Pt	28,8	28,58	28,91
C	24,5	24,8	23,42
H	2,23	2,09	2,04
N	8,2		8,2
Cl	30,60	32,3	31,18
O			6,25

Beim Kochen mit Wasser wird ebenfalls aller Stickstoff in Gasform erhalten.

	Gef.	Ber.
N	8 %	8,2

Die hierbei entstehende Rosolsäure wird von dem  $\text{PtCl}_4$  nicht weiter verändert und konnte in reichlicher Menge isolirt werden

Beim längeren Aufbewahren verliert das Salz Wasser, bräunt sich indessen unter gleichzeitiger, theilweiser Zersetzung.

In Wasser ist es leichter löslich als das Goldsalz; beim Erhitzen verpufft es ebenso wie jenes.

Von den übrigen, zahlreichen Derivaten, welche das Diazorosanilin mit den verschiedensten Agentien, mit Anilin, Diaethylamin, Ammoniak, Phenylhydrazin, Brom und  $\text{Br H}$  liefert, war keines zur weiteren Untersuchung einladend; ausserdem glaubten wir auch mit den bereits gewonnenen, analytischen Daten die Formel der Verbindung, welche m. m. der seiner Zeit von Caro und Wanklyn gegebenen entspricht, hinreichend festgestellt zu haben.

Die vollständige Analogie derselben mit dem Diazobenzol in Zusammensetzung und Reactionen, wobei nur die abnormen Erscheinungen bei der Rosolsäure- und Hydrazinbildung eine Ausnahme machen, berechtigt weiter dazu, ihr eine der modernen Anschauung über die einfachen Diazo-

körper angepasste Constitution zuzuschreiben und für das Chlorid die Formel  $C_{20}H_{13}.(N_2Cl)_3$  aufzustellen. Auf die Umwandlung einer derart constituirten Diazoverbindung in Rosolsäure und auf die Schlüsse, welche daraus für die Constitution des Rosanilins zu ziehen gestattet ist, werden wir später zurückkommen.

Nachdem durch die Untersuchung von Gräbe und Caro weiter bereits festgestellt und durch unsere Resultate bestätigt worden, dass dem Rosanilin ein Kohlenwasserstoff  $C_{20}H_{13}$  resp.  $C_{20}H_{16}$  zu Grunde liegt, war die endgültige Lösung der Constitutionsfrage bedingt durch die Kenntniss dieser Verbindung.

Gräbe und Caro haben sich vergebens bemüht, dieselbe aus dem Diazorosanilin nach der Griess'schen Methode zu gewinnen; ihre Versuche wurden mit demselben negativen Resultate von uns wiederholt; ebenso wenig gelang es Zincke in synthetischer Weise von den beiden Dibenzylbenzolen durch Nitrirung und Amidirung zum Leucanilin zu gelangen.

Mit besserem Erfolg haben wir unsere Versuche auf das Leucanilin ausgedehnt, da es hier in der That gelang, durch Zersetzen der Diazoverbindung mit Alkohol einen Kohlenwasserstoff in nicht unerheblicher Menge zu gewinnen, dessen Zusammensetzung und Eigenschaften dazu berechtigten, ihn als die Muttersubstanz der Rosanilingruppe anzusprechen.

Ueber die Diazoverbindung des Leucanilins sind nur einige kurze Angaben von A. W. Hofmann<sup>5)</sup> und von Caro und Wanklyn<sup>6)</sup> vorhanden; ersterer erhielt bei Einwirkung von  $HNO_2$  auf eine salpetersaure Lösung des Leucanilins eine Base, deren Platinverbindung explosiv war; letztere

5) Lond. R. Soc. Proc. XII. 2.

6) *ibid.* XV. 210.

gewannen durch Kochen der mit salpetriger Säure behandelten Lösung eines Leucanilinsalzes einen Körper, den sie wegen seines Verhaltens zu Ferricyankalium als Leucorosolsäure ansahen.

Wir haben die Diazoverbindung isolirt und genauer untersucht. Sie wird im Kleinen am Besten nach der Griess'schen Methode durch Einleiten von  $\text{HNO}_2$  in die wässrige Lösung des salzsauren Leucanilins erhalten; die Flüssigkeit färbt sich zuerst dunkelgrün und wird durch einen Ueberschuss von  $\text{HNO}_2$  hellroth; durch Zusatz von Alkohol und Aether fällt die Diazoverbindung als schwach gelbe, klebrige Masse aus; im krystallisirten, für die Analyse geeigneten Zustande erhält man sie ebenso wenig, wie das Diazorosanilin. Zur Feststellung der Formel diene desshalb auch hier das Gold Doppelsalz.

Dasselbe wurde in der früher beschriebenen Weise dargestellt, wobei es zuerst in hellgelben Flocken ausfällt, die jedoch bald oberflächlich eine schmutzig grüngelbe Farbe annehmen.

Die Analyse der im vacuum getrockneten Substanz führte zu der Formel  $\text{C}_{20}\text{H}_{15}\text{N}_6\text{Cl}_3 + 3\text{AuCl}_3 + \text{H}_2\text{O}$ .

	Gef.	Ber.
Aw	42,96	43,01
C	17,36	17,47
H	1,38	1,24
N	6,31	6,10
Cl	30,81	31,01
O		

Bei der Zersetzung mit Wasser entweicht aller Stickstoff in Gasform; es entstehen dabei neben geringen Mengen rosolsäureartiger Körper durch Einwirkung des  $\text{AuCl}_3$  hauptsächlich die weiteren Oxidationsproducte derselben, deren alkalische Lösung keine charakteristische Farbe besitzt.



Das Platindoppelsalz verhält sich ähnlich; nur liefert es beim Kochen mit Wasser reichliche Mengen von Rosolsäure; wobei ein Theil des  $\text{PtCl}_4$  ebenfalls reducirt wird.

Das Diazeleucanilinchlorid selbst löst sich leicht im Wasser mit grünblauer Farbe, welche beim Verdünnen in rein Blau übergeht; ob diese Färbung, welche einen charakteristischen Unterschied von dem Diazorosanilin bildet, der Verbindung eigenthümlich ist, oder durch eine theilweise Zersetzung veranlasst wird, muss dahin gestellt bleiben.

Beim Kochen mit Wasser wird die reine Verbindung leicht zersetzt, wobei ein reichlicher, voluminöser Niederschlag von schmutzigen, nicht krystallisirenden Producten entsteht, welche zum grössten Theil in Alkalien unlöslich sind und unter denen wir keine Leucorosolsäure haben auffinden können.

Zur Darstellung des oben erwähnten Kohlenwasserstoffs eignet sich die einmal abgeschiedene Diazo Verbindung nicht mehr; wegen ihrer Schwerlöslichkeit in absolutem Alkohol setzt sie sich beim Erwärmen damit an den Gefässwänden fest und verharzt hier zum grössten Theil, während unter starker Aldehydentwicklung nur geringe Mengen öligere Producte in den Alkohol übergehen.

Mit Erfolg brachten wir dagegen eine kürzlich von Liebermann und Scheiding<sup>7)</sup> für die Umwandlung des

7) Berichte d. d. chem. Gesell. VII, 1108.

Die Methode hat vor den gewöhnlichen manche Vorzüge: einmal umgeht sie die häufig sehr lästige Isolirung der schwefelsauren Diazoverbindungen, ferner sind letztere in conc. Schwefelsäure beständiger, als in wässriger Lösung, so dass ihre Darstellung in dieser Weise weniger Vorsicht erheischt, und endlich scheint die Schwefelsäure noch eine nicht unwesentliche Rolle bei dem Zersetzungsprocess selbst als wasserentziehendes Mittel zu spielen; ein mehr oder weniger grosser Verlust an Kohlenwasserstoff wird allerdings durch Bildung von Sulfosäuren leicht veranlasst.

Bromnitronaphtylamin in Bromnitronaphtalin angegebene Methode mit einigen Abänderungen hier in Anwendung; dieselbe beruht darauf, die Lösung der Aminbasen in conc.  $H_2SO_4$  mit  $HNO_3$  zu behandeln und die so entstehenden Diazoverbindungen unter Ausschluss von Wasser direct mit Alkohol zu zersetzen. Das bei einer Operation im grösseren Massstabe von uns eingeschlagenem Verfahren ist folgendes.

400 gr. Rosanilin oder die entsprechende Menge Fuchsin wurden zur Ueberführung in Leucanilin in 2000 gr. Wasser und 800 gr. conc. Salzsäure gelöst, auf dem Wasserbade erwärmt und so lange Zinkstaub eingetragen, bis die Farbe von rothbraun durch gelbbraun in hellgelb übergegangen war; die vom Zinkstaub abfiltrirte Lösung wurde mit dem gleichen Volumen conc. Salzsäure gefällt, das co-irte und abgepresste Salz in heissem Wasser gelöst und wieder mit Salzsäure abgeschieden.

Durch 1—2malige Wiederholung dieser Operation entfernt man alles Zink und den grössten Theil der schmutzigen Nebenproducte.

Die durch Zersetzen des Hydrochlorats mit Ammoniak gewonnene, fast rein weisse Base, deren Menge über 300 gr. betrug, wurde weiter in 1500 gr.  $H_2SO_4$  gelöst und diese Lösung in Portionen von je 40 gr. unter Zugabe von etwa 5 gr. Wasser mit salpetriger Säure behandelt, bis der Geruch desselben auch beim starken Umschütteln nicht mehr verschwand. Nachdem der Ueberschuss der salpetrigen Säure zweckmässig durch einen kräftigen Luftstrom verdrängt

---

Zur Darstellung der schwefelsauren Diazoverbindungen selbst eignet sich die Methode ebenfalls vorzüglich; man hat die Lösung der Aminbasen in der 4—5 Gew. Menge conc. Schwefelsäure mit  $HNO_3$  zu behandeln und die Flüssigkeit vorsichtig in gut gekühlten Alkohol einzutragen; auf Zusatz von Aether krystallisiren die Diazoverbindungen beim Anilin, Ortho- und Paratolnidin nach kleineren Versuchen sofort in reichlicher Menge und ganz reinem Zustande aus.



ist, wird die rothe Lösung in 250 gr. siedenden Alkohols in kleinen Portionen und unter stetem Umschütteln eingetragen; jeder einfallende Tropfen der schwefelsauren Lösung bewirkt eine momentane Blaufärbung des Alkohols, von der Diazoverbindung herrührend, welche indessen ebenso rasch unter starker Aldehyd- und Stickgasentwicklung zerfällt; die sich dunkelroth färbende, alkoholische Lösung darf bei richtig geleiteter Operation keine festen Substanzen abscheiden und nach dem Uebersättigen mit Natron nur wenig gefärbt erscheinen.

Die vereinigten Flüssigkeitsmengen wurden weiter zur Abstumpfung der Schwefelsäure mit conc. Kalilauge versetzt, von dem ausgeschiedenen  $K_2SO_4$  abfiltrirt und der Alkohol so weit verdampft, bis sich im Destillationsgefäss ölige Substanzen in reichlicher Menge abgeschieden. Die rückständige Lösung wurde mit Wasser verdünnt, mit Schwefelsäure wieder angesäuert und mit Aether extrahirt, beim Verdampfen des letzteren blieb ein öliger Rückstand, der durch Schütteln mit verdünnter Natronlauge von Sulfosäuren und phenolartiger Körper befreit und von Neuem mit Aether aufgenommen wurde. Nach Entfernung des Aethers konnte der dunkelbraune Rückstand gleich der Destillation unterworfen werden; geringe Mengen Alkohol, Aether und Kohlenwasserstoffe gingen unter  $360^\circ$  über; bei Weitem der grösste Theil siedete oberhalb der Thermometergrenze und lieferte 85 gr. Destillat; in der Retorte blieb ein geringer, verkohlender Rückstand.

Nach der Entwässerung mit Natrium und zweiter Rectification erhielten wir 55 gr. eines hellgelben, schweren Oeles von schwach blauer Fluorescenz, das selbst in einer Kältemischung nur zu einer salbenartigen Masse erstarrte und erst beim längeren Stehen geringe Mengen kleiner, körniger Krystalle absetzte.

Besser gelingt die theilweise Isolirung des festen

Productes durch Umkrystallisirung aus Methylalcohol; aus der heissen, nicht zu concentrirten Lösung des Rohproductes in Holzgeist scheiden sich beim Erkalten reichliche Mengen eines schwach gelb gefärbten Oeles ab, welches nach einiger Zeit erstarrte und durch mehrmaliges Umkrystallisiren zuletzt in ganz farblosen, harten Prismen erhalten wird. Aus 25 gr. Rohproduct wurden so allerdings nur 8 gr. reinen Kohlenwasserstoffs gewonnen; berücksichtigt man übrigens dass die Krystallisationsfähigkeit selbst des ganz reinen Productes eine sehr geringe ist, dass die nicht erstarrenden Nebenproducte fast dieselben Löslichkeitsverhältnisse zeigen, so werden die Verluste begreiflich und es gleichzeitig wahrscheinlich, dass der grösste Theil des öligen Rückstandes ebenfalls noch aus dem festen Kohlenwasserstoff besteht.

Die Analyse der Substanz ergab Werthe, welche der Formel  $C_{20}H_{18}$  entsprechen.

	Gef.	Ber.
C	92,7 %	93 %
H	7,05	7 %

Der Körper ist in Aether, Ligroïn, Benzol leicht, in kaltem Alkohol und Holzgeist schwer löslich, mit Wasserdämpfen nicht flüchtig, schmilzt bei  $58^{\circ}$ ; mit Brom oder Salpetersäure behandelt, liefert er feste, schlecht krystallisirende Derivate; durch Oxidation mit  $K_2Cr_2O_7$  und Schwefelsäure wird er in ein Keton vom Schmelzp.  $148-149^{\circ}$  übergeführt, welches aus Ligroïn in farblosen, meist zu kugeligen Aggregaten vereinigten Blättchen krystallisirt und nach der Analyse die Formel  $C_{20}H_{18}O$  hat.

Schmelzpunkt, Zusammensetzung des Ketons, und theilweise die übrigen, physicalischen Eigenschaften unterscheiden den Körper wesentlich von den einzigen bisher bekannten Kohlenwasserstoffen der Formel  $C_{20}H_{18}$ , den beiden von



Zincke<sup>8)</sup> entdeckten Dibenzylbenzolen, so weit dieselben uns aus den bisherigen Publicationen wenigstens bekannt sind.

Was die Beziehungen desselben zum Leucanilin betrifft, so ist es uns allerdings bisher noch nicht gelungen, dieselben in umgekehrter Weise, durch Synthese des letzteren weiter zu bestätigen und es könnte diess vielleicht, mit Rücksicht auf die geringe Ausbeute, welche nur 20% der theoretischen beträgt, und die Art der Darstellung Veranlassung geben zu zweifeln an der Abhängigkeit beider Körper von einander und zu der Vermuthung, dass die Entstehung des Kohlenwasserstoffs Folge einer secundären Reaction sei, etwa in der Weise, dass das Leucanilin selbst bei dem Verfahren in seine Componenten zerfiele und aus den hierbei entstehenden Kohlenwasserstoffen durch Aldehyd-Condensation nach Art der Baeyer'schen Synthesen höher siedende Producte entstanden wären; wir haben es desshalb nicht für überflüssig gehalten, als Controlversuch, ob eine derartige Reaction unter den gegebenen Bedingungen überhaupt eintreten kann, entsprechende Mengen Anilin- und Ortho- oder Paratoluidin genau in derselben Weise zu behandeln, konnten indessen auch nicht die geringste Spur eines über 360° siedenden Productes constatiren.

Die schlechte Ausbeute an obigem Kohlenwasserstoff scheint vielmehr der Bildung von Sulfosäuren und phenolartigen Körpern und allerdings zum geringeren Theil auch einem theilweisen Zerfall des Leucanilin in einfachere Verbindungen zuzuschreiben zu sein und wir halten uns desshalb einstweilen für berechtigt, die Verbindung als den der Leucanilin- resp. Rosanilingruppe zu Grunde liegenden Kohlenwasserstoff anzusehen, werden jedoch nicht ermangeln, diese Ansicht weiter auf experimentellem Wege zu prüfen.

Bezüglich der Constitution des Kohlenwasserstoffs, deren

---

8) Berichte der deutschen chem. Ges. VI. 119 u. IX. 31.

Kenntniß wir als entscheidend für die Rosanilinfrage halten, haben unsere Versuche bisher noch zu keinem endgültigen Resultate geführt. Nach den von Gräbe und Caro l. c. entwickelten Betrachtungen stand zu erwarten, dass derselbe die Formel eines Dibenzylbenzols  $C_6H_5 - CH_2.C_6H_5$   
 $- CH_2.C_6H_5$  habe, und es wäre immerhin möglich, dass derselbe, weil verschieden von den Zincke'schen Kohlenwasserstoffen, das fehlende dritte Isomere derselben ist; wir glauben uns jedoch zur Aufstellung einer derartigen Formel nicht berechtigt, bevor es uns gelungen ist, durch Oxidation ein Keton mit 2 O-atomen zu erhalten.

Aus demselben Grunde stehen wir einstweilen von einer eingehenden Discussion der Constitution des Rosanilins und Leucanilins ab und beschränken uns darauf, im Anschluss an obige Resultate auf die Beziehungen der beiden letzten Körper zu einander in einer von der Gräbe-Caro'schen Ansicht verschiedenen Weise aufmerksam zu machen.

Für das Leucanilin geht aus der Ueberführung in einen Kohlenwasserstoff  $C_{20}H_{18}$ , aus seiner Tribasicität und seinen sonstigen Reactionen zur Genüge hervor, dass es ein Triamin von der Formel  $C_{20}H_{18}(NH_2)_3$  ist. Das Rosanilin enthält 2 H-atome weniger; diese Differenz beruht entweder auf einer Verschiedenheit der stickstoffhaltigen Gruppen oder des Kohlenwasserstoffrestes, mit anderen Worten, das Rosanilin ist ein Abkömmling des Kohlenwasserstoffs  $C_{20}H_{18}$  oder  $C_{20}H_{16}$ .

Erstere Ansicht wird auf Grund der Rosolsäurebildung von Gräbe und Caro vertreten; nachdem es jedoch durch obige Versuche festgestellt ist, dass das Zwischenproduct dieser Reaction, das Diazorosanilinchlorid folgende Formel  $C_{20}H_{18}(N_2Cl)_3$  hat, mithin sich von einem Kohlenwasserstoff  $C_{20}H_{16}$  ableitet, verliert jenes Argument seine Stütze und es wird in gleichem Masse für das Rosanilin wahr-



scheinlicher, dass es ebenfalls als ein Derivat dieses Kohlenwasserstoffs d. h. als ein Triamin von der Formel  $C_{20}H_{15}(NH_2)_3$  aufzufassen ist.

Einen direkten Beweis für die Richtigkeit dieser Formel beizubringen, gelang uns durch die Untersuchung der von H. Müller entdeckten, eigenthümlichen Verbindung des Rosanilins mit Cyanwasserstoffsäure, des Hydrocyanrosanilins, welches in Entstehung und Reactionen vollständige Analogie mit dem Leucanilin zeigt.

Nach der Gräbe-Caro'schen Ansicht muss die Bildung dieses Körpers durch Anlagerung der Elemente der Blausäure an die Imidogruppen des Rosanilins, nach letzterer Formel durch Anlagerung an den Kohlenwasserstoffrest stattfinden; in einem Falle enthält die Verbindung zwei Amido- und eine mit Cyan verbundene Imidogruppe; im anderen hat sie wie das Rosanilin selbst drei Amidogruppen; die Untersuchung der von der Base sich ableitenden Diazoverbindung hat zu Gunsten der letzteren Ansicht entschieden.

Dieselbe wurde nach der gewöhnlichen Methode durch Einleiten von salpetriger Säure in die salzsaure Lösung der Base erhalten; durch mehrmaliges Abscheiden mit Alkohol und Aether gereinigt, bildet das Chlorid ein weisses, krystallinisches, sehr hygroskopisches Pulver.

Seine Zusammensetzung wurde durch Analyse des in der früher beschriebenen Weise dargestellten Goldsalzes ermittelt.

Die für letzteres gefundenen Werthe entsprechen der Formel

	Gef.		Ber.
	I	II	
Aw	42,55	42,7	42,79
C	19,1	18,7	18,25
H	1,46	1,36	1,01
N	7,33		7,1
Cl	30,44		30,85

Bei der Zersetzung mit Wasser werden sechs Atome Stickstoff in Gasform ausgeschieden.

Gef.	Ber.
N 6	6,08

Die Verbindung enthält mithin drei Diazogruppen; für das Hydrocyanrosanilin ergibt sich daraus mit Bestimmtheit, dass es drei Amidogruppen hat, das Cyan an Kohlenstoff gebunden enthält und aus dem Rosanilin durch Anlagerung von Blausäure an den ungesättigten Kohlenwasserstoffrest entsteht; für letzteres endlich kann damit das Vorhandensein von drei Amidogruppen und die Richtigkeit der Formel  $C_{20}H_{13}(NH_2)_3$  soweit es möglich, als bewiesen angesehen werden.

Die Einwürfe, welche nach dem vorliegenden experimentellen Material gegen diese Auffassung noch geltend gemacht werden könnten, beschränken sich im Wesentlichen auf folgende zwei Punkte:

- 1) Die Bildung eines Körpers von der durch Gräbe und Caro aufgestellte Formel der Rosolsäure.
- 2) Die Resultate der Arbeiten von A. W. Hofmann über die methyilirten Rosaniline, aus welchen gefolgert wird, dass nur drei H-atome im Rosanilin durch Alkoholradicale vertretbar sind.

Der erste Einwurf ist nach unseren Versuchen, wie bereits oben betont, nicht sowohl gegen die Formel des Rosanilins, als vielmehr die der Diazoverbindung gerichtet; da letztere indessen nach den analytischen Resultaten und nach der modernen Anschauung über die Diazokörper kaum anders constituirt sein kann, so sind wir allerdings genöthigt, bei der Umwandlung in die Rosolsäure, wenn deren Chinon-Natur für bewiesen gilt, einen complicirteren



Verlauf der Reaction anzunehmen, in der Weise, dass die Entstehung der Chinongruppe durch Wanderung der H-atome von den Hydroxylen nach dem ungesättigten Kohlenwasserstoffreste veranlasst wird.

Was den zweiten Punkt, die Methyl-Derivate des Rosanilins, betrifft, aus deren Studium A. W. Hofmann den Schluss zieht, es seien in letzteren nur drei H-atome durch Alkoholradicale vertretbar, so ist bereits von Gräbe und Caro zur Motivirung ihrer Formel darauf aufmerksam gemacht, dass aus diesen Versuchen ebenso gut die Existenz eines tetramethylirten Rosanilins gefolgert werden kann.

Wir sind nicht in der Lage, in ähnlicher Weise eine Formel mit drei Amidogruppen herleiten zu können, glauben jedoch dem hieraus erwachsenden Einwurf in anderer Weise entgegentreten zu können, durch die Behauptung dass die Bildung von Ammoniumverbindungen bei complicirteren Aminen die bereits erfolgte Ersetzung aller H-atome durch Alkoholradicale keineswegs hinreichend beweist.

Unsere Ansicht stützt sich auf die von dem Einen von uns<sup>9)</sup> bei dem Studium der Aethylderivate des Phenylhydrazins gefundene Thatsache, dass hier bereits Ammoniumbildung eintritt, wenn von den drei H-atomen der Hydrazin-Gruppe nur eins durch Aethyl vertreten wird. Dass ähnliche Verhältnisse bei einem Amin von der complicirten Zusammensetzung des Rosanilins eintreten sollen, hat wenig Befremdendes.

---

2) Aus dem Reactionsproduct der Einwirkung von  $C_2H_5Br$  auf Phenylhydrazin wurde ein Körper von der Formel  $C_6H_5.N_2H_2.C_2H_5.C_2H_5Br$ . in erheblicher Menge isolirt, der als Ammoniumverbindung characterisirt ist.

Die Details der Untersuchung sollen demnächst mitgetheilt werden.

E. Fischer.

Jedenfalls können hiernach die letzt besprochenen Punkte für die Beurtheilung der Rosanilinfrage keineswegs die Bedeutung haben, wie die aus der Untersuchung der Diazoverbindungen erhaltenen Resultate und wir halten desshalb mit Zusammenfassung aller Für- und Gegengründe die Formel des Rosanilins  $C_{20}H_{13}.(NH_2)_3$  für den vollkommensten Ausdruck der bekannten Thatsachen.

---

Sitzung vom 17. Juni 1876.

---

Mathematisch-physikalische Classe.

---

Herr Voit legt eine Abhandlung vor:

Structurlose Membranen bei Wirbelthieren und Wirbellosen von Prof. Kollmann.

Für die Entstehung structurloser Membranen fehlen bis jetzt die geeigneten Untersuchungsobjecte. Bei den marinen Formen der Acephalen glaube ich einzelne Stellen in den Kiemen gefunden zu haben, bei unseren Süßwasserformen sind es vor allem die Grenzschichten des Mantels, überdies die Oberfläche des Darms, welche sich für das Studium ganz sehr gut eignen.

Die Acephalen sind unter den Wirbellosen deshalb ganz besonders vorzuziehen, weil die Bindesubstanz aus Gallertgewebe also aus einer embryonalen Form besteht, in der abgesehen von Bindesubstanzzellen und wenigen Muskelfasern nur äusserst selten andere Fasern auftreten, welche überdies nach ihrem Glanz, der Art ihres Verlaufes, der Widerstandsfähigkeit gegen Säuren unter die elastischen Elemente zu rechnen sind. Trifft man unter solchen Umständen in dieser Klasse auf structurlose Membranen, welche allen Forderungen

entsprechen, welche die Histiologie an solche stellt, so ist wohl zweifellos der Schluss berechtigt, dass hier aus dem Gallertgewebe jene Membranen und Grenzsichten sich entwickelt haben. Ja noch mehr, es scheint mir dann mehr als wahrscheinlich, dass auch bei den Wirbelthieren diese embryonale Form der Bindesubstanz für die elastischen Häute ein bedingendes Moment sei.

Untersuchen wir zunächst die Acephalen und zwar das Vorkommen structurloser Gebilde in den Kiemen der marinen Formen.

Sie treten bei den Arcaceen, Mytilaceen und Ostraceen in zweierlei Formen auf: als structurlose blutführende Kiemengefässe (vollkommen geschlossene Röhren), und als solide solide Stäbchen. Sehr oft kommen beide nebeneinander vor, ja vielleicht ist das überhaupt die Regel. Die blutführenden Röhren, arterielle und venöse Kapillaren tragen den Character structurloser Schläuche in ganz unzweifelhafter Weise an sich. Obwohl das Gallertgewebe ja an und für sich stark lichtbrechend ist, treten z. B. bei *Pinna nobilis* und *mauricata*, *Pecten* etc. dennoch die dünnen Wände ganz besonders scharf hervor. Sie leuchten als helle Bänder, scharf contourirt, und parallel also von gleicher Dicke aus der Grundsubstanz hervor. Die Dicke der Röhrenwand beträgt ungefähr  $1,5\ \mu$ ., die Weite des Rohres selbst  $20\ \mu$ . Das sind also verhältnissmässig feine Kanäle. Bei der ebenerwähnten Species liegen 10 -- 12 zu beiden Seiten der schmalen Falten, welche wie Coulissen frei von der Kiemenfläche absteigen. Sie lassen sich von den zu- und abführenden Kiemengefässen aus injiciren, womit also jeder Zweifel ihrer Röhrennatur gehoben ist.

Querschnitte nicht injicirter Kiemen lassen nur in sehr seltenen Fällen diese Röhrennatur erkennen, denn an Weingeistpräparaten klaffen die durchschnittenen Kanäle nicht, wie an Osmiumpräparaten, die Wände liegen vielmehr



aneinander und folglich wird man in all diesen Fällen etwas ganz anderes, nemlich solide Stäbchen vermuthen.

Bei *Pinna* und *Pecten*, besonders bei der letzteren Familie kommen in der Kieme auch stärkere Röhren vor. Namentlich ist eine in hohem Grade merkwürdig geformt. Sie birgt keinen cylinderischen, sondern einen mäandrisch verschlungenen Kanal; die Wände sind folglich nicht nur an verschiedenen Stellen verschieden dick, sondern ziehen sich überdies an den Rändern in feine Membranen aus, welche zwischen dem Gallertgewebe stecken. Die Dicke dieses Rohres beträgt 70  $\mu$ .

Diese dicken Röhren haben nun keine structurlosen Wände mehr im strengen Sinn. Die lichtbrechende Kraft, der Widerstand gegen Säuren und Alkalien sind zwar dieselben wie bei den feinen, aber der Längsaxe parallel findet man bei genauerem Zusehen feine Streifen, und rechtwinklich gehen Fasern ab, die ich als Gallertfibrillen bezeichnen will.

Die feinen Streifen erklären sich bei der Vergleichung anderer Massen verdichteten Gallertgewebes entstanden durch wiederholte Auflagerung neuer Schichten. Bei *Mytilus* besteht die Kieme bekanntlich aus Fäden; jeder Faden enthält einen Kanal, der, abgesehen von den Endothelien, aus zwei Hälften eines verdichteten Gallertstranges besteht. Isolirt stellt jede Hälfte eine kleine Rinne dar, deren Ränder verdickt sind.

Dieses Gallertgewebe ist nun nicht mehr vollkommen gleichartig, sondern zeigt nach jeder Behandlung äusserst feine Streifen. Von der Fläche gesehen erscheint der nach kurzer Marceration durch Abpinseln von seinem Epithel befreite Kanal auf der Fläche fein linirt, auf dem Querschnitt so als ob die Wände aus mehreren Schichten beständen. Die feinen der Längsaxe parallelen Linien, welche nur an den verdickten Stellen zu finden sind, entsprechen aber nicht

Fasern, sondern sind der Ausdruck der aufeinanderliegenden im Querschnitt deutlich erkennbaren Schichten. Das geht einmal aus dem Vergleich des Längsschnittes mit dem Querschnitt hervor, dann aber daraus, dass es bei keinem Versuche gelingt, Fibrillen abzuspalten. Man konnte noch ferner hervorheben, dass auch der Character der feinen Linien die Annahme von Fibrillen als des Grundelementes ausschliesse. Bei starken Vergrösserungen bestehen nämlich die Linien aus einzelnen hintereinander liegenden Punkten, was mehr auf eine leicht grauulirte Zwischensubstanz als auf fibrillären Bau schliessen lässt.

Leider fehlen bis jetzt entwicklungsgeschichtliche Studien über den Aufbau der Kieme, aber nach alledem was die vergleichende Untersuchung lehrt, darf man sich die Entstehung der Gefässröhren sowie der soliden Stäbchen als eine Ausstülpung vorstellen. Am Insertionsrand der Kieme ist der Ausgangspunkt; das zuführende Gefäss vergrössert seine Bahn durch rechtwinklig abgehende Kanäle, die nach bogenförmigen Verlauf wieder in die Nähe des Ausgangspunktes zurückkehren, um das Blut in das abführende Kiemengefäss zu entleeren. In den Fadenkiemen bei *Mytilus* verhält sich die Anlage genau in dieser Weise. Nun besitzt das oben geschilderte verdichtete Gallertgewebe bei dem ganz jungen Thiere nicht dieselbe Dicke und Ausdehnung wie bei dem Erwachsenen, wie die Untersuchung kleiner und grosser Exemplare ergibt. Bei den kleinen sind die das Gefäss einschliessenden Hohlplatten dünner, als bei den grossen. Die Zunahme erfolgt durch allmähliche Verdichtung des am äusseren Umfang befindlichen Gallertgewebes und die Hohlplatten bei *Mytilus* entsprechen also structurlosen Häuten, welche aus mehreren Schichten bestehen, worauf die feinen Linien hinweisen. Instructiv für eine richtige Auffassung dieses verdichteten Gallertgewebes ist auch das Verhalten der Röhren am Insertionsrand der Kieme. Bei ent-

sprechenden Querschnitten wird auf das Bestimmteste erkannt, dass deutliche Züge des Gallertgewebes sich mehr und mehr an die Seitenwände des Gefässes hinwenden und allmählig so die Hohlkehle und ihre Dicke herbeiführen. Die Züge, so erscheinen sie im Querschnitt, zeichnen sich von der Umgebung aus durch ihre lichtbrechende Kraft, durch dieselbe Eigenschaft, die alle structurlosen Membranen characterisirt. Verfolgt man endlich ihren Anfang im Sinus branchialis afferens, der sogn. Kiemenarterie, so schwindet jeder Zweifel an der Richtigkeit meiner Auffassung, denn die sogen. „Arcaden“ bestehen weder bei *Mytilus* noch bei unseren Süßwasserformen aus Arcaden des Stützgerüsts (wie jüngst Posner<sup>1)</sup> wieder hervorgehoben hat, sondern aus Wülsten gewöhnlichen Gallertgewebes, das die Mündungen wallartig einsäumt. Sie machen den Eindruck von Arcaden, aber sie bestehen nicht aus bogenförmigen Uebergängen zweier Kiemenstifte. Diese hören vielmehr im Innern dieser Wülste wie man z. B. auch bei den *Unio*-naceen nach einer Untersuchung der betreffenden Stelle sehen kann, auf.<sup>2)</sup>

Eine andere Gattung der Acephalen eignet sich gleichfalls für den Nachweis, dass die sogn. Stäbchen in den

1) Posner, Bau der Najadenkieme. Arch. f. mkr. Anat. Bd. XI.

2) Auch das mit Kalk imprägnirte Gallertgewebe der Stäbchen bei *Anodonta* und *Unio* geht innerhalb dieser Wülste in gewöhnliches Gallertgewebe über. Wenn Posner angibt, man könne niemals ein Aufblättern sehen, so ist dagegen zu bemerken, dass der allmähliche Uebergang der structurlosen verdickten Schichten (marine Formen), und derjenige der verkalkten Stifte (der Süßwasserformen) in gewöhnliches Gallertgewebe im Innern dieser Wülste stattfindet. Es wurde schon erwähnt, dass die Kiemenstäbchen der Najaden als Streifen des verkalkten Gallertgewebes aufzufassen sind. Die organische Grundlage bleibt nach Behandlung mit Säuren zurück. Bei den Meeresformen habe ich nirgends verkalkte Stäbchen gefunden.

Kiemen aus Röhren bestehen, die aus dem Gallertgewebe hervorgegangen alle Eigenschaften von structurlosen Membranen haben, es ist die Gattung *Ostrea*.

Sie ist noch ganz besonders zur Untersuchung zu empfehlen, weil neben den röhrenförmigen Stäbchen auch solide vorkommen, die sich gegen das Licht und gegen Reagentien vollkommen gleich verhalten wie structurlose Membranen. Auf 10 feine structurlose Röhren folgt erst ein Paar schmaler, solider Stäbchen, dann ein Paar stärkerer aus structurloser Substanz gebildet.

Durchschnitte der Kieme zeigen, dass sich die Substanz der Stäbchen nicht unterscheidet von den structurlosen Membranen der Stäbchenkanäle. Dieselbe Erscheinung kehrt bei der hohlkehlenartig geformten Leiste wieder, welche in dem Fadenrohr von *Mytilus* steckt; sie ist nach vorn und hinten verdickt, in der Mitte misst aber ihr Durchmesser kaum  $0,5\ \mu$ . Verdickungen und Auswüchse gegen das Lumen des Gefässrohres erzeugen aus einem ursprünglich einfachen Kanal jenen mäandrischen Gang, den ich von *Pecten* oben erwähnt habe.

Alle diese verschiedenen Formen, welche man als Stützgerüste der Kiemen zusammenfasst, sind aus ein und derselben Grundsubstanz geformt, aus dem Gallertgewebe der Acephalen und stellen structurlose Platten, Röhren oder zusammengesetzte Stäbe dar, die in die Kieme eingefügt sind. Bei den Süsswasserformen sind sie überdies verkalkt.

Betrachten wir nunmehr die structurlosen Membranen deren Existenz bei den Acephalen durch die Angaben Flemming's<sup>3)</sup>

---

3) Flemming W. Ueber Bindesubstanzen und Gefässwandung bei Mollusken mit 1 Tafel. Rostock 1871, S. 12.



in Frage gestellt wurde, nachdem frühere Beobachter solche angenommen.

Besteht die Bindesubstanz aus Gallertgewebe, dann muss sich, das lässt sich mit aller Bestimmtheit voraussagen, dieselbe Gewebsform auch auf den Grenzschichten der Organe wiederfinden. Und ist sie nur in geringem Grade resistenter als die übrige Masse des Organs, dann wird man schon mit einigem Recht von einer structurlosen Schichte sprechen können. Genügt sie überdies einem grossen Theil jener Anforderungen, die an solche Grenzschichten gestellt werden: Entstehung aus einem Gewebe das structurlos ist per se, Widerstand gegen Säuren und Mangel irgend einer faserigen Beschaffenheit, dann scheint mir die Bezeichnung „structurlos“ unanfechtbar. Solche Grenzschichten sind nun bei den Acephalen, wie schon erwähnt, an vielen Stellen ihres Körpers nachzuweisen, so an der Aussen- und Innenfläche des Mantels, an der innersten Lage der Darmwand und der Darmleiste (Najaden) an den Mundtentakeln und an der Oberfläche des Fusses. Von den Najaden sind sie theilweise bekannt, bei den marinen Formen habe ich sie am Mantel namentlich bei Pinna auf das schärfste ausgeprägt gefunden, ebenso am Kiementräger von Pecten Jacob. der sich durch besondere Dicke auszeichnet und zahlreiche lacunäre Blutbahnen enthält. Die Grenzschichten haben eine Dicke von 15–20  $\mu$ ., erscheinen bei schwachen Vergrösserungen (300 $\times$ ) ganz von dem Ansehen einer Membrana elastica posterior des Auges, auch bezüglich der scharfen Abgrenzung gegen die anstossenden Schichten. Bei Anwendung von Tauchlinsen schwindet jedoch die letztere, und im Mantel, das am meisten der Untersuchung zugängliche Object, sieht man die tiefen Lagen der Gallertstränge allmählig in jene Grenzschichte übergehen.

Ganz denselben Eindruck haben diese Verhältnisse auf

Flemming gemacht. Er sieht die Grundsubstanz in ein spärlich ausgebreitetes Gewebe von dichter Fügung unmittelbar übergehen. In dieser Grenzschicht finden sich bei der Betrachtung mit Tauchlinsen allerdings äusserst zarte Streifen, die aber mit fibrillärem Bindegewebe nichts gemein haben, auch nicht von Ausläufern spindelförmiger Zellen herrühren, welche aus der Tiefe aufsteigen und etwa die Streifung verstärken. Die Streifen sind hier ebenso wie bei den Kiemenstäbchen oder Röhren aus Körnerreihen zusammengesetzt, selbst bei ganz frischen Thieren. Dies steht aber nicht im Einklang mit unserer Vorstellung von Fasern, welche aus Ausläufern der tieferliegenden Zellen sich bis in die Grenzschicht erheben sollten, denn die Ausläufer erscheinen wie starre drehrunde Fasern und haben auch keine entfernte Aehnlichkeit mit den nur schwer erkennbaren Körnchenreihen, die noch dazu nur kurze Strecken sich verfolgen lassen. Ich kann auch hier die Streifen nur für Zeichen der schichtenweisen Zunahme jener starkglänzenden Grenzschichten ansehen, welche in der Jugend des Thieres äusserst dünn, mit dem Alter jedoch umfangreicher werden. Neue Schichten verbinden sich mit den schon vorhandenen, und zwischenliegende mikroskopisch feine Lagen einer weniger resistenten also das Licht anders brechenden Substanz werden schon genügen, um jene feine Streifung hervorzubringen.

Von ganz entscheidende Beweiskraft für das Vorkommen structurloser Membranen ist ein weites, seltsam geformtes Gefäss bei Pecten, das jedoch nur durch ein besonderes Verfahren der Untersuchung zugänglich gemacht werden kann. Es ist vor Allem die Injection von Wasser, Alkohol oder Argent. nitric. in den Sinus branch. aff. unerlässlich. Bei Gelegenheit meiner Injectionen mit gefärbten Massen wurde ich zuerst darauf aufmerksam. Hat man durch Pinseln das Epithel entfernt, so präsentirt sich eine zarte, das Licht



stark brechende Haut von 9  $\mu$ . Dicke, welcher das Epitheton „structurlos“ mit demselben Recht gebührt als irgend einer *Membrana elastica posterior*.

Ich verkenne nicht, dass durch meine Auffassung der Stäbe, Röhren und Membranen der Begriff „structurlos“ sehr weit gedehnt ist, aber es gibt wie mir scheint, keine andere Wahl. Für die Bezeichnung „Knorpel“ fehlt sowohl der chemische Nachweis einer leimgebenden Substanz als die übliche Beigabe von Zellen. Abgesehen von dem chemischen Verhalten könnte vielleicht dennoch der Ausdruck Knorpel in Betracht kommen, wenn Bindesubstanzzellen irgend welcher Form aufzufinden wären. Allein die völlige Abwesenheit darf als ein günstiges Zeichen mehr gelten für meine Annahme, dass hier verdichtetes Gallertgewebe vorliegt.

Die früheren Arbeiten über den Bau der Kiemen sind was die Natur dieses Stützgerüsts der Stäbchen und Stifte betrifft, zu einer wesentlich anderen Auffassung gelangt. Langer und v. Hessling urtheilen nur nach der Untersuchung der Süßwasserformen, Posner hat auch die Formen des Meeres geprüft.

Langer<sup>4)</sup> nennt „Gegliederte Knorpel-(Chitin-)Stifte“ ohne jedoch auf eine genauere Erörterung einzugehen. von Hessling<sup>5)</sup> gibt an, sie beständen bei *Unio* aus kohlensaurem Kalk, und nach der Behandlung mit Säuren trete ihr blättriges Gefüge erst recht deutlich hervor, Posner<sup>6)</sup> endlich betrachtet sie, richtig als „lokale Verdickungen des Leistengewebes“, huldigt der Annahme einer Metamorphosirung zelliger Elemente und behält den hergebrachten Namen

4) Langer: Das Gefäßsystem der Teichmuschel. Denkschriften der Wiener Akademie 1856, math. natw. Cl. XII Bd. II. Abhandl. S. 44.

5) v. Hessling: Die Perlmuscheln und ihre Perlen mit 8 Tafeln. Leipzig 1859, S. 228.

6) Posner C.: a. a. O. S. 26 u. ff.

„Chitinstäbchen“ bei, betont jedoch, dass die Kennzeichen hierfür z. Z. mehr negativer Natur sind.

Wenn Posner geneigt ist, „die Stäbchen als lokale Verdickungen des Leistengewebes“ aufzufassen, so ist dies ein Boden, auf dem sich unsere Anschauungen begegnen. In der That sie sind nichts anderes, als lokale Verdichtungen des Gallertgewebes. In dem einen Fall stellen sie einfach verdichtete, structurlose Stränge dar, in dem andern haben sie noch dazu Kalk und zwar vorzugsweise kohlensauren Kalk aufgenommen, den sie durch Behandlung mit Säuren unter Aufbrausen verlieren. Dabei verschwindet gleichzeitig auch ein Theil ihres charakteristischen Glanzes, sie werden zu blässeren Strängen, welche nur noch aus der organischen Grundlage bestehen. Die Ablagerung von Kalk in den Kiemenstäbchen der Najaden ist zweifellos. Um sich davon zu überzeugen, isolirt man am besten eine Anzahl derselben durch Maceration und setzt sie dann der Wirkung der Säure aus. Ich halte also gegen Posner die Angabe aufrecht, dass bei den Unioniden die Stäbchen aus regelmässig geformten Strängen eines verkalkten Gallertgewebes bestehen. Aus kohlensaurem Kalk bestehen sie allerdings nicht ausschliesslich und so hat er die Angaben v. Hessling's wohl zunächst aufgefasst, sie haben auch eine organische Grundlage, und diese ist es, welche mit dem Gallertgewebe sowohl am Insertionsrand als am freien Kiemenrand zusammenhängt. Man kann unter solchen Umständen also mit Fug und Recht von einem verkalkten Gallertgewebe in der Najadenkieme sprechen. Die vergleichende Untersuchung der soliden und röhrenförmigen Stäbchen ergibt ferner, dass im Laufe der phylogenetischen Entwicklung das solide Stäbchen nur aus einer verdickten Stelle des Stäbchenkanals hervorgegangen ist.

Der Stand unserer Kenntnisse gestattet noch nicht, die Histiogenesis dieser lokalen Verdichtungen darzulegen, nur



so viel scheint gewiss, dass Zellen sich nicht direkt an ihrem Aufbau betheiligen. Wie auch Posner hervorhebt, lässt sich nirgends eine Zellenspur in dem verdichteten Gewebe auffinden, und ferner wissen wir aus der Entwicklung der structurlosen Häute, dass Zellen dabei keine Rolle spielen. Man ist geneigt, das Stützgerüste der Acephalenkieme, wie auch viele structurlose Membranen der Wirbelthiere als Ausscheidungen aufzufassen. Aber nach den oben mitgetheilten Erfahrungen scheint sich wenigstens bei den niederen Thieren der ganze Vorgang anders zu gestalten. Man findet zwar an dem die Stäbchen jeder Art umgebenden Gallertgewebe Bindesubstanzzellen, welche ja für die Entstehung der Intercellularsubstanz von entscheidender Bedeutung sind, ob sie aber auch dafür verantwortlich gemacht werden können, dass an bestimmten Stellen hier verdichtete dort verkalkte Lager unter ihrer besonderen Leitung entstehen, scheint mir doch sehr fraglich. Unterscheiden sich doch die Zellen in nichts von denen anderer Gebiete des Gallertgewebes, das nicht verdichtet ist. Und bliebe nicht durch eine solche Annahme der ganze Prozess ebenso dunkel? Wäre es nicht möglich, dass die Grundsubstanz aus uns ebenso unbekannten Gründen sich verdichtet. Angesichts der vielen Fasern, die ich im Gallertgewebe der Mollusken abseits von Zellen, unabhängig, verlaufen sehe, halte ich die letztere Deutung für vollkommen berechtigt. Die Untersuchung des Kopfkorpels der Cephalopoden und des Gallertgewebes der marinen Formen der Acephalen gibt zahlreiche Belege, dass Fasern unabhängig von Zellen in der Grundsubstanz auftauchen. Der Kopfknochen der Sepien ist vielleicht ein Unicum, weil jeder Zweifel ausgeschlossen bleibt, als ob vielleicht die Fasern mit Zellen in Zusammenhang stehen könnten. Sie kreuzen nemlich im rechten Winkel die sog. Zelenausläufer. Nicht minder zweifellos ist die Sachlage im Kiemengewebe von Pinna. Die Fasern, welche histiologisch

als elastische Fasern feinsten Art aufgefasst werden müssen, sind unabhängig von Zellen entstanden, hängen nie mit solchen zusammen, sind Verdichtungen der Grundsubstanz Ausscheidungen derselben wenn man sie so nennen will. Drängt sich nun nicht, wenn man diese Entstehung vor Augen hat, die Ueberzeugung auf, dass von der Verdichtung der Grundsubstanz zu einer Faser, bis zur Entstehung von Stäbchen, Stiften, Platten und Membranen ein allmählicher Uebergang hinüberleite? Wenn Verdichtungen innerhalb der Grundsubstanz nachweisbar ohne die directe Hilfe der Zellen auftauchen und im Kopfknochen der Sepien und bei Pinna haben wir Beweise, dann stehen wir doch vor einer molecularen Umwandlung der Grundsubstanz, dann liegt hier ein physiologischer Act der Intercellularsubstanz vor uns, dann sind die Zellen wohl eine entfernte, aber nicht die nächste Bedingung für die Entstehung der Fasern. Ich beabsichtige damit nicht die alte Lehre von den „Zellenausscheidungen“ aufzuheben, aber das scheint mir allerdings dringend nothwendig, ihre allgemeine Giltigkeit zu beschränken und zu sagen: es gibt structurlose Membranen entstanden durch Verdichtung der structurlosen Grundsubstanz.<sup>7)</sup>

Zu den letzteren gehören zweifellos die structurlosen Schichten, welche von der Oberfläche verschiedener Organe bei den Najaden erwähnt wurden. Sie gehen aus einer dichteren Fügung des Gallertgewebes hervor. In der Tiefe umspannen die Gallertbalken Lacunen, an den Grenzflächen fließen sie ineinander und bilden eine structurlose Schichte,

---

7) Ob bei den Wirbelthieren durch Zellenausscheidungen irgendwo structurlose Membranen entstehen, scheint mir fraglich. Zellenausscheidungen ohne den Charakter structurloser Membranen gibt es zwar bei den Wirbelthieren wenn auch wenige (Schmelzprismen); zahlreicher sind sie bei den Wirbellosen: der Panzer der Insekten und Crustaceen, die Schalen der Mollusken etc.

welche von einem Zellenlager bedeckt ist. Angesichts der hier nachweisbaren Umgestaltung des Gallertgewebes dürfte wohl Niemand geneigt sein, diese structurlose Haut als ein Product des Zellenbeleges aufzufassen. Dieselbe Erklärung erscheint auch als die einzig naturgemässe für die Entstehung der structurlosen Röhren und Stäbe, welche das Kiemengerüst ausmachen. Mit ihrer Annahme wird gleichzeitig verständlich, wie die structurlosen Membranen allerwärts einem Epithel oder nach Umständen einem Endothelbeleg als sichere Grundlage dienen können. Bei unseren hier beleuchteten niederen Thieren befinden sich beide Zellenformen auf dem natürlichen Boden, direct auf der Grundsubstanz des Gewebes. Betrachtet man z. B. das Stützgerüste von *Mytilus* als eine Chitinbildung, dann hat ein Endothelbeleg in der Röhre etwas fremdes, unerklärliches und bliebe für immer räthselhaft; aber bei meiner Auffassung der structurlosen Membranen und der structurlosen Röhren als verdichtetes Gallertgewebe ruhen die Zellen auf ihrem von Anfang an natürlichen Boden, der structurlosen Binde substanz.

Die Consequenzen dieser Auffassung für die Mehrzahl der structurlosen Häute bei den Wirbelthieren liegen nahe.

Um mit der schon erwähnten *Membrana elastica posterior* der Cornea zu beginnen, so halte ich sie für verdichtetes Gallertgewebe, für einen zurückgebliebenen und durch Wachsthum vergrösserten Theil der embryonalen homogenen Binde substanz.

Für eine solche Deutung sprechen alle Untersuchungen über die Beschaffenheit der Descemetiana. Bei Kalbsembryonen von 8 Ctm. Länge, bei menschlichen Embryonen aus dem 2. und 3. Monat findet sie sich nach Donders<sup>8)</sup> schon mit demselben structurlosen Aussehen, wie beim aus-

8) Ich citire nach Rollett AL. Ueber die Hornhaut. Stricker's Handbuch S. 1130.

gewachsenen Thier, nur ist sie dünner. Auf dem Durchschnitt zeigt sie das bekannte stark lichtbrechende Vermögen wodurch sie sich scharf von dem eigentlichen Hornhautgewebe abhebt. Im frischen Zustande zeigt sie keine mikrosk. erkennbare Structur, nur manchmal nimmt man an Bruchflächen eine der Oberfläche parallele undeutliche und unterbrochene Streifung wahr. Am Rande, an dem von Waldeyer<sup>9)</sup> „Iriswinkel“ genannten Raum zwischen Iris und Sklero-Cornea fasert sie sich auf, und hilft ein Balkenwerk bilden, dessen Fasern, namentlich die direct von ihrer Zerfaserung herrührenden, bekanntlich Säuren widerstehen und mit Bindegewebsbündeln nichts gemein haben. Ich habe diese Erscheinung namentlich an dem Auge der Katze beobachtet, die dafür ganz besonders geeignet ist.

In demselben Organe findet sich noch an einer anderen Stelle Gallertgewebe, aber in verschiedenen Graden von Dichtigkeit, ich meine die Suprachorioidea und das Stützgerüste der Retina. In dem ersteren Fall weich mit pigmentlosen und pigmentirten Rundzellen und Sternzellen, ferner mit faserartigen Verdichtungen durchsetzt, gleicht es in hohem Grade einer Form des Gallertgewebes, wie ich sie bei Gastropoden und speciell bei *Aplysia* gefunden habe. Die Suprachorioidea ist gleichzeitig ein eminentes Gebiet um zu zeigen, dass die Entstehung der Fasern von den Zellen völlig unabhängig ist, dass sie als Producte der Intercellularsubstanz aufgefasst werden müssen.<sup>10)</sup> Gallertgewebe bildet auch die Grundlage der Chorioidea und

---

9) Ich führe als Gewährsmann Waldeyer an, Artikel Sklera in Graeffe u. Saemisch Handbch. d. ges. Augenheilkunde Bd. I, S. 226.

10) Sieh darüber die betreffende Erklärung Henle's in seinem Handbuch der system. Anatomie des Menschen, Eingeweidelehre. Braunschweig 1866, S. 617, Anmerkung.



verdichtet sich nach innen zu der sog. Balsamenbran, ebenso, wie sie sich auf der Oberfläche des Glaskörpers zur Hyaloidea verdichtet. Das Stützgewebe der Retina mit seinen Fenstern und breiten, dreieckigen Fasern ist eine andere Form des Gallertgewebes, das also im Auge des Menschen und der Thiere eine bedeutende Rolle spielt.

Aber nicht allein in dem Auge erfüllt es so grosse Aufgaben, im ganzen übrigen Körper ist es an dem Aufbau der Organe theilhaftig.

Im Gehirn sind die Bündel der Arachnoidea einzeln oder mehrere zusammen von hellen structurlosen Scheiden des Gallertgewebes umhüllt. Auf der durch das Wachsthum vermehrten und verdichteten Grundsubstanz sitzen die Reste der Embryonalzellen: Kern und Protoplasma (von letzterem manchmal nur Spuren). Oft löst sich das Gallertgewebe in Form von Häutchen oder Platten ab. Sitzen Zellen darauf so stellen sie die sog. Häutchenzellen der Autoren dar. Es bedingt ferner die bekannten Einschnürungen nach Anwendung von Säuren. Dasselbe umhüllende Gallertgewebe findet sich freilich in geringerer Menge auch zwischen den Bündeln der Arachnoidea, zwischen dem geformten Bindegewebe der Haut, den fibrösen und serösen Membranen, findet sich in den Bändern, es stellt ferner die Kittsubstanz zwischen den Fibrillen dar, deren Lösung durch Kalkwasser Rollett gelehrt hat, Es ist hier das eigentlich bindende Element des sog. Bindegewebes.

Das embryonale Gallertgewebe persistirt, verdichtet als Bindesubstanz in den Drüsen. Am häufigsten beobachtet tritt es dort unter der Form der structurlosen Drüsenmembranen auf. Ihre Hohlfläche, der eigentliche Drüsenkanal wird dann durch Zellen überkleidet, die während des ganzen Lebens auf embryonaler Grundlage ruhen.

Diese structurlosen Häute bergen ebensowenig, wie die

Descemetiana zellige Elemente, diese sitzen tiefer zwischen den Kanälchen. In der jüngsten Zeit ist die Betheiligung des Gallertgewebes an einem drüsigen Organ mit besonderer Schärfe abgebildet worden, nemlich im Hoden von v. Michalkovics <sup>11)</sup>. Zwischen ächten Bindegewebsbündeln sitzen die Reste der embryonalen Zellen, die fixen Bindegewebszellen, die Bindegewebskörperchen. Sie werden von v. M. hier als Endothelzellen aufgefasst, und den sog. Häutchenzellen endotheloider Character beigelegt, wozu bei meiner Deutung und nach meinen Erfahrungen über die Lymphbahnen kein Grund vorliegt. Man hat es zwischen den Hodenkanälen zumeist mit Lymphlacunem zu thun, nicht mit Lymphgefässen, nur die letzteren besitzen aber Endothel, die Ersteren nie. Ich betone übrigens, dass v. Mihalkovics diese sog. Endothelien „von etwas anderer Natur findet als in den Gefässen“ <sup>12)</sup>

Das Gallertgewebe existirt ferner bei dem Erwachsenen fort zwischen dem fibrillaren Bindegewebe der Schleimhäute und zwar überall da, wo sich die sogenannte cytogene Binde substanz (Kölliker) hat nachweisen lassen; diese ist Gallertgewebe auf einer specifischen von dem gewöhnlichen Bindegewebe verschiedenen Entwicklungsstufe. Am klarsten tritt diese Form des Gallertgewebes auf in den Lymphdrüsen und in der Milz als Reticulum. Bei Lymphdrüsen jugendlicher Thiere sind die Bindegewebskörper auf den Fasern des Netzes sehr zahlreich, bei erwachsenen Thieren ist ein grosser Theil verschwunden. Die Fasern der cytogenen Substanz (Reticulum, zuerst von Billroth nachgewiesen), hat zwar nicht die grosse Widerstands-

---

11) v. Milchalkovics. Beiträge zur Anat. und Hist. des Hodens. Arbeiten aus der physiol. Anstalt zu Leipzig mitgeth. v. C. Ludwig 1874 mit 3 Tafeln. Fig 8, Tafel III. und S. 1 (217).

12) v. Michalkovics a. a. O., S. 30.

fähigkeit gegen Säuren, wie die feinen Häutchen an der Arachnoides u. s. w. aber grösser ist sie als die der gewöhnlichen Fibrillen<sup>13)</sup>. Ihre Insertion an den Blutkapillaren gleicht jener der Gallertfibrillen, die ich bei den Lamellibranchiern unter denselben Umständen ebenfalls an Kapillaren gefunden habe.

Ob nicht auch die Neuroglia des Centralnervensystems unter diese Gewebsgruppe gehört, müssen weitere Untersuchungen lehren; schon jetzt aber scheinen viele Gründe dafür zu sprechen, sie als ein modificirtes Gallertgewebe aufzufassen. Das Gallertgewebe tritt ferner in reifen Körper auf, verdichtet und vermehrt als feinste elastische Fasern, als elastische Bänder: Ligg. flava, Lig. nuchae, gewisse Bänder des Kehlkopfes, ferner als elastische Netze und gefensterte Häute in den Arterien.

Für meine Auffassung des elastischen Gewebes und seiner Entstehung aus embryonalen Gallertgewebe mit spezifischer Weiterentwicklung in der Richtung der elastischen Substanzen spricht einmal die schon oben erwähnte und von vielen Seiten klar ausgesprochene Thatsache, dass die elastischen Fasern in dem embryonalen Gallertgewebe ohne Betheiligung der Zellen entstehen. So ist es bei den Wirbellosen, so bei den Wirbelthieren. Ferner spricht dafür der Umstand, dass von der Entstehung feiner elastischer Fasern bis zu derjenigen starker Fasern und Faserbündel eine Reihe von Uebergängen leitet. Wenn die Entwicklungsart der Einen zugegeben wird, hat auch die der Uebrigen nur etwas graduell nicht etwas prinzipiell verschiedenes an sich.

Man hat bisher nur allzusehr das fibrilläre Bindegewebe im Auge gehabt und seine Entstehung aus Zellen urgirt. Wenn nun auf der einen Seite die vergleichend histiologischen Untersuchungen, und ich werde dies nament-

13) Rollett a. a. O., S. 49.  
[1876. 2. Math.-phys. Cl.]



lich durch die Mittheilung meiner Erfahrungen bei den Mollusken darthun, auf das entschiedenste gegen eine directe Betheiligung der Zellen an dem Aufbau der Fasern sprechen, und andererseits die Entdeckungen über die Beschaffenheit der Häutchenzellen auch bei den Wirbelthieren die jetzt herrschende Theorie von der Entstehung der Fibrillen durch das Zellprotoplasma geradezu unmöglich machen, so fällt ein Theil der das embryonale Gallertgewebe umbildenden Vorgänge in das Bereich der Intercellularsubstanz, dann ist sie die sich ändernde, chemisch und physikalisch durch den Wachstumsprozess sich umgestaltende Substanz, nicht die Zellen.

Diese bleiben mit nicht allzu grossen Unterschieden dieselben; nur dann bekommen sie ein etwas auffallendes Ansehen, wenn sie Pigment aufnehmen; sonst ist das „Bindegewebskörperchen“ sich aller Orten ziemlich gleich, besteht wie es M. Schultze beschrieb, aus Kern um den sich körniges Protoplasma in grösserer oder geringerer Menge findet. Die complicirte Platte, welche Ranvier als „cellule plate“ zum erstenmal ausführlich beschrieben hat, gehört nicht zum Bindegewebskörperchen als solchem, sondern ist ein Theil des Gallertgewebes, auf dem die Zellen in der Regel, nicht immer sitzen. Es gibt eine Menge Stellen in den Mittheilungen der Autoren und in dem ausgezeichneten Atlas von Axel Rey und Gustav Retzius,<sup>14)</sup> an denen das Gallertgewebe als umhüllendes Häutchen oder als ausfüllende Schichte in den Maschen der Bindegewebsbalken sitzt, ohne Kern und Protoplasma; was soll aber das Häutchen ohne die elementaren Theile des Bindegewebskörperchens? Das ist nur einer jener Gründe, welche die Platte in ein anderes Gebiet verweisen als das einer Zelle.

Wollte man dem Häutchen diese hohe Stellung be-

14) Axel Rey und Gustav Retzius Studien über das Bindegewebe und das Nervensystem. Stockholm 1875, 38 Tafeln folio.



lassen, die ihm zumeist eingeräumt wird, so müsste man zwei verschiedene Bindegewebszellen constatiren, solche mit Platte und solche ohne Platte. Die vergleichende Histologie gibt uns aber hierfür keinen Anhaltspunkt. Bei den Mollusken kommen nur Rund- und Spindelzellen nebeneinander vor, und die Uebergänge sind leicht zu verfolgen; aber auch die Erfahrungen bei den Wirbelthieren berechtigen uns nicht zu einer anderen Unterscheidung. Rundzellen und Spindelzellen finden sich in gleicher Weise im Embryonalzustand, wie noch später bei dem erwachsenen bewirbelten Wesen, wenn man von dem aus dem Gallertgewebe hervorgegangenen Anhange absieht. Ferner ist es für die Dauer unmöglich, die Deutung dieser Platten als einer Art von Membran länger zurückzuhalten. Ursprünglich existiren diese Platten doch nicht, sie treten später auf und es fehlt nicht an Beispielen, dass Kern und Protoplasma von diesen Platten umschlossen sind, in ihnen liegen. Dann wären diese Platten senile Veränderungen, was wieder nicht stimmte mit der physiologischen Rolle der Bindegewebszellen. Ja noch mehr, sind diese Platten ein Bestandtheil des Zellkörpers, dann hat mit Recht Loewe schon eine der äussersten Consequenzen dieser Lehre gezogen, wenn er verkündet, der Typus des Bindegewebes ist nicht durch die Faser, sondern durch die Membran gebildet, und alles Bindegewebe besteht aus Membranen, denn in der That, dann wird das „Häutchen“ vor Allem in die Wagschale fallen und zwar um so mehr, wenn den Zellen noch endotheloider Character zugeschrieben wird. Das Typische am fibrillären Bindegewebe wird aber stets die Fibrille bleiben, weil sie als die Zwischensubstanz dem Gewebe den Charakter aufdrückt und nicht die Zelle. So hat das Gallertgewebe seine Bezeichnung erhalten von der Form der Zwischensubstanz nicht aber von der Zelle, und so der Knochen und so der Knorpel.

Wenn ich oben bemerkte: die neuen Entdeckungen über die Platte an den Bindegewebszellen müssten unsere Anschauungen bezüglich der Entstehung der Fibrillen in eine von der herrschenden Lehre verschiedenen Richtung treiben, so leitete mich, abgesehen von den vergleichend histiologischen Gründen, besonders noch folgende Erwägung: Wenn das Protoplasma der embryonalen Zelle sich zu einem von den leimgebenden Fibrillen vollkommen verschiedenen, zu einem structurlosen, den Säuren widerstehenden Häutchen umwandelt, ist doch nicht gleichzeitig auch die Umwandlung in Bindegewebsfibrillen denkbar. Die Entstehung der leimgebenden Fibrillen aus dem Zellprotoplasma im Sinne der M. Schultze'schen Theorie wird durch die Entdeckung der Häutchen ausgeschlossen, und es tritt die Lehre von Henle, Virchow und Donders wieder in ihr altes Recht ein, welche die Entstehung der Bindegewebsfibrillen in die Zwischensubstanz verlegt. Für sie ist übrigens auch neuestens ein Name von gutem Klang eingetreten. Rollett<sup>15)</sup> spricht geradezu aus, „eine Entwicklung in der Weise, dass die Fibrillen durch Auswachsen von Zellfortsätzen entstehen, muss in Abrede gestellt werden.“ (S. 66.) „Es kann also nur das mit Sicherheit festgestellt werden, dass die Fibrillen auf Kosten einer grösseren zusammenhängenden Masse durch eine Art von Prägung<sup>16)</sup> entstehen.“ (S. 67.)

Was Rollett für die Bindegewebsfibrillen aufs Neue betont, hat gleiche Geltung für die elastischen Fasern. Sie

---

15) Rollett. Von den Binde-Substanzen in Steickens Handbuch S. 63. u. ff.

16) Ich habe schon oben auf eine gewichtige Stimme hingewiesen, welche für die von Zellen unabhängige Entstehung der elastischen Fasern eingetreten ist, auf Henle, dessen Angaben noch weiter unterstützt werden von Reichert (Müllers Arch. 1852 pag. 94) und H. Müller, Würzburger, Verhandl. Bd. X, p. 132.



entstehen aus der homonegen Substanz, H. Müller, Henle, Reichert, Kölliker, Leydig, Frey u. A., aus dem Gallertgewebe, welche nicht nur im Netz (Kollett), nein allwärts der Bildung von leimgebenden Fibrillen und elastischen Fasern und Membranen vorausgeht. Diese homogene Substanz entsteht durch die Betheiligung der Zellen auf uns noch unbekannte Art, aber sie ist kein umgewandelter Zellenleib, und die Veränderungen, die sie erfährt, sind als physiologische Vorgänge in der Intercellularsubstanz aufzufassen, nicht als Metamorphosen des Zellenprotoplasmas.

Die im Wirbelthierkörper vorkommenden Bindegewebsformen gliedern sich von der frühesten Periode an in zwei grosse Gruppen. Die eine entwickelt aus der ursprünglich gleichen Anlage, aus dem mit Zellen durchsetzten Gallertgewebe elastische Substanzen, die andere Leimgebende. Aus demselben gleichartigen Lager entstehen:

I. Gewebelemente oder zusammenhängende Gewebe mit elastischer<sup>17)</sup> Beschaffenheit.

a. mit deutlich ausgesprochenen Eigenschaften.

1. Feinste elastische Fasern.
2. Elastische Bänder und Netze.
3. Elastischer Knorpel.
4. Structurlose Membranen.
5. Kittsubstanz des fibrillären Bindegewebes.
6. Häutchen, Platten und die umspinnenden Membranen.

b. mit mehr negativen Eigenschaften, keinen Leim enthaltend.

1. Glaskörper.
2. Suprachorioides.
3. Neuroglia.
4. Reticulum, cytogenes Gewebe (Kolliker) adenoides (His).

---

17) Unter elastischen Eigenschaften soll hier nur der Gegensatz zum fibrillären leimgebenden Gewebe hervorgehoben werden.

## II. Gewebselemente oder zusammenhängende Gewebe mit leimgebender Beschaffenheit.

1. Fibrilläres Bindegewebe, lockeres und geformtes: Haut, Fascien, Sehnen, Bänder etc.
2. Leimgebender Knorpel.
3. Knochen.
4. Cement und Zahnbein.

Diese kurze Uebersicht dürfte genügen, um zu zeigen, wie die aus der embryonalen Binde substanz entwickelten Formen als elastische Substanzen und als Leimgebende nach ihrer chemischen Beschaffenheit sich trennen. Diese auffallenden Unterschiede müssen in der histiologischen Stellung der Gewebe ihren Ausdruck finden. Ein Knorpel mit elastischer Grundlage gehört zu derselben Gruppe von Binde substanz, zu der die elastische Faser gestellt werden muss. Das Ueberraschende einer solchen Neuierung verliert sich, wenn man erwägt, dass elastische Knorpel i. e. solche, welche keinen Leim geben oder nur sehr wenig, auch ausser der Wirbelthierklasse sich finden. Der Kopfkorpel der Cephalopoden bleibt nach  $\frac{3}{4}$  stündigem Kochen im Papin'schen Digestor bei vier Atmosphären ungelöst,<sup>18)</sup> er wurde zerreiblich, aber unter dem Mikroskop zeigte er noch Knorpelkörperchen und structurlose Grundsubstanz. Er gehört also zu den elastischen Substanzen, ist elastischer kein leimgebender Knorpel.

Ich werde auf einige Einzelheiten weiter unten eingehen und stelle hier die Binde substanz der Wirbellosen und Wirbelthiere vergleichend nebeneinander. Es ergibt sich zunächst, dass das Gallertgewebe nicht allein ontogenetisch, sondern auch phylogenetisch der gemeinsame Boden ist, auf dem die verschiedenen Formen der Binde substanz sich aufbauen.

18) Schlossberger J. E. Die Chemie der Gewebe Band. I, 1856, S. 13.



Bei den Wirbellosen bleibt entweder das Gallertgewebe als solches erhalten, oder es verdichtet sich mit elastischer Beschaffenheit, so entstehen:

1. Gallertfibrillen.
2. Gallertbalken und Gallertnetze.
3. Structurlose Röhren, Stäbe etc.
4. Structurlose Membranen.
5. Gallertknorpel oder Elastischer Knorpel.
6. Gallertknochen i. e. Aufnahme von kohlensauren Kalk in das Gallertgewebe.

Bei den Wirbelthieren verändert sich das Gallertgewebe nach zwei chemisch und morphologisch verschiedenen Richtungen; es wandelt sich um in elastische Substanz wie bei den Wirbellosen und gleichzeitig in leimgebende Substanz, welche mit den bekannten Eigenschaften wohl nur den Wirbelthieren eigen ist.

Aus dem embryonalen Gallertgewebe entstehen:

bei den Wirbellosen:	bei den Wirbelthieren:
Gallertfibrillen.	Elastische Fasern.
Gallertbalken und -netze.	Elastische Bänder und Netze.
Structurlose Membranen.	Structurlose Membranen.
Gallertknorpel.	Elastischer Knorpel.
Gallertknochen (Kiemenstäbe der Unionaceen).	Gallertknochen (Otolithen).
	—
Bindegewebsfibrillen.	Bindegewebsfibrillen.
(wohl nur bei den Cephalopoden.)	Bindegewebsmassen (Sehnen, Bänder etc.)
	Leimgebender Knorpel.
	Leimgebender Knochen.

Bei den Wirbelthieren ist das typische Element des Bindegewebes die leimgebende Fibrille, bei den Wirbellosen der Gallertstrang mit elastischer Beschaffenheit.

Kommt es bei den Wirbellosen zur Aufnahme von Kalksalzen in die Grundsubstanz, dann bestehen sie vorzugsweise aus Verbindungen von kohlensaurem Kalk und kohlensaurer Magnesia.<sup>19)</sup> Bei den Wirbelthieren sind die kohlensauren Erden nur vorübergehende Bestandtheile, nur während einer kurzen Entwicklungsphase herrschen sie, um sehr bald den phosphorsauren Erden für immer den Platz zu räumen.

Aus der ursprünglich gleichen Anlage dem Gallertgewebe entstehen bei den Wirbellosen meist Gewebe aus einer nicht leimgebenden Substanz geformt, bei den Wirbelthieren entstehen Gewebe oder Gewebeelemente, welche verschiedene chemische Substanzen repräsentiren d. h. zu dem Gallertgewebe und seinen Modificationen kommt noch das leimgebende Gewebe hinzu mit seinen Abarten.

Bei den Wirbelthieren tritt das Gallertgewebe mit seinen Abarten zurück gegen die colossale Entwicklung der leimgebenden Substanzen. Dennoch spielt das erstere eine fundamentale Rolle (z. B. als elastisches Gewebe).

Die Reihe von bedeutenden Entdeckungen über die Häutchenzelle und über die Kittsubstanzen, und der Nachweiss feiner Membranen als Begleiter der Bindegewebsbündel lehren einen wichtigen bisher kaum berücksichtigten Faktor in der Zusammensetzung der Bindesubstanzen im reifen Organismus kennen, nemlich das Gallertgewebe und seine verschiedenen

---

19) Schlossberger a. a. O. „Die kohlensauren Erden, welche wir bei den wirbellosen Thieren oft in solch enormer Menge in bindewebigen Theilen abgelagert finden, sind wohl immer Phosphate beigemengt. Aber die kohlensauren Verbindungen überwiegen namentlich als kohlensaurer Kalk und kohlensaure Magnesia und überdies begegnet man den Mangel einer knorpeligen, einer Glutin liefernden Grundlage. Dadurch unterscheiden sich diese Hartgebilde wesentlich von dem Knochen der Wirbelthiere. Niemals ist das Hartgebilde auch in denjenigen Fällen nicht, wo die kohlensauren Salze in das Bindegewebe eingelagert sind, leimgebend.“



Entwicklungsformen. Ich betone im reifen Organismus; dass das Gallertgewebe in der embryonalen Periode der Binde-substanzen eine hervorragende Rolle spielt, ist ja niemals verkannt worden. Nur in der jüngsten Zeit tritt als eine nothwendige Consequenz der M. Schultze'schen Bindegewebstheorie das Bestreben hervor, die Existenz einer structurlosen Grundsubstanz zu läugnen, oder sie als einen Theil des Zellprotoplasmas oder für eine seröse Flüssigkeit zu erklären. Nachdem, was weiter oben über die Bildung der elastischen Fasern bemerkt wurde, scheint mir ein kurzer Rückblick auf die betreffenden Angaben früherer Beobachter von doppeltem Interesse, weil die Cardinalfrage, ob bei der Entstehung elastischer oder leimgebender Fasern eine structurlose Grundsubstanz vorausgeht, noch immer nicht endgiltig beantwortet ist. Diese betreffenden Angaben folgen zunächst ohne irgend welchen Commentar.

„Die Grundsubstanz des fötalen Bindegewebes verdichtet sich bei weiterer histiologischer Entwicklung stellenweise zu Fasern, während ein anderer Theil der Grundsubstanz, desgleichen auch die Zellen selbst daran sich nicht betheiligen.“ (Reichert<sup>20</sup>).

„Ein allgemeiner wichtiger Charakter des gewöhnlichen Bindegewebes, der recht gewürdigt zum Ausgleichen einiger Streitfragen dienen könnte, äussert sich darin, dass die Intercellularmasse eine eigenthümliche Härtung und Verdichtung erfährt, entweder bloß an den Grenzschichten oder wohl auch in Streifen mitten durch das Ganze. Bezieht sich die Härtung bloß auf die Grenzlagen, so entstehen dadurch die *Membranae propriae*. Verdichtet sich hingegen die Grundsubstanz in netzförmigen Zügen, so entstehen die elastischen Fasern und Platten. Aber auch von den sog. Spiralfasern lässt sich nachweisen, dass sie (obschon Kunst-

---

20) Reichert: Müllers Archiv Jahresbericht f. 1852 S. 95.

produkte) aus den elastisch verdickten Grenzsäumen der sog. Bindegewebsbündel hervorgehen: Mit dem elastischen Gewebe verwandt sind auch die Fasern der Zonula Zinii und des Lig. ciliare bei Fischen.“ (Leydig.<sup>21)</sup>)

Mit Bezug auf die Entwicklung der elastischen Fasern erklärt ein anderer bekannter Histologe: Durch die Arbeiten von H. Müller, Henle und Reichert, die zuletzt durch meine eigenen Untersuchungen einen vollständigen Abschluss erhielten, wurde gezeigt, dass die elastischen Fasern nicht aus Bindegewebskörperchen hervorgehen, sondern selbständig in der Zwischensubstanz sich bilden, ein Nachweis, der mit Bezug auf die allgemeine Frage der Verwandtschaft der verschiedenen Gewebe der Binde substanz nur erwünscht sein konnte, indem es nun möglich wurde, den Netzknochen und das elastische Gewebe einander ganz an die Seite zu stellen. (Kölliker<sup>22</sup>). In den letzten Jahren hat ein anderer Beobachter (Rabl Rückhard<sup>23</sup>) die Entstehung der Fasern im Netzknochen ebenfalls für ein Produkt der Inter-cellularsubstanz erklärt u. s. w. So liesse sich ein ganzes Buch mit Citaten füllen, welche für diese Auffassung sprechen, und den Gegnern würde es für die ihrige kaum an weniger Material fehlen. Für die Lösung dieser Fragen ist es also wohl nothwendig, abgesehen von den Zellen die Aufmerksamkeit auch auf die Inter-cellularsubstanz zu richten. Man muss constatiren ob sie überhaupt vorhanden, und wenn ja, in welcher Form, und eine weitere Frage ist dann ihr Verhalten zu den Fasern. Boll, der verschiedenste Verfechter der M. Schultze'schen Bindegewebs-

---

21) Leydig Fr.: Histologie des Menschen und der Thiere. Frankfurt a./M. 1857. S. 27.

22) Kölliker: Handb. d. Gewebelehre. 5. Aufl. 1867. S. 57 u. 78.

23) Rabl Rückhard: Müllers Archiv 1863. S. 41.



theorie erklärt<sup>24)</sup> alles für Zellenleib, was zwischen den Embryonalzellen liegt, und wo diese Erklärung nicht ausreicht, da ist es stets ein mehr oder minder reichlicher Erguss einer serösen mucinhaltigen Flüssigkeit zwischen die Embryonalzellen, welche dieselben auseinanderdrängt, und den Anschein einer homogenen Intercellularsubstanz vor- spiegeln kann. Rollett<sup>25)</sup> hat schon gegen eine solche Deutung protestirt und ausdrücklich betont, dass in dem Omentum majus vor dem Auftreten der Fibrillen eine hyaline Substanz zwischen den Protoplasmakörpern vorhanden sei und in ersterer werden die Fibrillen zuerst getroffen.

Ich bin bei meinen Untersuchungen niederer Thiere auf Gewebe gestossen, welche mir entscheidende Beweise zu geben scheinen für die Richtigkeit der alten Bindegewebs- theorie von Henle, Virchow und Donders und als ich nach langen Zweifeln auf diesem Standpunkt angelangt war, überraschte mich jener oben angeführte Passus von Leydig, der schon vor 20 Jahren das Gallertgewebe empfohlen hat als ganz besonders geeignet für die Entscheidung der uns hier interessirenden Streitfragen. Ich war aber auch befriedigt, dieselben Anschauungen über die Entstehung der elastischen Fasern, der structurlosen Membranen etc. bei ihm auf Grund desselben Untersuchungsobjectes ausgesprochen zu sehen. Denn sie sind zweifellos eine werth- volle Stütze meiner Erfahrungen. Von zwei verschiedenen Gesichtspunkten sind wir beide zu derselben Auffassung geführt worden, Leydig, als er die elastischen Gewebe zu definiren suchte, ich, dem es zunächst darum zu thun

---

24) Boll Frz.: Untersuchungen über den Bau und die Entwicklung der Gewebe. Arch. f. mikr. Anat. Bd. VIII. S. 61.

25) Rollet A.: Ueber die Entwicklung des fibrillären Bindegewebes. Untersuchungen aus dem Institut für Physiologie u. Histologie zu Graz. 3. Heft. S. 257—265.

war, die lacunären Bahnen bei den Mollusken zu studiren, und ihre Stellung zu den Gefässen und der Bindesubstanz zu erkennen.

Als ich oben die Entstehung der elastischen Fasern aus der Intercellularsubstanz hervorgehoben habe, unterliess ich es absichtlich, gegentheilige Beobachtungen anzuführen. Dieser Pflicht will ich jetzt bezüglich der neuesten Arbeit über diesen Gegenstand genüge thun. Den bestimmten Angaben von Reichert und Henle, Müller, Kölliker und Rabl Rückhard stehen die von O. Hertwig<sup>26)</sup> gegenüber, der den Netzknorpel vorgenommen hat im Anschluss an eine von Prof. M. Schultze ihm mitgetheilte Reihe von Beobachtungen. Die uns zunächst interessirende Frage nach dem Verhältniss der entstehenden Fasern zu den Zellen des embryonalen Knorpels beantwortet Hertwig dahin, dass seine Beobachtungen die bisher verbreitete Ansicht von einer Umwandlung der zuerst gebildeten homogenen Grundsubstanz keineswegs stützten.

Dieses Resultat wird jeden Leser dieser eingehenden Untersuchung überraschen, namentlich dann wenn er noch die vortrefflichen Abbildungen vergleicht, in denen nirgends Belege zu finden sind, dass das Zellprotoplasma in Fasern übergeht, wohl aber solche für die Umwandlung der Grundsubstanz. „Die Fasern liegen dem Protoplasma nur dicht an“, oder „die Zelle wird von ihnen wie von einem Korb umschlossen“, „die elastischen Fasern treiben ferner seitliche Aeste“ u. s. w. wie ausdrücklich der Autor hervorhebt, die Zellen bleiben also bei der Entstehung der Aeste gänzlich aus dem Spiel. Niemand zweifelt, dass „die formative Thätigkeit des Protoplasmas“ auf die Entstehung

---

26) Hertwig O.: Ueber die Entwicklung und den Bau des elastischen Gewebes im Netzknorpel. Arch. f. mikr. Anatomie. Bd. IX. 1873. S. 80. Taf. VII.



der Zwischensubstanz mit ihrem elastischen Netzwerk von Einfluss ist, aber eine direkte Betheiligung der Zellen an der Bildung der Fasern lässt sich an diesem Object nirgends erkennen. Ich will nicht von dem Ohrknorpel menschlicher Embryonen sprechen, bei dem die Lage der Dinge durch die Häufung der Elemente ausserordentlich erschwert ist, bei den Cephalopoden wird im Kopfkorpel selbst der eifrigste Anhänger der M. Schultze'schen Theorie nie etwas der Art sehen können, vorausgesetzt, dass es möglich ist, sich über den Unterschied von Zellenausläufern und Fasern der Intercellularsubstanz zu einigen. Der Kopfkorpel der Cephalopoden dünkt mich ein ganz vorzügliches Präparat für eine Besprechung solcher Vorfragen. Hensen<sup>27)</sup> hat ihn bereits histiologisch genauer untersucht, Boll<sup>28)</sup> hat vortreffliche Abbildungen der „Zellen“ gegeben, und ich kann um so mehr auf detaillirte Angaben hier verzichten, als ich solche in einer längeren Abhandlung mittheile die in Bälde in dem Archiv für mikroskopische Anatomie erscheinen wird. Boll sieht in der structurlosen Grundsubstanz reichverästelte Zellen (Fig. 6 Octopus). Im Aequatorialring der Sepien zeigte ebenfalls die Zellsubstanz reich verästelte Ausläufer, welche sich allmählig mit dem weiteren Eindringen in die Intercellularsubstanz bis zur äussersten Zartheit verschmälern. Ich deute diese Fortsätze und Ausläufer als Kanäle, in welche sich bisweilen Fortsätze der Protoplasmas hineinerstrecken. In diesen Knorpeln der Cephalopoden liegen die Zellen in Höhlen wie im hyalinen Knorpel der Wirbelthiere, nur sind die Höhlen dadurch complicirt, dass von ihnen Kanälchen — Knorpel-

---

27) Hensen V.: Ueber das Auge einiger Cephalopoden. Zeitschr. f. w. Zool. Bd. XV. S. 154 mit Taf. XII—XXI.

28) Boll Frz.: Beiträge zur vergleichenden Histiologie des Mollusken-typus. Archiv f. mikr. Anat. Bd. V. Supplement. S. 14 u. 15.

kanälchen — ausgehen, und vielleicht ist etwas der Art auch bei den Wirbelthieren zu finden. Dann hätten Henocque und Petrone und Andere Recht, wenn sie die eigenthümlichen Zeichnungen im Hyalinknorpel als Kanälchen deuten. Jedenfalls haben die erwähnten Knorpel der Cephalopoden ähnlich verzweigte Ausläufer an den Knorpelhöhlen wie die Knochenhöhlen der Wirbelthiere. Will man nun von der Entstehung von Fasern in dieser Intercellularsubstanz sprechen, so können diese Ausläufer zunächst nicht in die Discussion hereingezogen werden. Ich finde aber abgesehen von diesen „Fortsätzen“ lange geschwungene Fasern, welche von den Zellen völlig unabhängig verlaufen, die ohne Unterbrechung lange Strecken durchlaufen, unabhängig von Zellen auftauchen und ebenso unabhängig sich verlieren. Und deshalb scheint mir der Kopfknorpel der Cephalopoden ein günstiges Object, weil sich klar erkennen lässt, dass die Ausläufer der Knorpelkörperchen und die Zellen nichts gemein haben mit fibrillenartiger Fasern, die offenbar der Intercellularsubstanz angehören. Als verdichtetes Gallertgewebe lässt er im erwachsenen Thier Vorgänge verstehen, die bei den Wirbelthieren durch die Häufung der Elemente nicht mit voller Klarheit zu durchschauen sind.

---



Herr Prof. v. Bischoff hielt einen Vortrag:

„Ueber das Gehirn eines Orang-Outan.“

Vor fünf Jahren hatte ich die Ehre der Classe das Gehirn eines jungen Chimpanse vorzulegen. Heute möchte ich mir erlauben, Sie mit dem Gehirn eines jungen männlichen Orang bekannt zu machen. Ich verdanke dasselbe der Güte des Herrn Professor von Siebold, welcher das Thier vor zwei Jahren im frischen Zustande erwarb, und mir dessen Gehirn jetzt zur Untersuchung überlassen hat. Bei meiner früheren Arbeit über das Gehirn der Affen, stand mir nur ein sehr beschädigtes Gehirn eines jungen Orang zu Gebote, und überhaupt sind Orang-Gehirne seltener in Europa zur Untersuchung gekommen, als Chimpanse-Gehirne, wenigstens in der letzten Zeit. Das gegenwärtige Gehirn ist sehr gut erhalten, und hat mir daher ein vorzügliches Material dargeboten, meine Lehre über die Anordnung der Windungen des grossen Gehirns bei den Affen und dem Menschen auch an diesem Object zu prüfen. Aus beiden Gründen erlaube ich mir um Aufnahme einer kurzen, besonders vergleichenden Beschreibung und einer Abbildung dieses Gehirns in den Sitzungsberichten der Classe zu bitten.

Das Thier war gegen 60 cm. von der Ferse bis zum Scheitel gross, und besass seine sämtlichen zwanzig Milchzähne. Nach einem Vergleich mit einem anderen ansehnlich kleineren Orang-Skelet, welches aber ebenfalls bereits sämtliche Milchzähne besitzt, möchte ich den Besitzer des gegen-

wärtigen Gehirns doch auf 4 Jahre schätzen; auch ist der erste bleibende oder dritte Backzahn bereits sehr vollkommen entwickelt in der Alveole zu sehen. Die Schädelhöhle ist ebenfalls schon ziemlich vollkommen ausgebildet und an Raumes-Inhalt nicht viel geringer als die eines erwachsenen männlichen Orang.

Das Gehirn wiegt in seinem jetzigen Zustande, d. h. von seinen Häuten befreit und nachdem es gegen zwei Jahre in Weingeist aufbewahrt worden, 225 Grm. und wenn wir annehmen, dass dasselbe im Weingeist wenigstens 25 % an seinem Gewichte verloren haben wird, so würde es frisch 281 Grm. und mit seinen Häuten gegen 300 Grm. gewogen haben. Sein grösster Längendurchmesser ist 90 mm., der grösste Breitendurchmesser 80 mm. Seiner Gestalt nach ist es zwar noch immer ein dolichocephales Gehirn, aber doch mehr brachycephal als das des Chimpanseé oder gar das des Gorilla. Man würde es ganz brachycephal nennen müssen, wenn sein Stirntheil sich nicht so stark verjüngte. Wie das Gehirn der beiden anderen Anthropoiden hat es ein ziemlich starkes Rostrum an der untern Fläche der Stirnlappen. Bei der Betrachtung gerade von oben ist, selbst an dem aus der Schädelhöhle herausgenommenen Gehirn, das kleine Gehirn von den Hinterlappen des grossen Gehirns fast ganz bedeckt und, wie Fig. 1 zeigt, nur durch das Auseinanderweichen der Hinterlappen in seinem mittleren Theile, dem Wurm, und mit wenigen Windungen des Lobus semilunaris superior sichtbar. Doch ist das kleine Gehirn ansehnlich gross und wiegt inclus. der Medulla oblongata, Pons Varoli, der Vierhügel und eines Stückes der Hirnschenkel 45 Grm. =  $\frac{1}{6}$  des ganzen Gehirns, während dasselbe bei dem männlichen menschlichen Gehirn ungefähr  $\frac{1}{6}$  des ganzen Gehirns wiegt.

Was die Anordnung der Furchen und Windungen des Gehirns betrifft, so schliesst sich dieselbe, wie bei den Affen



überhaupt, durchaus an den Typus des menschlichen Gehirnes an, und im Allgemeinen ist dieselbe mit der des Chimpanseé-Gehirnes so übereinstimmend, dass man sagen kann, die Unterschiede sind nicht viel grösser als man sie auch an den Gehirnen verschiedener Menschen oder gar Menschenrassen beobachtet.

Die Fossa Sylvii ist in ihren drei Theilen, dem horizontal verlaufenden Stamme, dem hinteren grösseren und dem vorderen kleineren aufsteigenden Aste, ganz vollkommen entwickelt; der erstere theilt sich an seinem hinteren Ende in zwei Zweige. Die Fissura occipitalis perpendicularis interna greift tief ein und füllt mit ihrem oberen Ende mit einer vollständig ausgebildet vorhandenen Fiss. occipit. perpend. externa zusammen. Die Fiss. centralis ist deutlich und ohne Unterbrechung entwickelt; und somit zerfällt die ganze Oberfläche des Gehirns wie beim Menschen in einen Stirn-, Scheitel-, Hinterhaupts- und Schläfenlappen. Das erwähnte Zusammenfallen der beiden Occipitalfurchen scheidet den Hinterlappen wie bei allen Affen sehr deutlich und in auffallend vom Menschen abweichender Weise, an der inneren und äusseren Fläche von dem Scheitel- und Schläfenlappen der Hemisphäre. An der unteren Fläche ist die Trennung zwischen Hinterlappen und Schläfenlappen durch keine bestimmte Gränze gegeben. Ein Stammlappen oder eine Insel ist zwar vorhanden, aber er ist wenig entwickelt, trägt nur undeutliche Windungen, und ist durch das Zusammenstossen der Stirn-, Scheitel- und Schläfenlappen an der Theilstelle der drei Theile der Fossa Sylvii ganz bedeckt.

Im Näheren ist übrigens der Verlauf der Fiss. centralis auffallend stark nach hinten geneigt, und unterscheidet sich ihre Anordnung in dieser Hinsicht sehr bemerkenswerth von dem Chimpanseé-Gehirn, wo sie steil in die Höhe fast ganz frontal verläuft; die Stirnlappen werden dadurch bei

dem Orang verhältnissmässig grösser als bei dem Chimpanse, mag man nun die Gränze zwischen beiden in die Furche selbst, oder, wie ich, vor die vordere Centralwindung verlegen. Eine Fissura praecentralis findet sich nicht, indem auch hier, wie fast immer, die Stirnwindungen mit breiten Wurzeln von der vorderen Centralwindung ausgehen. Eine Fiss. post-centralis oder interparietalis ist auf der rechten Seite vorhanden und läuft mit einem oberen und einem hinteren Schenkel aus; auf der linken Seite würde man sie als in zwei Theile zerlegt beschreiben müssen, weil der Vorzwickel mit einer tief herabsteigenden Wurzel von der hinteren Centralwindung ausgeht. Ich halte sie wegen häufig vorkommenden Unterbrechungen der Art ebenfalls für wenig bedeutend und beziehe mich in dieser Hinsicht auf meine Auseinandersetzung in der Beschreibung des Gehirns eines mikrocephalen Mädchens pag. 12. Die Fiss. occipitalis perpend. interna ist, wie schon gesagt, stark entwickelt, und fällt an ihrem oberen Ende mit einer Fiss. occipit. perpend. externa zusammen; an ihrem unteren Ende geht jene nicht in die Fiss. calcarina über, wie bei dem Menschen, sondern wird durch eine, letztere Furche an ihrem oberen Rande begränzende, gerade verlaufende Windung von dieser geschieden. Die Fissura occipitalis perpend. externa, so charakteristisch für das Affengehirn, erreicht den unteren Rand der Hemisphäre nicht, sondern wird unten durch eine vom Schläfen- zum Hinterhauptlappen gehende Windung (Pli de Passage intérieur externe Grat.) abgeschlossen. Die Fiss. calcarina geht, wie bei den Affen immer, nach vorn in die Fiss. Hippocampi über; am hinteren Ende des Hinterlappens theilt sie sich in zwei Schenkel. Auf der unteren Fläche des Hinterlappens findet sich eine Fiss. collateralis. An dem Schläfenlappen ist die Fiss. parallela und selbst eine Fiss. parallela secunda entwickelt, welche beide an ihren hinteren Enden in zwei



Aeste zerfallen. An der medialen Seite der Hemisphären findet sich die Fiss. calloso-marginalis und spaltet sich auf der rechten Seite an ihrem hinteren Ende in zwei Aeste, deren einer an dem oberen Rande der Hemisphäre hinter der hinteren Centralwindung ausläuft, der andere in die mediale Fläche des Vorzwickels oder den viereckigen Lappen Gratiolets eindringt. Auf der linken Seite ist der absteigende Ast durch eine sich erhebende Windung vom Stamme abgetrennt, dadurch unkenntlich gemacht, und in eine sternförmige Furehe verwandelt. — Ein Sulcus olfactorius ist an der Orbitalfläche des Stirnlappens nur in seinem hintersten Theile in der Caruncula mamillaris entwickelt.

In der Anordnung der Windungen dieses Orang-Gehirns finde ich meine Lehre von ihrer bogenförmigen Lagerung um die Enden der Hauptfurchen in hervorleuchtender Weise bestätigt, und ihre Beschreibung ist nach derselben leicht und für Alle verständlich.

So haben die Centralwindungen ihren oberen und unteren bogenförmigen Abschluss, von denen jener sehr steil und scharf nach hinten gerichtet, dieser sehr breit ist und den hinteren Schenkel der Fossa Sylvii an ihrem oberen Rande zu einem guten Theile begränzt. Den vorderen Schenkel der Fossa Sylvii umschliesst ein einfacher Bogen, die untere oder dritte Stirnwindung. Rechts geht derselbe oberflächlich von dem vorderen Schenkel des unteren Schlussbogens der Fiss. centralis aus; links mehr in der Tiefe, steht dafür aber weiter oben nochmals mit der vorderen Centralwindung in Verbindung. Wegen des tiefen Abganges des hinteren Schenkels dieses Bogens von der Centralwindung entsteht hier ein Schein einer Fissura praecentralis, die man auch für den vorderen Schenkel der Fossa Sylvii halten könnte, der indessen erst vor ihr liegt. Der Scheitel und auch der vordere Schenkel dieser bogenförmigen unteren Stirnwindung steht mit der mittleren

Stirnwindung in Verbindung. Ich habe früher bereits ausgeführt, dass diese untere oder dritte Stirnwindung, so wie der vordere Schenkel der Fossa Sylvii, sich nur bei den Anthropoiden-Affen findet, die aber dennoch gerade in Beziehung auf die Ausbildung dieses Bogens weit hinter dem Menschen zurückbleiben. Die mittlere und obere Stirnwindung sind wenig deutlich voneinander geschieden; die obere nimmt an der oberen, die mittlere an der Orbital-Fläche des Stirnlappens den grössten Theil ein, doch bildet jene an dieser Orbital-Fläche den starken schnabelartigen Vorsprung (Rostrum).

Ausser den Centralwindungen besitzt der Scheitel-Lappen einen Vorzwickel, welcher rechts oben, links mit der Mitte der hinteren Centralwindung durch eine oberflächliche Wurzel in Verbindung steht, und dadurch, wie schon erwähnt, ein wesentlich verschiedenes Verhalten einer Fiss. interparietalis auf beiden Seiten bedingt. Uebrigens ist diese Windungsgruppe weder an ihrer oberen noch an ihrer medialen Fläche (hier als Lobule quadrilatère) so stark entwickelt, wie bei dem Chimpanseé, was mit dem weiten nach rückwärts Reichen der Centralfurche und Central-Windungen zusammenhängt. Sie geht fast ganz in zwei Bogenwindungen auf, welche die beiden hinteren Ausläufer der Fissura callosa marginalis umfassen, deren eine die obere Fläche dieses Vorzwickels, die andere die mediale einnimmt. Die erste oder vordere Scheitelbogen-Windung um das obere Ende des hinteren Schenkels der Fossa Sylvii, und die zweite oder hintere Scheitelbogenwindung um das obere Ende der Fiss. parallela sind sehr deutlich und entsprechend der gabelförmigen Theilung dieser oberen Enden entwickelt. Der vordere, obere Schenkel der zweiten geht von dem Scheitel der ersteren aus; der untere Schenkel dringt bis in das untere Ende der Fiss. occip. transversa und bis in den Hinterlappen ein. Es ist auch eine dritte Scheitelbogen-

Windung vorhanden, aber diese umgreift die beiden Enden der Fiss. parallela secunda nicht in einem convexen Bogen, sondern ist zwischen diese beiden Aeste hineingesenkt, und zugleich bildet dabei diese Windung eine untere äussere Uebergangswindung vom Schläfen- zum Hinterhauptsappen.

Sehr charakteristisch ist die obere innere Scheitelbogen-Windung. Sie umgreift, wie immer lateralwärts gerichtet, mit einfachem steilen Bogen das obere Ende der Fiss. occipit. perp. int. Allein nur ihr vorderer Schenkel geht oberflächlich von dem Vorzwickel aus; der hintere Schenkel senkt sich in die Tiefe und geht dort in den medialen Theil des Zwickels des Hinterlappens über. Daher ist es dann auch möglich, dass die Fiss. perp. occipit. int. und externa ineinander übergehen und ein Operculum gebildet wird, während bei dem Menschen beide Schenkel dieser oft zusammengesetzten und charakteristischen Windung oberflächlich verlaufen, und schon desshalb eine Fiss. occipit. perp. externa fehlt. Ich habe gezeigt, dass diese Windung bei dem Chimpanse meist in der homologen Form des Pli de Passage supérieur interne Grat. verläuft, zuweilen aber auch, wie einige von den Herren Marshall, Rolletson, Turner und Broca beschriebene Chimpanse-Gehirn beweisen, auch in der Form des Pli de Passage supérieure externe (Sitzungsberichte vom 4. Febr. 1871. pag. 100); immerhin aber scheint die erstere Form bei dem Orang häufiger und entwickelter vorzukommen, und steht derselbe auch darin dem Menschen näher. Eine untere innere Scheitelbogen-Windung findet sich, wie oben bereits angegeben bei dem Orang nicht, d. h. sie läuft hier nicht in lateralwärts gerichtetem Bogen, wie bei dem Menschen, sondern gestreckt an dem oberen Rande der Fissura calcarina. Bei dem von mir beschriebenen Chimpanse-Gehirn verlief sie auf einer Seite im lateralen Bogen, auf der anderen gestreckt.

Der Hinterlappen besitzt an seiner oberen hinteren

Fläche, dem oberen Hinterhaupts-Läppchen, der gewöhnlich als Zwickel bezeichnet wird, eine sternförmige dreischenkliche Furche, ganz ähnlich wie der Chimpanseé; an seiner medialen Fläche ist die Fiss. calcarina von zwei gestreckt verlaufenden Windungen begränzt, welche an dem hinteren Ende des Hinterlappens die beiden End-Schenkel der genannten Furche mit zwei Bogen umgeben. Ich werde diese als sehr charakteristisch und bei dem Menschen meist sehr complicirt angeordnete Bogenwindung, Vogelklauen-Windung oder Gyrus calcarinus nennen. An der unteren Fläche kann man ein zungenförmiges und spindelförmiges, durch die Fiss. collateralis von einander getrennte Läppchen unterscheiden, die aber nach vorne ohne Abgränzung in die Windungszüge des Schläfen-Lappens übergehen.

Da dieser Schläfenlappen eine Fiss. parallela prima und secunda besitzt, so kann man an ihm vier Windungszüge unterscheiden, deren unterer innerster den mit einem Hacken versehenen Gyrus Hippocampi bildet.

An der medialen Seite der Hemisphäre verläuft über dem Balken ein Gyrus Cinguli, der hinten an dem Splenium corporis callosi mit dem Gyrus Hippocampi zusammenhängt und mit ihm den Gyrus fornicatus bildet.

Ich halte es schon bei den Affen, und noch mehr bei dem Menschen, für ohnmöglich und jedenfalls für zwecklos und unpractisch bei der Betrachtung und Beschreibung der Windungen an der oberen und den Seitenflächen der grossen Hemisphäre, das sogenannte Urwindungs-System der niederen Säugethier-Ordnungen aufrecht erhalten zu wollen, wie dieses Meynert und Wernike neuerdings versucht haben. Es finden sich allerdings in dem Hacken- und Bogenbündel Fasern, welche im Bogen um den hinteren und vorderen Schenkel der Fossa Sylvii verlaufen und in der unteren Stirnwindung und in den Schläfenwindungen nach aussen streben; auch meine erste Scheitelbogen-Windung



um den hinteren Schenkel der Fossa Sylvii herum, kann, besonders dann wenn der vordere Schenkel dieser Bogenwindung weit herabreicht und den sog. Premier Pli ascendant Gralietels bildet, als eine solche Urwindung aufgefasst werden. Allein mit dem Auftreten der Fissura centralis und der Fissurae occipitales bei den Primaten und dem Menschen, wird wie schon Huschke richtig bemerkte, das Urwindungs-System der niederen Säugethier-Ordnungen so vollständig durchbrochen, dass es mir als ein unnatürliches Unternehmen erscheint, dasselbe dennoch auch bei jenen durchführen zu wollen, wodurch sicherlich kein leichteres Verständniss und keine wünschenswerthe Uebereinstimmung in der Auffassung und dem Verständniss der Windungen des menschlichen Gehirnes herbeigeführt wird. Die Entwicklungs-Geschichte des menschlichen Gehirns unterstützt auch nicht im Mindesten den Versuch der Durchführung des Urwindungs-Systems. Denn mit Ausnahme der Fossa Sylvii erscheinen die Fissurae occipitales interna und externa und die Fissura centralis so früh, und die beiden von mir signalisirten primären vorderen und hinteren Bogenfurchen sind sogleich in divergirender Richtung angelegt, dass man auch nicht einmal sagen kann, das menschliche Gehirn durchlaufe bei seiner Entwicklung ein Stadium, in welchem die Urwindungen des Gehirns niederer Ordnungen dargelegt wären.

Der neuerdings von Hrn. Prof. Heschl beschriebene Gyrus temporalis transversus anterior gehört wohl auch zu dem Urwindungssystem; er geht, so weit ich sehe, vorzüglich von den Fasern des Bogenbündels aus, und findet sich in der That constant, wenn auch in verschiedener Ausbildung, bei dem Gehirn des Menschen. Bei den Gehirnen der beiden Orang-Outan und Chimpanse, welche augenblicklich in meinen Händen sind, findet sich dieser Gyrus kaum angedeutet.

Ich kann zu obiger Beschreibung des hiesigen Orang-Gehirnes noch den Nachtrag bringen, dass mir seitdem ein zweites Orang-Gehirn durch die Güte des Hrn. Dr. Mayer, Vorstand des naturhistorischen Museums zu Dresden, zu untersuchen Gelegenheit gegeben wurde. Das Gehirn stammt von einem wohl noch etwas kleineren und jüngeren Individuum als das hiesige, denn es ist kleiner als dieses und wiegt jetzt nur 192 Grm., würde also bei etwa 25 % Verlust im Weingeist gegen 240 Grm. gewogen haben. Es ist offenbar reicher an secundären Windungen als das hiesige Orang-Gehirn, ja dasselbe ist das an Windungen reichste Anthropoiden-Gehirn, welches ich bis jetzt in Händen gehabt habe. Dieses geht nicht nur aus dem allgemeinen Anblick hervor, welcher dadurch täuschen könnte, dass das Gehirn kleiner, aber doch bereits ebenso reich an Windungen wäre als andere grössere Gehirne, sondern auch aus einer genaueren Analyse der einzelnen Windungen.

So bildet die untere oder dritte Stirnwindung um den vorderen Schenkel der Fossa Sylvii herum auf der rechten Seite nicht mehr einen ganz einfachen Bogen, wie bei allen bis jetzt in meinen Händen gewesenen Anthropoiden-Gehirnen, sondern dieselbe ist dadurch schon etwas complicirt, dass sich der Ausläufer dieses vorderen Schenkels der Fossa Sylvii auf der rechten Seite in zwei kurze Aeste spaltet, um die sich zwei schwach entwickelte Windungen herumziehen. — Die beiden Centralwindungen erstrecken sich auch an diesem Gehirn weit nach hinten auf  $\frac{2}{3}$  der ganzen Oberfläche der Hemisphären und verlaufen stark geschlängelt und oft eingekerbt. Der Vorzwickel ist stark entwickelt und enthält den Bogenabschluss des aufsteigenden hinteren Schenkels der Fissura callosomarginalis. Sehr bemerkenswerth ist das Verhalten der oberen inneren Scheitelbogenwindung, indem dieselbe stark entwickelt, mit beiden Schenkeln ganz oberflächlich lateralwärts um das obere Ende der



Fiss. occipitalis perpend. interna herumläuft und dadurch die Fiss. occipitalis perpend. externa beinahe ganz zum Verschwinden bringt, wie bei dem Menschen. Ich kenne kein anderes Anthropoiden-Gehirn, wo dieses so vollständig geschieht.

Die untere innere Scheitelbogenwindung fehlt indessen auch noch an diesem Gehirn, indem die längs des oberen Randes der Fissura calcarina verlaufende Windung, der Gyrus calcarinus, gestreckt von vorne nach hinten verläuft und dadurch die Fissura occipit. perp. int. von der Fiss. calcarina abtrennt.

Aber auch das hintere Ende dieser Fiss. calcarina ist entwickelter wie bei unserem hiesigen Orang-Gehirn und die Bogenabschlüsse ihrer hinteren Enden sind complicirter. Ebenso findet sich auf der oberen Fläche des Zwickels nicht nur eine einfache, sternförmige, dreischenkliche Furche, sondern noch mehrere Secundärfurchen. — Die untere Fläche des Hinterhaupt-Schläfenlappens ist besonders in ihrem hinteren, dem Hinterlappen angehörigen Theile, stark gefurcht und zeigt ausser der Fissura collateralis noch eine weitere lateralwärts von dieser, besonders auf der linken Seite bis weit auf die Schläfenlappen sich fortsetzende und in eine Fiss. parallela secunda übergehende Furche, während sie rechts durch Querfurchen und Windungen unterbrochen wird. — Endlich sind an diesem Gehirn auch die Windungen der Insel stärker und deutlicher entwickelt als ich sie an irgend einem anderen Anthropoiden-Gehirn gesehen habe.

Dieses Orang-Gehirn bestärkt mich in meiner früher (Die Grosshirnwindungen des Menschen pag. 92) ausgesprochenen Ansicht, dass das Orang-Gehirn das entwickeltste aller Anthropoiden ist.

Im Uebrigen kann ich an diesen Orang-Gehirnen, so weit ich sie sonst untersuchen konnte, keine Besonderheiten

entdecken. Auch das kleine Gehirn scheint mir ganz die Abtheilungen und Eintheilungen des menschlichen kleinen Gehirns zu besitzen.

### Beschreibung der Abbildungen.

Die Abbildungen sind nach photographischen Aufnahmen des Gehirns genau in natürlicher Grösse ausgeführt worden.

Fig. I. zeigt, wie sich von selbst ergibt, die Ansicht des Gehirns gerade von oben. Man sieht nur sehr wenig vom kleinen Gehirn.

Fig. II. Ansicht des grossen Gehirns von unten.

Fig. III. Rechte Hemisphäre von Aussen.

Fig. IV. Linke Hemisphäre von Aussen.

Fig. V. Rechte Hemisphäre von Innen.

Fig. VI. Linke Hemisphäre von Innen.

Für alle sechs Figuren gelten nachfolgende Bezeichnungen, die mit den in meinen früheren Abhandlungen gebrauchten grösstentheils übereinstimmen.

A. Querverlaufender Stamm der Fossa Sylvii.

A'. Vorderer Ast der Fossa Sylvii.

A". Hinterer Ast der Fossa Sylvii.

B. Fissura centralis s. Rolando.

C. Fissura occipitalis perpendicularis interna.

C'. Fissura occipitalis perpendicularis externa.

D. Fissura parallela s. temporalis superior.

E. Fissura parallela secunda s. temporalis media.

F. Fissura collateralis s. temporalis inferior.

G. Fissura Hippocampi.

G'. Fissura calcarina.

H. Fissura calloso marginalis.

H'. Oberes Ende dieser Fissura calloso marginalis.

K. Fissura interparietalis.

1. Obere Stirnwindung.



2. Mittlere Stirnwindung.
  3. Untere Stirnwindung.
  5. Mediale Fläche der oberen Stirnwindung.
  6. Vordere Centralwindung.
  7. Hintere Centralwindung.
  8. Obere Bogenverbindung der Centralwindungen.
  - 8'. Untere Bogenverbindung der Centralwindungen.
  9. Vorzwickel (Lobule du deuxième Pli ascendant).
  10. Medialfläche des Vorzwickels (Lobule quadrilatère).
  11. Erste oder vordere Scheitelbogenwindung (Pli marg. sup.).
  12. Zweite oder hintere Scheitelbogenwindung (Pli courbe).
  14. Vierte oder innere obere Scheitelbogenwindung (Premier Pli de Passage externe).
  15. Vogelklauen - Windung, Gyrus calcarinus, beim Menschen fünfte oder innere untere Scheitelbogenwindung (Pli de Passage inférieur interne).
  16. Erste Schläfenwindung.
  17. Zweite Schläfenwindung.
  18. Dritte Schläfenwindung.
  19. Vierte Schläfenwindung (Gyrus Hippocampi).
  20. Uebergangswindung vom Schläfen- zum Hinterhauptslappen.
  21. Oberes Hinterhauptsläppchen oder Zwickel.
  22. Untere innere Hinterhaupts-Windung oder zungenförmiges Läppchen.
  23. Untere äussere Hinterhauptswindung oder spindelförmiges Läppchen.
  24. Zwingenwulst (Gyrus Cinguli).
-

Sitzung vom 8. Juli 1876.

### Mathematisch-physikalische Classe.

Der Classensecretär Fr. v. Kobell hielt einen Vortrag:

„Ueber die Complementärfarben des Gypses  
im polarisirten Lichte.“

Die prachtvollen Farben, welche sehr dünne Gypsblätter im polarisirten Lichte zeigen, haben, seitdem Arago im Jahre 1811 auf sie aufmerksam gemacht hat, die Physiker mehrfach beschäftigt. Arago erkannte, dass diese Farben, mit einem Kalkspath untersucht, in dessen zwei Bildern complementär erscheinen. Brewster beschreibt die Erscheinung ganz genau; wie vom glänzenden Roth ausgehend beim Drehen des Analyseurs die Farbe allmählig sich bleiche, bis sie bei einer Drehung um  $45^\circ$  ganz verschwinde und darüber hinaus allmählig mit Grün erscheine und diese Farbe immer glänzender hervortretend bei einer Drehung von  $90^\circ$  in vollkommener Schönheit sich zeige.

So ist das Verhalten, wenn die Schwingungsebene des Gypsblattes parallel den Schwingungen des Nicol's ist, und diese rechtwinklig gegen die des Lichtes, welches von einem schwarzen Spiegel polarisirt wird. Das Stauroskop giebt die Lage der Schwingungsebene am Gyps in der Art an, dass sie mit der fasrigen Spaltungsfläche einen Winkel von  $15^\circ$ , mit der muschligen einen von  $50^\circ$  bildet. Sie fällt also nahezu in die Richtung der von Neumann bestimmten optischen Mittellinie. Der spitze ebene Winkel des rhomboidalen Blattes ergibt sich daraus zu  $65^\circ$ . Nach andern genauen Messungen ist er  $66^\circ 14'$ .

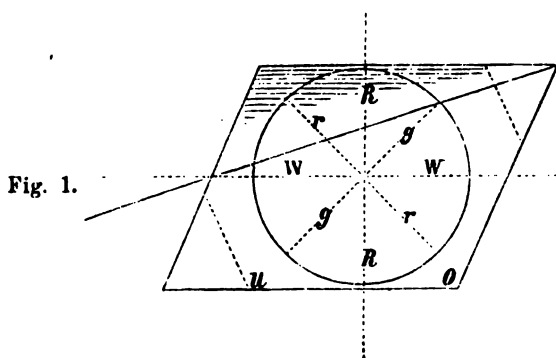
Wenn man auf einem Gypsblatt die Linie der Schwingungsebene einritzet und das Blatt so dreht, dass diese Linie

mit der Schwingung des auf dunkel gestellten Nicols parallel liegt, so zeigen sich die Erscheinungen ganz normal, wie sie Brewster angegeben; man erhält zu einer erscheinenden Farbe durch Drehung des Nicol's um  $90^\circ$  nach links oder rechts die complementäre und ein farbloses Feld beim Drehen um  $45^\circ$ .

Anders verhält es sich, wenn das Gypsblatt so gedreht wird, dass die Schwingungsebene seiner Doppelbrechung eine andere Lage gegen die Schwingung des Nicol's hat als die angegebene. Dann kann der Fall eintreten, dass für eine Farbe schon beim Drehen des Nicols um  $45^\circ$  die complementäre erscheint. Ich habe darüber einige Beobachtungen angestellt und zwar zunächst mit Rücksicht auf die fasrige Theilungsfläche oder die entsprechende Linie, welche, oft mehrfach, an jedem Gypsblatt kenntlich oder leicht aufzufinden ist. Ich benützte vorzüglich einen grossblättrigen Gyps von Aschersleben am Harz, von welchem ich durch freundliche Mittheilung des Herrn Prof. Ulrich in Hannover schöne Platten erhielt. Es ist dieser Gyps wie kaum ein anderer fein und so gleichmässig spaltbar, dass oft über ein Quadratzoll gross im polarisirten Lichte eine einzige Farbe daran erscheint. Blätter von einiger Länge sind, abweichend von den gewöhnlichen Varietäten, elastisch biegsam.

Um bequem und sicher beobachten zu können, wurde das Gypsblatt auf eine runde Glasscheibe mit etwas Wachs befestigt und dieser auf einem Gestell die gehörige Neigung gegen den schwarzen Spiegel gegeben oder ich klemmte das Blatt in eine, auf einem kleinen Statif angebrachte, neigbare kurze Pincette. Der in einer cylindrischen Fassung befindliche Nicol wurde durch die Mitte einer nach  $45^\circ$  getheilten Kreisscheibe gesteckt und ein für sich, und auch mit dem Nicol beweglicher Zeiger angebracht. Diese Scheibe wurde von einem Träger festgehalten.

Wenn der Nicol gegen den Spiegel dunkel gestellt ist und am rhomboidalen Gypsblatt die Faserfläche oder die ihr entsprechende Linie horizontal liegt, also in einer Lage, wo die Schwingungsebene des Blattes mit der Schwingung des Nicols einen Winkel von  $40''$  bildet, so erhält die erscheinende Farbe ihre complementäre beim Drehen des Nicols um  $45''$  und zwar so, dass der Uebergang für ganz gleiche Stellung des Blattes (der stumpfe ebene Winkel oben links s. Fig. 1) bei einigen durch Drehen des Nicols nach rechts.



bei andern aber durch Drehung nach links erfolgt, vergleichbar dem Verhalten eines rechts- oder eines linksdrehenden Bergkrystalls bei der Circularpolarisation.

Bei einem das Roth und Grün glänzend zeigenden Blatt war vom unmittelbar erscheinenden Roth (für die genannte Stellung) beim Rechtsdrehen des Nicols

- um  $45^\circ$  das Feld complementär Grün,
- „  $90^\circ$  „ „ farblos,
- „  $135^\circ$  „ „ blassroth,
- „  $180^\circ$  „ „ vom ursprünglichen Roth.

Beim Linksdrehen von diesem Roth aus zeigte sich das Feld bei  $45^\circ$  blassroth,

- „ „ „  $90^\circ$  farblos



das Feld bei  $135^\circ$  complementär Grün,  
 " " "  $180^\circ$  vom ursprünglichen Roth.

Bei anderen Blättern, und deren war die grössere Zahl, folgte auf die erscheinende Farbe die complementäre beim Linksdrehen des Nicols.

Diese seltsame Erscheinung hängt mit einer Zwillingsbildung zusammen, von der man übrigens bei den meisten Blättern unmittelbar nichts erkennt. Bei einzelnen aber zeigt sich der spitze Winkel des rhomboidischen Blattes durch eine Linie abgeschnitten, s. Fig. 1 und stehen sich die gleichen Winkel  $u$  und  $o$  gegenüber. Stellt man nun das Blatt so, dass der Winkel  $u$  oben links zu stehen kommt, so ist die Drehung des Nicols um  $45^\circ$  für die Complementärfarbe derjenigen entgegengesetzt, welche beobachtet wird, wenn der Winkel  $o$  oben links zu stehen kommt, weil dieses nur durch Umdrehen des Blattes geschehen kann. Das Zwillingsgesetz ist, dass ein Blatt gegen das andere um die Faserfläche um  $180^\circ$  gedreht ist. Figur 2.

Fig. 2.



Diese Zwillingsbildung, an vielen Blättern, wie gesagt, ganz unkenndbar, wird an manchen im polarisirten Lichte enthüllt durch die oft prächtig in Farben strahlenden Dreiecke, welche sich am Rande des Gypsblattes zeigen. Es sind gleichschenkelige Dreiecke, deren Winkel an der Basis, jeder  $66^\circ 14'$ , an der Spitze  $47^\circ 32'$  misst. (S. Fig. 1.) Die Basis hat die Lage der Faserfläche, die gleichen Seiten des Dreiecks entsprechen der muschligen Theilungsfläche und erscheinen in Folge des Zwillingsgesetzes gegen einander geneigt. —

Ich habe in ähnlicher Weise einen Muscovit von Buckfield in Maine untersucht.

Die Krystalle sind tafelförmige rhombische Prismen von  $120^\circ$  mit der brachydiagonalen Fläche, die Axenebene liegt in der Makrodiagonale, die Schwingungen der Doppelbrechung gehen nach den Diagonalen. Wenn ein gehörig dünnes Blatt so gestellt wird, dass die Schwingungsebene mit der des Nicols parallel und dieser auf Dunkel gegen den Spiegel steht, so zeigt das Blatt keine Farbe, wie für solche Stellung beim Gyps der Fall ist, es erscheint dunkel und beim Drehen des Nicols um  $90^\circ$  hell, ohne merkliche oder nur ganz schwache Färbung in der Zwischenstellung. Wenn aber eine Seite der rhombischen Tafel horizontal gestellt wird und der stumpfe ebene Winkel oben links, so zeigen sich Farben, welche beim Drehen des Nicols um  $45^\circ$  nach links in die complementären übergehen. Die Schwingungsebene des Blattes bildet dabei mit der Schwingung des dunkel gestellten Nicols  $60^\circ$ .

---



1

2

3

4

5

6

7

8

9

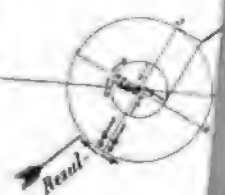
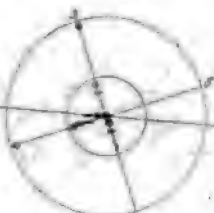
I. Gläser.

Gyps (Löffel 122)

II. Gläser // d. d.

VORABGEHT ORDNUNG

p





Der Classensecretär bespricht eine vorgelegte Abhandlung von Dr. Fr. Pfaff:

„Zur Darstellung der Circularpolarisation durch Glimmerblättchen.“

Zur Erklärung der Erscheinungen der Circularpolarisation findet man in den Lehrbüchern der Physik die Darstellungsweise der gleichen Farbenveränderungen durch 2 Glimmerblättchen beschrieben, welche dieselben an einem zwischenliegenden Gypsblättchen erzeugen, wenn der Gangunterschied der beiden Strahlen im Glimmer  $\frac{1}{4}$  Wellenlänge beträgt, und die Schwingungsrichtungen der beiden Strahlen im Gypse  $45^\circ$  mit denen der Glimmerblättchen bilden. Dieselbe künstliche Circularpolarisation kann man auch gerade durch Anwendung zweier Fresnel'scher Glasparallelepipedes erhalten.

Bei dieser Darstellung der Circularpolarisation ergeben sich aber zwei wesentlich von einander verschiedene Modificationen, die ich deshalb einer kurzen Erwähnung für werth halte, weil die eine davon meines Wissens nirgends beschrieben ist und sich an natürlichen einfachen circularisirenden Krystallen nicht findet, dann aber auch, weil ich dabei zeigen lässt, wie man zuweilen auch scheinbar sehr complicirte optische Erscheinungen sehr einfach durch eine graphische Darstellung klar machen kann.

Was zunächst die Erscheinung selbst betrifft, welche eine Kombination von zwei solchen Glimmerblättchen mit

[1876. 2. Math.-phys. Cl.]

einem Gypsblättchen betrifft, so müssen wir hier genau genommen 4 Modificationen unterscheiden, nemlich folgende:

- I. Die beiden Glimmerblättchen liegen in gleicher Lage zu einander, d. h. in beiden geht die Schwingungsrichtung des schneller wie des langsamer sich fortpflanzenden Strahls in gleicher Richtung vor sich; dabei kann wieder die Richtung der beiden Strahlen des Gypsblättchens eine doppelte sein und zwar der Art, dass wenn wir uns die Richtung des langsameren Strahles in den Glimmern von Ost nach West gerichtet denken, derselbe des Gypses
  - a) von Südost nach Nordwest oder
  - b) von Nordost nach Südwest gerichtet ist.
- II. Die beiden Glimmerblättchen liegen nicht in gleicher Lage, sondern gegen I um  $90^\circ$  das eine gegen das andre gedreht, und auch hier wieder können wir den Fall a und b für die Lage des Gypsblättchens unterscheiden.

Die sub II aufgeführte Lage giebt die ganz normalen Erscheinungen der Circularpolarisation, wie wir sie an einer Quarzplatte beobachten und zwar ist die Kombination im Fall a für die Lage des Gypsblättchens zur untern Glimmerplatte links drehend, im Falle b rechts drehend.

Ganz eigenthümlich gestalten sich aber die Verhältnisse im Falle I, wenn die Glimmer gleiche Lage haben. Dann beobachten wir nemlich:

- 1) eine Farbenveränderung durch Drehung des Analysers, aber auch
- 2) eine noch viel rascher vor sich gehende Farbenwandlung des Gypsblättchens durch Drehung der ganzen Kombination, die ja bekanntlich bei dem Quarze keine Veränderung erzeugt, und zwar findet sich im Falle I, a Linksdrehung des Blättchens, durch Drehung des Analysers die Farbenveränderung wie bei



einer links drehenden Quarzplatte, aber rechts gehende Farbenwandlung durch Drehung der Kombination der 3 Blättchen. D. h. lassen wir die Kombination ruhig liegen und drehen den Analyseur, so erhalten wir dieselbe Erscheinung, wie wenn eine links drehende Quarzplatte auf dem Apparate läge. Lassen wir aber den Analyseur ruhig stehen und drehen die Kombination, von links nach rechts, d. h. in entgegengesetzter Richtung als vorher den Analyseur, so folgen die Farben genau in der Weise auf einander, wie bei einer linksdrehenden Quarzplatte. Man beobachtet ferner, dass eine Drehung der Kombination um  $n$  Grade nach rechts genau denselben Effect hat, als eine Drehung des Analyseurs um  $2n$  Grade nach links, so dass wir durch gleichzeitige Drehung des Analyseurs und der Kombination in entgegengesetzter Richtung in allen Stellungen des Analyseurs dieselbe Farbe erzeugen können.

Im Falle I, b haben wir Rechtsdrehung durch den Analyseur und linke Farbenwandlung durch Drehung der ganzen Kombination.

Ganz dasselbe erhält man auch mit den Fresnel'schen Parallelepipedis bei verschiedner Stellung derselben.

Es dürfte gewiss eine höchst schwierige Aufgabe sein, durch Rechnung diese Eigenthümlichkeit zu beweisen und zu erklären, gesteht doch schon Ohm zu, dass allgemeine Formeln für Kombinationen von 2 Platten, die doch nur 4 Strahlen geben können, höchst mühsam zu finden seien, wie viel mehr für einen Fall, wie der vorliegende, wo man es mit 8 Strahlen, die aus dem dritten Blättchen austreten, zu thun hat.

Um mich zu überzeugen, ob wirklich die aus der Beobachtung sich ergebende Thatsache, dass eine Drehung von  $2n$  Graden des Analyseurs dieselbe Wirkung habe, wie

eine von  $n$  Graden der Kombination stets zutreffe, versuchte ich auf graphischen Wege die Erscheinung anschaulich und begreiflich zu machen und war überrascht, wie sich dieselbe auf diesem Wege vollkommen deutlich machen lasse. Natürlich muss man dabei einen ganz bestimmten einzelnen Fall im Auge behalten. Die beiden Tafeln zeigen nun den Wechsel der Erscheinung für 2 Gypsblättchen, von denen das eine (Taf. I) einen Gangunterschied der Strahlen von  $\frac{1}{4}$  das andre (Taf. II) von  $\frac{1}{2}$  Wellenlänge erkennen lässt.

Zur Erläuterung der Figuren diene folgendes: Die erste Reihe von Quadraten enthält in den senkrecht über einander stehenden 5 Abtheilungen den Schwingungszustand des Strahles beim Austritt aus dem untern Glimmerblättchen, das polarisirte Licht ist stets als in der durch die Linie PP bezeichneten Richtung schwingend angenommen. Im obersten Quadrate ist die Lage der Kombination eine solche, dass der rascher sich fortpflanzende Strahl im untern Glimmer mit PP zusammenfällt, im zweiten Quadrat derselben Reihe sind die beiden aus dem untern Glimmer austretenden Strahlen nach einer Drehung der Kombination um  $22\frac{1}{2}^{\circ}$  dargestellt, in dem dritten nach einer Drehung um  $45^{\circ}$  u. s. f. bis zu einer Drehung von  $90^{\circ}$  das Verhältniss der Intensität der verschiedenen Strahlen ist durch die verschiedenen Kreise angegeben.

Die zweite Kolumne enthält die das Gypsblättchen eben verlassenden Strahlen in ihren verschiedenen Phasen, überall sind die beiden verschiedenen Strahlen durch rothe und blaue Pfeile angedeutet, welche zugleich durch ihre Richtung die Schwingungsrichtung des durch ein Ringchen angeordneten Aethertheilchens bezeichnen.

Die dritte und vierte Kolumne zeigt die Phasen der 8 resp. 4 Strahlen, die aus dem obern Glimmerblättchen austreten und die von ihnen erzeugte Resultante giebt der grosse mit diesem Namen bezeichnete Pfeil an, und zwar



die dritte Kolumne die für gleiche Glimmerlage hervorgehende, während die vierte die für gekreuzte Glimmerblättchen nachweist.

Man sieht sofort durch Vergleichung der dritten und vierten Kolumne auf beiden Tafeln: die Drehung der Kombination ist bei gekreuzten Glimmerplatten ohne Einfluss auf die Lage der Resultante, dieselbe ist nur abhängig von der Dicke des Gypsblättchens, wie eine Vergleichung von von Taf. I und II zeigt, dagegen bewirkt bei parallelen Glimmerplatten eine Drehung der Kombination um  $22\frac{1}{2}^{\circ}$  u. s. f. eine Veränderung der Lage der Resultante um den doppelten Winkel, wie es der Beobachtung auch vollkommen entspricht.

---

## Verzeichniss der eingelaufenen Büchergeschenke.

---

### *Von der k. k. Akademie der Wissenschaften in Wien:*

- a) Denkschriften. Mathematisch-naturwissenschaftliche Classe. Bd. 34. 1875. 4.
- b) Sitzungsberichte. Mathematisch-naturwissenschaftliche Classe
  - I. Abthlg. Bd. 71.
  - II.     "     "     71.
  - III.    "     "     71. 1874—75. 8.

### *Vom Verein zur Beförderung des Gartenbaues der kgl. preuss. Staaten für Gärtnerei und Pflanzenkunde in Berlin:*

- a) Monatsschrift. 18. Jahrgang. 1875. 8.
- b) Katalog der Bibliothek. 1875. 8.

### *Vom naturhistorischen Verein der preuss. Rheinlande und Westphalens in Bonn:*

Verhandlungen. 31. und 32. Jahrgang. 4. Folge. 1874. 75. 8.

### *Von der k. k. Gesellschaft der Aerzte in Wien:*

Medizinische Jahrbücher. Jahrgang 1876. 8.

### *Vom naturwissenschaftlich-medizinischen Verein in Innsbruck:*

Berichte. VI. Jahrgang. 1875. 8.

### *Vom zoologisch-mineralogischen Verein in Regensburg:*

Correspondenz-Blatt. 29. Jahrgang. 1875. 8.

*Von der k. ungarischen Akademie der Wissenschaften in Pest:*

- a) *Icones selectae Hymenomycetum Hungariae. Pars II. III.* 1874. Fol.
- b) *Mathematikai közlemények (Mathematische Mittheilungen).* Bd. 7. 8. 9. 10. 1869—75. 8.

*Vom k. b. Ministerial-Forstbureau in München:*

*Forstliche Mittheilungen.* V. Bd. (der ganzen Reihe 17. Heft.) 1876. 8.

*Vom R. Comitato geologico d'Italia in Rom:*

*Bollettino.* 1876. 8.

*Von der Société de géographie commerciale in Bordeaux:*

*Bulletin.* Année 1874—75. 8.

*Von der R. Accademia dei Lincei in Rom:*

*Atti.* Anno 271. Serie 2. Vol. I. 1873—74.

„ 272. „ „ „ II. 1874—75. 4.

*Von der medical and surgical Society in London:*

*Transactions.* Vol. LVIII. 1875. 8.

*Von der Royal Astronomical Society in London:*

*Monthly Notices.* Vol. XXXVI. 1876. 8.

*Von der Société botanique de France in Paris:*

*Bulletin.* Tom. XXII. 1875. *Revue bibliographique E.* 1875. 8.

*Von der Società dei Naturalisti in Modena:*

a) *Annuario.* Serie II. Anno IX. Fasc. III. und IV.

b) *Catalogo della biblioteca.* Punt: prima 1875. 8.

*Von der k. Akademie der Wissenschaften in Amsterdam:*

a) *Verhandelingen.* Afdeeling Natuurkunde. Deel XV. 1875. 4.

b) *Verslagen en Mededeelingen.* Afd. Natuurkunde. 2. Rks. Deel IX. 1876. 8.

*Vom Muszum of comparative Zoölogy at Harvard College in Cambridge:*

*Annual Report of the Trustees.* 1875. 8.

*Von der Redaktion des American Journal in New-Haven:*

The American Journal of Science and Arts. 3. Series. Vol. X. No. 60  
und Vol. XI. No. 61. 1875. 8.

*Vom Museum of comparative zoölogy at Harvard College in Cambridge:*

- a) Annual Report for 1874. Boston 1875. 8.
- b) Illustrated Catalogue of the Museum. No. VIII. Zoölogical Results of the Hassler Expedition II. 1875. 4.

*Von der American Pharmaceutical Association in Philadelphia:*

Proceedings. Vol. 23. 1876. 8.

*Von der American Medical Association in Washington:*

Transactions. Vol. 26. Philadelphia 1875. 8.

*Von der Society of Natural Sciences in Buffalo:*

Bulletin Vol. III. 1875. 8.

*Von der Universidad de Chile in Santiago:*

- a) Anuario meteorologico 1871—72. 8.
- b) Estadística comercial de la república de Chile 1873. Valparaiso 1874. 4.
- c) Cuarto apendice al reino mineral de Chile, de don Ignacio Domeyko. 1874. 8.
- d) Colonizacion de Llanquichue, Valdivia i Arauco por José Ant. Varas i Adolfo Ibañez. 1872. 8.
- e) Proyecto de código de minería. 1874. 8.

*Von der Akademie der Wissenschaften in Krakau:*

- a) Rozprawy i Sprawozdania z posiedzeń math. Tom. 2. 1875. 8.
- b) Sprawozdanie komisji fizyograficznej. Tom. 9. 1875. 8.

*Von der physikalischen Gesellschaft in Berlin:*

Die Fortschritte der Physik im Jahre 1871. XXVII. Jahrgang. 1876. 8.

*Vom botanischen Verein in Landshut:*

Fünfter Bericht über die Vereinsjahre 1874/75.



*Vom naturforschenden Verein in Brünn:*

- a) Verhandlungen. XIII. Bd. 1874. 8.
- b) Katalog der Bibliothek 1874. 8.

*Von der naturforschenden Gesellschaft in Dorpat:*

- a) Sitzungsberichte. 4. Bd. 1875. 8.
- b) Archiv für die Naturkunde Liv-, Ehst- und Kurlandes. 2 Serie. Biologische Naturkunde. 5. Bd. 1875. 8.

*Vom naturwissenschaftlichen Verein von Neu-Vorpommern und Rügen in Greifswald:*

Mittheilungen. 7. Jahrgang 1875. 8.

*Vom statistischen Bureau in Budapest:*

Die Sterblichkeit in der Stadt Pest in den Jahren 1872. 1873 und deren Ursachen. Von Jos. Körösi. 1876. 8.

*Von der Sternkarte in Zürich:*

Schweizerische meteorologische Beobachtungen. 11. und 12. Jahrgang. 1874. 1875. Supplementband 2. Lieferung. 1876. 4.

*Vom Verein für Naturkunde in Fulda:*

IV. Bericht. 1876. 8.

*Von der anthropologischen Gesellschaft in Wien:*

Mittheilungen. VI. Bd. 1876. 8.

*Von der geologischen Reichsanstalt in Wien:*

- a) Jahrbuch. Jahrg. 1876. Bd. XXVI. 1876. 4.
- b) Verhandlungen 1876. 4.

*Vom Verein für wissenschaftliche Unterhaltung in Hamburg:*

Verhandlungen. Bd. II. 1876. 8.

*Von der Chemical Society in London:*

Journal. Ser. 2. Vol. XIV. 1876. 8.

*Von der Royal Institution of Great Britain in London:*

Proceedings. Vol. VII. Part. V. VI. No. 62. 63. 1875. 8.

*Von der R. Astronomical Society in London:*

Memoirs. Vol. XLII. 1873—1875. 4.

*Von der Société Entomologique de Belgique in Brüssel:*

Annales. Tom. XVIII. 1875. 8.

*Von der Académie R. de Médecine de Belgique in Brüssel:*

Mémoires couronnés et autres mémoires. (Collection in 8.) Tom. III.  
IV. Fasc. 1876. 8.

*Vom Radcliffe Observatory in Oxford:*

Radcliffe Observations. Vol. XXXIII. 1873. 8.

*Von der Société d'anthropologie in Paris:*

Bulletins. Tom. XI. Fasc. 1. 1876. 8.

*Von der kais. Akademie der Wissenschaften in St. Petersburg:*

Repertorium für Meteorologie. Ueber den täglichen und jährlichen Gang  
der Feuchtigkeit in Russland. Von H. Wild. 1875. 4.

*Von der Società dei Naturalisti in Modena:*

Annuario. Anno X. 1876. 8.

*Von der Société de géographie in Paris.*

Bulletin. Avril 1876. 8

*Von der Società toscana di scienze naturali in Pisa:*

Atti. Vol. II. 1875—76. 8.

*Von der Ohio State Agricultural Society in Columbus:*

29. Jahresbericht für das Jahr 1874. 8.

*Von der Peabody Academy of science in Salem:*

a) 6. annual Report for the year 1873. 8.

b) The American Naturalist. Vol. IX. 1874—75. 8.

*Vom Herrn August Vogel in München:*

Einige Ansprüche des Landbaues auf Steuer- und Zollentlastung. Berlin 1876. 8.

*Vom Herrn Gerhard vom Rath in Bonn:*

Die Zwillingsverwachsung der triklinen Feldspathe nach dem sogen. Periklin Gesetze. 1876. 8.

*Von Herrn Emil Czjrnianski in Krakau:*

Mechanisch-chemische Theorie der sinnlichen Welt 1876. 8.

*Vom Herrn Ernst Häckel in Jena:*

Die Perigenesis der Plastidule oder die Wellenzugung der Lebenstheilen. Berlin 1876. 8.

*Vom Herrn Franz Kremer in Chemnitz:*

Phanerogamen-Flora von Chemnitz und Umgegend. 1875. 4.

*Vom Herrn Albert Kölliker in Würzburg:*

Entwicklungsgeschichte des Menschen und der höheren Thiere. Leipzig 1876. 8.

*Vom Herrn J. R. Mayer in Stuttgart:*

Die Torricellische Leere und über Auslösung. 1876. 8.

*Vom Herrn R. Hoppe in Leipzig:*

Archiv für Mathematik und Physik. 59. Theil 1876. 8.

*Vom Herrn Moriz A. Stern in Göttingen:*

Ueber eine Eigenschaft der Bernoullischen Zahlen. Berlin 1876. 4.

*Vom Herrn G. Omboni in Venedig:*

Delle antiche morene vicine ad Arco nel Trentino. 1876. 8.

*Vom Herrn Ferd. von Müller in Melbourne:*

- a) Fragmenta phytographiae Australiae. Vol. VII. 1869—71. 8.
- b) Descriptive Notes on Papuan Plants. I. 1871. 8.

*Vom Herrn M. E. Quetelet in Brüssel:*

La tempête du 12. Mars 1876. 8.

*Vom Herrn George M. Wheeler in Washington:*

Annual Report upon the geographical Explorations and Surveys West of the one hundredth Meridian. 1875. 8.

*Vom Herrn Giovanni Luvini in Turin:*

- a) Presentazione di un modello di dieteroscopio 1876. 8.
- b) Le diéthéroscope, IIIe communication 1876. 8.

*Vom Herrn M. Daubrée in Paris:*

- a) Formation contemporaine de diverses espèces minérales cristallisées 1876. 8.
- b) Association du platine natif à des roches. 1876. 8.

*Vom Herrn J. Macpherson in Cadix:*

- a) On the origin of the Serpentine of the Ronda Mountains. Madrid. 1876. 8.
- b) Sobre las rocas eruptivas de la provincia de Cádiz 1876. 8.

*Von der deutschen geologischen Gesellschaft in Berlin:*

Zeitschrift. Bd. XXVIII. 1876. 8.

*Vom siebenbürgischen Verein für Naturwissenschaften in Hermannstadt.*  
Verhandlungen und Mittheilungen. Jahrg. 26 1876. 8.

*Von der zoologischen Station in Neapel:*

I. Jahresbericht. Leipzig 1876. 8.

*Von der Academy of Sciences in San Francisco:*

Proceedings. Vol. V. Part. 3 1875. 8.

*Von der Société botanique de France in Paris:*

Bulletin. Tom. XXIII. 1876. Comptes rendus des séances. 1875. 76. 8.

*Vom Herrn Ernst Ziegler in Würzburg:*

Untersuchungen über pathologische Bindegewebs- und Gefäßneubildung.  
Mit 7 Tafeln. 1876. 8.

*Vom Herrn Hermann Kolbe in Leipzig:*

Journal für praktische Chemie. Neue Folge. Bd. 13. 1876. 8.



*Vom Herrn R. Clausius in Bonn:*

Die mechanische Wärmetheorie. 2. Aufl. Bd. I. Braunschweig 1876. 8.

*Vom Herrn F. V. Hayden in Washington:*

Miscellaneous Publications, No. 5. 1875. 8.

*Vom Herrn M. C. Marignac in Genf:*

Sur les chaleurs spécifiques des solutions salines. 1876. 8.

*Vom Herrn Gustavus Hinrichs in Iowa City:*

- a) The great Iowa Meteor. New-York 1875. 8.
- b) Biographical Sketch of Wilhelm von Haidinger. Davenport 1872. 8.
- c) Six notes de chimie moléculaire sur la rotation des molécules. Paris 1874—5 4.
- d) Iowa Weather Review 1875. No. 1.—III. 1875. 4.
- e) Monthly Results of Meteorological Observations. 1875. 8.

*Vom Herrn Hermann Kolbe in Leipzig.*

Journal für praktische Chemie. Neue Folge. Bd. 12 und 13. 1875. 76. 8.

*Vom Herrn J. G. Galle in Breslau:*

Ueber eine Bestimmung der Sonnen-Parallaxe aus correspond. Beobachtungen des Planeten Flora. 1875. 8.

*Vom Herrn Alex. Ecker in Freiburg:*

Zur Kenntniss der Wirkung der Skoliopädie des Schädels auf Volumen, Gestalt und Lage des Grosshirns und seiner einzelnen Theile. Braunschweig 1876 4.

*Vom Herrn Ferd. von Müller in Melbourne:*

Descriptive Notes on Papuan Plants. I. 1875. 8.

*Vom Herrn Carl Guillermo Moesta in Dresden:*

Observaciones astronomicas hechas en el Observatorio nacional de Santiago de Chile en los años de 1856 á 1860. Tomo II. 1875. 4.

*Vom Herrn E. Vande Vyvere in Brüssel:*

Observation de l'Alloxantine. 1876. 8.

*Vom Herrn Francesco Orsoni in Pisa:*

Ricerche elettro-dinamiche sulle Rotazioni paleogeniche. 1876. 4.    ♡

*Vom Herrn Ernst Quetelet in Brüssel:*

Annales météorologiques de l'Observatoire R. de Bruxelles. 1874. Huitième Année. 1875. 4.

*Vom Herrn George M. Wheeler in Washington:*

Geographical Explorations and Surveys West of the 100th Meridian.  
Topographical Atlas, by G. M. Wheeler 1874. Fol.

---

Sitzung vom 6. November 1876.

Mathematisch-physikalische Classe.

---

Herr Seidel legt nachstehende Abhandlung vor:

„Ueber den Gültigkeitsbereich der Taylorschen Reihenentwicklung von dem correspondirenden Mitgliede Herrn **P. du Bois-Reymond** in Tübingen“.

Bedingungen, welche für die Taylorsche Entwickelbarkeit einer Function genügen, ergeben sich, wenn es sich um Functionen reeller Veränderlichen handelt, aus den bekannten Restausdrücken, während Cauchy's berühmte Regeln Aehnliches leisten für Functionen, welche man von complexen Argumenten abhängen lässt. Von den nothwendigen Bedingungen für die Taylorsche Entwickelung, falls dergleichen vorhanden sind, haben wir aber nicht die geringste Vorstellung; ja ich glaube sogar, dass über den Spielraum, welchen sie gewähren könnten, irrige Ansichten allgemein verbreitet sind.

Gegenstand dieser kleinen Mittheilung sind einige Bemerkungen über die Gültigkeit der Taylorschen Entwickelung bei Functionen einer reellen Veränderlichen.

1.

Setzen wir

$$f(x+h) = f(x) + hf'(x) + \dots + \frac{h^{n-1}}{(n-1)!} f^{(n-1)}(x) + R_n$$

so lautet das Restintegral und der Lagrangesche Rest:

$$R_n = \int_x^{x+h} d\alpha f^{(n)}(\alpha) \frac{(x+h-\alpha)^{n-1}}{(n-1)!} = \frac{h^n}{n!} f^{(n)}(\xi), \quad x \leq \xi \leq x+h.$$

Damit das Integral mit ins Unbegrenzte wachsendem  $n$  der Null sich nähere, würde es zwar nicht nothwendig sein, aber genügen, dass die Function unter dem Integralzeichen verschwindet, eine Bedingung, die ihrerseits dadurch wieder zwar noch mehr eingeschränkt, jedoch sehr vereinfacht würde, dass man statt der zwischen Null und  $h$  sich bewegenden Grösse  $x+h-\alpha$  die Grösse  $h$  einführe. Aber wenn wir statt des Integrals den Lagrangeschen Rest zu Grunde legen, so erhalten wir direct eine vortheilhaftere Bedingung, nämlich die, dass

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{h^n f^{(n)}(\alpha)}{n!}$$

verschwinden müsse für jeden Werth  $\alpha$  des Intervalls  $x \leq \alpha \leq x+h$ . Diese ausreichende Bedingung wollen wir uns etwas näher ansehen.

## 2.

Man hat:

$$n! = n \sqrt{2\pi} e^{(n+\frac{1}{2}) \ln n - n}$$

wo  $\lim_{n \rightarrow \infty} u = 1$ . Demnach lautet die Entwickelbarkeitsbedingung:

$$f^{(n)}(\alpha) < e^{n \ln n + n(1 - \frac{1}{h} - 1) + \frac{1}{2} \ln n}$$

Ist diese Bedingung erfüllt für  $x \leq \alpha \leq x+h_1$ , so gilt die Taylorsche Entwicklung für  $x$  und  $h \leq h_1$ . Ist dagegen, unter Vernachlässigung des Logarithmus im letzten Gliede des Exponenten, die kürzere Bedingung

$$f^{(n)}(\alpha) < e^{n \ln n + n(1 - \frac{1}{h} - 1)}$$

für  $x \leq \alpha < x+h_1$  erfüllt, so ist die Gültigkeit der Ent-



wicklung nur für  $x$  und  $h < h_1$  nachgewiesen. Die sich hieran knüpfende wichtigste Aufgabe wäre, die vorstehende Bedingung für die  $n$ te Ableitung in Eigenschaften der Function selbst zu übersetzen. Es ist mir jedoch trotz mehrfacher Bemühungen in dieser Richtung Nichts geglückt, was der Rede werth wäre. Doch schon die blosse Aufstellung jener Bedingung veranlasst Ueberlegungen, die hinsichtlich des Gültigkeitsumfangs der Taylorschen Entwicklung unsere Vorstellungen zu berichtigen geeignet sind.

### 3.

Wenn die vorstehende Bedingung auch nicht die nothwendige ist, so kann man z. B. soviel aussagen, dass, falls das Unendlich nach  $n$  von  $f^{(n)}(\alpha)$  für ein ganzes Intervall von  $\alpha$  eine gewisse Grösse übersteigt, die Function für Werthe von  $x$  und  $x + h$ , die diesem Intervall angehören, nicht entwickelbar ist. Nun nimmt man gewöhnlich an, dass die Stetigkeit einer Function und ihrer sämtlichen Ableitungen ihre Taylorsche Entwickelbarkeit bedinge. Danach müsste also die Stetigkeit der Ableitungen der Function mit dem Unendlich nach  $n$  der  $n$ ten Ableitungen in unmittelbarem Zusammenhang stehen. Möglich ist das schon, aber ich muss bekennen, dass die Entdeckung einer solchen Beziehung, nach welcher aus der Stetigkeit von  $f^{(n)}(x)$  eine Grenze für das Unendlich nach  $n$  von  $f^{(n)}(x)$  folgte, mich ungemein überraschen würde.

Man steht also einerseits unter dem Einfluss der mit der mathematischen Muttermilch eingesogenen Vorstellung, dass eine in einem Intervall mit allen ihren Ableitungen stetige Function für jeden Werth  $x$  jenes Intervalls, höchstens einzelne Punkte ausgenommen, in denen ihr analytischer Sinn undeutlich wird, und für hinreichend kleine Werthe von  $h$  sich auf die Taylorsche Weise convergent entwickeln lassen müsse, andererseits erzeugen die obigen Ueberleg-

ungen den Verdacht, dass die Branchbarkeit dieser Entwicklungsart durch die Stetigkeit der Ableitungen einer Function nicht nothwendig bedingt werde, sondern auf anderen Functionaleigenschaften beruhe. Dem Schwanken zwischen diesen beiden Standpuncten wird, wie in anderen ähnlichen Fällen, ein Ende gemacht durch sorgfältiges Erwägen der Umstände, unter denen die in Rede stehende Formel versagen kann. So gelangt man denn zu folgender einfachen und entscheidenden Frage:

Giebt es mit ihren sämmtlichen Ableitungen stetige Functionen einer reellen Veränderlichen  $x$ , die für keinen besonderen Werth von  $x$  einer besonderen Erklärung bedürfen, bei denen gleichwohl in einem Puncte  $x = x_1$  die Taylorsche Entwicklung  $f(x_1 + h) = f(x_1) + hf'(x_1) + \dots$  für jeden Werth von  $h$  versagt?

Hat man nämlich erst eine Function, welche einen solchen Punct  $x$ , besitzt, so giebt es verschiedene Kunstgriffe, um aus dieser Function andere zu bilden, die dergleichen Puncte in jeder kleinsten Strecke der Veränderlichen haben, woraus dann weiter sich schliessen lässt, dass diese neuen Functionen überhaupt nicht nach der Taylorsche Reihe entwickelbar sind.

Nun, diese Frage einmal gestellt, bieten sich mancherlei Functionen dar, die sie zu bejahen zwingen. Ich werde im Folgendem zwei Functionen besprechen, von denen die erstere, ob sie gleich zusammengesetzter ist, mir doch in Rücksicht auf die hier verfolgten Ziele die entscheidende zu sein scheint, während gegen das Gewicht des zweiten, übrigens bekannten Beispieles schwer zu entkräftende Einwendungen erhoben werden können.

4.

Es sei also erstens vorgelegt die Function:

$$f(x) = \sum_{p=1}^{p=\infty} \frac{(-1)^{p+1}}{2p!} \frac{x^{2p}}{x^2 + a_p^2},$$

in der die Grössen  $a_p$  mit unendlich werdendem  $p$  gegen Null abnehmen, wie z. B.  $a_p = 2^{-p}$ .

Die Function  $f(x)$  ist 1. sammt allen ihren Ableitungen stetig, 2. nicht nach  $x$  entwickelbar.

Wir wollen diese Eigenschaften durch Rechnung bestätigen.

Die Reihe ist zunächst gliedweise differenzirbar nach einem Satze, den man sich leicht beweisen kann, und der besagt, dass eine Reihe  $\sum_{p=1}^{p=\infty} g_p(x)$  zum Differentialquotienten

die Reihe  $\sum_{p=1}^{p=\infty} \frac{d g_p(x)}{dx}$  hat in jedem Punkte  $x = x_1$ , für welchen letztere „vollständig convergirt“, d. i. für den der Rest  $R_m(x) = \sum_{p=m}^{p=\infty} \frac{d g_p(x)}{dx}$  verschwindet, wie man auch gleichzeitig oder nacheinander  $m$  unendlich werden und  $x_1 - x$  verschwinden lassen möge.

Um diesen Satz anwenden zu können, müssen wir das Glied der Reihe  $f(x)$ , also die Grösse  $\frac{x^{2p}}{x^2 + a_p^2}$   $n$ mal differenziren.

Wir setzen:

$$\frac{x^{2p}}{x^2 + a_p^2} = \frac{x^{2p-1}}{2} \left\{ \frac{1}{x + a_p i} + \frac{1}{x - a_p i} \right\},$$

und wenden auf den Ausdruck  $\frac{x^{2p-1}}{x \pm a_p i}$  die Formel  $\frac{d^n uv}{dx^n}$



$= uv^{(n)} + nu'v^{(n-1)} + \text{etc. an}$ , indem wir  $u = x^{2p-1}$ ,  $v = \frac{1}{x \pm a_p i}$  annehmen.

Man erhält so:

$$\frac{d^n}{dx^n} \frac{x^{2p-1}}{x \pm a_p i} = \frac{n!(-1)^n}{2} x^{2p-n} \left\{ \right\},$$

wo die Klammer  $\left\{ \right\}$ , wenn  $\frac{x}{x \pm a_p i} = \gamma$  gesetzt wird, die Grösse enthält:

$$\begin{aligned} & \gamma^{n+1} - (2p-1) \gamma^n + \frac{(2p-1)(2p-2)}{1 \cdot 2} \gamma^{n-1} - \dots \\ & \pm \frac{(2p-1)(2p-2) \dots (2p-n)}{1 \cdot 2 \dots n} \gamma. \end{aligned}$$

Es handelt sich darum, eine obere Grenze für den numerischen Werth von  $\frac{d^n}{dx^n} \frac{x^{2p}}{x^2 + a_p^2}$  aufzustellen. Wir vereinigen zu dem Zweck die in dem Zeichen  $\frac{d^n}{dx^n} \frac{x^{2p-1}}{x \pm a_p i}$  enthaltenen Ausdrücke, indem wir:

$$\left( \frac{x}{x + a_p i} \right)^r + \left( \frac{x}{x - a_p i} \right)^r = 2 \left( \frac{x^2}{x^2 + a_p^2} \right)^{\frac{r}{2}} \cos(r\lambda)$$

setzen, wo  $\lambda = \text{arctg} \frac{a_p}{x}$ . Die Grösse rechts kann Zwei nicht erreichen.

Es bleibt also

$$\frac{d^n}{dx^n} \frac{x^{2p}}{x^2 + a_p^2}$$

weit unter

$$(n+1)! \cdot (2p-1)(2p-2) \dots (2p-n) x^{2p-n}$$

und das Glied:



$$2 \cdot \frac{(-1)^{p+1}}{2p!} \frac{d^n}{dx^n} \frac{x^{2p}}{x^2 + a_p^2}$$

bleibt daher ebenfalls weit unter:

$$(n+1)! \frac{x}{2p} \cdot \frac{x^{2p-n-1}}{(2p-n-1)!},$$

so dass die Reihe, welche durch  $n$ malige Differentiation unserer vorgelegten Reihe  $f(x)$  entsteht, durchweg, also auch im Punkte  $x=0$ , vollständig convergirt, daher sie der  $n$ te Differentialquotient von  $f(x)$  ist, und wie  $f(x)$  durchweg stetig ist.

Weiter ist zu zeigen, dass die Potenzentwicklung von

$$f(x) = \sum_{p=1}^{p=\infty} \frac{(-1)^{p+1}}{2p!} \frac{x^{2p}}{x^2 + a_p^2}$$

nicht convergirt. Zu dem Zweck bestimmen wir die Coefficienten der Reihe  $f(x) = f(0) + xf'(0) + \dots$ .

Wir haben zuerst:

$$\frac{x^{2p}}{x^2 + a_p^2} = \sum_{q=0}^{q=\infty} \frac{(-1)^q \cdot x^{2(p+q)}}{a_p^{2(q+1)}}$$

und

$$f(x) = \sum_{p=1}^{p=\infty} \sum_{q=0}^{q=\infty} \frac{(-1)^{p+q+1} x^{2(p+q)}}{2p! a_p^{2(q+1)}}$$

Ordnen wir diesen Ausdruck nach Potenzen von  $x$ , indem wir  $p+q=r$  setzen, so folgt:

$$f(x) = \sum_{r=1}^{r=\infty} (-1)^{r+1} x^{2r} \sum_{p=1}^{p=r} \frac{1}{2p! a_p^{2(r-p+1)}}$$

Dies ist die fragliche Potenzentwicklung, die unzweifelhaft für jedes  $x$  divergirt. Denn man nehme z. B. an:

$$a_{\lambda-1} > x > a_{\lambda},$$

so zerfällt  $f(x)$  in die Theile:

$$\sum_{r=1}^{\infty} (-1)^{r+1} x^{2r} \sum_{p=1}^{\lambda-1} \frac{1}{2p! a_p^{2(r-p+1)}}$$

$$\sum_{r=1}^{\infty} (-1)^{r+1} x^{2r} \sum_{p=\lambda}^r \frac{1}{2p! a_p^{2(r-p+1)}},$$

in deren erstem die innere Summe, falls  $r < \lambda$ , nur bis  $r$  genommen zu denken ist. Der erste Theil ist endlich, der zweite  $\pm \infty$ .

## 5.

Scheinbar viel einfacher ist folgendes Beispiel:

$$\varphi(x) = e^{-\frac{1}{x^2}}$$

Auch diese Function ist nicht nach steigenden Potenzen von  $x$  entwickelbar, dabei aber mit ihren sämtlichen Differentialquotienten stetig. Nur ist hier die Schwierigkeit, dass die Werthe  $\varphi(0)$ ,  $\varphi'(0)$ , .. besonderer Festsetzungen bedürfen, wenn unter diesen Werthen das verstanden wird, was man durch Berechnung der Function für den vorgelegten Zahlenwerth  $x = 0$  erhält, und nicht einen Limes  $\lim_{x \rightarrow 0} \varphi(x)$ , etc. Man kann durch geeignete Festsetzungen diese Bedenken auch bei Functionen wie  $\varphi(x)$  beseitigen, aber auf Kosten ihrer Einfachheit. Die Function  $\varphi(x)$  ist entweder als

$$\sum \frac{1}{p!} \left(-\frac{1}{x^2}\right)^p$$

oder als

$$\sum \frac{1}{p!} \left(+\frac{1}{x^2}\right)^p$$

aufzufassen. Bei Ausschluss von  $x = 0$  ist die Gleichartigkeit beider Definitionen offenbar. Aber für  $x = 0$  ist die erste ganz werthlos und die zweite setzt die Gleichheit  $\frac{1}{0} = 0$  voraus. Man wird daher, um  $\varphi(x) = e^{-\frac{1}{x^2}}$  für alle

Werthe von  $x$  auf gleiche Weise definiren zu können, diese Grösse als  $\text{Limes}_{\epsilon=0} q(x \pm \epsilon)$  auffassen müssen. Dies wird aber lästig, wenn man, wie im Folgenden, eine Summe von unbegrenzt vielen Functionen  $q(x)$  bildet, für Argumente, die schliesslich einander unendlich nahe rücken. Alsdann scheint diese Auffassung sogar die erheblichsten Schwierigkeiten im Gefolge zu haben, wenn man den deutlichen Sinn der analytischen Ausdrücke nicht aus dem Auge verlieren will. Aus diesem Grunde habe ich eben vorgezogen, als Beispiel (Art. 4) eine Function hinzustellen, die für alle Werthe des Arguments die gewöhnliche Bestimmung eines Reihenwerthes:

$$\sum_{p=1}^{p=\infty} u_p = \lim_{q=\infty} \sum_{p=1}^{p=q} u_p$$

gestattet, wo jeder Term  $u_p$  für jeden Werth von  $x$  mit beliebiger Genauigkeit berechenbar ist.

## 6.

Was nun die Theorie dieser Beispiele betrifft, so stellen sie eine besondere Art Stetigvieldeutigkeiten dar. Die Function:

$$f(x) = \sum_{p=1}^{p=\infty} \frac{(-1)^{p+1}}{2p!} \frac{x^{2p}}{x^2 + a_p^2}$$

ist, wenn man statt  $x$  einsetzt  $z = x + iy$ , stetig und eindeutig, bis auf die Punkte

$$x = 0, y = \pm a_p, p = 1, 2, \dots$$

in denen sie unendlich wird. Einen um den Punkt  $z = 0$  construirbaren Convergenzkreis hat sie also nicht, natürlich, denn sie ist dort unstetig, wenn man z. B. in der  $y$  Richtung in den Punkt  $z = 0$  gelangt. Das Neue ist nur, dass beim Durchgang durch den Punkt  $z = 0$  in der  $x$  Richtung die Function mit allen in dieser Richtung genommenen

Differentialquotienten stetig ist. Aehnliches gilt von dem zweiten Beispiel  $\varphi(x) = e^{-\frac{1}{x^2}}$ . Gelangt man durch die  $y$  Axe in dem Punct  $z = 0$ , so wird  $\varphi(z)$  unendlich, während von der  $x$  Axe her  $\varphi(z)$  Null wird.

## 7.

Um nun von der Function  $f(x)$  aus andere abzuleiten, welche die Singularität von  $f(x)$  für  $x = 0$  in jedem kleinsten Intervall besitzen, giebt es verschiedene Kunstgriffe. Man kann z. B. so verfahren.

Wir wollen die Function nur in dem Gebiet

$$-1 \leq x \leq +1, \quad 0 \leq y \leq +1$$

betrachten, und wollen sie so bestimmen, dass sie in den Puncten

$$z = x_q^{(p)} + ia_p$$

dieses Gebietes unendlich werde, wo:

$p = 0, 1, 2, \dots$  in inf. sei,

$q$  die ganzen Zahlen zwischen  $-2^p$  und  $+2^p$ , diese eingerechnet, vorstelle,

$$x_q^{(p)} = \frac{q}{2^p},$$

$$a_p = \frac{1}{2^p}$$

gedacht ist. Ferner setzen wir:

$$\lambda_q^{(p)}(x) = \frac{(x - x_q^{(p)})^{2p}}{(x - x_q^{(p)})^2 + a_p^2},$$

und bilden die Doppelsumme:

$$\sum_{p=0}^{\infty} \sum_{q=-2^p}^{+2^p} \mu_{pq} \lambda_q^{(p)}(x),$$

in welcher wir den Zahlencoefficienten  $\mu_{pq}$  zu

$$\frac{(-1)^{p+1}}{2p!} \cdot \frac{1}{2^{p+1}} \cdot q_{pq}$$



bestimmen, unter  $q_{pq}$  weitere Zahlen verstanden, die ich für das hier zu Zeigende auch gleich Eins annehmen konnte, und nur stehen lasse, um bei einer anderen Gelegenheit mich darauf zu beziehen. Die  $q_{pq}$  sollen unter einer endlichen Grenze bleiben.

8.

Die Function:

$$F(x) = \sum_{p=0}^{p=\infty} \sum_{q=-2p}^{q=+2p} \left(-\frac{1}{2}\right)^{p+1} \frac{1}{2p!} \cdot q_{pq} \cdot \frac{(x - x_q^{(p)})^{2p}}{(x - x_q^{(p)})^2 + a_p^2}$$

ist erstens für  $-1 \leq x \leq +1$  stetig mit ihren sämtlichen Differentialquotienten. Denn  $F(x)$  als nach  $p$  fortschreitende Reihe gedacht, lautet ihr Glied:

$$\sum_{q=-2p}^{q=+2p} \left(-\frac{1}{2}\right)^{p+1} \frac{1}{2p!} \cdot q_{pq} \cdot \lambda_q^{(p)}(x),$$

und der  $n$ te Differentialquotient dieses Gliedes bleibt nach Art. 4 weit unter:

$$\sum_{q=-2p}^{q=+2p} \frac{1}{2^p} \frac{(n+1)!}{2} \cdot q_{pq} \cdot \frac{x - x_q^{(p)}}{2p} \cdot \frac{(x - x_q^{(p)})^{2p-n-1}}{(2p-n-1)!}$$

also, weil  $x_q^{(p)}$  und  $x$  zwischen  $-1$  und  $+1$  sich bewegen, der Unterschied daher 2 nicht übersteigen kann, bleibt er weit unter:

$$e \cdot (n+1)! \cdot \frac{1}{p} \cdot \frac{2^{p-n-1}}{(2p-n-1)!},$$

wo  $e$  nicht grösser als das grösste der  $q_{pq}$ . Hieraus folgt die behauptete Stetigkeit.

Was sodann die Entwickelbarkeit von  $F(x+h)$  in eine Reihe der Form  $F(x) + hF'(x) + \dots$  anlangt, für Werthe von  $x$  und  $h$  die der Ungleichheit  $-1 \leq x, x+h \leq +1$  genügen, so setzen wir

$$F_N(x) = \sum_{p=0}^{p=N} \sum_{q=-2p}^{q=+2p} \mu_{pq} \lambda_q^{(p)}(x).$$

Der grösste Convergencekreis, in welchem die Function  $F_N(x+h)$  nach Potenzen von  $h$  entwickelbar ist, wenn  $x$

die Strecke  $-1 \leq x \leq +1$  nicht verlässt, hat den Halbmesser

$$\frac{\sqrt{5}}{2^{N+1}},$$

der also mit  $N^{-1}$  verschwindet. Es wäre freilich, weil diese Maximalhalbmesser gerade für  $N = \infty$  unstetig sein könnten, noch direct zu zeigen, dass die Function  $F(x)$  nicht entwickelbar ist, doch wollen wir hier diese Rechnung nicht anstellen.

### 9.

Zum Schluss hebe ich noch eine bemerkenswerthe Function hervor:

$$\Phi(x) = \sum_{p=1}^{p=\infty} \mu_p \sin px,$$

unter  $\mu_p$  solche Zahlen gedacht, dass das Unendlich von  $\mu_p^{-1}$  grösser als das einer Potenz von  $p$ , kleiner als das einer Potenz von  $e^p$  sei, wie z. B.  $e^{\sqrt{p}}$ . Ich habe bei einer früheren Gelegenheit<sup>1)</sup> darauf aufmerksam gemacht, dass eine Function  $\sum \mu_p \sin px$  nicht aus dem Reellen ins Imaginäre durch Einsetzen eines complexen Werthes für  $x$  fortgesetzt werden kann, wenn nicht  $\mu_p < e^{-\nu p}$ ,  $\nu$  beliebig klein. Andererseits ist  $\Phi(x)$  mit allen Differentialquotienten stetig, wenn  $\mu_p < p^{-n}$ ,  $n$  beliebig gross. Ist also in der That, wie für  $\mu_p = e^{-\sqrt{p}}$ :

$$e^{-\nu p} < \mu_p < p^{-n},$$

so ist die Function  $\Phi(x)$  in der reellen Linie mit sämmtlichen Differentialquotienten stetig, während  $\Phi(x + iy)$  nicht existirt. Was die Entwicklung von  $\Phi(x)$  anlangt, so folgt die Divergenz von

$$\Phi(x + h) = \sum_{q=0}^{q=\infty} \sum_{p=0}^{p=\infty} \frac{e^{-\sqrt{p}} (hp)^q}{q!} \sin \left[ px + \frac{q\pi}{2} \right]$$

1) Abh. d. K. Bayer. Ak. II. Cl. Bd. XII, II. Abth. Untersuchungen über die Convergenz etc., Einleitung, pag. III.

zwar schon daraus, dass, wenn man z. B. nur die Glieder berücksichtigt, für die  $p = q^r$ ,  $r > 1$ , der Zahlencoefficient  $\frac{e^{-\sqrt{p}}(hp)^q}{q!}$  für jedes  $h$  unendlich wird. Es kann aber allerdings auch hier der (wie alle ähnlichen) schwierige Nachweis verlangt werden, dass die übrigen Terme dieses Unendlichwerden nicht aufheben.

Est ist also  $\Phi(x)$  für complexe  $x$  nicht vorhanden, im Reellen mit sämtlichen Ableitungen stetig, aber nicht entwickelbar.

Tübingen, October 1876.

Sitzung vom 2. Dezember 1876.

---

Der Classensekretär legt vor und bespricht nachstehende Mittheilung:

„Ueber Heubachit, ein natürlich vorkommendes Kobaltnickeloxydhydrat. Von dem auswärtigen Mitgliede F. Sandberger.

Fortgesetzte Studien über die an merkwürdigen und neuen Mineralien so reichen Erzgänge des nordöstlichen Schwarzwalds führten im Sommer 1875 zu einer Untersuchung der grossen Halde der Grube St. Anton im Heubachthale bei Wittichen, ungefähr 3 Stunden von Wolfach an der Kinzig entfernt. Hier war noch in den dreissiger Jahren unseres Jahrhunderts gediegen Silber in Menge eingebrochen, bis der Gang durch eine Kluft vollständig abgeschnitten wurde. Die Ausbeute betrug auf einer sehr kleinen Fläche von 1836—1850 nicht weniger als 3165 Mark Feinsilber im Werthe von 74,555 Gulden. Sie wurde fast nur aus schiefwinkelig gestricktem gediegen Silber gewonnen, welches in röthlichem und weissem Baryt oder zeretztem Speiskobalt eingewachsen erschien und wegen seiner Schönheit in viele Sammlungen gelangt ist. Neben diesem Metalle fand auch eine ansehnliche Production von Kobalterzen statt, namentlich wurde nickelhaltiger Speiskobalt, frisch und in allen Stadien der Zersetzung bis zur Aus-



scheidung von Kobalt- und Nickelblüthe gewonnen. Was man früher schwarzen Erdkobalt von Wittichen nannte, ist von mir <sup>1)</sup> längst als ein aus gediegenem Arsen, arseniger Säure und Kobaltblüthe mit einem Rest von Speiskobalt bestehendes Gemenge nachgewiesen worden. Für ächten Erdkobalt (Asbolan) glaubte ich nur ein sehr selten auf Klüften des Baryts in kleinen Kügelchen auftretendes Mineral halten zu dürfen <sup>2)</sup>, welches aber nicht in genügender Menge isolirt werden konnte. Beim Zerschlagen von Schwerspath-Blöcken, die auf der erwähnten Halde lagen, erhielt ich ausser anderen interessanten Mineralien auch die fragliche Substanz in grösserer Quantität. Ich war erstaunt das Pulver derselben statt schwarz braun zu finden und nur eine schwache Manganreaction zu erhalten. Ich vermuthete daher in derselben Frenzels Heterogenit <sup>3)</sup>. Allein neue, im Sommer 1876 gesammelte Stücke zeigten merkliche Differenzen der Härte und des specifischen Gewichts, welche durch eine quantitative Analyse als wesentlich bestätigt wurden. Das Endresultat der Untersuchung war, dass ein neues Mineral vorliege, dessen Charakteristik zunächst folgen soll.

Der Heubachit, wie ich es nenne, überzieht Klüfte von Schwerspath meist nur in papierdünnen russähnlichen Anflügen, seltener in dickeren plattenförmigen Dendriten und kleinkugeligen Aggregaten, deren Oberfläche nicht glatt, sondern mit kleinen Wärzchen bedeckt erscheint. Die Farbe ist tiefschwarz ohne Stich in's Bläuliche, der Glanz ganz unbedeutend, dagegen zeigt der Strich einen schwachen halbm metallischen Glanz. Das dunkelbraune Pulver des undurchsichtigen Minerals verändert sich beim Glühen in der Röhre unter Verlust von Wasser und Sauerstoff-Gas und

1) N. Jahrbuch f. Mineralogie 1868 S. 405 f.

2) Daselbst S. 412.

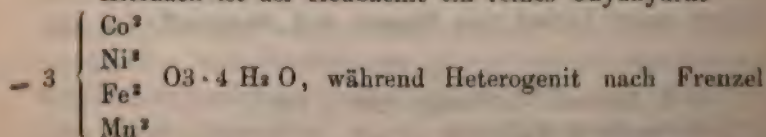
3) N. Jahrbuch f. Mineralogie 1876 S. 280.

nimmt eine dunkelschwarze Farbe an. Der Bruch kann eben genannt werden, die Härte beträgt 2,5, das specifische Gewicht 3,75, während Asbolan H. 1—1½ und spec. Gew. 2,1—2,2, Heterogenit aber H. 3 und spec. Gew. 3,44 besitzt. Letzterer steht also jedenfalls dem Heubachit näher als ersterer. Allein schon die Untersuchung mit dem Löthrohre ergibt auch bedeutende Unterschiede von Heterogenit. Der Heubachit ist für sich unschmelzbar und gibt mit Borax eine intensiv lasurblaue Perle, welche sich, längere Zeit der Reductionsflamme ausgesetzt, stark trübt und Partikeln von metallischem Nickel ausscheidet, die leicht aus dem zerstoßenen Glase durch den Magneten ausgezogen werden können. Heterogenit gibt keine Nickelreaktion. Mit Soda und Salpeter in Platinlöffelchen geschmolzen zeigt Heubachit nur eine schwache Manganfärbung. In concentrirter Salzsäure löst er sich unter starker Chlorentwicklung mit intensiv blaugrüner Färbung auf, welche beim Verdünnen mit Wasser in Rosenroth übergeht.

Die quantitative Analyse wurde von einem meiner Schüler, Hrn. Dr. Zeitzschel, z. Z. Assistent am chemischen Laboratorium der Universität ausgeführt und ergab in 100 Theilen:

Kobaltoxyd	65,50
Nickeloxyd	14,50
Eisenoxyd	5,13
Manganoxyd	1,50
Wasser	12,59
	<hr/> 99,22

Hiernach ist der Heubachit ein reines Oxydhydrat



ein Oxydloxyd-Hydrat  $\text{CoO} \cdot 2 \text{Co}_2 \text{O}_3 + 6 \text{H}_2 \text{O}$  darstellt.



Unter den zahlreichen künstlich dargestellten Kobaltoxydhydraten ist keines von der Formel  $3, \text{Co}_2 \text{O}_3 \cdot 4 \text{H}_2 \text{O}$  bekannt, wohl aber  $\text{Co}_2 \text{O}_3 \cdot \text{H}_2 \text{O}$  und  $\text{Co}_2 \text{O}_3 \cdot 2 \text{H}_2 \text{O}$ . Der Heubachit ist daher wahrscheinlich eine Verbindung  $2 (\text{Co}_2 \text{O}_3 \cdot \text{H}_2 \text{O}) + \text{Co}_2 \text{O}_3 \cdot 2 \text{H}_2 \text{O}$ .

Das Vorkommen des Heubachits beschränkt sich nicht auf die Grube St. Anton im Heubach, sondern derselbe fand sich im Anfange dieses Jahrhunderts unter durchaus gleichen Umständen auch auf der Grube Eberhard bei Alpirsbach im württembergischen Schwarzwald, wie ein von Selb herrührendes Stück der grossherzoglichen Sammlung zu Karlsruhe ausweist. Doch darf man nicht etwa alle erdkobaltähnlichen Mineralien der Wittichener und Alpirsbacher Gänge ohne Weiteres für Heubachit halten. Schon auf einer der Grube Eberhard nahegelegenen, Wolfgang, deren Kobaltgang aus Granit in den Dolomit des Rothliegenden hereinsetzt, habe ich Asbolan in äusserlich von Heubachit schwer zu unterscheidenden Aufhängen beobachtet. Dagegen ist es mir nicht gelungen, ein dunkelschwarzes Mineral mit braunem Strich genau zu untersuchen, welches als Begleiter von Kobaltblüthe, Nickelblüthe, Brauneisenerz, Chlorbromsilber und Silber zu Copiapo in Chile vorkommt, da ich zu wenig Material besitze. Es ist wünschenswerth, dass von anderer Seite festgestellt werde, ob es Heterogenit oder Heubachit ist.

Der Heubachit ist offenbar eine sehr junge Bildung auf den Schwarzwälder Erzgängen, da er nur auf den Klüften von Baryt und nicht selten als Verkittung von Quarz- und Feldspath-Bröckchen vorkommt, die aus dem zerfallenden Granite herrühren, welcher das Nebengestein des Ganges ausmacht und von Gewässern in die Klüfte geführt wurden, die zugleich den Ursprangkörper des Heubachits in Lösung enthielten. Als solchen kann ich nur doppelt kohlensaures Kobaltoxydul ansehen, welchem Nickel-

Eisen- und Manganoxydul als isomorphe Oxydule beigemischt waren.

Zwar sind kohlensaure Salze, welche Kobaltoxydul in so grosser Menge enthalten, als Mineralien nicht bekannt, doch gibt es Carbonate, in welchen Kobaltoxydul mit grösster Sicherheit als integrire Bestandtheil constatirt ist. Ausser den von Breithaupt erwähnten kobalthaltigen Kalkspathen von Schneeberg ist hier zunächst der von Gibbs<sup>4)</sup> analysirte Kobaltbraunspath von Przibram zu erwähnen, in welchem 7,42 Proc. kohlens. Kobaltoxydul neben 56,77 kohlens. Kalk, 35,70 kohlens. Magnesia und 2,03 kohlens. Eisenoxydul vorkommen. Ferner ist der von Bergemann<sup>5)</sup> entdeckte Kobaltmanganspath von Rheinbreitenbach anzuführen, welcher aus 3,71 kohlens. Kobaltoxydul, 90,88 kohlens. Manganoxydul und 2,07 kohlens. Kalk besteht. Ist Mangan nur in geringer Menge vorhanden, so kann sich aus solchen Kobaltkalk- oder Braunspathen bei unvollständiger Oxydation sehr wohl Heterogenit, vollständiger aber nickelfreier Heubachit bilden, bei Gegenwart von viel Mangan aber jedenfalls nur Kakochlor oder Asbolan. Auf Gängen in den manganhaltigen Dolomiten (Rauhkalken) der Zechsteinformation werden die beiden ersteren wohl kaum entdeckt werden, während Asbolan auf ihnen häufig ist.

4) Poggendorff's Annalen LXXI. S. 564.

5) Verh. d. naturhist. Ver. d. preuss. Rheinl. Jahrg. 1857. S. 111.



Sitzung vom 2. December 1876.

Mathematisch-physikalische Classe.

Herr v. Bauernfeind bespricht sein

Näherungs-Verfahren zur Ausgleichung  
der zufälligen Beobachtungsfehler in  
geometrischen Höhennetzen.

Der Umstand, dass in mehreren Staaten Europas, welche sich seit zwölf Jahren zu einer Europäischen Gradmessung verbunden haben, die mit dieser Messung verbundenen Präcisionsnivellemente ihrer Vollendung entgegengehen, hat bereits eine Reihe von Abhandlungen über die beste Art der Ausgleichung der Beobachtungsfehler in den durch jene Nivellemente geschaffenen geometrischen Höhennetzen hervorgerufen. So in den Astronomischen Nachrichten (Jahrgang 1875, Nr. 2052) die Arbeit der Herrn Generalleutenants Dr. Baeyer „über Fehlerbestimmung und Ausgleichung eines geometrischen Nivellements“, ferner in der Zeitschrift für Vermessungswesen (Jahrgang 1876, Heft 7, S. 313 u. ff.) die „Ausgleichung eines Systems gemessener Höhenunterschiede eines Präcisionsnivellements“ von Herrn Generalleutnant v. Morozowicz, und in derselben Zeitschrift (1876, Heft 8, S. 390 und ff.) eine mit Bezug auf die Abhandlung des Herrn v. Morozowicz verfasste Mittheilung des Herrn Professors Dr. Jordan in Carlsruhe über

die „Ausgleichung eines Nivellementsnetzes“. Früher schon hatte Herr Professor Jordan in seinem Taschenbuche der praktischen Geometrie (Stuttgart 1873, § 89, S. 182 u. ff.) die Ausgleichung trigonometrischer Höhenmessungen behandelt und deren Anwendung auf geometrische Nivellemente gezeigt. Alle diese Anleitungen stimmen darin überein, dass sie die wohlbekannten Regeln der Methode der kleinsten Quadrate auf die Ausgleichung der zufälligen Fehler, welche von den auf geometrischem oder trigonometrischem Wege gefundenen Höhenunterschieden eines gegebenen Systemes von Fixpunkten nicht zu trennen sind, anwenden, und sie weichen von einander ab theils in der Gewichtsbestimmung der Beobachtungen und theils in dem Rechnungsmechanismus, durch welchen die Verbesserungen der gemessenen Höhenunterschiede gefunden werden.

Alle diese Methoden liefern für eine bestimmte Strecke eines gegebenen Höhennetzes, das wir uns aus einer beliebigen Anzahl geschlossener und unter sich zusammenhängender Nivellementsschleifen oder N-Polygone bestehend zu denken haben, die gleichen Verbesserungen, wenn die Gewichte der Beobachtungen in gleicher Weise bestimmt sind, d. h. wenn diese Gewichte bei jeder Methode entweder den Längen der nivellirten Strecken oder den Quadraten der wahrscheinlichen Fehler der beobachteten Höhenunterschiede umgekehrt proportional angenommen werden; diese Methoden liefern aber verschiedene Werthe für die Verbesserung einer bestimmten Strecke eines gegebenen Netzes, wenn die Gewichte der gemessenen Höhenunterschiede nach verschiedenen Principien oder gar nach sogenannten „praktischen Erwägungen“ d. i. ziemlich willkürlich bestimmt worden sind.

So lange nun die Zahl der Schleifen oder Polygone, welche ein Höhennetz zusammensetzen, gering ist, also etwa über 10 nicht hinausgeht, sind die Zahlenrechnungen, aus



denen die Verbesserungen und mittleren Fehler der nivellirten Strecken sich ergeben, noch immer erträglich, sie steigern sich aber bis zur Unerträglichkeit und praktischen Unausführbarkeit, wenn die Zahl der auszugleichenden Polygone gross wird. Jedenfalls steht schon bei mehr als 10 Polygonen, die auf die Ausgleichung zu verwendende Arbeit in keinem annehmbaren Verhältnisse mehr zu dem möglicherweise damit verbundenen Gewinne an Genauigkeit, zumal die wirklichen Schlussfehler der nach den üblichen präzisen Methoden nivellirten Polygone oder Schleifen selten mehr als 3 Millimeter für eine Strecke von 1 Kilometer Länge betragen.

Wie gross die Zahl der in jedem gegebenen Falle zu behandelnden Gleichungen ist, lässt sich leicht übersehen, wenn man die Bedingungen aufstellt, welche eine systematisch nach der Methode der kleinsten Quadrate durchgeführte Ausgleichung zu erfüllen hat. Besteht nämlich das geometrische Höhennetz aus  $n$  zusammenhängenden Polygonen oder Schleifen, so sind zunächst die  $n$  Bedingungsgleichungen zu erfüllen, welche sich aus der Forderung ergeben, dass die algebraische Summe der Höhenunterschiede aller Strecken eines geschlossenen Nivellements-polygons der Null, oder die Summe aller Steigungen eines solchen Polygons der Summe aller Gefälle desselben gleich sein muss. Zu diesen  $n$  Bedingungen kommt noch die weitere, dass die Summe der Produkte aus den Fehlerquadraten in die zugehörigen Gewichte ein Minimum sein soll. Haben nun sämtliche zu einem Höhennetz vereinigte Polygone  $m$  Seiten oder Strecken, wobei jedoch die Ausschlussseiten je zweier Polygone nur ein Mal gezählt sind, so müssen aus weiteren  $m$  Fehler-Gleichungen die an den gedachten  $m$  Strecken anzubringenden Verbesserungen gesucht werden. In jedem Falle sind also  $n + m$  Gleichungen aufzulösen, wobei freilich nur die erstgenannten  $n$  Bedingungsgleichungen um so mehr Schwierig-

keiten bereiten, je grösser ihre Zahl ist. Wenn demnach die Höhennetze für Länder von der Grösse Bayerns noch recht gut nach der strengen Methode der kleinsten Quadrate ausgeglichen werden können, so ist dieses System nur mit ganz besonderen Schwierigkeiten auf die Präcisions-nivellemente grösserer Länder, wie Deutschland, Oesterreich, Frankreich, Italien u. s. w. anzuwenden, und für das gesammte Europäische Höhenetz geradezu unausführbar. Dieses Netz und wohl auch schon die der eben genannten Staaten müssen in kleinere Theile von höchstens 10 Polygonen zerlegt, in diesen Theilen ausgeglichen und dann durch Hilfsmittel, welche den Anspruch auf strenge Wissenschaftlichkeit nicht mehr machen können, mit einander verbunden werden.

Meine Methode der Ausgleichung kennt diese Schwierigkeit nicht, die Rechnungsarbeit wächst einfach mit der Zahl der Polygone, während sie bei dem strengen Verfahren nach einer kaum zu bestimmenden hohen Potenz der Polygonzahl zunimmt. Sie erfüllt alle Bedingungen der strengen Methode mit Ausnahme der einzigen, dass die Summe der Fehlerquadrate ein Minimum ist; angestellte Vergleichen zeigen jedoch, dass die von mir gefundenen Quadratsummen stets nur wenig grösser sind, als die nach der strengen Methode bestimmten Minima der Fehler-Quadrate.

Ich gehe nämlich von der Erwägung aus, dass es sich eigentlich nicht rechtfertigen lässt, die auf ein Nivellements-polygon verwendete vorzügliche Arbeit durch die minder gute eines anderen Polygons zu trüben oder letztere durch erstere zu verschleiern: ebendesshalb fange ich die Ausgleichung bei dem Polygon an, welches den stärksten Schluss- oder Kilometerfehler hat und vertheile diesen Fehler über den ganzen Umfang des Polygons proportional den Längen der Seiten desselben. Nach diesem Polygon kommt dasjenige Nachbarpolygon, welches unter diesen



den grössten Schluss- und beziehungsweise Kilometerfehler hat, zur Ausgleichung. In diesem zweiten Polygon wird die Anschlussseite beibehalten, wie sie sich aus dem ersten Polygon ergeben hat, und es kommt demnach nur mehr der durch die verbesserte Anschlussstrecke abgeänderte Schlussfehler des zweiten Polygons auf dem um die Anschlussseite verminderten Umfange desselben zur proportionalen Vertheilung. Dasselbe geschieht in analoger Weise bei dem dritten, vierten und jedem weiter folgenden Polygon, das nur mit Einer Seite den bereits ausgeglichenen Netztheil berührt. Bei denjenigen Polygonen aber, welche mit zwei oder selbst drei Strecken an die schon ausgeglichenen Polygone geknüpft sind, werden die bereits berechneten Verbesserungen dieser Strecken ebenfalls beibehalten und nur mehr die Reste der Schlussfehler auf die übrigen Strecken ihren Längen proportional vertheilt.

Mit diesem Verfahren ist angenommen, dass die Gewichte  $p_1, p_2, p_3, p_4, \dots$  der beobachteten Strecken deren Längen  $s_1, s_2, s_3, s_4, \dots$  umgekehrt proportional seien, wie sich leicht beweisen lässt. Denn hätte man nur ein einziges Polygon mit 4 Strecken, deren beobachtete Höhenunterschiede  $d_1, d_2, d_3, d_4$  und deren gesuchte Verbesserungen  $v_1, v_2, v_3, v_4$  sind, auszugleichen, so wären die zu erfüllenden Bedingungen:

- 1)  $(d_1 + v_1) + (d_2 + v_2) + (d_3 + v_3) + (d_4 + v_4) = 0$
- 2)  $p_1 v_1 v_1 + p_2 v_2 v_2 + p_3 v_3 v_3 + p_4 v_4 v_4 = \text{minimum.}$

Ist der Schlussfehler des Polygons  $= A$ , so ist diesem Fehler die Summe aller Verbesserungen gleich zu setzen und daher, wenn man diese gebildete Gleichung noch mit einem beliebigen constanten Factor  $k$  multiplicirt:

$$3) \quad Ak = (v_1 + v_2 + v_3 + v_4) k.$$

Differentiirt man die Gleichungen (2) und (3) nach bekannten Regeln, so ergeben sich zunächst folgende Gleichungen zur Bestimmung der Verbesserungen:

$$\begin{aligned}
 4) \quad & p_1 v_1 + k = 0 \\
 & p_2 v_2 + k = 0 \\
 & p_3 v_3 + k = 0 \\
 & p_4 v_4 + k = 0
 \end{aligned}$$

und es sind die in  $k$  und den nivellirten Strecken  $s_1, s_2, s_3, s_4$ , deren Gesammtlänge  $S$  sei, ausgedrückten Verbesserungen selbst:

$$\begin{aligned}
 5) \quad v_1 &= -\frac{k}{p_1} = -\frac{s_1}{S} k \\
 v_2 &= -\frac{k}{p_2} = -\frac{s_2}{S} k \\
 v_3 &= -\frac{k}{p_3} = -\frac{s_3}{S} k \\
 v_4 &= -\frac{k}{p_4} = -\frac{s_4}{S} k.
 \end{aligned}$$

Setzt man diese Werthe in die vorher mit  $k$  dividirte Gleichung (3), so wird

$$6) \quad \Delta S = -(s_1 + s_2 + s_3 + s_4) k$$

woraus folgt, dass in dem vorliegenden Falle  $k = -\Delta$  ist und dass demnach, wenn man die auf die Längenheit des Umfangs  $S$  treffende Verbesserung

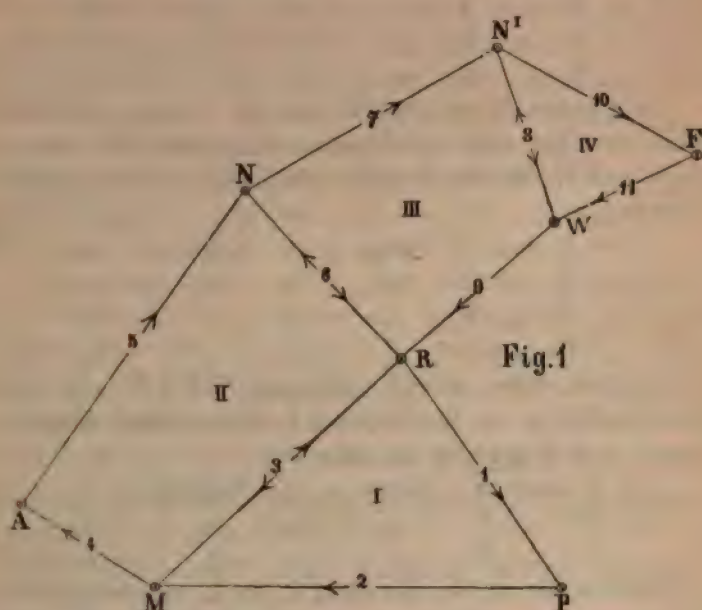
$$7) \quad v = \frac{\Delta}{S}$$

setzt, die einzelnen Verbesserungen werden:

$$\begin{aligned}
 8) \quad v_1 &= -s_1 \cdot v \\
 v_2 &= -s_2 \cdot v \\
 v_3 &= -s_3 \cdot v \\
 v_4 &= -s_4 \cdot v
 \end{aligned}$$

womit bewiesen ist, dass aus der vorhin erwähnten Annahme der Gewichte die den Strecken proportionale Fehlervertheilung folgt. Indem wir also eine solche Vertheilung der Fehler vornehmen, berücksichtigen wir auch die den Strecken umgekehrt proportional gesetzten Gewichte, ohne dass von diesen im Verlauf der Rechnung die Rede ist.

Um zu beweisen, dass meine Methode der Ausgleichung die erste Forderung des Schlusses aller Polygonzüge und des Gesamtumfangs der Einzelpolygone erfüllt, wenn jedes von diesen zum Schlusse gebracht ist, lege ich folgende Figur zu Grunde, welche dem Bayerischen Nivellementsnetze entspricht, übrigens nach Belieben erweitert gedacht werden kann.



In dieser Figur heisse das durch die Hauptfixpunkte in R (Regensburg), P (Passau) und M (München) gebildete Polygon RPM das erste (I), seine im Allgemeinen durch die Eisenbahnen bezeichneten Strecken haben folgende horizontale Längen und verticale Steigungen:

von R	nach P:	Länge	=	$s_1$ ,	Neigung	+	$d_1$
"	P	"	M	"	$s_2$	"	- $d_2$
"	M	"	R	"	$s_3$	"	+ $d_3$

Der Gesamtumfang dieses Polygons  $s_1 + s_2 + s_3$  heisse  $S_1$  und der Schlussfehler  $d_1 - d_2 + d_3 = \mathcal{A}_1$ .

Ferner wurde das Polygon RMANR, worin R und M ihre vorige Bedeutung haben, A aber Augsburg und N Nürnberg bezeichnet, das zweite (II) genannt; in ihm sind die Längen und Neigungen der Strecken folgende:

von R nach M: Länge =  $s_3$ , Neigung  $- d_3$

„ M „ A „  $s_4$  „  $+ d_4$

„ A „ N „  $s_5$  „  $+ d_5$

„ N „ R „  $s_6$  „  $- d_6$

In gleicher Weise seien in dem III. Polygon RNN'R, worin von den noch unbekannten Eckpunkten N' Neuenmarkt und W Weiden bedeutet, die Längen und Neigungen folgende:

von R nach N: Länge =  $s_7$ , Neigung  $+ d_7$

„ N „ N' „  $s_8$  „  $- d_8$

„ N' „ W „  $s_9$  „  $- d_9$

„ W „ R „  $s_{10}$  „  $+ d_{10}$

Endlich habe das IV. Polygon WN'FW mit den Hauptfixpunkten in W, N' und F (Franzensbad) folgende Längen und Neigungen der Strecken:

von W nach N': Länge =  $s_{11}$ , Neigung  $+ d_{11}$

„ N' „ F „  $s_{12}$  „  $- d_{12}$

„ F „ W „  $s_{13}$  „  $+ d_{13}$

Heissen die an den Strecken  $d_1$  bis  $d_{11}$  anzubringenden Verbesserungen  $v_1$  bis  $v_{11}$ , so müssen, da durch letztere der verticale Polygonschluss bewirkt wird, folgende Gleichungen stattfinden:

$$\begin{aligned} 9) \quad & + (d_1 + v_1) - (d_2 + v_2) + (d_3 + v_3) = 0 \\ & - (d_3 + v_3) + (d_4 + v_4) + (d_5 + v_5) - (d_6 + v_6) = 0 \\ & + (d_6 + v_6) - (d_7 + v_7) - (d_8 + v_8) + (d_9 + v_9) = 0 \\ & + (d_9 + v_9) - (d_{10} + v_{10}) + (d_{11} + v_{11}) = 0. \end{aligned}$$

Bei der Bildung dieser Gleichungen ist darauf zu sehen, dass alle Polygone in gleichem Sinne, hier von links



nach rechts, umfahren werden, und dass man für die zweimal aber entgegengesetzt durchfahrenen Anschlussstrecken, hier  $s_3, s_6, s_7$ , die Neigungen mit entgegengesetzten Vorzeichen anschreibt, so dass auf  $+(d_3 + v_3)$  folgt  $-(d_3 + v_3)$ , auf  $-(d_6 + v_6)$  folgt  $+(d_6 + v_6)$ , auf  $-(d_7 + v_7)$  folgt  $+(d_7 + v_7)$  u. s. w.

Addirt man vorstehende Bedingungsgleichungen, welche jede beliebige Anzahl vorstellen können, so fallen die Neigungen der Anschlussstrecken, weil jede zweimal mit entgegengesetzten Vorzeichen vorkommt, heraus und man erhält

$$10) \quad (d_1 + v_1) - (d_2 + v_2) + (d_4 + v_4) + (d_6 + v_6) - (d_7 + v_7) + (d_8 + v_8) - (d_{10} + v_{10}) + (d_{11} + v_{11}) = 0$$

womit bewiesen ist, dass auch der Umfang der Figur RPMANN'FWR schliesst, sobald alle Einzelpolygone schliessen.

Es schliesst aber auch jeder beliebige Polygonzug, z. B. RPMANN'WR, welcher aus den Polygonen I, II, III gebildet ist, oder RMANN'FWR, welcher aus den Polygonen II, III, IV besteht; denn addirt man in dem ersten Falle die 3 ersten Gleichungen des Systems (9), so folgt (11)

$$(d_1 + v_1) - (d_2 + v_2) + (d_4 + v_4) + (d_5 + v_5) - (d_7 + v_7) - (d_8 + v_8) + (d_9 + v_9) = 0$$

und wenn man in dem zweiten Falle die 3 letzten Gleichungen des Systems (9) addirt, so ist (12)

$$-(d_3 + v_3) + (d_4 + v_4) + (d_5 + v_5) - (d_7 + v_7) - (d_{10} + v_{10}) + (d_{11} + v_{11}) + (d_9 + v_9) = 0$$

womit die aufgestellte Behauptung bewiesen ist.

Dieser Beweis gilt wie der vorige für Nr 10, ganz allgemein, da man in der hier angegebenen Art eine noch so grosse Zahl aneinander gereihter Polygone immer in gleichem Sinne und so umfahren kann, dass die Anschlussstrecken doppelt aber entgegengesetzt werden, wodurch deren Höhenunterschiede aus der Summe der Gleichungen herausfallen und diese Summe dann den Schluss des Umfangs ausspricht. Meines Wissens ist auf diese einfache und anschauliche Art des Beweises, dass der Schluss der Einzel-

polygone auch den des Umfangs aller oder beliebig vieler Polygone eines Netzes bedingt, noch nirgends anmerksam gemacht worden, und wenn auch die meisten Geodäten, welche über die Ausgleichung von Höhennetzen geschrieben haben, für den Umfang aller Polygone eine besondere Bedingungsgleichung nicht aufstellten, weil sie wussten, dass diese schon mit denen der Einzelpolygone gegeben ist, so ist es doch noch im Jahre 1875 von einer Autorität geschehen, wie man aus Nr 2052 der Astronomischen Nachrichten und deren besonderem Abdrucke ersehen kann.

Es ist nunmehr die Frage zu beantworten, wie gross die Abweichung zwischen dem bekannten strengen Verfahren und meiner Näherungsmethode ist.

Durch die Gleichungen (1) bis (8) auf Seite 247 bis 248 habe ich schon bewiesen, dass, wenn es sich nur um ein einziges Polygon handelt, zwischen meinem Verfahren und dem der Methode der kleinsten Quadrate gar kein Unterschied besteht, indem beide Verfahren auf die den Strecken proportionale Fehlervertheilung führen, von der ich ausgehe.

Für 2 aneinander gereihete Polygone lässt sich der Unterschied in den Verbesserungen und deren Quadratsummen noch allgemein darstellen, für 3 oder mehr Polygone hört die Allgemeinheit des Beweises auf und muss man sich mit Zahlenbeispielen begnügen.

Nehmen wir an, es seien die Polygone I und II in der schon benützten Figur nach den in Rede stehenden zwei Verfahren auszugleichen, so bestehen nach beiden folgende Bedingungsgleichungen:

$$13) \quad \begin{aligned} &+(d_1 + v_1) - (d_2 + v_2) + (d_3 + v_3) = 0 \\ &-(d_3 + v_3) + (d_4 + v_4) + (d_5 + v_5) - (d_6 + v_6) = 0. \end{aligned}$$

Die Methode der kleinsten Quadrate fordert aber noch die Erfüllung der weiteren Bedingung:

$$14) \quad p_1 v_1^2 + p_2 v_2^2 + p_3 v_3^2 + p_4 v_4^2 + p_5 v_5^2 + p_6 v_6^2 = \min.$$

Schreibt man für die bekannten Schlussfehler in den beiden Polygonen I und II je einen einzigen Buchstaben, nämlich

$$\begin{aligned} 15) \quad A_1 &= +d_1 - d_2 + d_3 \\ A_2 &= -d_3 + d_4 + d_5 - d_6 \end{aligned}$$

und multiplicirt die beiden Gleichungen des Systems (13) mit willkürlichen constanten Factoren, die erste mit  $k_1$  und die zweite mit  $k_2$ , so erhält man

$$\begin{aligned} 16) \quad A_1 k_1 + (v_1 - v_2 + v_3) k_1 &= 0 \\ A_2 k_2 - (v_3 - v_4 - v_5 + v_6) k_2 &= 0 \end{aligned}$$

Hieraus und aus (14) ergeben sich durch Differentiiren nach den Veränderlichen  $v_1, v_2, v_3, \dots, v_6$  die sechs Gleichungen, welche zur Bestimmung dieser Verbesserungen führen, und diese selbst, nämlich:

$$\begin{array}{ll} 17) \quad 0 = p_1 v_1 + k_1 & 18) \quad v_1 = -\frac{k_1}{p_1} \\ 0 = p_2 v_2 - k_1 & v_2 = +\frac{k_1}{p_2} \\ 0 = p_3 v_3 + k_1 - k_2 & v_3 = +\frac{k_2 - k_1}{p_3} \\ 0 = p_4 v_4 + k_2 & v_4 = -\frac{k_2}{p_4} \\ 0 = p_5 v_5 + k_2 & v_5 = -\frac{k_2}{p_5} \\ 0 = p_6 v_6 - k_2 & v_6 = +\frac{k_2}{p_6} \end{array}$$

Führt man diese Werthe von  $v_1$  bis  $v_6$  in die Gleichungen (16) ein, nachdem sie vorher wieder mit  $k_1$  und beziehungsweise  $k_2$  dividirt sind, und bedenkt, dass, wenn  $S_1$  der Umfang des Polygons I,  $S_2$  jener des Polygons II und  $S$  der Umfang beider Polygone ist,

$$\frac{1}{p_1} = \frac{s_1}{S}, \quad \frac{1}{p_2} = \frac{s_2}{S}, \quad \frac{1}{p_3} = \frac{s_3}{S}$$

wird, so erhält man folgende Gleichungen zur Bestimmung von  $k_1$  und  $k_2$ , nämlich:

$$\begin{aligned} 19) \quad \mathcal{A}_1 S &= (s_1 + s_2 + s_3) k_1 - s_3 k_2 = S_1 k_1 - s_3 k_2 \\ \mathcal{A}_2 S &= -s_2 k_1 + (s_2 + s_4 + s_5 + s_6) k_2 = -s_2 k_1 + S_2 k_2 \end{aligned}$$

Hieraus folgt in bekannter Weise:

$$\begin{aligned} 20) \quad k_1 &= \frac{\mathcal{A}_1 S_2 + \mathcal{A}_2 s_3}{S_1 S_2 - s_3 s_2} \cdot S = Q_1 \cdot S \\ k_2 &= \frac{\mathcal{A}_1 s_2 + \mathcal{A}_2 S_1}{S_1 S_2 - s_3 s_2} \cdot S = Q_2 \cdot S \end{aligned}$$

und hiemit, wenn man in (18) substituirt:

$$\begin{aligned} 21) \quad v_1 &= -s_1 \cdot Q_1 \\ v_2 &= +s_2 \cdot Q_1 \\ v_3 &= -s_3 \cdot (Q_1 - Q_2) \\ v_4 &= -s_4 \cdot Q_2 \\ v_5 &= -s_5 \cdot Q_2 \\ v_6 &= +s_6 \cdot Q_2 \end{aligned}$$

Es verhalten sich demnach bei der Ausgleichung nach der Methode der kleinsten Quadrate die Verbesserungen aller Strecken eines Polygons, welche nicht Anschlussstrecken sind, wie die Längen dieser Strecken, d. h. in dem Polygon I die absoluten Werthe

$$v_1 : v_2 = s_1 : s_2$$

und im Polygon II ohne Rücksicht auf Vorzeichen

$$v_4 : v_5 : v_6 = s_4 : s_5 : s_6$$

Dieses nämliche Verhältniss stellt sich auch bei der Ausgleichung nach meiner Methode dar. Wenn nämlich  $+ \mathcal{A}_1$  der auf die 3 Strecken  $s_1, s_2, s_3$  des Polygons Nr I zu vertheilende Schlussfehler ist, so wird der auf die Längeneinheit des Umfangs  $S_1$  treffende Theil der Verbesserung  $\mathcal{A}_1 : S_1 = Q^I$  und es ist folglich in diesem Polygon, wenn man die neuen Verbesserungen mit  $v_1, v_2, v_3, \dots$  bezeichnet:

$$\begin{aligned} 22) \quad v_1 &= -s_1 \cdot Q^I \\ v_2 &= +s_2 \cdot Q^I \\ v_3 &= -s_3 \cdot Q^I \end{aligned}$$



In dem zweiten Polygon ist der Rest des Schlussfehlers oder

$$23) \quad A_3 - v_3 = A_2 + s_3 \cdot Q^I$$

auf die 3 Strecken  $s_1, s_2, s_3$  im Verhältniss zu deren Längen und nach dem Einheitswerthe

$$24) \quad \frac{A_3 - v_3}{S_{II} - s_3} = \frac{A_2 + s_3 \cdot Q^I}{S_{II} - s_3} = Q^{II}$$

zu vertheilen; es wird demnach mit Rücksicht auf die zweite Gleichung im System (13), da  $v_3$  schon aus Polygon I gegeben ist:

$$25) \quad \begin{aligned} v_1 &= -s_1 \cdot Q^{II} \\ v_2 &= -s_2 \cdot Q^{II} \\ v_3 &= +s_3 \cdot Q^{II} \end{aligned}$$

Aus den in (22) und (25) ausgedrückten Werthen der Verbesserungen sieht man, dass folgende Proportionen stattfinden:

$$\begin{aligned} v_1 : v_2 : v_3 &= s_1 : s_2 : s_3 \\ v_1 : v_5 : v_6 &= s_4 : s_5 : s_6 \end{aligned}$$

womit bewiesen ist, dass sich die nach meinem abgekürzten Verfahren berechneten Werthe mindestens ebenso gut als die nach der Methode der kleinsten Quadrate erhaltenen den Streckenverhältnissen anschliessen. Dabei brauchen selbstverständlich die absoluten Werthe der Verbesserungen noch nicht übereinzustimmen. Die Abweichungen der einzelnen Verbesserungen und ihrer Quadrate ergeben sich wie folgt:

$$\begin{aligned} 26) \quad v_1 - v_1 &= -s_1 (Q_I - Q^I) & 27) \quad v_1^2 - v_1^2 &= s_1^2 (Q_I^2 - Q_I^2) \\ v_2 - v_2 &= +s_2 (Q_I - Q^I) & v_2^2 - v_2^2 &= s_2^2 (Q_I^2 - Q_I^2) \\ & \text{u. s. w.} & & \text{u. s. w.} \end{aligned}$$

Hieraus lässt sich jedoch die Ungleichung  $[vv] < [vv]$  nicht allgemein beweisen, sie folgt lediglich aus dem von Gauss in seiner theoria combinationis etc. (art. 37 und 38) bewiesenen Satze, dass jedes andere als das durch die Methode der kleinsten Quadrate gelieferte System von Unbekannten eine grössere Quadratsumme der Fehler liefert als

diese Methode. Hier kommt es nur darauf an, dass der Unterschied  $[vv] - [vv]$  in allen praktischen Fällen nicht zu gross wird, und dieses ist bei meiner Methode der Fall.

Wendet man die beiden hier beschriebenen Ausgleichungsmethoden auf einige bestimmte Fälle an, so wird man am besten die Verschiedenheit beider in der Rechnungsweise und in den Ergebnissen bezüglich der Fehlerquadrate und mittleren Fehler erkennen.

Wählen wir zunächst z. B. das aus 4 geschlossenen Polygonen bestehende Bayerische Höhennetz, zu dessen Ausgleichung ich bereits in der vierten Mittheilung über das Bayerische Präcisionsnivellement, (vergl. die Abhandlungen unserer Akademie, Cl. II, Bd. XII. Abth. 3, S. 81 u. ff.) Die erforderlichen Daten angegeben habe, nämlich mit Bezug auf Fig. 1. und die bereits erklärten Bezeichnungen:

	Km		
$s_1 = 125,771$	$d_1 = + 35,8723$	von R nach P	
$s_2 = 179,025$	$d_2 = - 217,5062$	„ P „ M	
$s_3 = 147,266$	$d_3 = + 181,6541$	„ M „ R	
$s_4 = 60,597$	$d_4 = + 32,0958$	„ M „ A	
$s_5 = 174,047$	$d_5 = + 179,5981$	„ A „ N	
$s_6 = 101,083$	$d_6 = - 30,0005$	„ N „ R	
$s_7 = 134,879$	$d_7 = - 38,6644$	„ N „ N <sup>1</sup>	
$s_8 = 80,112$	$d_8 = - 48,8053$	„ N <sup>1</sup> „ W	
$s_9 = 87,034$	$d_9 = + 57,4440$	„ W „ R	
$s_{10} = 96,768$	$d_{10} = - 100,1619$	„ N <sup>1</sup> „ F	
$s_{11} = 67,892$	$d_{11} = + 51,4646$	„ F „ W	

Es ist demnach der Schlussfehler des Polygons

$$\text{Nr I} = \Delta_1 = + d_1 - d_2 + d_3 = + 0,0202$$

$$\text{Nr II} = \Delta_2 = - d_3 + d_4 + d_5 - d_6 = + 0,0393$$

$$\text{Nr III} = \Delta_3 = + d_6 - d_7 - d_8 + d_9 = - 0,0252$$

$$\text{Nr IV} = \Delta_4 = + d_9 - d_{10} + d_{11} = + 0,1080$$

und es sind die Längen aller Umfänge und aller Strecken folgende:

$$\begin{aligned} S_I &= s_1 + s_2 + s_3 && = 452,062 \\ S_{II} &= s_3 + s_4 + s_5 + s_6 && = 482,993 \\ S_{III} &= s_6 + s_7 + s_8 + s_9 && = 403,108 \\ S_{IV} &= s_9 + s_{10} + s_{11} && = 244,772 \\ S &= s_1 + s_2 + s_3 + s_4 + s_5 + s_6 + s_7 + s_8 + s_9 + s_{10} + s_{11} && = 1254,474. \end{aligned}$$

Wendet man diese Zahlen auf die in Nr 9 mit Rücksicht auf den vorliegenden Fall dargestellten 4 Bedingungen-  
gleichungen und auf die allgemeine Function  $[pvv] = \min.$   
an, so ergeben sich zur Bestimmung der willkürlichen  
Factoren  $k_1, k_2, k_3, k_4$  folgende 4 Normalgleichungen (a. a.  
O. S. 122):

$$\begin{aligned} SA_1 &= + S_I k_1 - s_3 k_2 \\ SA_2 &= - s_3 k_1 + S_{II} k_2 - s_6 k_3 \\ SA_3 &= - s_6 k_2 + S_{III} k_3 - s_9 k_4 \\ SA_4 &= - s_9 k_3 + S_{IV} k_4. \end{aligned}$$

Aus diesen erhält man, wenn für die Umfänge  $S, S_I, S_{II}, S_{III}, S_{IV}$  und die Strecken  $s_3, s_6, s_9$  die vorstehenden  
Werthe eingesetzt werden:

$$\begin{aligned} k_1 &= + 1,0473 \\ k_2 &= + 1,4947 \\ k_3 &= + 0,7385 \\ k_4 &= + 5,7763 \end{aligned}$$

und hiemit ergeben sich aus den nach (17) und (18) ge-  
bildeten 11 Gleichungen die Verbesserungen  $v_1$  bis  $v_{11}$  und  
deren Quadrate:

29)	$v_1 = -1,05$	$v_1^2 = 1,1025$
	$v_2 = +1,49$	$v_2^2 = 2,2201$
	$v_3 = +0,52$	$v_3^2 = 0,2756$
	$v_4 = -0,72$	$v_4^2 = 0,5184$
	$v_5 = -2,07$	$v_5^2 = 4,2849$
	$v_6 = +0,61$	$v_6^2 = 0,3721$
	$v_7 = +0,79$	$v_7^2 = 0,6241$
	$v_8 = -3,21$	$v_8^2 = 10,3041$

$$\begin{array}{rcl}
 v_9 & = & -0,51 \\
 v_{10} & = & +4,46 \\
 v_{11} & = & -3,13
 \end{array}
 \qquad
 \begin{array}{rcl}
 v_9^2 & = & 0,2601 \\
 v_{10}^2 & = & 19,8916 \\
 v_{11}^2 & = & 9,7969 \\
 \hline
 [vv] & = & 49,6504.
 \end{array}$$

Aus diesen Fehlerquadraten und den bekannten Streckenlängen findet sich nach der Formel

$$30) \quad m^2 = \frac{1}{11} \left( \frac{v_1^2}{s_1} + \frac{v_2^2}{s_2} + \frac{v_3^2}{s_3} + \dots + \frac{v_{11}^2}{s_{11}} \right)$$

der mittlere Fehler des Bayerischen Präcisionsnivelements für einen Kilometer:

$$m = \pm 2,601^{\text{mm}}$$

während er nach den Bestimmungen der Allgemeinen Conferenz der Europäischen Gradmessung  $3^{\text{mm}}$  betragen dürfte.

Die verbesserten Höhenunterschiede werden somit

$$\begin{array}{rcl}
 31) \quad d_1^1 & = & + (d_1 + v_1) = + 35,8618 \\
 d_2^1 & = & - (d_2 + v_2) = - 217,5211 \\
 d_3^1 & = & + (d_3 + v_3) = + 181,6593 \\
 d_4^1 & = & + (d_4 + v_4) = + 32,0886 \\
 d_5^1 & = & + (d_5 + v_5) = + 179,5774 \\
 d_6^1 & = & - (d_6 + v_6) = - 30,0066 \\
 d_7^1 & = & - (d_7 + v_7) = - 38,6723 \\
 d_8^1 & = & - (d_8 + v_8) = - 48,7732 \\
 d_9^1 & = & + (d_9 + v_9) = + 57,4389 \\
 d_{10}^1 & = & - (d_{10} + v_{10}) = - 100,2065 \\
 d_{11}^1 & = & + (d_{11} + v_{11}) = + 51,4333
 \end{array}$$

und man kann sich sofort überzeugen, dass alle Polygone einzeln und ganz oder theilweise aneinander gereiht schliessen. Die Vorzeichen der Strecken Nr 3, Nr 6, Nr 8 sind entgegengesetzt, und es gilt das obere für das vorausgehende, das untere für das nachfolgende Polygon, in welchem die betreffende Strecke nach einer der vorigen entgegengesetzten Richtung durchfahren wird. Bei der Addition sämmtlicher Höhenunterschiede heben sich die mit doppelten Vorzeichen



auf und es deutet der Umstand, dass die Summe der übrigen Unterschiede null wird, den Schluss des Gesamtumfangs an.

Berechnet man die Verbesserungen des in Fig. 1 dargestellten Bayerischen Netzes nach meinem Verfahren, so beginnt man am zweckmässigsten mit dem Polygon IV (der Fichtelgebirgsschleife), worin der grösste Schluss- und Kilometerfehler vorkommt\*), und lässt hierauf die Polygone III, II, I folgen. Der Grund dieser Reihenfolge ist, dass der grosse Anschlussfehler  $\Delta_1$  über alle Seiten des Polygons IV den Streckenlängen proportional vertheilt und diese Vertheilung nicht vom Polygon III her, welches nur einen kleinen Schlussfehler  $\Delta_3$  hat, beeinflusst wird. Denn müsste man die verbesserte Strecke  $s_8$  in IV beibehalten, wie sie sich aus III ergeben hat, so träfen auf die Strecken  $s_{10}$  und  $s_{11}$  zu grosse Theile des Schlussfehlers  $\Delta$  und damit erhielte man auch eine grössere Quadratsumme der Fehler als in dem Falle, wo man die Polygone nach der umgekehrten Reihenfolge IV, III, II, I ausgleicht.

Da auf den Umfang  $S_{IV}$  der Schlussfehler  $\Delta_1$  trifft, so kommt auf die Längeneinheit der Strecke eine Verbesserung  $\Delta_1 : S_{IV} = Q^{IV}$  und es wird folglich

$$v_8 = -s_8 \cdot Q^{IV} = -0,03535^m = -3,54^{cm}$$

$$v_{10} = +s_{10} \cdot Q^{IV} = +0,04268 = +4,27$$

$$v_{11} = -s_{11} \cdot Q^{IV} = -0,02983 = -2,99.$$

Setzt man diese Verbesserungen in die Bedingungs-  
gleichung (System 9, Nr 4):

$$+(b_8 + v_8) - (b_{10} + v_{10}) + (b_{11} + v_{11}) = 0$$

ein, so wird

\*) Ich habe zwar die Absicht, dieses Polygon vor der definitiven Ausgleichung des Bayerischen Höhennetzes nochmals nivelliren zu lassen; für das hier zu gebende Beispiel ist es aber ohne Belang, wenn der Schlussfehler  $\Delta_1 = +0,1080$  etwas grösser ist, als er sein sollte.

$$b_8^1 = + (48,8053 - 0,0354) = + 48,7699^m$$

$$b_{10}^1 = - (100,1619 + 0,0427) = - 100,2046$$

$$b_{11}^1 = + (51,4646 - 0,0298) = + 51,4347$$

woraus folgt, dass die algebraische Summe der 3 Neigungen der drei Strecken Nr 8, 10, 11 null ist, wie es sein muss.

Für das Polygon III besteht die Bedingungs Gleichung (System 9, Nr 3):

$$+ (b_6 + v_6) - (b_7 + v_7) - (b_8 + v_8) + (b_9 + v_9) = 0$$

und da  $b_6 - b_7 - b_8 + b_9 = \mathcal{A}_3 = - 0,0252^m$  und  $v_6 = - 0,0354^m$ , so folgt hieraus, nach der Einsetzung dieser Werthe:

$$v_6 - v_7 + v_9 = - \mathcal{A}_3 + v_6 = 0,0252 - 0,0354 = - 0,0102^m$$

und es ist somit der Einheitswerth der Verbesserung 0,0102:  $S_{III} = Q^{III}$ , folglich die Verbesserung

$$v_6 = - s_6 \cdot Q^{III} = - 0,003233 = - 0,33^{cm}$$

$$v_7 = + s_7 \cdot Q^{III} = + 0,004155 = + 0,42$$

$$v_9 = - s_9 \cdot Q^{III} = - 0,002726 = - 0,27.$$

Hiemit findet man die verbesserten Streckenneigungen:

$$b_6^1 = + (30,0005 - 0,0033) = + 29,9972^m$$

$$b_7^1 = - (38,6644 + 0,0042) = - 38,6686$$

$$b_9^1 = + (57,4440 - 0,0027) = + 57,4413$$

welche zu der Neigung der 8. Strecke  $- b_8^1 = - 48,7699$  addirt, Null geben.

In dem Polygon Nr II ist nach System 9, Nr 2 die Bedingungs Gleichung zu erfüllen:

$$- (b_3 + v_3) + (b_4 + v_4) + (b_5 + v_5) - (b_6 + v_6) = 0$$

oder, da  $- b_3 + b_4 + b_5 - b_6 = \mathcal{A}_2 = + 0,0393^m$  und  $v_6 = - 0,0033$ , die hieraus folgende:

$$\mathcal{A}_2 - v_3 + v_4 + v_5 - v_6 = 0.$$

Es muss demnach  $- v_3 + v_4 + v_5 = 0,0426^m$  und der Einheitswerth der Verbesserung 0,0426:  $S_{II} = Q^{II}$  sein, woraus folgt:

$$v_3 = + s_3 \cdot Q^{\text{II}} = + 0,01635 = + 1,64^{\text{cm}}$$

$$v_4 = - s_4 \cdot Q^{\text{II}} = - 0,00673 = - 0,68$$

$$v_5 = - s_5 \cdot Q^{\text{II}} = - 0,01934 = - 1,94$$

$$b_3^1 = - (181,6541 + 0,0164) = - 181,6705^{\text{m}}$$

$$b_4^1 = + (32,0958 - 0,0068) = + 32,0890$$

$$b_5^1 = + (179,5981 - 0,0194) = + 179,5787.$$

Addirt man die letzten 3 Werthe zu  $b_5^1 = - 29,9972$  so erhält man Null, womit angezeigt ist, dass das Polygon II schliesst.

Für das Polygon I ist die Bedingungsgleichung nach System 9, Nr 1:

$$+ (b_1 + v_1) - (b_2 + v_2) + (b_3 + v_3) = 0$$

oder, da  $b_1 - b_2 + b_3 = \mathcal{A}_1 = 0,0202$  und  $v_3 = + 0,0164^{\text{m}}$ ,

$$\mathcal{A}_1 + v_3 = 0,0366 = - v_1 + v_2^{\text{m}}$$

und der Einheitswerth der Verbesserungen  $0,0366 : S_1 = Q_1^{\text{I}}$ , somit

$$v_1 = - s_1 Q_1^{\text{I}} = - 0,01509 = - 1,51^{\text{cm}}$$

$$v_2 = + s_2 Q_1^{\text{I}} = + 0,02148 = + 2,15$$

$$b_1^1 = + (35,8723 - 0,0151) = + 35,8572^{\text{m}}$$

$$b_2^1 = - (217,5062 + 0,0215) = - 217,5277.$$

Addirt man zu  $d_1^1 + d_2^1$  noch  $d_3^1 = + 181,6705$ ; so überzeugt man sich, dass auch die Schleife Nr 1 wie alle übrigen schliesst.

Stellt man die Verbesserungen  $v$ , deren Quadrate  $vv$  und die verbesserten Streckengefälle und Steigungen  $b^1$  zusammen, so erhält man folgende Tabelle:

32) $v_1 = - 1,51^{\text{cm}}$	$v_1^2 = 2,2801$	$b_1^1 = + 35,8572$
$v_2 = + 2,15$	$v_2^2 = 4,6225$	$b_2^1 = - 217,5277$
$v_3 = + 1,64$	$v_3^2 = 2,6896$	$b_3^1 = + 181,6705$
$v_4 = - 0,68$	$v_4^2 = 0,4624$	$b_4^1 = + 32,0890$

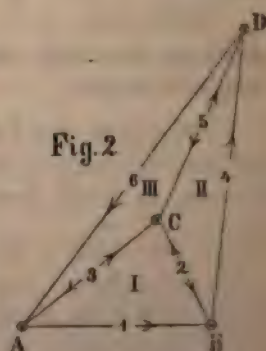
$v_5 = -1,94$	$v_6^2 = 3,7636$	$b_5^1 = +179,5787$
$v_6 = -0,33$	$v_6^2 = 0,1089$	$b_6^1 = \pm 29,9972$
$v_7 = +0,42$	$v_7^2 = 0,1764$	$b_7^1 = -38,6686$
$v_8 = -3,54$	$v_8^2 = 12,5316$	$b_8^1 = \pm 48,7699$
$v_9 = -0,27$	$v_9^2 = 0,0729$	$b_9^1 = +57,4413$
$v_{10} = +4,27$	$v_{10}^2 = 18,2329$	$b_{10}^1 = -100,2046$
$v_{11} = -2,99$	$v_{11}^2 = 8,9401$	$b_{11}^1 = +51,4347$
$[vv] = 53,8810$		

Die Summe der Fehlerquadrate beträgt hier etwas mehr als nach der strengeren Methode gefunden wurde, indem nach (29) die Summe  $[vv] = 49,6504$  und nach (32) die Summe  $[vv] = 53,8810$ . Berechnet man jedoch aus den in vorstehender Tafel bestimmten Fehlerquadraten und den auf Seite 256 gegebenen Streckenlängen  $s_1$  bis  $s_{11}$  den mittleren Fehler  $m$  des Bayerischen Präcisionsnivelements nach der Formel Nr (30), so wird

$$m = \pm 2,709^{\text{mm}}$$

also nur um 0,1 Millimeter grösser als der nach der Methode der kleinsten Quadrate gefundene mittlere Fehler  $m = 2,601$  Millimeter.

2) Ein anderes Beispiel der Ausgleichung und Vergleichung bietet uns das von Herrn General von Morozowicz in der Zeitschrift für Vermessungswesen, 1876, Bd. V, S. 327 bis 345 beschriebene und berechnete Höhennetz, das wir ein Preussisches Netz nennen wollen, da nicht anzunehmen ist, dass die Zahlen desselben fingirt sind. Dieses Netz ist in Fig. 2 skizzirt und durch folgende Beobachtungswerte gegeben:





Von A nach B ist	$s_1 = 11,670$	und	$b_1 = + 10,8838$
„ B „ C „	$s_2 = 6,045$	„	$b_2 = - 6,1963$
„ C „ A „	$s_3 = 9,240$	„	$b_3 = - 4,6783$
„ B „ D „	$s_4 = 16,580$	„	$b_4 = + 7,6657$
„ D „ C „	$s_5 = 12,860$	„	$b_5 = - 13,8677$
„ A „ D „	$s_6 = 20,420$	„	$b_6 = + 18,5595$

Für die hier gegebenen 3 Polygone ABCA = I, BDCB = II und CDAC = III bestehen folgende Bedingungs-  
gleichungen, welche von beiden Methoden zu erfüllen sind:

$$\begin{aligned}
 33) \quad & + (d_1 + v_1) - (d_2 + v_2) - (d_3 + v_3) = 0 \\
 & + (d_2 + v_2) + (d_4 + v_4) - (d_5 + v_5) = 0 \\
 & + (d_5 + v_5) - (d_6 + v_6) + (d_3 + v_3) = 0
 \end{aligned}$$

aus denen durch Addition, welche die Streckengefälle  $d_2^1, d_3^1, d_5^1$  aufhebt, folgt:

$$+ (d_1 + v_1) + (d_4 - v_4) - (d_6 + v_6) = 0.$$

Es steht nun nichts im Wege, mit der Ausgleichung des Umfangs, d. h. mit Erfüllung dieser letzten Gleichung zu beginnen, dann mit I, II, III fortzufahren und zu schliessen.

Da  $d_1 + d_4 - d_6 = \Delta = - 0,01$  und der Umfang  $ABDA = S = 48,67$  so wird der Einheitsworth der Verbesserung in diesem Umfange  $= 0,01 : S = Q$  und daher

$$\begin{aligned}
 v_1 &= + s_1 \cdot Q = + 0,0024 = + 0,24 \\
 v_4 &= + s_4 \cdot Q = + 0,0034 = + 0,34 \\
 v_6 &= - s_6 \cdot Q = - 0,0042 = - 0,42 \\
 b_1^1 &= + 10,8838 + 0,0024 = + 10,8862 \\
 b_4^1 &= + 7,6657 + 0,0034 = + 7,6691 \\
 b_6^1 &= - 18,5595 + 0,0042 = - 18,5553.
 \end{aligned}$$

Im Polygon ABCA = I ist  $d_1 - d_2 - d_3 = \mathcal{A}_1 =$   
 $\overset{m}{0,0092}$  und daher muss nach der ersten Gleichung des  
 Systems (33)  $\mathcal{A}_1 + v_1 - v_2 - v_3 = 0$  sein; da aber  $v_1 =$   
 $\overset{m}{+0,0024}$  schon gefunden ist, so muss  $v_2 + v_3 = \mathcal{A}_1 + v_1$   
 $= \overset{m}{+0,0116}$  werden. Der Anschlussrest 0,0116 ist auf die  
 Länge  $s_1 + s_2 = 17,715$  gleichheitlich zu vertheilen, es trifft  
 somit auf die Längeneinheit eine Verbesserung von 0,0116 :  
 $S_1 = Q^I$  und es wird

$$\begin{aligned} v_2 &= + s_2 \cdot Q^I = + \overset{m}{0,0046} = + \overset{cm}{0,46} \\ v_3 &= + s_3 \cdot Q^I = + 0,0070 = + 0,70 \\ b_2^I &= - 6,1963 - 0,0046 = - 6,2009 \\ b_3^I &= - 4,6783 - 0,0070 = - 4,6853. \end{aligned}$$

In den beiden Polygonen II und III sind somit je zwei  
 Strecken schon ausgeglichen; es bleibt somit in jedem nur  
 noch die Verbesserung der dritten Strecke (hier  $v_3$ ) so zu  
 bestimmen übrig, dass jedes Polygon schliesst; es müssen  
 demnach die beiden letzten Bedingungsgleichungen des  
 Systems für  $v_3$  gleiche Werthe geben, und diese Gleichungen  
 sind:

$$\begin{aligned} b_2^I + b_4^I - (d_3 + v_3) &= 0 \\ b_3^I - b_5^I + (d_3 + v_3) &= 0. \end{aligned}$$

Da nun  $b_2^I + d_4^I - d_3$  und ebenso  $b_3^I - b_5^I + d_3 =$   
 $- 0,0023$ ; so ist in der That

$$\begin{aligned} v_3^I &= - \overset{m}{0,0023} = - \overset{cm}{0,23} \quad \text{und somit} \\ b_3 &= - 13,8677 - 0,0023 = - \overset{m}{13,8700}. \end{aligned}$$

Wenn man die von Herrn General von Morozowicz  
 nach der Methode der kleinsten Quadrate und von mir nach  
 meinem abgekürzten Verfahren gefundenen Werthe zu-  
 sammenstellt, so erhält man folgende zwei Tafeln:

**Tafel I.**

Die Verbesserungen und deren Quadrate.

Strecken- Nr	Morozowicz*)		Bauernfeind	
	v	vv	v	vv
	cm		cm	
1	− 0,13	0,0169	+ 0,24	0,0576
2	+ 0,40	0,1600	+ 0,46	0,2116
3	+ 0,39	0,1521	+ 0,70	0,4900
4	+ 0,37	0,1369	+ 0,34	0,1156
5	− 0,20	0,0400	− 0,23	0,0529
6	− 0,76	0,5776	− 0,42	0,1764
		1,0835		1,1041

\*) Die Vorzeichen der Verbesserungen sind hier für dieselben Richtungen genommen, welche für die Ausgleichung nach Bauernfeind gelten.

**Tafel II.**

Verbesserte Höhenunterschiede.

Strecke	Morozowicz	Bauernfeind	Differenz
	m	m	m
AB	+ 10,8825	+ 10,8862	− 0,0037
BC	− 6,2003	− 6,2009	+ 0,0006
CA	− 4,6822	− 4,6853	+ 0,0031
BD	+ 7,6694	+ 7,6691	+ 0,0003
DC	− 13,8697	− 13,8700	+ 0,0003
DA	− 18,5519	− 18,5553	+ 0,0034

Herr v. Morozowicz findet auf Seite 340 der oben genannten Zeitschrift den mittleren Fehler für den Kilometer

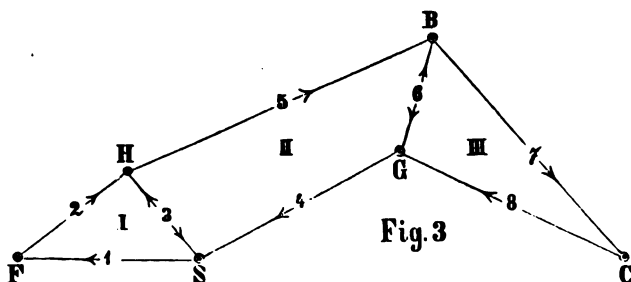
$$m = \pm 0,765$$

während aus meiner Rechnung

$$m = \pm 0,772^{\text{mm}}$$

folgt; ein Unterschied zwischen beiden Werthen, der nicht mehr zu beachten ist.

3) Zum Schlusse will ich noch eine Vergleichung der nach zwei Methoden berechneten Verbesserungen eines Netzes beifügen, nämlich des Badischen Höhennetzes Friedrichsfeld-Carlsruhe, das Herr Dr. M. Doll in seiner Schrift „die Nivellirinstrumente und deren Anwendung“, Stuttgart 1876, Seite 28 bis 30 nach der Methode der kleinsten Quadrate ausgeglichen hat und wozu ich eine Ausgleichung nach meinem abgekürzten Verfahren berechnet habe.



Ein Bild des Badischen Netzes gewährt Fig. 3, worin F Friedrichsfeld, H Heidelberg, S Schwetzingen, G Graben, B Bruchsal und C Karlsruhe bedeutet.

Die gemessenen Grössen sind folgende:

Von S nach F	ist	$s_1 = 19,5$	Km	und	$d_1 = -1,0085$	m
„ F „ H	„	$s_2 = 9,6$	„	„	$d_2 = -9,0140$	„
„ H „ S	„	$s_3 = 9,0$	„	„	$d_3 = +10,0130$	„
„ S „ G	„	$s_4 = 26,2$	„	„	$d_4 = -6,1935$	„
„ B „ H	„	$s_5 = 33,3$	„	„	$d_5 = +2,6250$	„
„ G „ B	„	$s_6 = 9,3$	„	„	$d_6 = -6,4615$	„



Von B nach C ist  $s_1 = 21,3$  <sup>Km</sup> und  $d_1 = -$  <sup>m</sup> 0,4935

„ C „ G „  $s_2 = 22,2$  „  $d_2 = +$  6,9155.

Für die hier gegebenen 3 Polygone SFHS = I, HSGBH = II und GBCG = III bestehen folgende 3 Bedingungengleichungen, welche von beiden Methoden erfüllt werden müssen:

$$\begin{aligned} 34) \quad &-(d_1 + v_1) - (d_2 + v_2) + (d_3 + v_3) = 0 \\ &-(d_3 + v_3) - (d_4 + v_4) + (d_5 + v_5) + (d_6 + v_6) = 0 \\ &-(d_6 + v_6) - (d_7 + v_7) + (d_8 + v_8) = 0. \end{aligned}$$

Addirt man diese 3 Gleichungen, so folgt

$$-(d_1 + v_1) - (d_2 + v_2) - (d_3 + v_3) - (d_4 + v_4) + (d_5 + v_5) + (d_6 + v_6) + (d_7 + v_7) + (d_8 + v_8) = 0$$

was andeutet, dass auch der Umfang schliesst, wenn die einzelnen Polygone schliessen.

Beginnen wir die Ausgleichung nach meinem Verfahren mit Polygon III, so ist

$$-d_1 - d_7 + d_8 = \mathcal{A}_3 = -$$

$$s_1 + s_7 + s_8 = S_{III} = +$$

folglich der Einheitswerth der Verbesserung

$$Q^{III} = - \frac{0,0395}{52,80}$$

die Verbesserungen:  $v_1 = -s_1 \cdot Q^{III} = +$  <sup>cm</sup> 1,66

$$v_7 = +s_7 \cdot Q^{III} = - 1,59$$

$$v_8 = +s_8 \cdot Q^{III} = - 0,70$$

die Höhenunterschiede:  $b_1^1 = + 6,9155 + 0,0166 = + 6,9321$

$$b_7^1 = + 0,4935 + 0,0159 = - 0,4776$$

$$b_8^1 = - 6,4615 + 0,0070 = - 6,4545.$$

In dem Polygon II ist

$$-d_1 - d_5 + d_6 + d_4 = \mathcal{A}_2 = +$$

$$s_1 + s_5 + s_6 + s_4 = S_{II} = + 77,8 \text{ Km};$$

die Strecke  $s_2$  ist aber bereits verbessert und  $v_2 = -0,0070^m$   
 $= -0,70^{cm}$ ; daher geht die Gleichung 2 des Systems (34)  
 über in

$$\mathcal{A}_2 - 0,0070 - v_2 - v_3 + v_4 = 0$$

d. h. es ist noch  $\mathcal{A}_2 - 0,007 = +0,01^m$  auf die Strecken  
 $s_2, s_4, s_5$ , die zusammen die Länge  $S'' = 68,5^{km}$  haben, zu  
 vertheilen. Es ist somit der Einheitswerth

$$Q'' = + \frac{0,01^m}{68,5}$$

damit werden die Verbesserungen:

$$v_5 = + s_5 \cdot Q'' = + 0,49^{cm}$$

$$v_4 = - s_4 \cdot Q'' = - 0,38$$

$$v_2 = + s_2 \cdot Q'' = + 0,13$$

die Höhenunterschiede:

$$b_5^1 = - 2,6250 - 0,0049 = - 2,6299$$

$$b_4^1 = + 6,1935 - 0,0038 = + 6,1897$$

$$b_2^1 = - 10,0130 - 0,0013 = - 10,0143.$$

In dem Polygon I ist bereits die Strecke  $s_2$  ausgeglichen,  
 es findet daher für dasselbe nur mehr die Bedingungs-  
 gleichung statt:

$$-(d_1 + v_1) - (d_2 + v_2) + b_2^1 = 0.$$

Da nun  $b_2^1 - (d_1 + d_2) = 10,0143 - 10,0225 = \mathcal{A}_1 =$   
 $- 0,0082$  und  $s_1 + s_2 = S_1 = 29,1^{km}$  ist, so wird der  
 Einheitswerth der Verbesserungen

$$Q^1 = - \frac{0,0082^m}{29,1};$$

damit ergeben sich die Verbesserungen selbst:

$$v_2 = + s_2 \cdot Q^1 = - 0,55$$

$$v_1 = + s_1 \cdot Q^1 = - 0,27$$

und endlich die Höhenunterschiede

$$b_2^1 = -9,0140 + 0,0055 = -9,0085$$

$$b_1^1 = -1,0085 + 0,0027 = -1,0058.$$

Bildet man auch hier zwei Tafeln wie für das Preussische Netz, so gestalten sich dieselben wie folgt:

**Tafel I.**

Die Verbesserungen und deren Quadrate.

Strecken- Nr.	M. Doll		Bauernfeind	
	v	vv	b	bb
	cm		cm	
1	— 0,44	0,1916	— 0,55	0,3019
2	— 0,22	0,0464	— 0,27	0,0732
3	+ 0,30	0,0881	+ 0,13	0,0173
4	— 0,28	0,0761	— 0,38	0,1463
5	+ 0,35	0,1228	+ 0,49	0,2363
6	— 0,78	0,6026	— 0,70	0,4900
7	— 1,55	2,4149	— 1,59	2,5391
8	+ 1,62	2,6166	+ 1,66	2,7556
		6,1581		6,5597

**Tafel II.**

Die verbesserten Höhenunterschiede.

Strecke	M. Doll	Bauernfeind	Differenz
	m	m	m
SF	— 1,0041	— 1,0058	+ 0,0017
FH	— 9,0118	— 9,0085	— 0,0033
HS	+ 10,0160	+ 10,0143	+ 0,0017
SG	— 6,1907	— 6,1897	— 0,0010
BH	+ 2,6285	+ 2,6299	— 0,0014
GB	— 6,4537	— 6,4545	+ 0,0008
BC	— 0,4780	— 0,4776	— 0,0004
CG	+ 6,9317	+ 6,9321	— 0,0004

Wenn man nach den vorstehenden Fehlerquadraten die mittleren Fehler  $m$  und  $m$  des Badischen Netzes berechnet, so ergibt sich in deren Werthen kein merklicher Unterschied, sowie auch die Differenzen der verbesserten Strecken-gefälle sich nur zwischen 0,4 und 3,3 Millimeter bewegen. Es ist demnach hier wie in den anderen beiden Beispielen in Bezug auf die Resultate fast gleich, ob man nach dem strengen oder nach dem abgekürzten Verfahren rechnet, in Bezug auf die zur Ausgleichung erforderliche Zeit aber bietet meine Methode, welche — ich wiederhole es — nach einem festen Princip verfährt und daher mit andern willkürlichen Näherungsmethoden nicht zu vergleichen ist, um so grössere Vortheile, je mehr Polygone das auszugleichende Netz umfasst.

---



Sitzung vom 13. Januar 1877.

---

Herr Dr. C. W. Gumbel giebt

„Geognostische Mittheilungen aus den  
Alpen.“

#### IV.

##### Der Pechsteinputhr in Südtirol.

Die Verknüpfung von Felsitputhr mit Pechstein ist eine ebenso häufige, wie höchst eigenthümliche Erscheinung, welche eine vollständig entsprechende Erklärung bis jetzt noch nicht gefunden hat. Es ist besonders Sachsen, dessen in manchen Beziehungen eigenthümliche Felsitputhre an zahlreichen Orten mit Pechstein oder glasartig entwickeltem puthrartigem Gestein unmittelbar vereinigt sind. Wie die neueste Arbeit von Kalkowsky (Min. Mitth. v. Tschermak 1874. I, S. 31), in welcher die sächsischen Pechsteinputhre sehr gründlich und erschöpfend behandelt sind, zeigt, tritt nur in dem hemibyalinen Pechstein von Meissen Felsit als Entglasungsergebniss in grösserer Menge auf, während von den übrigen Fundstellen der Pechstein sich dem jüngeren der Trachytreihe ganz ähnlich verhält und vorherrschend aus glasartiger Grundmasse besteht. Dabei besitzt dieser Pechstein vielfach spärolithische Struktur. Die ausserordentliche sorgfältige Untersuchung

dieser Porphyre durch Zirkel und Kalkowsky gestattet es, die Untersuchung ähnlicher Gesteine zunächst mit ihnen in Vergleichung zu setzen und sie als Ausgangspunkt für weitere Untersuchungen zu nehmen.

An das Vorkommen dieser Pechsteinsporphyre Sachsens schliesst sich zunächst jenes im Fichtelgebirge NO. von Wunsiedel an. Dasselbst sehen wir ächten Felsitporphyr ohne scharfe Grenze in Pechstein verlaufen. Beide Gesteinsarten besitzen zuweilen sphärolithische Struktur, so dass man unwillkürlich zur Annahme gedrängt wird, dass sie nur verschiedenartige Ausbildungszustände eines und desselben Eruptivmaterialies darstellen. Einen südlichsten Ausläufer weisen die Porphyre des ostbayerischen Grenzgebirgs in dem Vorkommen eines glasartig massigen Pechsteins in Kornberg bei Erbdorf unmittelbar neben Felsitporphyr auf (Geogn. Beschreib. von Bayern II S. 423), während pechsteinartige Gesteine weiter südlich und nördlich an dem Gebirgsrande des ostbayerischen Grenzgebirgs und des Fichtelgebirgs neben den Porphyren von Weiden, Bodenwöhr (Pingarten) und von Regenstein, oder nordwärts bei Kemnath (Lenau, Aigen) und Stockheim fehlen. In den grossen Verbreitungsgebieten der Porphyre im Thüringer Walde, am Harz, in den rheinischen Gebirgszügen mangelt es gleichfalls an pechsteinartig ausgebildeten Modifikationen, die sich in ausgezeichneter Weise erst wieder auf den schottischen Inseln Arran und Egg, bei Oban in Schottland, Newry in Irland, Isle royal am Lake superiore in Nordamerika u. s. w. einstellen (Zirkel, Lehrb. d. Petrogr. I. Seite 576).

Auffallender Weise haben bis jetzt die so ausgezeichneten Pechsteinsporphyre innerhalb des, so viel bekannt ist, grössten Porphyrdistriktes von Botzen in Südtirol noch in sehr geringem Grade die Aufmerksamkeit auf sich gezogen, obwohl sie bereits v. Richthofen in seiner klassi-



schen Beschreibung der Gebirge von St. Cassian, von mehreren Fundpunkten (Castelruth, Auer bei Botzen) ausdrücklich als obsidianartige Pechsteine hervorhebt und beschreibt. Zwar erwähnen sie auch de Lapparent (*Annal. d. mines* Ser. T. VI p. 245) und Tschermak (*D. Porph. Oesterr.* S. 104), ohne aber in eingehender Weise sich mit ihnen zu befassen, so dass diese Südtiroler Pechsteine neuerdings fast in Vergessenheit gerathen sind.

Es dürften daher einige weitere Mittheilungen über diese höchst merkwürdigen Pechsteinporphyre von Südtirol wohl am Platze sein.

Auf meinen verschiedenen Wanderungen in Südtirol sind mir sogleich beim ersten Anblick schon deutlich als glasartig erkennbare, schwarze pechsteinartige Porphyre nur von drei Punkten bekannt geworden, nämlich aus dem Höllenbachthale zwischen Pausa, Höllen und Auer, dann bei Tisens unfern Castelruth (beide Fundstätten schon durch v. Richthofen bekannt) und ausserhalb des Botzener Porphyrmassivs von der Rasta N. von Schio unfern Recoaro. Was die Gesteine anbelangt, die Tschermak (*Porph. Oesterr.* S. 104 u. 105) beschreibt und von denen er annimmt, dass die Pechsteinbildung als ein Veränderungsprocess des ursprünglich grünen Porphyres aufzufassen sei, so gehören diese meiner Ansicht nach nicht in die Reihe der oben erwähnten Pechsteine. Doch sollen auch sie hier vorläufig erwähnt, später aber näher beschrieben werden.

Während es mir nicht gelang, über die Lagerungsverhältnisse des Pechsteinporphyrs aus dem Höllenbachthale, der in zahlreichen Blöcken und Brocken über die Oberfläche ausgestreut gefunden wird, namentlich über sein Verhalten gegen den benachbarten Felsitporphyr an den Berührungstellen klaren Aufschluss zu gewinnen, bietet das Vorkommen des petrographisch sehr ähnlichen Gesteins vom Castelruth viel bessere Anhaltspunkte.

Wenn man den Kuntersweg, der von der Eisenbahnstation Waidbruck über das stattliche Schloss Trostburg nach Castelruth führt, verfolgt, so überschreitet man zunächst der Trostburg jene geschichteten Trümmer- und Brecciengebilde, die auch im Eingang des Grödener Thals anstehen und die ich, wie die wollsackartig verwitternden, zwischen Porphyre eingeklemmten Bänke von Conglomeraten und Breccien im Eisackthale, bei Botzen und in der Naifschlucht bei Meran unbedenklich dem Rothliegenden zuzählen zu dürfen glaube. Zwischen den grobbrockigen, porphyrtuffigen, dunkelfarbigem Gesteinsbänken lagern feinere, sandigthonige Schichten von dunkler, oft röthlicher oder grünlich grauer Farbe, ohne dass sich darüber jene rothen oder weissen Sandsteine, die man als Grödener Sandstein zu bezeichnen pflegt, hier entwickelt zeigen. Höher aufwärts am Wege hebt sich darunter fast ununterbrochen bis nahe Castelruth gewöhnlicher, dunkler, röthlich grauer Felsitporphyr aus dem Untergrunde heraus und steht, wenn nicht stellenweis von erratischem Diluvium bedeckt, überall zu Tag an. Letzteres hat sich nur an einzelnen geschützten Lagen erhalten und mag früher einmal über die Thalgehänge in grossartiger Ausbreitung sich ausgedehnt haben. Gekritzte Rollstücke kennzeichnen es als Glacialschutt. Trotz der Einförmigkeit des Porphyrs bieten sich auf diesem Wege in den ungemein zahlreichen Rundbuckelformen der Porphyrfelsen und in den oft spiegelglatten Gletscherschliffen, bei denen man oft 2 – 3, in der Richtung verschiedene Systeme als Zeichen zeitweilig veränderter Richtung der Gletscherbewegung unterscheiden kann, interessante Beobachtungsobjekte.

Ehe man Castelruth erreicht, kurz vor dem Dorfe Tisens, begegnet man in einem Wäldchen am Fusse eines felsigen Bergkopfs den ersten Blöcken eines intensiv schwarzen, glasartigen, durch unzählige eingesprengte weisse Quarz-



körnchen und wasserhelle Feldspathkryställchen weiss-scheckigen Pechsteinputphyr. Näher gegen das Dorf Tisens mehren sich diese Blöcke und zeigen ein Gestein, das durch Einschlüsse von gelbem, auf den ersten Blick olivinähnlichem Quarz und von derben, rostgelben Putzen besonders in die Augen fällt. Die Wegmauer ist fast ausschliesslich von diesem Material aufgebaut. Verfolgt man nun das Gestein an dem steilen Felsengehänge, um es anstehend und im Kontakte mit dem benachbarten gewöhnlichen Felsitputphyr zu beobachten, so ist nur eine Stelle an dem kleinen waldigen Bergkopfe N.W. vom Dorfe Tisens blossgelegt, an dem man das gangartige Durchsetzen des Pechsteinputphyr durch Felsitputphyr beobachten kann. Weiterhin scheint er sich wie eine Decke an den Felsitputphyr anzulehnen.

Diesen Pechsteinputphyr, den wir der Kürze wegen den Castelruther nennen wollen, besteht in seiner Hauptmasse aus einer pechartig glänzenden schwarzen Glasmasse, in welcher ungemein viele — zahlreichere, als im gewöhnlichen Felsitputphyr — weissliche, gelbliche, auch röthliche Quarzkörnchen und glashelle rissige Feldspaththeilchen eingebettet sind. Dadurch, dass einzelne Parthieen des Gesteins streifenweis reicher oder ärmer an Einschlüssen sind und die Quarzkörnchen in einzelnen gewundenen und verschlungenen Zügen und Striemen bald röthlich, bald gelblich gefärbt sich zeigen, gewinnt das Gestein schon im Grossen das Ansehen einer in zähem Fluss bewegten und nach und nach erstarrten Masse. Die schwärzliche, bräunliche, selten grauliche Grundmasse ist durchaus glasartig, bricht unregelmässig muschlig und lässt, soweit diess das unbewaffnete Auge unterscheiden kann, keinen Uebergang ins Felsitische oder in die Beschaffenheit der gewöhnlichen Felsitputphyre wahrnehmen. Hier und da eingesprengte Theile einer rothgelben Substanz mit fettartigem Glanz und

mattem Bruche erinnert an eine zweite Art von Glasmasse, die mit der ersten verschmolzen erscheint.

Die Quarzkörnchen sind, soweit sich das verfolgen lässt, ringsum, aber etwas roh auskrystallisirt in hexagonalen Pyramiden, welche hier und da die schmalen Combinationsflächen mit dem hexagonalen Prisma zeigen. Die Flächen sind matt, wie angeschmolzen, und ohne die so charakteristischen Striche und Linien. Einzelne Krystalle verhalten sich wie an den Kanten und Ecken abgerundet und scheinen einen Uebergang in rundliche Körner zu vermitteln. Die schon erwähnte gelbe Färbung vieler dieser Quarztheile, wodurch sie ein olivinähnliches Aussehen gewinnen, ist besonders eigenartig und rührt von eingeschlossenem gelblichem Glas her.

Die gleichfalls sehr reichlich beigemengten Feldspathkrystalle sind mehr oder weniger wasserhell, rissig, meist ungefärbt und nehmen nur in den Parthieen, die gelbe Quarzkörnchen enthalten, gleichfalls einen etwas gelblichen Ton an. Auf den Spaltflächen lassen sich keine Parallelstreifen wahrnehmen, obwohl zahlreiche Parallelrisse durch die Feldspathmasse ziehen. Die Hauptspaltflächen stehen rechtwinklig zu einander, der Feldspath ist mithin ein orthoklassischer. Makroskopisch lässt sich die Anwesenheit eines Plagioklas, dessen Gegenwart die mikroskopische Untersuchung lehrt, nicht deutlich nachweisen. Ein sehr rein ausgelesenes Material dieses Feldspaths analysirt, erweist sich in folgender Weise zusammengesetzt (Anal. von Hrn. Ass. A. Schwager):

Kieselsäurem. etwas Titansäure	67,95
Thonerde . . . . .	19,49
Eisenoxyd . . . . .	1,68
Kalkerde . . . . .	0,66
Kali . . . . .	6,08
Natron . . . . .	2,99
Glühverlust . . . . .	0,62
	<hr/> 99,47.



Diese Zusammensetzung gleicht zunächst jener des Sanidins von Mont d'or (Kali = 6,9, Natron = 3,7) und nähert sich überhaupt mehr derjenigen der Sanidine, als der Orthoklase. Diess im Zusammenhalt mit der wasserhellen, glasartigen Beschaffenheit berechtigt wohl diesen Feldspath als Sanidin anzusprechen.

Sehr merkwürdig ist das fast völlige Fehlen von Glimmer, der nur in höchst spärlichen Blättchen sich in den Dünnschliffen da oder dort beobachten lässt. Sonstige Einschlüsse kann man makroskopisch nicht unterscheiden. Dagegen liefert die mikroskopische Untersuchung der Dünnschliffe weitere interessante Ergebnisse.

Die dem unbewaffneten Auge ganz gleichartig erscheinende Glasmasse theilt sich unter dem Mikroskop in eine vorwaltend graue oder schwärzliche und in eine untergeordnete gelbliche bis lederbraune. Die erstere Art des Glases zeigt im Allgemeinen die Beschaffenheit der Glasmasse, wie sie etwa am Zwickauer Pechstein vorkommt. Die Fluktuationerscheinungen sind in ausgezeichneter Weise zu sehen. Die bald gradgestreckten, bald wellig gebogenen und auf die mannigfachste Weise gewundenen oder verschlungenen dunklen, selten bräunlich gefärbten Striemchen, die sich durch die Glasmasse durchziehen und in den Dünnschliffen als die Durchschnitte lamellarer Theile sich in Form von Fäden darstellen, erscheinen dem Auge durch dunklere und hellere Schattirungen als fein parallel gestreift, genau so wie die Fäden, welche sich beim Zusammengiessen verschieden schwerer Flüssigkeiten beobachten lassen. Ich konnte mich nicht davon überzeugen, dass diese dunklen und hellern Schattirungen durch feine capillare Hohlräume oder Röhrechen erzeugt werden, welche mit den Fäden fortziehen, vielmehr machten sie auf mich den Eindruck, als ob sie durch substantielle Differenzen in der Masse selbst, durch verschieden beschaffene d. h. mit verschiedener Menge

fein eingestreuter kleinster Theilchen unterscheidbare membranartig mit einander verschlungene Streifchen bedingt seien. Diese Striemchen schliessen deutlich wechselnd helle und durch unendlich feinen schwarzen Staub getrübe Zwischentheile ein, als ob verschiedenartige Glasmassen durcheinander geflossen wären. In den staubig dunkleren Striemchen liegen hier und da einzelne oder mehrere von einem Punkt strahlig gruppirte lange, äusserst feine Nadelchen, so dünn, dass sie i. p. L. bei der Dunkelstellung sich nicht als doppelt brechend erkennen lassen. Die durch solche Fluktuationsfäden oder -Lamellen ausgezeichneten Glastheile breiten sich nun nicht gleichförmig durch die Gesteinsmasse aus, sondern es wechseln in ganz kleinen Parthieen verschiedene Systeme, so dass nach einer bestimmten Richtung gestreifte Felder oft plötzlich abbrechen und dafür ein neues System nach anderer Richtung gestreifter Glastheile eintritt, wobei zuweilen beide durch eine dunkle Querlinie, die wie ein Riss aussieht, getrennt erscheinen. Zuweilen verliert sich auch die Fluktuationszeichnung ganz und es erscheint dann die grauliche, auch zwischen den Fluktuationsstreifchen bemerkbare Glasmasse einförmig, meist durch unendlich feine Staubtheilchen etwas getrübt und durch kurze, dunkle Striche gleichsam in Felder abgetheilt, eine Annäherung an die perlitische Struktur andeutend. Wahrscheinlich kommen solche mehr gleichmässige Glastheile zum Vorschein, wenn der Schliff grade in und parallel mit den Lamellen geführt wurde. Eine entschieden sphärolithische Ausbildung habe ich nicht beobachten können.

Etwas abweichende Erscheinungen treten in der gelblich gefärbten Masse hervor. In ihr bemerkt man selten deutliche Fluktuationsstreifchen; sie ist meist trübe, von kleinen Körnchen ganz erfüllt, sonst aber amorph. Es ist sehr bemerkenswerth, dass solche gelbe Masse fast immer die eingeschlossenen Krystalle rindenartig umhüllt, aber



auch streifenweis mit dem grauen Glas sich vermischt. Mehr abgeschlossene, fast sphärolithisch gesonderte gelbe Parthieen bestehen aus einer Masse, in der kleine, wirr gelagerte Stäbchen und Körnchen die Oberhand gewinnen und im p. L. einen Uebergang ins Krystallinische verrathen. Ob diese Erscheinung Folge eines Uebergangsstadiums zur Felsitabildung oder aber von aufgenommenen Felsitbrocken herzuleiten sei, ist schwer zu entscheiden. Doch dürfte die erstere Annahme die wahrscheinlich richtigere sein. Darauf weist der Umstand hin, dass solche gelbe Masse zuweilen in die Quarzkrystalle vordringt und darin sich in kleinen Aederchen oder rundlichen Ausscheidungen vorfindet. In diesen eingeschlossenen Parthieen bemerkt man keine Fluktuationszeichen, die Masse ist entweder ganz gleichförmig amorph, sehr intensiv braun gefärbt oder noch häufiger feinkörnig im Zustande der Entglasung. Die Glasmasse erweist sich i. p. L. durchweg als amorph, nur bei Anwendung eines eingeschobenen Gypsblättchens scheiden sich einzelne Parthieen und zwar meist die stark gekörnelten aus, welche mehr oder wenig deutlich Farben zeigen. Zerstreut in der Glasmasse tauchen sehr vereinzelt weiter noch unregelmässig gestaltete, längliche, oft verzerrte, undurchsichtige Flecken von braunlich schwarzem Schimmer auf, die, wie der äusserste Rand andeutet, aus kleinen dunklen Körnchen zusammengesetzt sind. In einzelnen Fällen lässt sich zwischen diesen Körnchen eine Substanz erkennen, die unzweifelhaft braunem Glimmer angehört. Daneben finden sich noch dunkle, schmale, zackige Flecke, welche die Bildung von Augit, vielleicht auch von Hornblende anzeigen.

In den Dünnschliffen zeigen die Durchschnitte der eingeschlossenen Quarzkrystalle fast constant eine dünne Umrandung mit der oben erwähnten gelben Glasmasse, welche stellenweise in feinen senkrecht zur Fläche stehenden Fäserchen gleichsam mit der Quarzsubstanz verwachsen ist.

In der Quarzmasse selbst sieht man ziemlich häufig Glaseinschlüsse und feine, nicht weiter bestimmbare dunkle Körnchen. Wasserbläschen konnte ich keine auffinden. Im p. L. treten grelle bunte Aggregatfarben hervor.

Die Sanidine bilden in dem Dünnschliffe wasserhelle, scharf umgrenzte Ausscheidungen, die meist nach den Hauptspaltungsrichtungen von parallelen senkrechten Rissen durchzogen sind. Sie enthalten gleichfalls ziemlich häufig Glaseinschlüsse, die zuweilen durch feine Fädchen noch mit der äusseren Glasmasse verbunden sind. Wie am Quarze zeigt sich auch rings um die Sanidine eine dünne Umrindung von gelbgefärbter Glasmasse. Im p. L. kommt immer gleichzeitig über die ganze Fläche des durchschnittenen Krystalls dieselbe Farbe zum Vorschein, wechselnd zwischen Blau und Gelb. Durch die Anwendung des polarisirten Lichtes treten nun auch sehr vereinzelt kleine, gestreifte Plagioklase aus der Grundmasse hervor, die man sonst kaum zu unterscheiden im Stande wäre. Diese Plagioklase sind aber so spärlich, dass ihnen bezüglich der chemischen Zusammensetzung des Gesteins im Ganzen kaum ein erheblicher Einfluss zukommt.

Bei dem innigen Verbande, in welchem auch der Casteller Pechsteinporphyr mit dem Felsitporphyr an der bezeichneten Fundstelle und auch an den übrigen Orten, wo er in Südtirol vorkommt, steht, liegt die Annahme sehr nahe, dass er gleichfalls nur eine durch rasche Erstarrung bedingte Modifikation des Felsitporphyrs sei. Naumann führt (s. Lehrb. d. Geogn. I, S. 608) an, dass der Pechsteinporphyr ein natürliches wasserhaltiges Glas sei, welches die in der Grundmasse des Felsitporphyrs bereits krystallinisch gesonderten Bestandtheile, nämlich Quarz und Feldspath noch im Zustande eines geschmolzenen Magma's enthalte, in welchem die Kieselerde sehr vorzuwalten pflege. Auch Zirkel (L. d. Petr. S. 567) bemerkt, dass dasselbe



Material, welches bei krystallinischer Festwerdung Felsitporphyr und quarzführende Trachyte geliefert hätte, einer Ausbildung zu Pechstein unterlegen sei und (Mic. Beschr. d. Min. u. G. S. 371), dass der Pechstein gewissermassen in der Entwicklung zu Porphyr gehemmt worden sei und wäre die Entglasung . . . . weiter fortgeschritten, so wäre ein ächter normaler Quarzporphyr daraus hervorgegangen. Rosenbusch (Mic. Physiogr. d. Min. S. 128) schliesst sich dieser Anschauung an, dass die eine Art von Pechstein bei krystallinischer Erstarrung zu Felsitporphyr, die andere zu quarzhaltigem Trachyte erstarrt wäre. Vogelsang (Philos. d. G. S. 144—194) fasst den Vorgang in der Weise auf, dass die Beschaffenheit der porphyrischen Grundmasse das Resultat der secundären molekularen Entglasung sei, welche auf nassem Wege eine ursprünglich glasig ausgebildete Substanz von der Natur der hyalinen Pechsteinmasse betroffen habe, ohne jedoch eine solche Umwandlung auf alle Porphyre ausdehnen zu wollen, wogegen fast alle andern Petrographen sich für eine ursprüngliche Herausbildung der Porphyrmasse in ihrer jetzigen Beschaffenheit ausgesprochen haben.

In dieser noch nicht völlig geklärten Frage dürfte aber neben der mikroskopischen Untersuchung wohl auch die chemische Zusammensetzung zu Rathe zu ziehen sein, wie diess bereits von Roth (vergl. Zirkel a. a. O. S. 573) geschehen ist.

Versuchen wir diess nun bei unserm Südtiroler Pechsteinporphyr, so finden wir, dass seine chemische Zusammensetzung sich eng an die der bisher von anderen Fundstellen analysirten Pechsteine, namentlich an jene von Meissen und von Arran (Lambash road) anschliesst; dass wir es mithin hier nicht mit einem Ausnahmefalle zu thun haben, sondern mit einem ziemlich allgemein herrschenden Verhalten des Pechsteinporphyrs.

Da unser Castlruther Gestein eine ungewöhnlich grosse Menge von Quarz- und Feldspatthauscheidungen enthält, so schien es gerathen, nicht bloss die Gesamtgesteinsmasse, sondern in möglichst vollständiger Sonderung auch die schwarze Glasgrundmasse ohne Mineraleinsprengungen und den Feldspath zu analysiren. Bei der Bauschanalyse wurde eine Mischprobe aus einer bedeutenden Menge fein gepulverten Gesteins genommen. Das Ergebniss der von H. Ass. A. Schwager ausgeführten Analysen ist nachstehendes:

I Bauschanalyse des ganzen Gesteins.

II Analyse der schwarzen Glasgrundmasse.

III Analyse des hellen Feldspaths (Sanidin's, wie schon früher mitgetheilt).

	I	II	III
Kieselsäure . . .	76,52	71,66	67,95
Thonerde . . . .	12,10	12,02	19,49
Eisenoxyd . . . .	1,96	1,64	1,68
Kalkerde . . . .	0,85	0,33	0,66
Bittererde . . . .	0,22	0,21	—
Kali . . . . .	2,62	2,69	6,08
Natron . . . . .	2,94	6,54	2,99
Glühverlust . . .	2,74	4,58	0,62
Summe	99,95	99,67	99,47

Demnach enthält das Gestein ungefähr 0,3 Pechsteingrundmasse, 0,3 Sanidin und 0,33 Quarz, der Rest fällt anderen Beimengungen zu.

Eine Analyse des möglichst ausgelesenen gelben, auf einzelne Putzen ausgeschiedenen Glases, freilich mit nur geringer Menge angestellt, ergab etwas abweichend:



Kieselerde . . . . .	73,93
Thonerde . . . . .	11,11
Eisenoxyd . . . . .	1,35
Kalkerde . . . . .	1,26
Bittererde . . . . .	1,07
Kali . . . . .	3,39
Natron . . . . .	4,59
Glühverlust . . . . .	3,28
	<hr/> 99,98.

Vergleicht man mit den Ergebnissen der Analysen I und II die Zusammensetzung des gewöhnlichen Botzener Felsitporphyrs, von dem drei Analysen vorliegen (vergl. Tschermak a. a. O. S. 103 und 104), so ergibt sich als dessen chemische Zusammensetzung bei:

I Quarzporphyr von St. Ulrich in Gröden, der dem Felsitporphyr in unmittelbarer Nähe des Castelruther Pechsteinporphyrs ganz gleich beschaffen ist und überhaupt die vorherrschende Abänderung bei Botzen repräsentirt,

II und III rother Porphyr von Moëna.

	I	II	III
Kieselsäure . . . . .	76,14	73,16	74,62
Thonerde . . . . .	12,69	12,84	11,94
Eisenoxydul . . . . .	1,78	3,02	2,59
Manganoxydul . . . . .	0,17	Sp.	0,23
Kalkerde . . . . .	0,51	1,22	0,73
Bittererde . . . . .	0,32	0,44	0,31
Kali . . . . .	5,81	4,32	5,29
Natron . . . . .	1,82	3,33	2,93
Wasser . . . . .	1,03	1,20	0,90
Summe	<hr/> 100,27	<hr/> 99,47	<hr/> 99,54

Im Vergleich mit der Zusammensetzung des Pechsteinporphyrs ergibt sich zunächst, abgesehen vom Wassergehalte, in Bezug auf den Gehalt an Alkalien ein höchst merkwürdiger Unterschied darin, dass sich das Verhältniss der Menge von Kali und Natron gerade umgekehrt zeigt. Im Felsitporphyr herrscht das Kali entschieden über das Natron vor, während im Pechsteinporphyr mehr Natron als Kali enthalten ist, wie sich diess constant bei fast allen Pechsteinen zu erkennen giebt. Ich halte es daher nicht für gerechtfertigt, die Pechsteinporphyre ohne Weiteres als glasartig erstarrte Felsitporphyre anzusprechen. Denn es lässt sich nicht erklären, wohin die Menge des Natron's beim Uebergang in den felsitischen Zustand gekommen sei, da doch nicht anzunehmen ist, dass ausschliesslich Natron etwa mit dem gleichfalls verschwundenen Wasser ausgeschieden und abgeflossen sei. Wohl sind die Botzener Felsitporphyre ziemlich reich an Plagioklaseinschlüssen, wie Tschermak (a. a. O. S. 100) hervorhebt und wie auch meine Dünnschliffuntersuchungen bestätigen, aber trotzdem ist dieser Gehalt nicht zureichend, um das angeführte Verhältniss von Kali und Natron daraus zu erklären.

Ich möchte daher vermuthen, dass Pechstein- und Felsitporphyr schon ursprünglich zwei wesentlich verschiedene Dinge sind und dass gerade deshalb, weil das Magma gewisser Porphyre grössere Mengen von Natron enthielt, dieses länger bei niederer Temperatur sich flüssig erhalten konnte, um so mehr nach Ausscheidung von Quarz und Sanidin in so grosser Menge, wie sie in unserem Gestein sich vorfinden. Der vorwaltende Gehalt an Natron scheint mir daher der eigentliche Grund des Vorkommens von Pechsteinporphyr neben Felsitporphyr zu sein; beide repräsentiren nicht bloss verschiedene Erstarrungszustände einer Gesteinsart, sondern sind zwei von vornherein wesentlich verschiedene Gesteins-

arten, die nur als nahezu gleichzeitige Eruptionsmasse miteinander vergesellschaftet sich erweisen. Man könnte diesen Pechsteinporphyr gradezu als Natronglasporphyr kennzeichnen.

Der Porphyr bei Botzen ist jedoch nicht so gleichartig zusammengesetzt, als es die drei oben angeführten Analysen vermuthen lassen, wenigstens fand ich eine ganz abweichende Zusammensetzung bei einem anscheinend sehr frischen, rothbraunen Porphyr vom Aussehen der bei Botzen vorherrschenden Varietät, welchen ich in der Naifschlucht bei Meran gesammelt habe. Die Analyse ergab:

Kieselerde . . . . .	66,60
Thonerde . . . . .	15,17
Eisenoxyd . . . . .	8,92
Kalkerde . . . . .	0,46
Bittererde . . . . .	0,37
Kali . . . . .	3,85
Natron . . . . .	3,57
Glühverlust . . . . .	2,00
	<hr/>
	100,94.

Diese Varietät enthält wesentlich weniger Kieselsäure. Ich möchte vermuthen, dass solche Verschiedenheiten im Botzener Bezirke sich öfter wiederholen.

Tschermak führt (a. a. O. S. 104 und 105) bei den Botzener Pechsteinporphyren auch Uebergänge an, bei welchen neben der rothen Porphyrmasse grüne Flecke in regelmässiger Vertheilung und zwischen diesen kleine dunkle Pechsteinparthieen vorkommen. Er fasst bei diesem Gestein die Pechsteinbildung als einen Veränderungsprocess des ursprünglich grünen Porphyrs auf und nimmt an, dass das grüne Gestein durch O.haltige Wässer umgewandelt, und das Gemenge der neugebildeten Wasser- und Eisen-haltigen Verbindungen in eine amorph aussehende Masse als Pechstein abgesetzt wurde.



Ich glaube die Porphyromodifikation, auf welche diese Schilderung passt, in der Umgegend von Botzen mehrfach beobachtet zu haben und will meine über diese angestellten Untersuchungsergebnisse gleichfalls hier mittheilen.

Bei dieser Art von Gestein scheint allerdings eine amorphe grünlich gefärbte dichte Substanz die Grundmasse des Porphyrs zu ersetzen und an die Stelle des Porphyrglases getreten zu sein. Die Beschaffenheit dieses Porphyrs lässt schon nach dem blossen Ansehen auf einen hohen Grad von erlittener Zersetzung schliessen; in der That braust derselbe mit Säuren behandelt ziemlich lebhaft auf. Es gelang, hinreichende Menge der erwähnten grünen Grundmasse in sehr reinem Zustande zu isoliren. Dieselbe erwies sich nach der Analyse (A. Schwager) als bestehend aus

Kieselsäure . . . . .	51,64
Thonerde . . . . .	28,72
Eisenoxyd- und Oxydul . . . . .	5,22
Kalkerde . . . . .	0,17
Bittererde . . . . .	0,07
Kali . . . . .	9,24
Natron . . . . .	1,20
Glühverlust (Wasser) . . . . .	4,34
	<hr/>
	100,60.

Diese Masse ist mithin nach Art eines Pinitoids oder von Onkosin zusammengesetzt und ist unzweifelhaft ein Umsetzungsprodukt einer feldspathigen Substanz. Aus dem hohen Kaligehalt ist wohl sicher zu schliessen, dass sie nicht aus einem Glas hervorgegangen sein kann, wie jenes des Castelnuther Pechsteinporphyrs, sondern aus einer anderen kalireicheren. Dass aber die ursprüngliche Substanz die gleiche Textur besass, wie die Glasmasse, beweist die mikroskopische Untersuchung, bei der sich zeigt, dass trotz der Umänderung die Fluktuationstreifen noch wohl erhalten geblieben sind, und hellere mit dunkleren Lamellen in viel-



fachen Verschlingungen mit einander wechseln, wie in der Pechsteingrundmasse, jedoch ist alles krystallinisch umgebildet. Denn die ganze grüne Masse erweist sich i. p. L. als doppeltbrechend, wie der Okosin.

Neben dem hohen Kaligehalt ist die geringe Menge von Kieselsäure auffallend. Wenn wir dem Glas, aus dem die grüne Substanz hervorgegangen ist, nur einen Kieselsäuregehalt ungefähr von dem des Oligoklases = 65% zutheilen, so müsste eine enorme Menge bei der Umbildung fortgeführt worden sein. Es ist daher wahrscheinlich, dass schon ursprünglich die Glasmasse basischer zusammengesetzt war. Hier ist allerdings eine Veränderung im Sinne des von Tschermak angedeuteten Wassereinflusses vor sich gegangen; aber das Gestein dürfte doch nicht mehr als ein ächter Pechsteinporphyr zu bezeichnen sein.

Dagegen ist das Gestein von der Rasta unfern von Recoaro ein ächter Pechsteinporphyr. Es scheinen ihm zwar in die Augen fallende Ausscheidungen von hellen Quarz- und Feldspaththeilchen in der intensiv schwarzen glasartigen Grundmasse zu fehlen, es zeigt sich aber, dass dafür in sehr beträchtlicher Menge schwarze Glimmerblättchen eintreten. In den Dünnschliffen erweist sich jedoch das Gestein auch sehr reich an hellen rissigen orthoklasischen Feldspathausscheidungen, ärmer an Quarzkörnchen. Die Glasgrundmasse hat dieselben Fluktuationsstreifen und hellere neben dunkleren Lamellen aufzuweisen, wie die des Castelruther Gesteins. Die dunkleren Streifen enthalten deutlich mehr pulverig-körnigen Staub, wie die hellen, doch ist das Ganze reichlich damit erfüllt. Daneben bemerkt man an den meisten Stellen zahlreiche, unregelmässige kurze Fäserchen, die wirt einander liegen und in den hellen Streifen oft sich wie eine Querstreifung darstellen. In den Krystallausscheidungen sind häufig Glaseinschlüsse zu bemerken. Neben dem grünlich-braunen Glimmer stellen sich spärlich auch kleine

Einsprengungen eines olivingrünen, stark dichroitischen, rissigen Minerals ein, das Hornblende sein dürfte. Häufig treten dunkle grössere Körnchen, die zahlreich im ganzen Gestein eingestreut sind, zu einer Art Krystallform zusammen, und umschliessen, wie beim Castelnuther Pechsteinsporphyr, Glimmer und seltener Augit, der im Gestein vom Höllthale bei Auer häufiger vorkommt.

Ich habe diesen Pechsteinsporphyr zusammengesetzt gefunden aus:

Kieselsäure . . . . .	65,20
Thonerde . . . . .	16,00
Eisenoxyd . . . . .	4,90
Manganoxydul . . . . .	0,65
Kalkerde . . . . .	1,24
Bittererde . . . . .	1,64
Kali . . . . .	1,77
Natron . . . . .	3,72
Glühverlust . . . . .	4,15
	<hr/> 99,27.

Werfen wir nun einen Blick auf die Felsitporphyre des Botzener Gebirgs zurück, so wäre es im höchsten Grade interessant, bei der erstaunlichen Abwechslung, in der sich hier diese Gebirgsart entwickelt findet, alle diese Varietäten einer mikroskopischen Untersuchung zu unterziehen. Ich habe nur einen verschwindend kleinen Theil davon näher zu untersuchen bis jetzt Zeit gefunden, glaube auch schon dadurch eine bemerkenswerthe Thatsache erkannt zu haben, nämlich, dass trotz des felsitischen Aussehens eine Anzahl dieser Felsitporphyr glasartige Grundmasse enthalten, dass manche wahre Glasporphyre darstellen, welche nur von dem, was man gewöhnlich Pechsteinsporphyre nennt, durch die helle und röthliche Farbe und weniger auffallenden Glasglanz sich unterscheiden. Weitaus die Hauptmasse des Botzener Porphyrs besitzt allerdings in der Grundmasse



die sog. felsitische Ausbildung in der Weise, dass eine helle, durchsichtige, seltener schwach gefärbte glasartige Substanz von einer oft bis zum Undurchsichtigwerden angehäuften Menge feinsten, dunklen Staubs und undeutlich abgegrenzter kleinster Körnchen erfüllt ist. Oft reihen sich die dunklen Staubtheilchen aneinander zu unregelmässigen kurzen Fäserchen oder Nadelchen, die meist gekrümmt und gebogen, gleich dick oder theilweise verdickt, zuweilen perlschnurartig gegliedert, sich von den kurzen, hellen graden Mikrolithen durch ihre unregelmässige Form unterscheiden. Die letzteren kommen zwar meist spärlich vor, aber fehlen doch selten ganz. Oft finden sich an einzelnen Stellen die Fäserchen zu einem wirren Gewebe filzartig verschlungen.

Indem die Staubtheilchen oder Körnchen sich nach gewissen Linien dichter oder weniger dicht zeigen, bald in gewundenen Lamellen, bald in fadenähnlichen rundlichen Streifen sich zusammengruppiren, kommt die Erscheinung der Fluktuation oder Strömung zum Vorschein, welche wenigstens spurweise überall sichtbar ist und zum Theil durch rundliche Zeichnungen und bogenartige Striche eine Neigung zu sphärolithischer Absonderung verräth. Ich habe nie eine Zertheilung dieser Grundmasse etwa in feldspathige und quarzige Mikrolithe oder Körnchen beobachtet, vielmehr zeigt sich die helle, den Mineralstaub beherbergende Grundmasse entweder ganz amorph, so dass sie i. p. L. selbst bei Anwendung eines zwischengeschobenen Gypsblättchen sich einfach brechend verhält oder aber diese Grundmasse löst sich i. p. L. auf in ein Aggregat von schwach oder ganz schwach polarisirenden Theilchen, welche dicht aneinander sich anschliessen und weiter bei Anwendung eines Gypsblättchens meist sehr deutliche Aggregatfarben aufweisen. Diese Feldchen der Aggregate sind nicht mikrolithenartig klein, sondern besitzen meist eine ziemliche Ausdehnung, wie kleine Krystalltheile. Zwischen diesem

Zertheilen der Grundmasse in solche Aggregate, die ich als den Anfang einer Krystallbildung ansehe im Stadium der noch nicht scharfen Abgrenzung und Absonderung von dem umhüllenden Magma (leptomorphe Ausbildung) und dem amorphen Zustande finden sich nun zahlreiche Mittelstufen der Entwicklung mit mehr oder weniger zahlreichen und mit mehr oder weniger deutlich doppeltbrechenden Theilchen oder Feldchen. Man hat, wie mir scheint, bei der Untersuchung der Felsitgrundmasse, häufig zu viel Gewicht auf das Zertheilen der Grundmasse in Mikrolithe von Feldspath oder Quarznatur gelegt, und im Suchen nach diesen das Auseinandergehen der Grundmasse in noch nicht scharf abgegrenzte schwach doppelt brechende Theile übersehen. Ich glaube, man kann bei dem Felsitporphyr wenigstens dem Botzener nicht von einer ausschliesslich amorpher und nicht von einer ausschliesslich doppelt brechenden Grundmasse sprechen; beide sind Zustände, die ineinander übergehen und nebeneinander selbst in ein und demselben Gesteinsstück vorkommen können. Die extremsten Ausbildungsweisen liegen vor in einem ziegelrothen Porphyr aus der Umgegend von Cavalese mit Quarz und ausgezeichnet schön, meist in Carlsbader Zwillingen ausgebildeten grossen Orthoklaskrystallen, dessen Grundmasse im p. L. (mit Gypsblättchen) in ein vollständiges Aggregat mit bunter Farben sich zertheilt, und in einem gleichfalls ziegelrothen Felsitporphyr aus der Naifschlucht bei Meran, dessen fast wasserhelle, wenig staubige, mit grösseren dunklen Körnchen und einzelnen Mikrolithnadelchen spärlich versehene Grundmasse auch bei eingeschobenem Gypsblättchen als einfach brechend sich erweist, während nicht sehr zahlreiche stielrunde Fäden zwischen der Glasmasse sich durchschlängeln. Diese Fäden sind so eigenthümlicher Art, dass es verzeihlich wäre, getäuscht durch ihre regelmässige Form und ihr fadenalgenähnliches Aussehen, sie für organische Gebilde zu halten.



Sie bestehen aus einer tief rothgefärbten Hülle, welche durch die Anhäufung und Concentrirung des eisenrothen Staubs entsteht und aus einem von diesen eingeschlossenen hellen Kern, dessen Masse, wie ich auf Querschnitten der Dünnschliffe sehen konnte, das Licht schwach doppelt brechen. Im Uebrigen deuten einzelne bogenförmig gekrümmte Streifen auch hier die Fluktuationerscheinung an.

In der Mitte zwischen diesen Extremen steht der im Ganzen als die häufigste Varietät bei Botzen auftretende braunrothe Felsitporphyr. Die durch schwärzlich rothe feinste Körnchen staubige Grundmasse erweist sich i. p. L. als nur sehr schwach, stellenweis etwas stärker doppeltbrechend, während bei Anwendung eines eingeschobenen Gypsblättchens so reichlich Aggregatfarben zum Vorschein kommen, dass nur geringe Theile der Grundmasse jetzt als einfach brechend sicher zu erkennen sind.

Bei manchen weisslich gefärbten und erdig aussehenden Porphyren lässt der Dünnschliff eine Menge aus kleinen körnigen Klümpchen zusammengeballter, weisser, nur schwach durchscheinender Flocken erkennen, die in einer grossentheils amorphen Grundmasse liegen. Diese Flocken scheinen aus der Zersetzung derjenigen Theile der Grundmasse hervorgegangen zu sein, welche sich in dieser sonst als schwach doppeltbrechende, nicht scharf umgrenzte erkennen lassen.

Es liegt nach diesen Beobachtungen die Annahme nahe, dass auch der Felsitporphyr von Botzen stellenweis glasig erstarrt ist, ohne dass sich aber diese Art von Kaliglasporphyr dem unbewaffneten Auge so deutlich verräth, wie der typische dunkle Pechsteinporphyr von Castelruth oder Recoaro.

Herr Erlenmeyer sprach über:

„Das Wasser als Oxydations- und Reductionsmittel.“

Im Jahre 1867 habe ich mitgetheilt, dass Gährungsmilchsäure durch Erhitzen mit Wasser bei Gegenwart von Schwefelsäure in Aethylaldehyd und Ameisensäure gespalten wird. Das Hydroxyl des Wassers wirkt hierbei oxydirend auf das Radical  $\text{CH}_3 - \text{CH} \cdot \text{OH}$  und der Wasserstoff wirkt reducirend auf das Radical Carboxyl. Die gleiche oxydirende und reducirende Wirkung des Wassers habe ich bisher bei einer ganzen Anzahl von kohlenstoffreicheren sog.  $\alpha$  Hydroxysäuren zu beobachten Gelegenheit gehabt.

Da nun, wie ich mich überzeugt habe, auch die Glycolsäure, das der Milchsäure nächst niedere Glied in der Reihe der Hydroxyfettsäuren sich durch Wasser in analoger Weise wie die höheren Glieder spalten lässt, so wage ich den Schluss zu ziehen, dass auch das niederste Glied der Reihe, die Kohlensäure einer Spaltung fähig ist in die Wasserstoffverbindung des Carboxyls, die Ameisensäure und die Hydroxylverbindung des mit dem Carboxyl vereinigten Radicals. Dieses letztere ist in der Kohlensäure bekanntlich ebenfalls Hydroxyl; die Verbindung von Hydroxyl mit Hydroxyl ist aber nichts anderes als Wasserstoffhyperoxyd, das sich bekanntermassen ähnlich wie die Aldehydhydrate

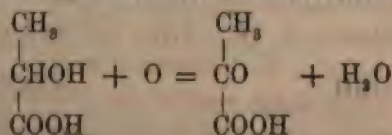
sehr leicht unter Abspaltung von Wasser zersetzt. Das Anhydrid, welches hierbei entsteht, ist aber Sauerstoff.

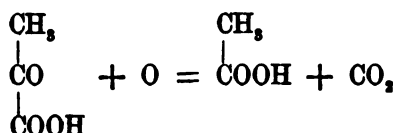
Es dünkt mir sehr wahrscheinlich, dass die angedeutete Spaltung in Ameisensäure und Wasserstoffhyperoxyd, durch Wasser unter dem Einfluss des Chlorophylls und der Sonnenstrahlen bewirkt, die erste Veränderung ist, welche die Kohlensäure in den Pflanzen erleidet. Wenn man die leichte Zersetzbarkeit des Wasserstoffhyperoxyds in Sauerstoff und Wasser in Betracht zieht, so lässt sich das Auftreten des freien Sauerstoffs bei dem Lebensprocess der Pflanzen in der angegebenen Weise gewiss am einfachsten erklären. Es ist nicht undenkbar, dass auch die Ameisensäure durch Wasser unter den Bedingungen unter welchen sie in den Pflanzen steht noch weiter in Methylaldehyd und Wasserstoffhyperoxyd gespalten werden kann. Zum Schluss will ich noch daran erinnern, dass ich 1864 in Gemeinschaft mit F. Hoster die Gegenwart von Glycolsäure und Ameisensäure in unreifen Trauben nach gewiesen habe.

## 2. Oxydation der Hydroxyfettsäuren.

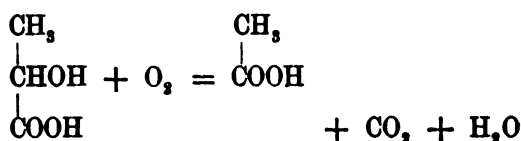
Markownikoff sowie Ley & Popoff haben die Regel aufgestellt, dass die  $\alpha$  Hydroxysäuren durch Oxydation mit Chromsäuregemisch in eine um 1 Atom Kohlenstoff ärmere Fettsäure und Kohlensäure verwandelt werden.

Markownikoff dachte sich, dass das Oxydationsmittel die Hydroxysäure zunächst durch Entziehung der beiden Wasserstoffatome an dem Radical  $\text{CHOH}$  in eine Ketonsäure überführe und dass diese dann erst durch weitere Oxydation in Kohlensäure und die kohlenstoffärmere Fettsäure zerfalle z. B.





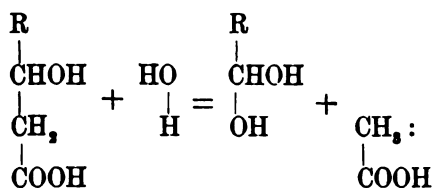
Ley und Popoff sind der Ansicht, dass die Oxydation direct folgender Gleichung entsprechend verläuft:



Ich hielt es für am Wahrscheinlichsten, dass die  $\alpha$  Hydroxysäuren durch Wasser bei Gegenwart von Schwefelsäure in einen Aldehyd resp. ein Keton und in Ameisensäure gespalten werden und dass erst in zweiter Linie der Aldehyd resp. das Keton in gewöhnlicher Weise zu Fettsäure und die Ameisensäure zu Kohlensäure oxydirt werde.

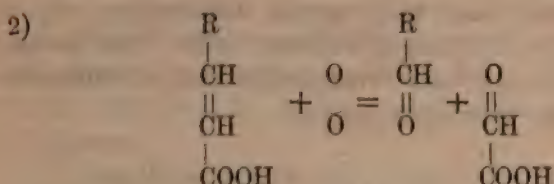
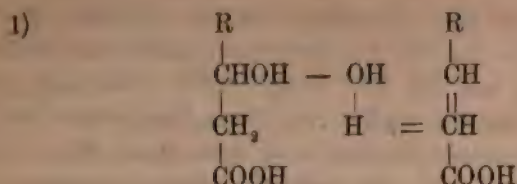
Bei der Oxydation von  $\alpha$  Hydroxycapronsäure und  $\alpha$  Hydroxycaprylsäure sowie von Diäthylglycolsäure hat sich meine Ansicht bestätigt, wie an einem andern Ort ausführlicher mitgetheilt werden wird.

Die Oxydation von  $\beta$  Hydroxysäuren scheint nach den bisher angestellten Versuchen zum Theil in analoger Weise wie die bei den  $\alpha$  Säuren zu verlaufen z. B.



etc., zum Theil aber auch in folgender Weise:





In dritter Linie wird, wenn hinreichend Oxydationsmitte vorhanden ist in den beiden Spaltungsstücken das Aldehydradical CHO in Carboxyl verwandelt.

### 3. Halogensubstitutionsproducte der Fettsäuren

Da bei der Einwirkung von Halogenen auf die Paraffine, welche mehr als zwei Atome Kohlenstoff enthalten, nach den Untersuchungen von Schorlemmer gewöhnlich 2 isomere Monosubstitutionsproducte gebildet werden, hielt ich es für möglich, dass auch bei den entsprechenden Fettsäuren 2 isomere Monohalogenensäuren entstehen könnten. Ich wurde in dieser Annahme bestärkt durch einige scheinbar widersprechende Erfahrungen, welche verschiedene Forscher bei Untersuchung der Monobrombuttersäure gemacht haben.

Nach den Versuchen, welche ich bis jetzt mit der Buttersäure und Capronsäure vorgenommen habe, scheinen in der That zwei Monobromsäuren zu entstehen, wenn die Einwirkung des Broms bei Temperaturen über 140° stattfindet.

Entgegen der Behauptung verschiedener Forscher, dass Brom auf Buttersäure und auf Capronsäure nicht bei 100°

ja selbst nicht bei 130° einwirke, habe ich gefunden, dass beide Säuren, wie dies für die Buttersäure auch schon Naumann angegeben hat, bei 100° (resp. 98,5°) vollständig in Bromsäuren verwandelt werden, wenn man hinreichend lang bei dieser Temperatur erhitzt und dass dann fast nur  $\alpha$  Säure gebildet wird. Ich will bei dieser Gelegenheit noch bemerken, dass nach meinen Erfahrungen wie es scheint nur die  $\beta$  Halogenfettsäuren, nicht, oder weniger leicht die  $\alpha$  Säuren durch weingeistiges Kali in Säuren der Acrylsäurereihe verwandelt werden.

#### 4. Ueber die Oxydation der Fettsäuren.

Bei der Fortsetzung meiner Untersuchung über die Wirkung verschiedener Oxydationsmittel auf organische Verbindungen hat sich ergeben, dass die Gährungscapronsäure ähnlich wie durch Salpetersäure auch durch Chromsäuregemisch in Bernsteinsäure und Essigsäure, die Normalheptylsäure in Bernsteinsäure und Propionsäure (von welcher sich ein Theil in Essigsäure, Ameisensäure und Kohlensäure zersetzt) gespalten wird.

Ich bin mit der Oxydation der Caprylsäure, (durch Jodwasserstoff aus Hydroxycaprylsäure erhalten) und höherer Fettsäuren beschäftigt, um zu sehen, ob dieselben ebenfalls Bernsteinsäure und neben dieser die entsprechenden Fettsäuren liefern.

---

Herr Hermann von Schlagintweit-Sakünlünski  
überreicht ein Exemplar der Abhandlung von Herrn Charles  
Grad, „Température des mers de France“, im Auftrage des  
Verfassers.

Vorschläge zu allgemein vergleichenden Beobachtungen  
über die Temperatur der Meere, welche Frankreich berühren,  
und Mittheilung in Extremen und Mitteln der Monate über  
die Wärme des mittelländischen Meeres an 3 Stationen der  
Küste von Algier, wo Herr Grad bereits Daten für 1872  
sich hatte verschaffen können, bilden den Gegenstand seines  
Berichtes.

Er hatte darüber vorgetragen in der französischen  
Naturforscher-Versammlung zu Nantes, im August 1875.

---

### **Verzeichniss der eingelaufenen Büchergeschenke.**

---

*Von der naturforschenden Gesellschaft Graubündens in Chur:*

Jahresbericht. Neue Folge. XIX. Jahrgang. Vereinsjahr 1874/75. 8.

*Von der geographischen Gesellschaft in Wien:*

Mittheilungen. Bd. XVIII. 1875. 8.

*Von der schweizerischen geologischen Commission in Bern:*

- a) Bericht der geologischen Commission nebst Blatt XXIV. der geol. Karte der Schweiz und einem Uebersichtsblatt. 1876.
- b) Beiträge zu einer geologischen Karte der Schweiz. 1 Geol. Karte. Bl. 9. 1875. Fol.

*Von der physikalisch-medicinischen Gesellschaft in Würzburg:*

Verhandlungen. Bd. IX. und X. 1876. 8.

*Vom naturwissenschaftlichen Verein in Bremen:*

Abhandlungen. Bd. V. 1876. 8.

*Vom Verein für Naturkunde in Mannheim:*

36.—40. Jahresbericht. 1870—76. 8.

*Von der k. sächsischen Gesellschaft der Wissenschaften in Leipzig:*

- a) Abhandlungen der math.-phys. Classe. Bd. XI. 1875. 4.
- b) Berichte über die Verhandlungen der mathem.-phys. Classe. 1874—75. 8.

*Von der Lebensversicherungsbank für Deutschland in Gotha:*

47. Rechenschaftsbericht f. d. J. 1875. 4.

*Von der k. k. Sternwarte in Prag:*

Astronomische, magnetische und meteorologische Beobachtungen. 36. Jahrg. Jahr 1875. 4.



*Vom naturhistorischen Landes-Museum von Kärnten in Klagenfurt:*  
Jahrbuch. Heft XII. 1876. 8.

*Von der schweizerischen Gesellschaft für die gesammten Naturwissen-  
schaften in Bern:*

Verhandlungen. Jahrg. 1875. Luzern 1876. 8.

*Vom physikalischen Verein zu Frankfurt a/M.:*  
Jahresbericht f. d. J. 1874/75. 8.

*Vom Verein für Erdkunde in Leipzig:*  
Mittheilungen 1875. 8.

*Von der landwirthschaftlichen Centralschule in Weihenstephan:*  
Jahresbericht pro 1875/76. München 1876. 8.

*Vom Verein nördlich der Elbe zur Verbreitung naturwissenschaftlicher  
Kenntnisse in Kiel:*

Mittheilungen. Heft 1, 4—7. 9. Neue Reihe: Schriften. Bd. I. 3. II. 1.  
1857—75. 8.

*Vom naturwissenschaftlichen Verein in Karlsruhe:*  
Verhandlungen. Heft VII. 1876. 8.

*Von der naturforschenden Gesellschaft in Emden:*  
61. Jahresbericht. 1875. 8.

*Vom Verein zur Verbreitung naturwissenschaftlicher Kenntnisse  
in Wien:*

Schriften Bd. 16. Jahrg. 1875/76. 8.

„ I—XII. XIV—XVI. 1862—1876. 8.

*Von der zoologisch-botanischen Gesellschaft in Wien:*

a) Verhandlungen. Jahrg. 1875. Bd. XXV. 1876. 8.

b) Festschrift zur Feier des 25jährigen Bestehens der k. k. zoologisch-  
botanischen Gesellschaft. 1876. 4.

*Von der senkenbergischen naturforschenden Gesellschaft in Frankfurt a/M.:*

Abhandlungen. Bd. X. 1876. 4.

*Von der naturforschenden Gesellschaft in Zürich:*

Vierteljahrsschrift. Jahrg. XX. 1875. 8.

*Von der St. Gallischen naturwissenschaftlichen Gesellschaft in St. Gallen:*

Bericht über die Thätigkeit der St. Gallischen naturwissenschaftlichen Gesellschaft i. J. 1874—75. 8.

*Von der physikalisch-ökonomischen Gesellschaft in Königsberg:*

Schriften. XVI. Jahrg. 1875 in 2 Abtheilungen. 1875—76. 4.

*Von der fürstlich Jablonowski'schen Gesellschaft in Leipzig:*

Preisschriften. Nr. XIX. XX. 1876. 4.

*Von der oberhessischen Gesellschaft für Natur- und Heilkunde in Giessen:*

15. Bericht. 1876. 8.

*Von der Académie des sciences in Paris:*

Comptes rendus. Tom. 82. 1876. 4.

*Von der Connecticut Academy of Arts and Sciences in New-Haven:*

Transactions. Vol. III. Part. 1. 1876. 8.

*Vom Museo civico di storia naturale in Genua:*

Annali. Vol. VII. 1875. 8.

*Von der Geological Society in London:*

The quarterly Journal. Vol. XXXII. Part. 2. 1876. 8.

*Vom Bureau de la recherche géologique de Suède in Stockholm:*

a) Kartbladet No. 54 (Riseberga), 55 (Latorp) och 56 (Nora) mit 3 Heften erläuternden Textes 1876.

b) Geognostisk Beskrifning öfver Persbergets Grufvefält, af A. E. Törnebohm. 1875. 4.

- c) Om Sveriges lagrade urberg jemförda med Sydvestra Europas, af D. Hummel. 1875. 8.
- d) Om Malmlagens aldersföljd af O. Gumaelius. 1876. 8.

*Von der Société des sciences physiques et naturelles in Bordeaux:*

- a) Mémoires. Tom. IX. Paris 1873. 8.
- b) Extrait des procès-verbaux des séances. 1875/76. 8.

*Von der Società adriatica di scienze naturali in Triest:*

Bollettino. Annata II. No. 1. 1876. 8.

*Von der Royal Society of Tasmania in Tasmania Hobarttown:*

Monthly Notices of Papers and Proceedings for 1874. 1875. 8.

*Vom Geological Museum in Calcutta:*

- a) Memoirs. Vol. I. Part. 2. 1858. Vol. VIII. Part. 1—4. 1875. 4.
- b) Palaeontologia Indica. Ser. IX. 2. u. 3. The Cephalopoda by Will. Waagen. 1875. Fol.

*Von der Akademie der Wissenschaften in Lissabon:*

- a) Memorias. Classe de sciencias mathematicas. Nova Serie. Tom. IV. Parte 1. 2. Tom. V. Parte 1. 2. 1867—75. 4.
- b) Jornal de sciencias mathematicas, physicas e naturaes. Tom. I—IV. 1868—73. 8.
- c) Technologia rural, por J. J. Ferreira Lapa. Parte I—III. 1871—74. 8.
- d) Curso de meteorologia, por Adriano Augusto de Pina Vidal. 1869. 8.
- e) Précis de thermométrie clinique por P. F. da Costa Alvarenga, trad. par L. Papillaud. 1871. 8.
- f) Tratado elementar de optica por Adriano Augusto de Pina Vidal. 1874. 8.
- g) Elementos de pharmacologia geral por Bernardino Antonio Gomes, 1873. 8.

*Von der American Association for the advancement of science in Salem:*

Memoirs. I. 1875. 4.

*Vom United States Naval Observatory in Washington:*

Astronomical and meteorological Observations made during the year 1879. 1875. 4.

*Von der k. Akademie der Wissenschaften in Stockholm:*  
 Meteorologiska Jakttagelser i Sverige. Bd. XV. 1878. 4.

*Von der Académie Royale de médecine in Brüssel:*

- a) Bulletin. Année 1876. 3. Série. Tom. X. No. 6. 1876. 8.
- b) Mémoires couronnés. Collection in 8. Tome IV. 1876. 8.

*Vom Reale Istituto Lombardo di scienze in Mailand:*

Osservazioni meteorologiche eseguite nella R. specola di Brera. Anno 1878. 8.

*Von der Società italiana di scienze naturali in Mailand:*

Atti. Vol. XVIII. 1875. 8.

*Vom Comité international des poids et mesures in Paris:*

Procès-verbaux des séances de 1875—76. 8.

*Von der Boston Society of natural history in Boston:*

- a) Proceedings. Vol. XVIII. 1876. 8.
- b) Occasional Papers II. The Spiders of the United States by N. M. Hentz.

*Von der Société des sciences naturelles in Cherbourg:*

Mémoires. Tom. 19. 1875. 8.

*Von der Société de géographie in Paris:*

Bulletin. Juillet. Août 1876. 8.

*Vom Institut national Genevois in Genf:*

Bulletin. Tom. XXI. 1876. 8.

*Von der Redaction des American Chemist in New-York:*

The American Chemist. Vol. VII. 1876. 4.

*Von der Redaction des American Journal in New-Haven:*

The American Journal of Science and Arts. III. Series. Vol XII. 1876. 8.

*Von der American Academy of Arts and Sciences in Boston:*

Proceedings. Vol. XI. (New Series Vol. III.) 1876. 8.

*Von der Academy of natural sciences in Philadelphia:*

Proceedings. 1875 in 3 Parts, 1875. 8.



*Vom United States Engineer Office in Washington:*

- a) Report upon geographical and geological Exploration and Surveys West of the 100<sup>th</sup> Meridian. Part. IV. Vol. III. Geology. 1875. 4.
- b) The geological Relations of the lignitic Groups, by J. J. Stevenson. New-York 1875. 8.

*Vom Museu nacional in Rio de Janeiro:*

Archivos do Museu nacional. 1876. 4.

*Vom physikalischen Central-Observatorium in St. Petersburg:*

Repertorium für Meteorologie. Bd. V. 1876. 4.

*Von der Universidad de Chile in Santiago:*

Anuario hidrográfico de la marina de Chili. Año I. 1875. 4.

*Vom Musée Teyler in Harlem:*

Archives. Vol. IV. 1876. 4.

*Von der Sternwarte in Leiden:*

Annalen. Bd. IV. Haag. 1875. 4.

*Von der kgl. Natuurkundigen Vereeniging in Nederlandsch-Indië  
in Batavia:*

Natuurkundig Tijdschrift. Deel 1834. 8.

*Von der Société Hollandaise des sciences in Harlem:*

Archives Néerlandaises. Tom. XI. 1876. 8.

*Von der Societé Impériale des Naturalistes in Moskau:*

Bulletin. Année 1876. 8.

*Von der Redaction des Moniteur scientifique in Paris:*

Moniteur scientifique. Livr. 418. 1876. gr. 8.

*Von der Royal Astronomical Society in London:*

Monthly Notices. Vol. XIX (1858—59) — XXVI (1865, 66). 8.

*Von der Società Italiana delle scienze in Florenz:*

Memorie. Serie III. Tomo II. 1869—76. 4.

*Von der Linnean Society in London:*

- a) Proceedings of the Session 1874—75. 8.
- b) Additions to the Library of the Linnean Society. 1875. 8.

*Von der Sociedad geográfica in Madrid:*

Boletín. Tomo I. 1876. 8.

*Von der Sociedad de geografía y estadística in Mexico:*

Boletín. Tercera Época Tomo III. 1876. 8.

*Von der k. k. Gesellschaft der Aerzte in Wien:*

Medicinische Jahrbücher. Jahrg. 1876. Heft IV. 1876. 8.

*Vom naturhistorischen Verein der preussischen Rheinlande in Bonn:*

Verhandlungen. Jahrg. 32 u. 33. 1875—76. 8.

*Vom naturwissenschaftlichen Verein in Magdeburg:*

- a) Abhandlungen. Heft 7. 1876. 8.
- b) Sechster Jahresbericht; nebst den Sitzungsberichten aus dem Jahre 1875. 8.

*Vom Verein für deutsche Nordpolarfahrt in Bremen:*

Forschungsreise nach West-Sibirien 1876. VIII. 1876. 8.

*Vom Royal College of Chemistry, South Kensington Museum in London:*

Sixth Report of the Rivers Commission. 1874. Fol.

*Von der Académie impériale des sciences in St. Petersburg:*

Bericht der zur Begutachtung der Abhandlung des Herrn Wex über die Wasserabnahme in den Quellen und Strömen eingesetzten Commission. 1876. 8.

*Von der finländischen Gesellschaft für Wissenschaften in Helsingfors:*

- a) Bidrag till kännedom of Finlands Natur och Folk. Vol. XXIV. 1874. 8.
- b) Observations météorologiques. Année 1873. 4.

*Vom Reale Osservatorio di Brera in Mailand:*

Publicazioni. No. XI. 1876. Fol.

*Vom Museo cirico di storia naturale in Genua:*

Annali. Vol. VIII. 1876. 8.

---

*Vom Herrn Gerhard vom Rath in Bonn:*

- a) Notizen über die oktaëdrischen Krystalle des Eisenglanzes. 1876. 8.
- b) Das Syenitgebirge von Ditro und das Trachytgebirge Hargitta im östlichen Siebenbürgen. 1876. 8.
- c) Mineralogische Mittheilungen. Leipzig 1876. 8.

*Vom Herrn A. Kölliker in Würzburg:*

Ueber die Placenta der Gattung Tragulus 1876. 8.

*Vom Herrn R. Fresenius in Wiesbaden:*

- a) Analyse der Eisen-Quellen in Bad Neudorf in Böhmen. 1876. 8.
- b) Analyse der Mineral-Quelle bei Birresborn in der Eifel. 1876. 8.
- c) Chemische Analyse der Mineral-Quelle bei Biskirchen im Lahathale. 1876. 8.
- d) Analyse der warmen Quelle zu Assmannshausen. 1876. 8.

*Vom Herrn Hermann Kolbe in Leipzig:*

Journal für praktische Chemie Neue Folge. Bd. XIV. 1876. 8.

*Vom Herrn Socrate Cadet in Rom:*

Quade possa essere il farmaco meglio opportuno tanto a prevenire quanto a combattere i morbi pestilenziali. 1874. 8.

*Vom Herrn Giovanni Omboni in Padua:*

L'Esposizione di oggetti preistorici. Venedig 1876. 8.

*Vom Herrn P. Trémaux in Paris:*

Principe universel du mouvement et des actions de la matière. 3<sup>e</sup> éd. 1876. 8.

[1876. 3. Math.-phys. Cl.]

*Vom Herrn Charles Pickering in Salem:*

The geographical Distribution of Animals and Plants. II. 1876. 4.

*Vom Herrn William B. Taylor in New-Haven:*

A Notite of recent researches in sound. 1876. 8.

*Vom Herrn Wülhelm von Dokoupil in Bistritz:*

Die Bauhölzer. Ein Beitrag zur Kenntniss der Baumaterialien. 1876. 8.

*Vom Herrn Eduard Regel in St. Petersburg:*

Gartenflora. Stuttgart. 1876. 8.

*Vom Herrn Agostino Todaro in Palermo:*

Fourcroya elegans Tod. 1876. 4.

*Vom Herrn Alpheus Hyatt in Boston:*

Revision of the North American Poriferae. 1875. 4.

*Vom Herrn P. Riccardi in Modena:*

Biblioteca matematica Italiana. Fascicolo 4. (Vol. II.) 1876. 4.

*Vom Herrn J. A. C. Oudemans in Utrecht:*

Die Triangulation von Java. Batavia 1875. Fol.

*Vom Herrn J. Glaisher in Cambridge:*

On a Class of Identical Relations in the Theory of Elliptic Functions,  
by J. W. L. Glaisher London 1876. 4.

*Vom Herrn H. Carrington Bolton in New-York:*

Index to the Literature of Manganese 1596—1874. Salem 1876. 8.

*Vom Herrn T. Nelson Dale in Paterson:*

A Study of the Bhaetic Strata of the Val di Ledro in the Southern Tyrol. 1876. 8.

*Vom Herrn L. Gaussin in Paris:*

Définition du calcul quotientiel. 1876. 4.



*Vom Herrn B. Clausius in Bonn:*

- a) Ueber die Ableitung eines neuen electrodynamischen Grundgesetzes. Berlin 1876. 4.
- b) Ueber die Behandlung der zwischen Linnearen Strömen und Leitern stattfindenden ponderomotorischen und electromotorischen Kräfte nach dem electrodynamischen Grundgesetze. 1876. 8.

*Vom Herrn Ludwig Martini in Augsburg:*

Die Anschwellungen und Verhärtungen der Gebärmutter sind nicht unheilbar. 1876. 8.

*Vom Herrn G. V. Schiaparelli in Mailand:*

Di alcune questioni concernenti il movimento degli occhi. 1876. 8.

*Vom Herrn Donato Tommasi in Paris:*

Les Bateaux Hemi-Plongeurs. 1876. 8.

*Vom Herrn Curico Morselli in Modena:*

Il suicidio nel delinquenti studio statistico e medico legale. 1876. 8.

*Vom Herrn E. Plantamour in Genf:*

Résumé météorologique de l'année 1874. 1875. pour Genève et le Grand Saint-Bernard. 1874. 1875. 8.



## Sach-Register.

---

Braunstein Leitungsvermögen elektr. 26.  
Büchergeschenke, eingelaufene 126. 216. 298.

Circularpolarisation, Darstellung derselben 211.  
Complementärfarben des Gypses 206.

Dolomite 80.

Ei des Menschen, und der Thiere 1.

Farbenmischung, neue Methode 106.

Gehirn eines Orang-Outan 198.  
Geognostische Mittheilungen aus den Alpen 51. 271.  
Glykogen im Thierkörper 138.  
Goldblattelektroskop 20.

Heubachit 238.  
Höhennetze, geometrische Ausgleichung 243.  
Hydracinverbindung der Fettreihe 35.

Kohle, Leitungsvermögen elektr. 26.  
Kobaltnickeloxydhydrat 138.  
Korallenriffkalk 101.

Membranen structurlose bei Wirbelthieren 163.

**Pechsteinporphyr 271.**

**Pigmentfarben 80.**

**Porphyr 52.**

**Probabilitäts-Aufgabe 45.**

**Rosanilin 145.**

**Salmiak im Harn, Ausscheidung 131.**

**Salzlösungen, Cohäsion derselben 3.**

**Spectralfarben 80.**

**Taylorsche Reihenentwicklung 225.**

**Wasser als Oxydations- und Reductionsmittel 292.**

---



## Namen-Register.

---

Baeyer 35. 145.  
v. Bauernfeind 243.  
v. Bestz 8. 20.  
v. Bezold 30. 106.  
v. Bischoff 1. 193.  
Brongniart Th. (Nekrolog) 120.

D'Arrest H. L. (Nekrolog) 124.  
Du Bois-Reymond 225.

Erlenmeyer 292.

Feder 131.  
Fischer Emil 35.  
Fischer Emil u. Otto 145.  
Forster 138.

Gümbel 51. 271.

Haeckel 1.  
Hlasiwetz H. (Nekrolog) 121.

v. Kobell 113. 206. 211. 238.  
Kollmann 163.

Pfaff 211.

Quincke 3.

Richelot Fr. J. (Nekrolog) 125.

Sandberger 238.

Scheerer J. A. Th. (Nekrolog) 113.

Schrötter Ant. (v. Kristalli) (Nekrolog) 118.

Seidel 44. 225.

Voit 131. 138. 163.

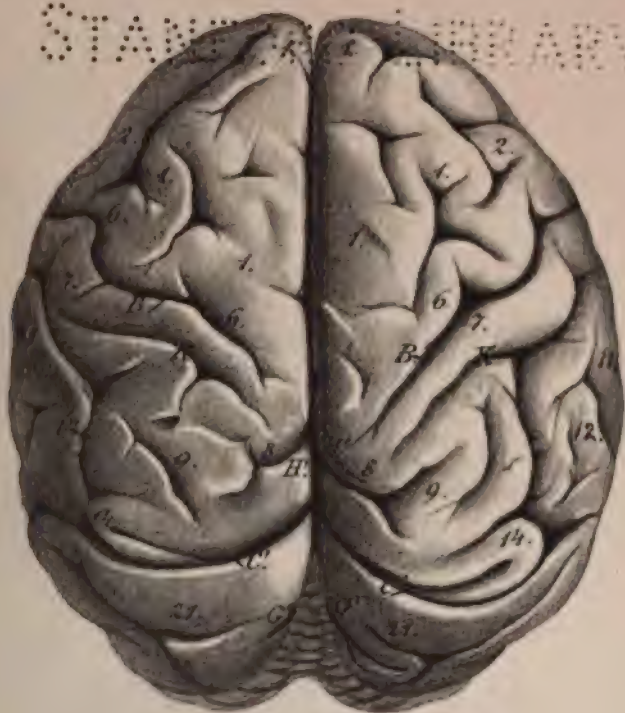
Weber M. J. (Nekrolog) 123.

Wheatstone Ch. (Nekrolog) 117.

---

*Dr. J. B. Bachhoff, Abhd. über das Gehirn eines Orang-Utangs*

*Fig. I.*

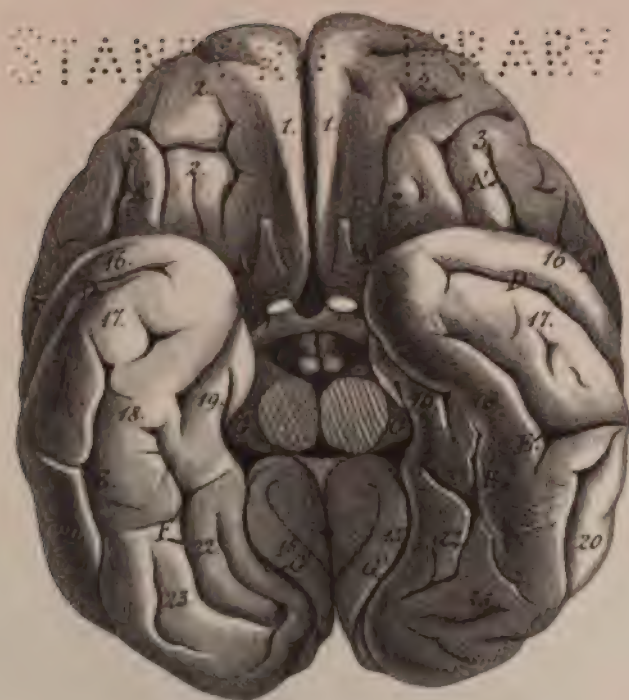


Y8A98U1 0907MATE





*Fig. II.*



Y8A98UJ 0X07M7A1



УВАЖАЊИ ОБОЈИМА?



Zu Dr v Bischoffs Abhdt über das Gehirn eines Orang-Outangs

Fig. II.

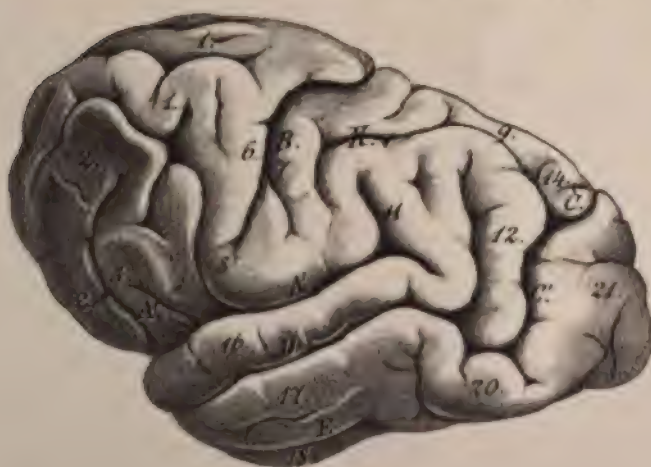


Y&A&B: 0507MAY2

*Fig. III.*



*Fig. IV.*



YSA 9911 00099910



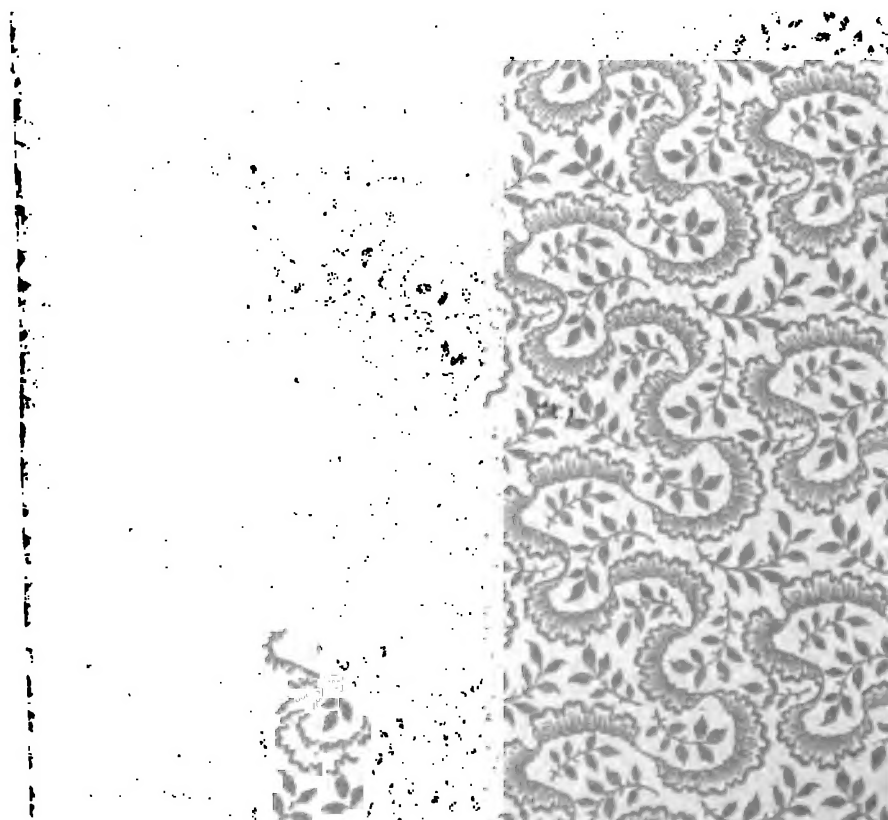
*Fig. V.*



STANFORD LIBRARY

*Fig. VI.*





Stanford University Libraries



3 6105 005 431 320

STANFORD UNIVERSITY LIBRARIES  
CECIL H. GREEN LIBRARY  
STANFORD, CALIFORNIA 94305-6004  
(415) 723-1493

All books may be recalled after 7 days

DATE DUE

DPT DEC 08 1994

JUL 08 1994

